

تقدیم به

پدر و مادر مهربانم

## تقدیر و تشکر

سپاس و ستایش خدای را که مرا مورد لطف عنایتش قرار داد تا به کمک بزرگوارانی که به گونه‌های مختلف مرا یاری نمودند، این تحقیق انجام شد. از این رو ضمن تقدیر و تشکر از این عزیزان، توفیق روز افزون از ایزد یکتا خواستارم.

بدین وسیله از زحمات بی‌دریغ اساتید محترم آقای دکتر پیروز و آقای دکتر حافظی مقدس که با رهنمودهای ارزشمندانه مرا در انجام هر چه بهتر این پایان‌نامه یاری فرمودند، صمیمانه تشکر و سپاسگزاری می‌نمایم.

همچنین از آقای دکتر جوان و آقای دکتر صمدی که زحمت داوری این پایان‌نامه را بر عهده داشته‌اند کمال تشکر و قدر دانی را دارم.

از آقای دکتر کاکایی، ریاست محترم دانشکده مهندسی معدن و ژئوفیزیک، به پاس راهنمایی‌های ارزشمندانه در طی دوران تحصیل صمیمانه سپاسگزارم.  
در پایان از کلیه دوستان و عزیزانی که مرا در انجام این پایان‌نامه یاری نموده‌اند، صمیمانه سپاسگزارم و برایشان آرزوی موفقیت دارم.

## چکیده

سرعت امواج برشی از جمله پارامترهای بسیار مهم و مورد نیاز در مطالعات ژئوتکنیکی از جمله در ارزیابی مقاومت لایه های زیر سطحی، اثرات ساختگاهی و تعیین پروفیل لایه های زیر سطحی می باشد. روش متداول تعیین سرعت امواج برشی، روش لرزه نگاری درون چاهی است که روشی زمان بر و پرهزینه می باشد. در مقابل این روش، روش جدیدی تحت عنوان آنالیز طیفی امواج سطحی معرفی شده است که یک روش غیر مخرب می باشد.

در این روش با استفاده از خاصیت پراکندگی امواج سطحی (از نوع ریلی) می توان منحنی پراکندگی این امواج را بدست آورد. سپس پروفیل سرعت امواج برشی محدوده مورد مطالعه (مانند لایه های زمین، روسازی راهها و بدنۀ تونلها...) با استفاده از روش های معکوس سازی، محاسبه می شود. در حقیقت این روش بر مبنای تولید و ثبت امواج لرزه ای در سطح، محاسبۀ اختلاف فاز امواج مذکور در حوزه فرکانس، رسم منحنی پراکندگی و وارون سازی آن استوار می باشد.

در این مطالعه ابتدا مروری بر نحوه انتشار امواج ریلی در محیط های لایه ای و چگونگی بکار گیری این امواج در تعیین خواص مکانیکی لایه ها، شده است. در ادامه، نحوه بدست آوردن منحنی پراکندگی صحرایی شرح داده شده، و برنامۀ کامپیوتری مورد نیاز جهت بدست آوردن این منحنی توسط نرم افزار MATLAB معرفی شده است. سپس منحنی های پراکندگی مربوط به ۹ محل از شهر مشهد و یک محل در دانشگاه صنعتی شاهرود با استفاده از برنامه مربوطه بدست آمده است. منحنی های پراکندگی مذکور با استفاده از یک روش ساده، معکوس سازی شده و پروفیل های سرعت امواج برشی محل های مورد نظر بدست آورده شده اند. در نهایت پروفیل های سرعت امواج برشی بدست آمده از روش آنالیز طیفی امواج سطحی با پروفیل های بدست آمده از روش لرزه نگاری درون چاهی با یکدیگر مقایسه شده اند.

این مقایسه ها نشان می دهد، انطباق قابل قبولی بین نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی، به عنوان یک روش غیر مخرب، و نتایج حاصل از روش لرزه نگاری درون چاهی، به عنوان یک روش مخرب، وجود دارد.

## فهرست مطالب

<u>صفحه</u>	<u>عنوان</u>
۱	تقدیم
۲	تشکر و قدردانی
۳	چکیده
۴	فهرست مطالب
۵	فهرست علائم و اختصارات
۶	فهرست جداول
۷	فهرست اشکال
۸	فصل اول - مقدمه
۹	فصل دوم - نحوه انتشار امواج
۱۰	۱-۱-۲ - مقدمه
۱۱	۱-۲-۲ - رفتار خاک در کرنش های متفاوت
۱۲	۱-۳-۲ - تئوری انتشار امواج
۱۳	۱-۳-۲-۱ - تئوری کشسانی
۱۴	۱-۳-۲-۱-۱ - تنش
۱۵	۱-۳-۲-۱-۲ - کرنش
۱۶	۱-۳-۲-۱-۳-۲ - قانون هوک
۱۷	۱-۳-۲-۲ - حرکت موج
۱۸	۱-۳-۲-۳-۲ - امواج p و s
۱۹	۱-۳-۲-۴ - نحوه انتشار امواج ریلی
۲۰	۱-۳-۲-۵ - معادلات حاکم بر نحوه انتشار امواج ریلی

۲۴	۶-۳-۲- رابطه بین سرعت امواج ریلی و سرعت امواج برشی.....
۲۶	۷-۳-۲- تغییرات دامنه نوسان موج ریلی نسبت به عمق.....
۲۷	۸-۳-۲- پاشیدگی امواج ریلی.....
۲۹	۹-۳-۲- اهمیت امواج ریلی.....
۳۲	<b>فصل سوم-پردازش سیگنال</b>
۳۳	۱-۳- مقدمه.....
۳۳	۲-۳- تبدیلات فوریه.....
۳۴	۱-۲-۳- طیف فوریه.....
۳۵	۲-۲-۳- تبدیلات فوریه گستته.....
۳۶	۳-۳- دگرnamی.....
۳۸	۴-۳- قدرت تفکیک طیف فوریه.....
۳۹	۵-۳- همبستگی.....
۳۹	۱-۵-۳- همبستگی متقابل در حوزه زمان.....
۴۱	۲-۵-۳- همبستگی متقابل در حوزه فرکانس.....
۴۲	۳-۵-۳- تابع خود همبستگی.....
۴۳	۴-۵-۳- تابع خود همبستگی در حوزه فرکانس.....
۴۴	۶-۳- تابع میزان همبستگی.....
۴۴	۷-۳- واپیچیدن.....
۴۷	<b>فصل چهارم-روش آنالیز طیفی امواج سطحی</b>
۴۸	۱-۴- مقدمه.....
۴۹	۲-۴- بکارگیری امواج سطحی در تعیین خواص مکانیکی لایه های زیر سطحی.....
۵۰	۳-۴- روش ارتعاشات ایستای امواج سطحی(SSRM).....

۵۳	۴-۴-۴- روش آنالیز طیفی امواج سطحی(SASW)
۵۳	۱-۴-۴- اصول اولیه
۵۵	۴-۴-۲- آنالیز طیفی امواج سطحی
۵۵	۴-۴-۲-۱- اندازه گیری و جمع آوری دادهها
۵۸	۴-۴-۲-۲- بدست آوردن منحنی پراکندگی
۶۰	۴-۴-۲-۳- معکوس‌سازی منحنی پراکندگی
۶۴	۴-۴-۵- مثالی از بکارگیری روش آنالیز طیفی امواج سطحی
۶۷	<b>فصل پنجم- برداشت داده و توصیف تجهیزات بکارگرفته شده</b>
۶۸	۱-۵- مقدمه
۶۸	۵-۲- برداشت داده در دانشگاه صنعتی شاهرود
۷۱	۵-۳- برداشت داده و تجهیزات بکار گرفته شده در شهر مشهد
۷۴	<b>فصل ششم- پردازش و تفسیر دادهها</b>
۷۵	۱-۶- مقدمه
۷۵	۶-۲- آماده سازی دادهها
۷۶	۶-۳- تفسیر و پردازش دادهها
۷۶	۶-۴- مطالعه موردی در نقطه BH8
۹۴	<b>فصل هفتم- نتیجه گیری و پیشنهاد</b>
۹۸	منابع
۱۰۲	ضمایم
۱۰۳	ضمیمه الف - نتایج حاصل از پردازش و تفسیر داده های لرزه ای
۱۵۸	ضمیمه ب - برنامه رایانه ای مورد استفاده در پردازش دادهها
۱۶۶	ضمیمه ج - انواع زمین ها از نظر نوع سنگ و خاک

## فهرست علائم و اختصارات

$G_{MAX}$	سختی بیشینه
$\varepsilon$	کرنش نسبی
$\theta$	کرنش چرخشی نسبی
$\Delta$	اتساع
$\sigma$	تنش
$\lambda$	ثابت لامه
$\rho$	چگالی
$\nabla$	عملگر لاپلاس
$P$	سرعت موج فشاری
$S$	سرعت موج برشی
$\nu$	ضریب پواسون
$SV$	موج برشی عمودی
$SV_I$	موج برشی عمودی تابشی
$SV_R$	موج برشی عمودی انعکاسی
$P_R$	موج فشاری تابشی
$V$	سرعت انتشار موج
$V_p$	سرعت موج فشاری
$V_s$	سرعت موج برشی
$\omega$	سرعت زاویه ای
$K_R$	عدد موج
$A$	دامنه موج
$T$	دوره تناوب
$\Delta t$	فاصله بین زمان‌های نمونه برداری
$\Delta f$	فاصله فرکانسی در حوزه فرکانس

$G_{xy}(\tau)$	تابع همبستگی متقابل
$G_{xy}(f)$	طیف توان همبستگی متقابل
$\phi(f)$	طیف فاز توان همبستگی متقابل
$G_{xx}(\tau)$	تابع خود همبستگی
$G_{xx}(f)$	طیف توان خود همبستگی
$\gamma^2$	تابع میزان همبستگی
$\theta_{Unwrap}$	طیف فاز همبستگی متقابل واپیچیده شده
SASW	آنالیز طیفی امواج سطحی
SSRM	ارتعاشات ایستای امواج ریلی
$\lambda_R$	طول موج امواج ریلی
$(L_R)_{\max}$	بلند ترین طول موج
$(L_R)_{\min}$	کوتاه ترین طول موج
$d$	فاصله بین ژئوفون ها
DHT	روش لرزه نگاری درون چاهی
UTM	مختصات جهانی مرکاتور
ASCII	فرمت استاندار آمریکا برای اطلاعات
BH	گمانه

## فهرست جداول

<u>صفحه</u>	<u>عنوان</u>
	فصل دوم
۳۰	جدول ۱-۲ - درصدی از کل انرژی تولید شده که بوسیله امواج مختلف انتقال می یابد
	فصل چهارم
۶۵	جدول ۱-۴ - سرعت موج برشی بدست آمده با استفاده از روش SASW و روش لرزه نگاری درون چاهی
	فصل پنجم
۷۱	جدول ۱-۵ - مختصات جغرافیایی نقاط برداشت شده (سیستم UTM)
	ضمیمه
۱۶۷	جدول ضمیمه ج - انواع زمین ها از نظر نوع سنگ و خاک

## فهرست اشکال

<u>صفحه</u>	<u>عنوان</u>
	فصل دوم
۹	شكل ۲-۱- رفتار تنش-کرنش در خاکها.
۹	شكل ۲-۲- رفتار ایدهآل کرنش-سختی لایه های زیر سطحی.....
۱۰	شكل ۲-۳- مقدار سختی اندازه‌گیری شده بوسیله روش‌های مختلف.....
۱۲	شكل ۲-۴- اجزاء تنش وارد بر جسم.....
۱۳	شكل ۲-۵- تغییر در شکل و ابعاد المانی از یک جسم.....
۱۷	شكل ۲-۶- سرعت انتشار موج.....
۱۹	شكل ۲-۷- تبدیل موج تابشی $SV_I$ به دو موج باز تاب $SV_R$ و $P_R$ .....
۲۰	شكل ۲-۸- انتشار موج $SV_I$ از فصل مشترک دو لایه.....
۲۰	شكل ۲-۹- انتشار هم زمان دو موج $P_R$ و $SV_R$ .....
۲۱	شكل ۲-۱۰- مقطع قائم از یک محیط که موج ریلی از آن در حال عبور می‌باشد.....
۲۲	شكل ۲-۱۱- حرکت ایجاد شده توسط یک نمونه موج صفحه‌ای که در جهت $x$ منتشر گردد.....
۲۶	شكل ۲-۱۲- تغییرات سرعت امواج ریلی و طولی ( $V$ ) نسبت به سرعت امواج برشی $V_s$ در ضرایب پواسون مختلف.....
۲۶	شكل ۲-۱۳- تغییرات دامنه نوسان قائم و افقی موج ریلی نسبت به عمق.....
۲۸	شكل ۲-۱۴- در یک فضای همگن و همسانگر سرعت امواج ریلی تابعی از فرکانس نیست.....
۲۸	شكل ۲-۱۵- در یک فضای ناهمگن سرعت امواج ریلی تابعی از فرکانس است.....
۲۹	شكل ۲-۱۶- منحنی پراکندگی، پاشیدگی امواج سطحی را تشریح می‌کند.....
	فصل سوم
۳۴	شكل ۳-۱- هر موج دوره‌ای را می‌توان به صورت مجموع از هماهنگ‌های ساده آن نوشت.....

فصل چهارم

۱-۴- شماتیکی از عملیات صحرایی به روش ارتعاشات ایستای امواج ریلی	SSRM	۵۰
۲-۴- نفوذ امواج ریلی در زمین		۵۱
۳-۴- تغییرات سرعت موج ریلی با تغییر طول موج در یک نیم فضای دو لایه‌ای		۵۲
۴-۴- معکوس ساز در روش SSRM		۵۲
۵-۴- محاسبه اختلاف فاز بین دو ژئوفون در یک فرکانس معین		۵۴
۶-۴- شماتیکی از آرایش صحرایی روش SASW		۵۶
۷-۴- نحوه برداشت با آرایش نقطه میانی در روش SASW		۵۶
۸-۴- نحوه مشخص کردن قسمت های قابل قبول منحنی پراکندگی		۵۸
۹-۴-الف- تابع طیف توان خود و تابع همبستگی برای سه منبع مولد موج با وزن های متفاوت		۵۹
۹-۴-ب- تابع میزان همبستگی برای سه منبع مولد موج با وزن های متفاوت		۵۹
۱۰-۴- معکوس ساز در روش SASW		۶۰

..... ۵۴	شكل ۱۱-۴ - مدل لایه ای افقی با خاصیت الاستیک همسان گرد در هر لایه
..... ۶۱	..... شکل ۱۲-۴ - مدل سازی پیشرو در روش SASW
..... ۶۱	..... شکل ۱۳-۴ - الگوریتم مدل سازی پیشرو در SASW
..... ۶۲	..... شکل ۱۴-۴ - معکوس سازی به روش پیشرو.
..... ۶۴	..... شکل ۱۵-۴ - ابزارهای بکار گرفته شده در آستین
..... ۶۵	..... شکل ۱۶-۴ - مقایسه پروفیل بدست آمده از روش آنالیز طیفی امواج سطحی با نتایج حاصل از روش لرزه نگاری درون چاهی

**فصل پنجم**

..... ۶۹	..... شکل ۱-۵ - موقعیت و محل انجام آزمایش در دانشگاه صنعتی شاهروود
..... ۶۹	..... شکل ۲-۵ - شماتیکی از روش درون چاهی
..... ۷۰	..... شکل ۳-۵ - دستگاه لرزه نگار ABEM TERRALOC-MK6
..... ۷۲	..... شکل ۴-۵ - رخساره زمین شناسی و موقعیت محل‌های انجام آزمایش

### **فصل ششم**

..... ۷۷	..... شکل ۱-۶ - لرزه نگاشت مربوط به ژئوفون نزدیک به منبع مولد موج (فاصله بین ژئوفون ها ۴ متر)
..... ۷۷	..... شکل ۲-۶ - لرزه نگاشت مربوط به ژئوفون دور موج (فاصله بین ژئوفون ها ۴ متر)
..... ۷۷	..... شکل ۳-۶ - مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی (فاصله بین ژئوفون ها ۴ متر)
..... ۷۸	..... شکل ۴-۶ - مقادیر مربوط به طیف توان خود همبستگی ژئوفون نزدیک به منبع مولد موج (فاصله بین ژئوفون ها ۴ متر)
..... ۷۸	..... شکل ۵-۶ - مقادیر مربوط به طیف توان خود همبستگی ژئوفون دور از منبع مولد موج (فاصله بین ژئوفون ها ۴ متر)
..... ۷۹	..... شکل ۶-۶ - مقادیر مربوط به فاز طیف توان همبستگی متقابل (فاصله بین ژئوفون ها ۴ متر)
..... ۷۹	..... شکل ۶-۷ - مقادیر مربوط به واپیچیده فاز طیف توان همبستگی متقابل (فاصله بین ژئوفون ها ۴ متر)
..... ۸۰	..... شکل ۶-۸ - مقادیر مربوط به منحنی پراکندگی فیلتر نشده (فاصله بین ژئوفون ها ۴ متر)

- شکل ۶-۹- مقادیر مربوط به منحنی پراکندگی فیلتر شده (فاصله بین ژئوفون ها ۴ متر)..... ۸۰
- شکل ۶-۱۰- لرزه نگاشت مربوط به ژئوفون نزدیک به منبع مولد موج(فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)..... ۸۱
- شکل ۶-۱۱- لرزه نگاشت مربوط به ژئوفون دور از منبع مولد موج(فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)..... ۸۱
- شکل ۶-۱۲- مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی (فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)..... ۸۱
- شکل ۶-۱۳- مقادیر مربوط به طیف توان خود همبستگی ژئوفون نزدیک به منبع مولد موج (فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)..... ۸۲
- شکل ۶-۱۴- مقادیر مربوط به طیف توان خود همبستگی ژئوفون دور از منبع مولد موج (فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)..... ۸۲
- شکل ۶-۱۵- مقادیر مربوط به فاز طیف توان همبستگی متقابل (فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)..... ۸۲
- شکل ۶-۱۶- مقادیر مربوط به واپیچیده فاز طیف توان همبستگی متقابل (فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)..... ۸۳
- شکل ۶-۱۷- مقادیر مربوط به منحنی پراکندگی فیلتر نشده (فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)..... ۸۳
- شکل ۶-۱۸- مقادیر مربوط به منحنی پراکندگی فیلتر شده (فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)..... ۸۳
- شکل ۶-۱۹- لرزه نگاشت مربوط به ژئوفون نزدیک به منبع مولد موج(فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر)..... ۸۴
- شکل ۶-۲۰- لرزه نگاشت مربوط به ژئوفون دور از منبع مولد موج(فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر)..... ۸۴
- شکل ۶-۲۱- مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی (فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر)..... ۸۴
- شکل ۶-۲۲- مقادیر مربوط به طیف توان خود همبستگی ژئوفون نزدیک به منبع مولد موج (فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر)..... ۸۵
- شکل (۶-۲۳)- مقادیر مربوط به طیف توان خود همبستگی ژئوفون دور از منبع مولد موج(فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر)..... ۸۵
- شکل ۶-۲۴- مقادیر مربوط به فاز طیف توان همبستگی متقابل (فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر)..... ۸۵
- شکل ۶-۲۵- مقادیر مربوط به واپیچیده فاز طیف توان همبستگی متقابل (فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر)..... ۸۶

شکل ۶-۲۶- مقادیر مربوط به منحنی پراکندگی فیلتر نشده (فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر).....	۸۶
شکل ۶-۲۷- مقادیر مربوط به منحنی پراکندگی فیلتر شده (فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر).....	۸۶
شکل ۶-۲۸- منحنی پراکندگی مربوط به فاصله های بین ژئوفونی ۴، ۸ و ۱۶ متر.....	۸۷
شکل ۶-۲۹- منحنی پراکندگی نهایی.....	۸۷
شکل ۶-۳۰- نتایج حاصل از روش درون چاهی(DHT) با نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی(SASW) مقایسه شده است.....	۸۸
شکل ۶-۳۱- مقایسه نتایج حاصل از روش درون چاهی با نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی در نقطه BH17.....	۸۹
شکل ۶-۳۲- مقایسه نتایج حاصل از روش درون چاهی با نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی در نقطه BH11.....	۸۹
شکل ۶-۳۳- مقایسه نتایج حاصل از روش درون چاهی با نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی در نقطه BH14.....	۹۰
شکل ۶-۳۴- مقایسه نتایج حاصل از روش درون چاهی با نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی در نقطه BH14.....	۹۰
شکل ۶-۳۵- مقایسه نتایج حاصل از روش درون چاهی با نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی در نقطه BH19.....	۹۱
شکل ۶-۳۶- مقایسه نتایج حاصل از روش درون چاهی با نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی در نقطه BH10.....	۹۱
شکل ۶-۳۷- مقایسه نتایج حاصل از روش درون چاهی با نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی در نقطه BH3.....	۹۲
شکل ۶-۳۸- مقایسه نتایج حاصل از روش درون چاهی با نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی در نقطه BH17.....	۹۲
شکل ۶-۳۹- مقایسه نتایج حاصل از روش درون چاهی با نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی در دانشگاه صنعتی شاهرود.....	۹۳

فصل اول

# مقدمه

## ۱-۱ - مقدمه

### فصل اول: کلیات

مدول برشی یک متغیر بسیار مهم در تعیین رفتار مکانیکی مواد درون زمین است. مقدار مدول برشی به طور مستقیم وابسته به سرعت انتشار امواج برشی است. بنابراین یک راه غیر مستقیم برای بدست آوردن مدول برشی، بدست آوردن سرعت انتشار امواج است. امروزه برای بدست آوردن پروفیل سرعت موج برشی روش‌های لرزه‌ای بسیاری مانند روش لرزه نگاری درون چاهی<sup>۱</sup>، امواج عبوری<sup>۲</sup> و ... وجود دارد که بر اساس اندازه‌گیری سرعت امواج حجمی<sup>۳</sup> بنا شده‌اند، و نتایج قابل قبولی را ارائه می‌دهند. با این وجود، برای انجام این روش‌ها باید گمانه حفر گردد. این امر باعث پرهزینه و وقت‌گیر بودن این روش‌ها گردیده است [Matthews, 1997]. بجایی چنین روش‌هایی که مخرب هستند، می‌توان از روش‌های غیر مخرب، نظیر روش آنالیز طیفی امواج سطحی<sup>۴</sup> یا SASW که بر اساس اندازه‌گیری سرعت امواج سطحی (از نوع ریلی<sup>۵</sup>) بنا شده است، استفاده کرد [Yuan and Nazarian, 1992]. بکارگیری روش‌های ژئوفیزیکی که بر اساس اندازه‌گیری سرعت امواج سطحی بنا شده‌اند، به دهه ۱۹۳۰ باز می‌گردد. اولین آزمایش‌ها توسط یک انجمن آلمانی مکانیک خاک<sup>۶</sup> انجام شد. ترزاوی<sup>۷</sup> در سال ۱۹۴۳ و هورسلو<sup>۸</sup> در سال ۱۹۴۹ روشی را ابداع کردند که در آن از یک وسیله مکانیکی که با حرکت ارتعاشی قائم، بطور

1 - Down Hole Test

2 - Cross Hole Test

3 - Body Wave

4- Spectral Analysis of Surface Wave

5 - Rayleigh

6 - German Society for Soil Mechanics and Foundation Engineering

7 - Terzaghi

8 - Horsley

پیوسته به سطح زمین ضربه وارد می‌کرد، استفاده می‌شد. در این روش فرکانس، فاز و دامنه امواج منتشر شده در فاصله‌های متفاوتی از منبع مولد موج اندازه‌گیری می‌شد، و از این طریق ضخامت، عمق و خواص مکانیکی لایه‌ها تعیین می‌گردید. وندرپل<sup>۱</sup> در سال ۱۹۵۱ از امواج سطحی برای بررسی سیستم روسازی راهها در هلند استفاده کرد. همچنین کلمب<sup>۲</sup> در سال ۱۹۶۲، هیوکلم و فوستر<sup>۳</sup> در سال ۱۹۶۲ از یک ارتعاش کننده الکترودینامیکی که می‌توانست ارتعاشاتی با فرکانس بالا تولید کند، برای بررسی کیفیت روسازی راهها استفاده کردند [Kaynia, 1999]. سپس در سال ۱۹۸۶ روش غیر مخربی به نام آنالیز طیفی امواج سطحی<sup>۴</sup> یا SASW به وسیله نظریان<sup>۵</sup> و استوکو<sup>۶</sup> معرفی، و در سال‌های بعد توسعه داده شد [Hebeler, 2001].

مهم‌ترین ویژگی روش آنالیز طیفی امواج سطحی، غیر مخرب بودن این روش می‌باشد. این ویژگی مشکل روش‌های مخرب که همان حفر گمانه است را بر طرف کرده است. در نتیجه این روش از نظر اقتصادی بسیار مقومن به صرفه است.

روش آنالیز طیفی امواج سطحی بر اساس استفاده از منبع مولد موج ضربه‌ای و مقاومت پردازش سیگنال‌های<sup>۷</sup> حاصله بنا شده است. این موضوع به شکل محسوسی زمان انجام آزمایش را کاهش داده و موجب صرفه جویی در وقت و هزینه گردیده است.

می‌توان ایده اصلی استفاده از خصوصیات انتشار امواج سطحی، در تعیین خواص مکانیکی لایه‌های زیرسطحی را به این صورت خلاصه نمود: در موادی که جنس لایه‌ها با افزایش عمق، تغییر می‌کند، سرعت فازی امواج ربلی، تابعی از فرکانس این امواج می‌شود، این تبعیت از فرکانس، به پارامترهای

1 - Vanderpole

2 - Klomb

3 - Foster

4 - Spectral Analysis of surface Wave

5 - Nazarian

6 - Stokoe

7 - Signals

مکانیکی لایه‌ها بستگی دارد. از این رو با بدست آوردن منحنی پراکندگی<sup>۱</sup> (سرعت فازی<sup>۲</sup> امواج ریلی به ازای فرکانس امواج منتشر شده) می‌توان خواص مکانیکی لایه‌ها را تعیین نمود.

انجام آزمایش آنالیز طیفی امواج سطحی با توجه به مفاهیم ذکر شده به سه مرحله کلی تقسیم می‌شود: ۱- آزمایش صحرایی و بدست آوردن جابجایی‌های حاصل از انتشار موج سطحی ایجاد شده. ۲- استفاده از ابزار پردازش سیگنال و بدست آوردن منحنی پراکندگی با استفاده از داده‌های صحرایی ۳- معکوس سازی داده‌ها و بدست آوردن یک مدل مناسب، که بیان کننده خواص مکانیکی لایه‌های مورد نظر باشد [Foti, 2000]. در پایان نامه حاضر بیشتر به دو مرحله نخست، یعنی انجام آزمایش صحرایی، پردازش سیگنال‌های حاصل و بدست آوردن منحنی پراکندگی، پرداخته شده است.

فرآیند تعیین و آنالیز امواج سطحی در بسیاری از موارد به شکل موفقیت آمیزی بکار گرفته شده است، که نشانگر انعطاف پذیری قابل توجه این روش است. در زیر برخی از کاربرهای روش آنالیز طیفی امواج سطحی که می‌توان آن‌ها را در متون قبلی ژئوتکنیکی یافت، آورده شده:

- مشخص کردن سیستم روسازی راه‌ها:

یکی از کاربردهای معمول روش آنالیز طیفی امواج سطحی برای سیستم‌هایی با لایه بندی افقی است.

- مشخص کردن لایه‌های سست و هوازده:

استفاده از این روش غیر مخرب، برای تعیین خواص مکانیکی لایه‌های سست و هوازده مزایای زیادی دارد. زیرا که حفر گمانه در این‌گونه مناطق مشکل و در برخی مواقع خطرناک می‌باشد.

- تعیین خواص دینامیکی مناطق ساحلی:

مطالعات تئوری و عملی بر روی امکان استفاده از این روش در تعیین خواص مکانیکی مناطق ساحلی به وسیله محققان دانشگاه تگزاز<sup>۳</sup> انجام گرفته است.

- لایه‌های یخ زده:

---

1 - Dispersion Curve

2 - Phase Velocity

3 - Texas

با تکرار آزمایش آنالیز طیفی امواج سطحی در دوره‌های متفاوتی از سال می‌توان تغییرات مقدار تراکم لایه‌ها را که در اثر یخ زدگی متناوب ایجاد می‌گردد اندازه‌گیری کرد [Foti, 2000].

## ۱-۲- اهداف پایان نامه

پروفیل سرعت موج برشی، تصویری از کیفیت و مقاومت لایه‌های زیر سطحی را ارائه می‌دهد. روش‌های بسیاری در تعیین پروفیل سرعت موج برشی لایه‌های زیر سطحی بکار گرفته شده‌اند. اکثر این روش‌ها، روش‌هایی مخرب‌اند و برای انجام این روش‌ها می‌بایست گمانه حفر گردد. این امر موجب بالا رفتن هزینه برای انجام این گونه روش‌ها می‌گردد. از جمله روش‌های جدید و غیر مخرب که بر اساس پراکندگی امواج سطحی (از نوع ریلی) در زمین‌های لایه‌ای بنا شده است و بدون نیاز به حفر گمانه قادر به تعیین پروفیل سرعت موج برشی می‌باشد، روش آنالیز طیفی امواج سطحی است. اما این روش غیر مخرب نتایجی با دقت روش‌های مخرب، نظیر لرزه نگاری درون چاهی ارائه نمی‌دهد.

سوالاتی که در اینجا مطرح می‌شود از این قرارند:

- ✓ امواج ریلی تا چه عمقی نفوذ می‌کنند؟
- ✓ چه رابطه‌ای بین سرعت موج برشی و مقدار مقاومت تراکم و یا کیفیت لایه‌های زیر سطحی وجود دارد؟
- ✓ چه رابطه‌ای بین سرعت موج ریلی با موج برشی وجود دارد؟
- ✓ چرا در حالی که می‌توان بطور مستقیم مقدار تراکم و دیگر خواص لایه‌های زیر سطحی را با استفاده از سرعت موج برشی بدست آورد، از سرعت امواج ریلی برای این منظور استفاده می‌شود؟

✓ و اساسی ترین سوال این که آیا می‌توان از روش آنالیز طیفی امواج سطحی، به عنوان یک روش غیر مخرب برای بدست آوردن پروفیل سرعت موج برشی لایه‌های زیر سطحی، بجای روش لرزه نگاری درون چاهی، که یک روش مخرب است، استفاده نمود؟

### ۱-۳- طرح کلی پایان نامه

مباحث آورده شده در فصل‌های مختلف این پایان نامه عبارتند از: فصل اول؛ شامل تاریخچه، هدف پایان نامه، طرح کلی پایان نامه. فصل دوم؛ شامل مدل‌های معروفی شده برای رفتار تنش-کرنش<sup>۱</sup> زمین، و خلاصه‌ای از تئوری انتشار امواج سطحی. فصل سوم؛ تبدیلات فوریه، تغییر حوزه داده‌ها. فصل چهارم؛ معروفی روش آنالیز طیفی امواج سطحی. فصل پنجم؛ نحوه برداشت صحرایی و تجهیزات به کار گرفته شده. فصل ششم؛ پردازش و تفسیر داده‌ها. فصل هفتم؛ نتیجه‌گیری و پیشنهادات.

فصل دوم

## نحوه انتشار امواج

## ۱-۲ - مقدمه

خواص مکانیکی لایه‌های زیر سطح زمین به مقدار بسیار زیادی به میزان کرنش وارد بر آن بستگی دارد. مدل خطی برای رفتار تنش-کرنش لایه‌های زیر سطح زمین در کرنش‌های بسیار پایین مناسب به نظر می‌رسد، اما با افزایش مقدار کرنش، رفتار تنش-کرنش لایه‌های مذکور از حالت خطی به حالت غیر خطی تبدیل می‌شود.

معمولًاً در مسائل لرزه‌ای با کرنش‌های بسیار کوچک سرو کار داریم، بنابراین در این گونه موارد می‌توان رفتار تنش-کرنش لایه‌های یاد شده را به صورت خطی در نظر گرفت [Matthews, 1997]. در این فصل رفتار تنش-کرنش لایه‌های زیر سطح زمین و چگونگی تغییرات مدول بررشی (سختی<sup>۱</sup>) نسبت به میزان کرنش، مورد بحث قرار می‌گیرد. همچنین نحوه انتشار امواج سحطی و معادلات حاکم بر انتشار این امواج و ارتباط آنها با مدول بررشی بررسی شده است.

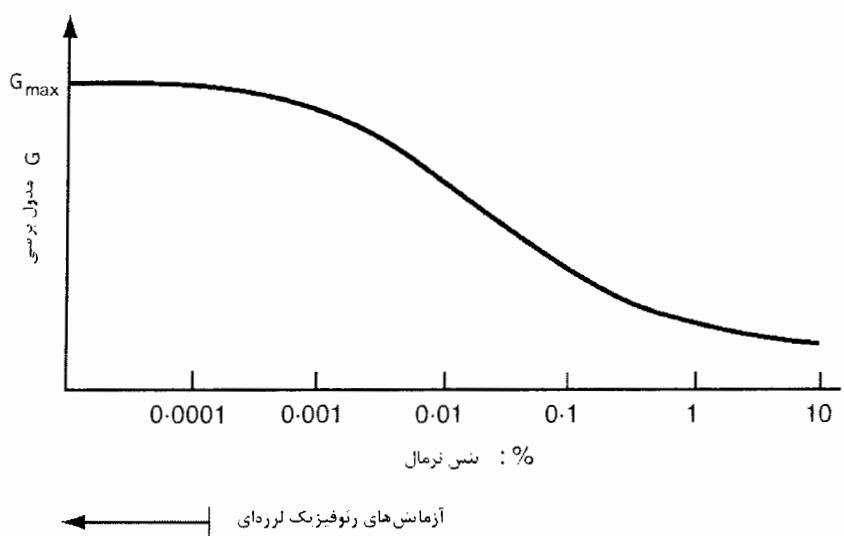
## ۲-۲ - رفتار خاک در کرنش‌های متفاوت

در طول سالهای ۱۹۷۰ تا ۱۹۸۰ بیشتر مهندسین ژئوتکنیک، تغییر شکل زمین را بر اساس خاصیت کشسانی خطی مورد بررسی قرار داده‌اند. مشکل اصلی در این روش عدم تطابق نتایج تئوری با نتایج عملی در آزمایشگاه بود [Matthews, 1997].

با بالا رفتن تکنولوژی ساخت دستگاه‌های اندازه‌گیری، امکان بررسی رفتار تنش-کرنش لایه‌های زیر سطح زمین خاک در کرنش‌های متفاوت فراهم شد. این اندازه‌گیری‌ها نشان داد، رفتار تنش-کرنش برای بیشتر لایه‌های زیر سطحی همان طور که در شکل (۱-۲) مشاهده می‌شود به صورت غیر خطی است.

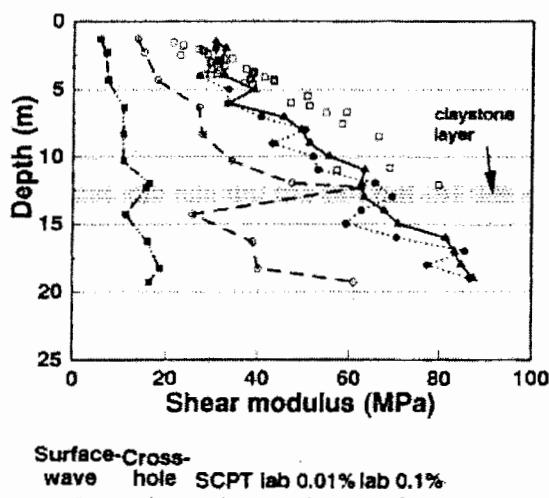
---

۱ - Stiffness



شکل (۲-۲) : رفتار ایده آل کرنش-سختی لایه های زیر سطحی [Matthews, 1997]

این موضوع با توجه به رفتار غیر خطی تنش-کرنش لایه های زیر سطحی قابل توجیه است. همان طور که در شکل (۳-۲) مشاهده می شود، هر یک از روش‌های اندازه‌گیری سختی در سطوح متفاوتی از کرنش انجام می گیرند، و به همین دلیل سختی‌های متفاوتی را از خود نشان می دهند.



شکل (۳-۲) : مقدار سختی اندازه‌گیری شده به وسیله روش‌های مختلف [Matthews, 1997]

اکنون این مطلب به اثبات رسیده است که کرنش اطراف سازه های مورد نظر (ساختمان های مسکونی، تاریخی و ...) کمتر از ۱/۰ درصد می باشد [Matthews, 1997]. بنابراین پیش بینی صحیح از مقدار سختی باید آن را در کرنش های پایین اندازه گیری کرد [Menzies, Bruce, 1995]. مقدار دقیق کرنش بوجود آمده در اثر انتشار امواج لرزه ای اندازه گیری نشده است. اما تصور می شود مقدار آن کمتر از ۰/۰۰۱ درصد باشد و با استفاده از روش های ژئوفیزیک لرزه ای می توان مقدار بیشینه سختی (G<sub>MAX</sub>) را بدست آورد [Matthews, 1997].

### ۳-۲- تئوری انتشار امواج

تکنیک های بسیاری برای مشخص کردن خصوصیات لایه های زیر سطحی در کرنش های بسیار پایین براساس اندازه گیری حرکت ذرات مرتبط با انتشار امواج، ایجاد شده است. این امر به دلیل وجود یک رابطه قوی بین خاصیت انتشار امواج و خصوصیات مکانیکی مصالح محدود گردیده است.

### ۳-۱- تئوری کشسانی<sup>۱</sup>:

بر اثر اعمال یک نیروی خارجی بر یک جسم سخت<sup>۲</sup>، شکل و اندازه آن تغییر می کند. در مقابل این نیروها، نیروهای داخلی وجود دارند که در برابر تغییر اندازه و شکل، مقاومت می کنند و هنگامی که نیروهای خارجی حذف شوند، جسم تمایل دارد به حالت اول بازگردد. ویژگی مقاومت در برابر تغییرات اندازه و شکل، و بازگشتن به حالت اول در صورت حذف نیروهای خارجی را، کشسانی می نامند. در تئوری کشسانی، رابطه های بین نیروهای وارد و تغییر شکل ها به بهترین وجهی با مفاهیم تنش و کرنش بیان می شود [Telford et al., 1991]

### ۱-۱-۳-۲- تنش

تنش به صورت نیرو بر واحد سطح معرفی می شود. اگر نیرو عمود بر سطح باشد، تنش یک

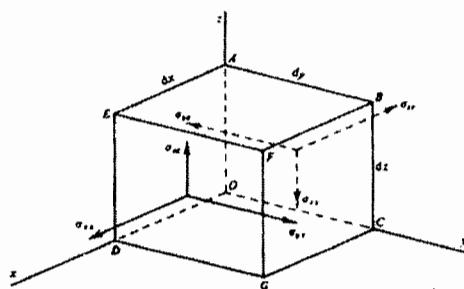
---

1 - Elasticity

2 - Solid

تنش نرمال<sup>۱</sup> است. اگر نیرو مماس بر سطح باشد تنش مورد نظر، یک تنش برشی<sup>۲</sup> است. اگر نیروی وارد بر یک سطح نه عمود باشد نه مماس می‌توان آن را به دو نیروی عمود و مماس تجزیه کرد. بنابراین هر تنشی را می‌توان به مولفه‌های تنش نرمال و برشی تجزیه کرد.

اگر یک مکعب کوچک را در داخل یک جسم تنش یافته در نظر بگیریم، تنش‌های اعمال شده به هر یک از شش وجه را می‌توان همان طور که در شکل (۴-۲) نشان داده شده است، تجزیه



شکل (۴-۲): اجزاء تنش وارد بر جسم [Telford et al., 1991]

کرد. وقتی اندیس‌ها<sup>۳</sup> مشابه باشند تنش نرمال، و در غیر این صورت تنش برشی می‌باشد. هنگامی که محیط در حال تعادل است، تنش‌ها باید متوازن باشند. در این صورت رابطه کلی زیر برقرار است :

$$\sigma_{yy} = \sigma_{zz} \quad (1-2)$$

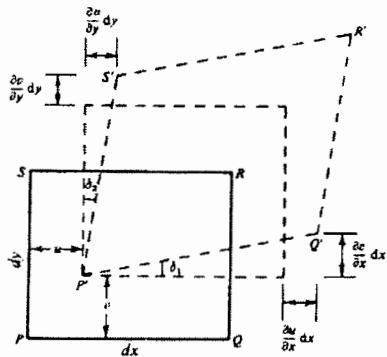
### ۲-۱-۳-۲- کرنش

وقتی جسمی کشسان تحت تأثیر نیروی خارجی قرار گیرد، تغییراتی در شکل و ابعاد آن بوجود می‌آید. این تغییرات در شکل و ابعاد کرنش نامیده می‌شود. مستطیل PQRS را در صفحه XY در نظر می‌گیریم، (شکل ۵-۲). پس از اعمال تنش، نقطه P به نقطه P' حرکت می‌کند، در این صورت PP' دارای مولفه‌های  $u$  و  $v$  است. کمیت‌های  $\partial u / \partial x$  و  $\partial v / \partial y$  افزایش نسبی طول در راستای محورهای x و y هستند. این کرنش‌ها به کرنش‌های نرمال معروفند.

1 - Normal stress

2 - Shear stress

3 - Indexes



شکل(۵): تغییر در شکل و ابعاد المانی از یک جسم [Telford et al., 1991]

می‌توان نشان داد که شش مولفه تغییر شکل نسبی توسط روابط زیر بیان می‌گردد.

مولفه‌های قائم تغییر شکل عبارتند از:

$$\left| \begin{array}{l} \epsilon_{xx} = \frac{\partial u}{\partial x} \\ \epsilon_{yy} = \frac{\partial v}{\partial y} \\ \epsilon_{zz} = \frac{\partial w}{\partial z} \end{array} \right. \quad (2-2)$$

مولفه‌های برشی تغییر شکل عبارتند از:

$$\left| \begin{array}{l} \epsilon_{xy} = \epsilon_{yx} = \frac{\partial v}{\partial x} + \frac{\partial u}{\partial y} \\ \epsilon_{yz} = \epsilon_{zy} = \frac{\partial v}{\partial z} + \frac{\partial w}{\partial y} \\ \epsilon_{zx} = \epsilon_{xz} = \frac{\partial w}{\partial x} + \frac{\partial u}{\partial z} \end{array} \right. \quad (3-2)$$

علاوه بر این کرنش‌ها، حجم نیز تحت تأثیر چرخش ساده‌های حول سه محور قرار می‌گیرد که عبارتند

از:

$$\left| \begin{array}{l} \theta_x = \frac{\partial w}{\partial y} - \frac{\partial v}{\partial z} \\ \theta_y = \frac{\partial u}{\partial z} - \frac{\partial w}{\partial x} \\ \theta_z = \frac{\partial v}{\partial x} - \frac{\partial u}{\partial y} \end{array} \right. \quad (4-2)$$

تغییرات ابعاد در اثر کرنش‌های نرمال باعث تغییرات حجم می‌شود. تغییرات حجم بر واحد حجم اتساع<sup>۱</sup> نام دارد و با  $\Delta$  نشان داده می‌شود. می‌توان نشان داد که مقدار  $\Delta$  برابر است با:

$$\Delta = \epsilon_{xx} + \epsilon_{yy} + \epsilon_{zz} = \frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y} + \frac{\partial w}{\partial z} \quad (5-2)$$

### ۳-۱-۳-۲- قانون هوک<sup>۲</sup>:

قانون هوک بیان می‌دارد که، مقدار کرنش در یک جسم بطور مستقیم متناسب با تنشی است که بر آن وارد می‌شود. قانون هوک در تنش‌های کوچک، رابطه تنش-کرنش را به خوبی بیان می‌کند. بطور کلی قانون هوک به رابطه‌های پیچیده‌ای می‌انجامد، اما هنگامی که محیط همسانگرد<sup>۳</sup> باشد این قانون به شکل ساده‌تری تبدیل می‌شود.

$$\sigma_{ii} = \lambda \Delta + 2 \mu \epsilon_{ii} \quad (6-2)$$

$$\sigma_{ij} = \mu \epsilon_{ij} \quad i, j = x, y, z \quad i \neq j \quad (7-2)$$

کمیتهای  $\lambda$  و  $\mu$  به نام ثابت‌های لامه<sup>۴</sup> معروف هستند. اگر  $\frac{\sigma_{ij}}{\mu} = \epsilon_{ij}$  نوشته شود، واضح است که هر چه  $\mu$  بزرگتر باشد  $\epsilon_{ij}$  کوچکتر خواهد بود. بنابر این  $\mu$  اندازه مقاومت در برابر کرنش برشی است و اغلب مدول برشی<sup>۵</sup> یا مدول سختی<sup>۶</sup> نامیده می‌شود. هر چند قانون هوک کاربرد وسیعی دارد، ولی برای تنش‌های بزرگ در خاک‌ها و بسیاری از مواد دیگر صادق نیست [Telford et al., 1991].

### ۲-۳-۲- حرکت موج:

تا اینجا محیطی را مورد بررسی قرار دادیم که در حال تعادل بود. حال حالتی را در نظر می‌گیریم که تنش‌ها در حال تعادل نباشند. فرض کنیم تنش‌ها در سطح عقبی شکل (۴-۲) به همان صورتی که در نمودار نشان داده شده، باشند و تنش‌های جلویی دارای این تغییرات باشند:

1-Dilation

2-Hooke's law

3-Isotropic

4-Lame's constant

5-Shear modulus

6-Stiffness

$$\sigma_{xx} + \frac{\partial \sigma_{xx}}{\partial x} dx, \sigma_{yx} + \frac{\partial \sigma_{yx}}{\partial x} dx, \sigma_{zx} + \frac{\partial \sigma_{zx}}{\partial x} dx \quad (8-2)$$

این تنشها بر خلاف تنشهایی هستند که بر سطح پشتی اعمال می‌شوند. بنابراین تنشهای خالص عبارتند از :

$$\frac{\partial \sigma_{xx}}{\partial x} dx, \frac{\partial \sigma_{yx}}{\partial x} dx, \frac{\partial \sigma_{zx}}{\partial x} dx \quad (9-2)$$

این تنشها بر روی سطحی اعمال می‌شوند که مساحت  $dydz$  دارد و بر روی حجمی به اندازه  $dxdydz$  اعمال می‌شوند. بنابراین نیروهای خالص وارد بر واحد حجم در راستای محورهای  $x, y$  و  $z$  برابر مقادیر زیر است.

$$\frac{\partial \sigma_{xx}}{\partial x}, \frac{\partial \sigma_{yx}}{\partial x}, \frac{\partial \sigma_{zx}}{\partial x} \quad (10-2)$$

عبارت‌های مشابهی برای سایر وجوه وجود دارد. لذا برای نیروی کل در راستای محور  $x$  داریم :

$$\frac{\partial \sigma_{xx}}{\partial x} + \frac{\partial \sigma_{yx}}{\partial y} + \frac{\partial \sigma_{zx}}{\partial z} \quad (11-2)$$

طبق قانون دوم نیوتون در مورد حرکت، این نیروی نامتعادل برابر جرم ضربدر شتاب است. بنابراین معادله حرکت در راستای  $x$  عبارت است از :

$$\rho \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = \frac{\partial \sigma_{xx}}{\partial x} + \frac{\partial \sigma_{yx}}{\partial y} + \frac{\partial \sigma_{zx}}{\partial z} \quad (12-2)$$

که در آن  $\rho$  مقدار چگالی است. معادله‌های مشابهی را می‌توان برای حرکت در امتداد محورهای  $y$  و  $z$  نوشت. معادله (12-1) رابطه بین تنشها و جابجایی‌ها را بیان می‌کند.

حال می‌خواهیم به بیان رابطه بین کرنشها و جابجایی‌ها بپردازیم. با بکارگیری قانون هوک و جایگزین کردن تنشها توسط کرنشها و با استفاده از روابط (6-2) و (7-2) داریم:

$$\rho \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = \frac{\partial \sigma_{xx}}{\partial x} + \frac{\partial \sigma_{yx}}{\partial y} + \frac{\partial \sigma_{zx}}{\partial z} \quad (13-2)$$

$$= \lambda \frac{\partial \Delta}{\partial x} + 2\mu \frac{\partial \varepsilon_{xx}}{\partial x} + \mu \frac{\partial \varepsilon_{xy}}{\partial y} + \mu \frac{\partial \varepsilon_{xz}}{\partial z} \quad (14-2)$$

$$= \lambda \frac{\partial \Delta}{\partial x} + \mu \left\{ 2 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \left( \frac{\partial^2 v}{\partial x \partial y} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} \right) + \left( \frac{\partial^2 w}{\partial x \partial z} + \frac{\partial^2 u}{\partial z^2} \right) \right\} \quad (15-2)$$

$$= \lambda \frac{\partial \Delta}{\partial x} + \mu \nabla^2 u + \mu \frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y} + \frac{\partial w}{\partial z} \right) \quad (16-2)$$

$$= (\lambda + \mu) \frac{\partial \Delta}{\partial x} + \mu \nabla^2 u \quad (17-2)$$

که در آن  $\nabla^2 u$  عملگر لاپلاس  $u$  می‌باشد. به همین طریق داریم :

$$\rho \frac{\partial^2 v}{\partial t^2} = (\lambda + \mu) \frac{\partial \Delta}{\partial y} + \mu \nabla^2 v \quad (18-2)$$

$$\rho \frac{\partial^2 w}{\partial t^2} = (\lambda + \mu) \frac{\partial \Delta}{\partial z} + \mu \nabla^2 w \quad (19-2)$$

برای بدست آوردن معادله موج از روابط (17-2)، (18-2) و (19-2) به ترتیب نسبت به  $x$ ،  $y$  و  $z$  مشتق می‌گیریم. سپس نتایج را با یکدیگر جمع می‌کنیم.

$$\rho \frac{\partial^2}{\partial t^2} \left( \frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y} + \frac{\partial w}{\partial z} \right) = (\lambda + \mu) \left( \frac{\partial^2 \Delta}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \Delta}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \Delta}{\partial z^2} \right) + \mu \nabla^2 \left( \frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y} + \frac{\partial w}{\partial z} \right) \quad (20-2)$$

$$\rho \frac{\partial^2 \Delta}{\partial t^2} = (\lambda + 2\mu) \nabla^2 \Delta \quad (21-2)$$

اگر در معادله (21-2) مقدار  $\frac{\lambda + 2\mu}{\rho}$  را برابر  $\alpha^2$  در نظر بگیریم آنگاه داریم :

$$\frac{1}{\alpha^2} \frac{\partial^2 \Delta}{\partial t^2} = \nabla^2 \Delta \quad (22-2)$$

با مشتق از معادله (18-2) نسبت به  $z$  و معادله (19-2) نسبت به  $y$  و کم کردن آن‌ها از یکدیگر داریم :

$$\rho \frac{\partial^2}{\partial t^2} \left( \frac{\partial w}{\partial y} - \frac{\partial v}{\partial z} \right) = \mu \nabla^2 \left( \frac{\partial w}{\partial y} - \frac{\partial v}{\partial z} \right) \quad (23-2)$$

و با استفاده از رابطه (4-2) داریم :

$$\rho \frac{\partial^2 \theta_x}{\partial t^2} = \mu \nabla^2 \theta_x \quad (24-2)$$

اگر در معادله (24-2) مقدار  $\frac{\mu}{\rho}$  برابر  $\beta^2$  در نظر بگیریم آنگاه داریم:

$$\frac{1}{\beta^2} \frac{\partial^2 \theta_x}{\partial t^2} = \nabla^2 \theta_x \quad (25-2)$$

با کم کردن مشتق‌های معادله‌های مربوطه می‌توان نتایج مشابهی برای  $\theta_y$  و  $\theta_z$  بدست آورد. این معادله‌ها، مثال‌های مختلفی از معادله موج است که به صورت کلی به شکل زیر نوشته می‌شود :

$$\frac{1}{V^2} \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2} = \nabla^2 \psi \quad (26-2)$$

که در آن  $V$  یک مقدار ثابت می‌باشد. هنگامی که  $\psi$  فقط تابعی از  $x$  و  $t$  باشد در این صورت معادله (26-2) به شکل زیر ساده می‌شود:

$$\frac{1}{V^2} \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2} = \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} \quad (27-2)$$

هر تابعی از  $(x - Vt)$  یعنی:

$$\psi = f(x - Vt) \quad (28-2)$$

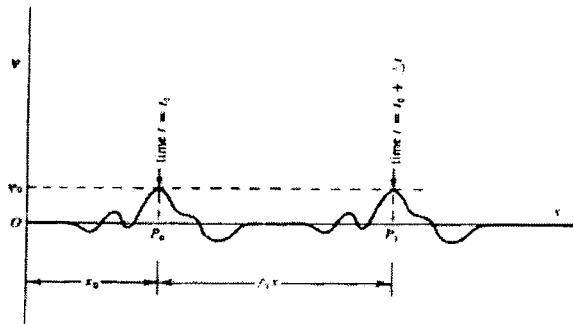
جوابی برای معادله (26-2) می‌باشد. این جواب که به نام حل دالمبر<sup>۱</sup> معروف است، بی‌نهایت جواب‌های مخصوص را ارائه می‌دهد. برای مثال  $\sin(x - Vt)$  و یا  $e^{k(x-Vt)}$  و ... .

در صورتی که  $\Delta = \theta_x = \psi$  باشد آشفتگی یک تغییر حجم است و در صورتی که  $\psi = \theta_x$  باشد آشفتگی یک چرخش است. اکنون نشان می‌دهیم که آشفتگی با سرعتی برابر با کمیت  $V$  حرکت می‌کند. در شکل (۲-۶) بخش معینی از موج در زمان  $t_0$  به نقطه  $p_0$  رسیده است. اگر  $x_0$  فاصله از  $p_0$  باشد در این صورت مقدار  $\psi$  در نقطه  $p_0$  برابر است با :

$$\psi_0 = f(x_0 - Vt_0) \quad (29-2)$$

اگر همین بخش موج در زمان  $t_0 + \Delta t$  به  $p_1$  رسید مقدار  $\psi$  در  $p_1$  برابر با :

$$\psi_1 = f(x_0 + \Delta x - V(t_0 + \Delta t)) \quad (30-2)$$



شکل (۲-۶): سرعت انتشار موج [Telford et al., 1991]

1-D 'Alembert's solution

اما چون این همان بخشی از موج است که در زمان  $t_0$  در نقطه  $p_0$  بوده است باید  $\psi_0 = \psi_1$  باشد.

یعنی :

$$x_0 - Vt_0 = x_0 + \Delta x - V(t_0 + \Delta t) \quad (31-2)$$

بنابر این کمیت  $V$  برابر  $\frac{\Delta x}{\Delta t}$  می باشد. بنابراین  $V$  همان سرعتی است که آشستگی با آن سرعت حرکت می کند. کمیت  $x - Vt$  فاز نامیده می شود. سطوحی که بر روی آنها مقدار فاز برابر است جبهه موج نامیده می شوند.

### ۳-۳-۲- امواج $P$ و $S$

در یک محیط همسانگرد، معادله های (۲۲-۲) و (۲۴-۲) می باید صادق باشند. توابع  $\Delta$  و  $\theta_x$  را می توان توسط  $\psi$  شناسایی کرد و نتیجه گیری نمود که دو نوع موج می توانند در یک محیط همگن همسانگرد انتشار یابند. یکی در ارتباط با تغییرات حجمی  $\Delta$  و دیگری در ارتباط با یک یا دو مولفه چرخش که در رابطه (۴-۲) داده شده است. از آنجایی که موج نوع نخست، اولین حادثه مشاهده شده بر روی لرزه نگاشتهای زمین لرزه ای است، به نام  $p^1$  خوانده می شود، و از آنجایی که نوع دوم، دومین حادثه مشاهده شده بر روی لرزه نگاشتهای می باشد، آن را  $s^2$  می نامند. موج  $p$  دارای سرعت  $\alpha$  در معادله (۲۲-۲) و موج  $s$  دارای سرعت  $\beta$  در معادله (۲۴-۲) می باشد که عبارتند از :

$$\alpha = \{(\lambda + 2\mu)/\rho\}^{1/2} \quad (32-2)$$

$$\beta = (\mu/\rho)^{1/2} \quad (33-2)$$

چون ثابت های کشسانی مثبت هستند،  $\beta$  همیشه از  $\alpha$  کوچکتر است. اگر نسبت  $\frac{\beta}{\alpha}$  را با  $\gamma$  نشان دهیم می بینیم که :

$$\gamma^2 = \frac{\beta^2}{\alpha^2} = \frac{\mu}{\lambda + 2\mu} = \frac{2 - \nu}{1 - \nu} \quad (34-2)$$

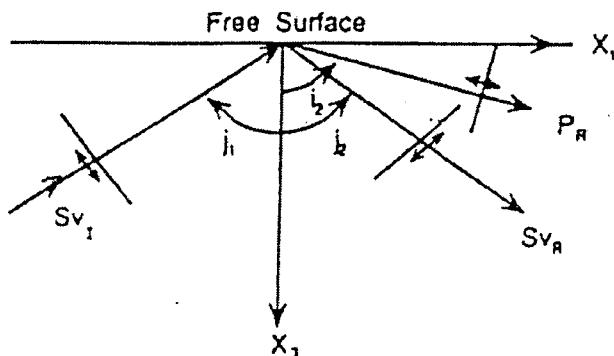
اگر مقدار  $\nu$  از ۰/۵ تا صفر کاهش یابد  $\gamma$  از صفر تا مقدار بیشینه  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  افزایش می یابد. بنابر این سرعت موج  $s$  گستره ای از صفر تا ۷۰ درصد سرعت موج  $p$  را دارا خواهد بود.

در محیط همسانگرد بی پایان موجهای  $P$  و  $S$  وجود دارند. ولی اگر این محیط در تمامی جهات تا بینهایت گسترش نداشته باشند، بلکه توسط سطحی محدود شده باشند، موجهای دیگری می‌توانند تولید شوند. این امواج به امواج سطحی<sup>۱</sup> معروف هستند [Telford et al., 1991].

#### ۴-۳-۲- نحوه انتشار امواج ریلی

امواج ریلی از تداخل یک موج  $P$  و یک موج  $SV$  (عرضی عمودی) که در امتداد یک فصل مشترک منتشر می‌شود، ایجاد می‌گردند. جابجایی ذرات در این امواج، از یک نوسان افقی (در امتداد انتشار موج) و یک نوسان عمودی که در صفحه قائم واقع است، تشکیل شده‌اند. این نوسان‌ها از نظر زمانی نسبت به یکدیگر ۹۰ درجه اختلاف فاز دارند که نتیجهٔ ترکیب آن‌ها یک حرکت بیضی شکل می‌باشد.

به منظور مطالعه نحوه انتشار امواج ریلی، نخست نحوه اثر فصل مشترک زمین و هوا بر روی یک موج عرضی، مورد بررسی قرار می‌گیرد. در شکل (۷-۲) از تابش یک موج عرضی تحت  $SV_I$  بر روی این فصل مشترک یک موج عرضی تحت  $SV_R$  و یک موج طولی تحت  $P_R$  بازتاب می‌شود که

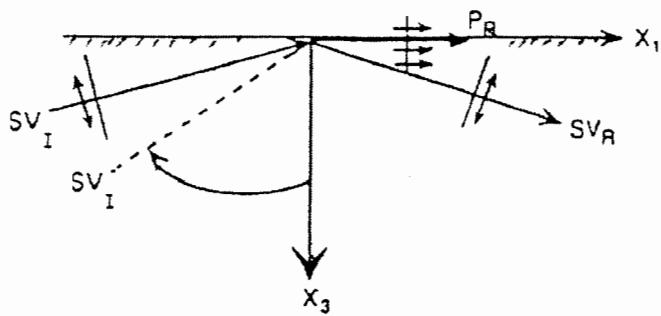


شکل (۷-۲): تبدیل موج تابشی  $SV_I$  به دو موج بازتاب  $P_R$  و  $SV_R$  [پیروز، ۱۳۸۱]

جهت نوسانات ذرات در آن‌ها به ترتیب عمود بر جهت انتشار و در امتداد جهت انتشار می‌باشد. اگر امواج بازتاب شده را در نظر بگیریم، چون سرعت موج  $P_R$  بیشتر از سرعت موج  $SV_R$  می‌باشد،

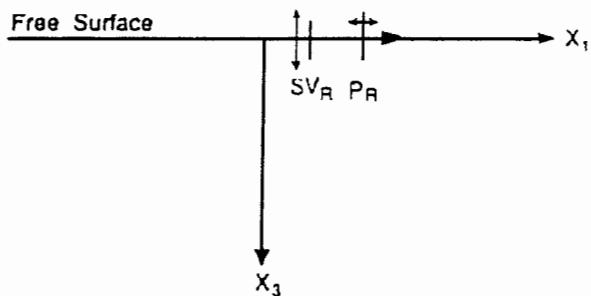
<sup>۱</sup>-Surface wave

بنابراین زاویه بازتاب موج  $P_R$  همیشه بزرگتر از زاویه بازتاب موج  $SV_R$  می‌باشد، در این صورت با افزایش زاویه تابش، زاویه بازتاب نیز افزایش می‌یابند، تا آنجا که برای یک زاویه معین، مقدار زاویه بازتاب موج  $P_R$  برابر  $90^\circ$  درجه می‌گردد. به این طریق امتداد انتشار موج تخت  $P_R$  به طوری که در شکل (۸-۲) دیده می‌شود، در امتداد فصل مشترک واقع می‌شود.



شکل (۸-۲): انتشار موج بازتاب  $P_R$  در امتداد از فصل مشترک دو لایه [بیروز، ۱۳۸۱]

در صورتی که موج تابشی  $SV_I$  دیگری را در نظر بگیریم که زاویه تابش آن نزدیک به زاویه قائم باشد، امتداد انتشار موج بازتاب  $SV_R$  نیز به طوری که در شکل (۹-۲) دیده می‌شود تقریباً در

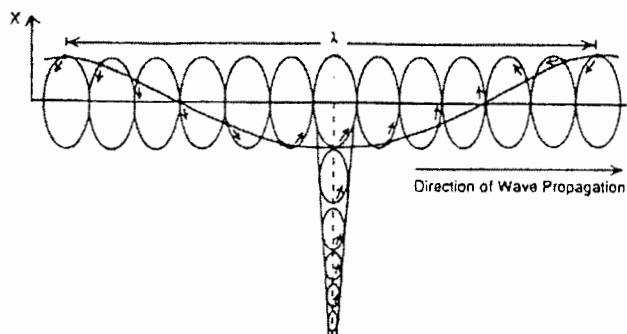


شکل (۹-۲): انتشار هم زمان دو موج  $P_R$  و  $SV_I$  در امتداد فصل مشترک دو لایه [بیروز، ۱۳۸۱]

امتداد فصل مشترک قرار می‌گیرد. انتشار هم زمان دو موج تخت  $P_R$  و  $SV_R$  در امتداد فصل مشترک، باعث تداخل این دو موج می‌شود و حاصل این تداخل یک موج ریلی می‌باشد. این تداخل را در سطح، می‌توان حاصل ترکیب شدن نوسانات افقی مربوط به موج  $P_R$ ، با نوسانات قائم مربوط به  $SV_R$  دانست

که نسبت به یکدیگر اختلاف فازی برابر  $\frac{\pi}{2}$  دارند. چون دامنه نوسانات موج  $SV_R$  بیشتر از موج  $P_R$

است، پس ذرات محیط روی مسیر بیضی شکل نوسان می‌کنند. شکل (۱۰-۲) وضعیت نوسان ذرات مجاور هم، در سطح و همچنین در عمق محیطی که یک موج ریلی از آن در حال عبور است را نشان می‌دهد. همان طور که در این شکل ملاحظه می‌گردد، جهت حرکت ذره در روی بیضی



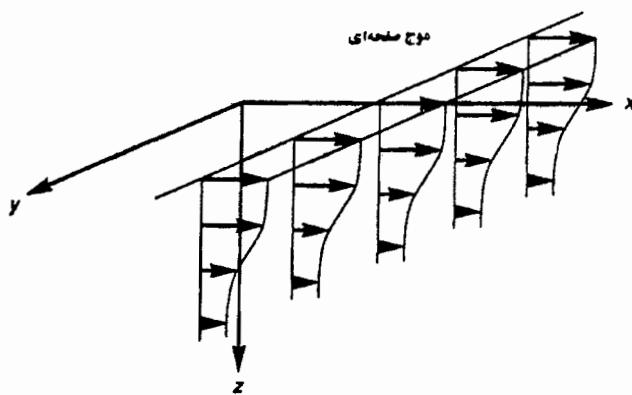
شکل (۱۰-۲): مقطع قائم از یک محیط که موج ریلی از آن در حال عبور می‌باشد [پیروز، ۱۳۸۱]

مذکور، برای حالتی که ذره در بالای بیضی واقع است، در خلاف جهت انتشار موج ریلی می‌باشد. به همین دلیل به این نوع حرکت، حرکت قهقرایی<sup>۱</sup> می‌گویند [پیروز، ۱۳۸۱].

### ۵-۳-۲- معادلات حاکم بر نحوه انتشار امواج ریلی

به منظور توصیف نحوه انتشار امواج ریلی در یک نیم فضای<sup>۲</sup> همگن می‌توان یک موج تخت که در جهت  $x$ ، با جابجایی صفر در جهت  $z$ ، در حال حرکت است را در نظر گرفت. جهت مثبت  $z$  به طرف پایین در نظر گرفته شده است، بنابراین تمام حرکات ذرات در صفحه  $z-x$  رخ خواهد داشت (۱۱-۲).

1-Retrograde  
2-Half Space



شکل(۱۱-۲): حرکت ایجاد شده توسط یک نمونه موج صفحه‌ای

که در جهت  $x$  منتشر گردد. [حسینی و عارف پور، ۱۳۷۸]

دوتابع پتانسیل  $\phi$  و  $\psi$  به منظور بیان جابجایی درجهت‌های  $x$  و  $y$  قابل تعریف می‌باشند:

$$u = \frac{\partial \phi}{\partial x} + \frac{\partial \psi}{\partial z} \quad (35-2)$$

$$w = \frac{\partial \phi}{\partial z} - \frac{\partial \psi}{\partial x} \quad (36-2)$$

کرنش حجمی،  $\bar{\varepsilon}$ ، چنین می‌باشد  $\bar{\varepsilon} = \varepsilon_{xx} + \varepsilon_{zz} = \varepsilon_{xx} + \varepsilon_{yy}$ ، به عبارت دیگر داریم:

$$\bar{\varepsilon} = \frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial w}{\partial z} = \frac{\partial}{\partial x} \left[ \frac{\partial \phi}{\partial x} + \frac{\partial \psi}{\partial z} \right] + \frac{\partial}{\partial z} \left[ \frac{\partial \phi}{\partial z} - \frac{\partial \psi}{\partial x} \right] = \frac{\partial^2 \phi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2} = \nabla^2 \phi \quad (37-2)$$

چرخش در صفحه  $x-z$  چنین می‌باشد:

$$\theta_y = \frac{\partial u}{\partial z} - \frac{\partial w}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial z} \left[ \frac{\partial \phi}{\partial x} + \frac{\partial \psi}{\partial z} \right] - \frac{\partial}{\partial x} \left[ \frac{\partial \phi}{\partial z} - \frac{\partial \psi}{\partial x} \right] = \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2} + \frac{\partial^2 \theta}{\partial x^2} = \nabla^2 \psi \quad (38-2)$$

استفاده از توابع پتانسیل اجازه می‌دهد که اثرات کرنش حجمی و چرخش از یکدیگر جدا شوند. روابط (۳۷-۲) و (۳۸-۲) نشان‌دهنده آن است که  $\phi$  و  $\psi$  به ترتیب متناظر با کرنش حجمی و چرخش می‌باشند. بنابراین می‌توان تصور نمود که امواج ریلی ترکیبی از امواج  $p$  و  $s$  ( $SV$ ) هستند که شرایط مرزی معینی را ارضاء می‌نماید. با جایگزینی مقادیر  $u$  و  $w$  در معادلات حرکت خواهیم داشت:

$$\rho \frac{\partial}{\partial x} \left[ \frac{\partial^2 \phi}{\partial t^2} \right] + \rho \frac{\partial}{\partial z} \left[ \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2} \right] = [\lambda + 2\mu] \frac{\partial}{\partial x} [\nabla^2 \phi] + \mu \frac{\partial}{\partial z} [\nabla^2 \psi] \quad (39-2)$$

$$\rho \frac{\partial}{\partial z} \left[ \frac{\partial^2 \phi}{\partial t^2} \right] - \rho \frac{\partial}{\partial x} \left[ \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2} \right] = [\lambda + 2\mu] \frac{\partial}{\partial z} [\nabla^2 \phi] - \mu \frac{\partial}{\partial x} [\nabla^2 \psi] \quad (40-2)$$

اگر دو رابطه (39-2) و (40-2) را بعد از مشتق گیری، به ترتیب نسبت به  $x$  و  $y$  از هم کم کنیم، خواهیم داشت:

$$\frac{\partial^2 \phi}{\partial t^2} = \frac{\lambda + 2\mu}{\rho} \nabla^2 \phi = V_p^2 \nabla^2 \phi \quad (41-2)$$

اگر دو رابطه (39-2) و (40-2) را بعد از مشتق گیری به ترتیب نسبت به  $y$  و  $x$ ، از هم کم کنیم، خواهیم داشت:

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2} = \frac{\mu}{\rho} \nabla^2 \psi = V_s^2 \nabla^2 \psi \quad (42-2)$$

اگر موج هارمونیکی با سرعت زاویه‌ای  $\omega$  و عدد موج  $K_R$  موجود باشد که با سرعت موج ریلی برابر  $V_R = \omega/K_R$  منتشر شود، توابع پتانسیل به این صورت قابل بیان خواهد بود.

$$\phi = F(z) e^{i(\omega t - K_R z)} \quad (43-2)$$

$$\psi = G(z) e^{i(\omega t - K_R z)} \quad (44-2)$$

که در آن‌ها توابعی هستند که نحوه تغییرات دامنه مؤلفه‌های کرنش حجمی و چرخش موج ریلی را با عمق نشان می‌دهند. با جایگزینی روابط (43-2) و (44-2) به ترتیب در روابط (41-2) و (42-2) خواهیم داشت:

$$-\frac{\omega^2}{V_p^2} F(z) = -K_R^2 F(z) + \frac{d^2 F(z)}{dz^2} \quad (45-2)$$

$$-\frac{\omega^2}{V_s^2} G(z) = -K_R^2 G(z) + \frac{d^2 G(z)}{dz^2} \quad (46-2)$$

این روابط را می‌توان به صورت زیر نوشت:

$$\frac{d^2 F}{dz^2} - \left[ K_R^2 - \frac{\omega^2}{V_p^2} \right] F(z) = 0 \quad (47-2)$$

$$\frac{d^2 G}{dz^2} - \left[ K_R^2 - \frac{\omega^2}{V_s^2} \right] G(z) = 0 \quad (48-2)$$

$$F(z) = A_1 e^{-qz} + B_1 e^{qz} \quad (49-2)$$

$$G(z) = A_2 e^{-sz} + B_2 e^{sz} \quad (50-2)$$

که در روابط (۴۹-۲) و (۵۰-۲) مقدار  $q$  و  $s$  برابر:

$$q^2 = K_R^2 - \frac{\omega^2}{V_p^2} \quad (51-2)$$

$$s^2 = K_R^2 - \frac{\omega^2}{V_s^2} \quad (52-2)$$

جمله دوم معادلات (۵۱-۲) و (۵۲-۲) دلالت بر این دارد که با افزایش عمق دامنه تغییر مکان‌ها بی‌نهایت خواهد شد. از آن جایی که چنین رفتاری واقعی نمی‌باشد، ثابت‌های  $B_1$  و  $B_2$  بایست صفر باشند و در نهایت توابع پتانسیل به صورت زیر بیان می‌شوند:

$$\phi = A_1 e^{-qz+i(\omega t-K_R x)} \quad (53-2)$$

$$\psi = A_2 e^{-sz+(\omega t-K_R x)} \quad (54-2)$$

از آن جایی که در سطح آزاد یک نیمه فضا، نه تنش قائم و نه تنش برشی وجود دارد، یعنی  $z=0$  آنگاه  $\sigma_{zz} = 0$ ،  $\sigma_{xz} = \sigma_{zz}$ ، پس داریم:

$$\sigma_{zz} = \lambda \bar{\varepsilon} + 2\mu \varepsilon_{zz} = \lambda \bar{\varepsilon} + 2\mu \frac{dw}{dz} = 0 \quad (55-2)$$

$$\sigma_{xz} = \mu \varepsilon_{xz} = \mu \left( \frac{dw}{dx} + \frac{du}{dz} \right) = 0 \quad (56-2)$$

با استفاده از تعاریف توابع پتانسیل (روابط (۳۵-۲) و (۳۶-۲)) و جواب توابع پتانسیل (روابط (۵۳-۲) و (۵۴-۲))، شرایط مرزی سطح آزاد را می‌توان چنین نوشت:

$$\sigma_{zz}(z=0) = A_1 \left[ (\lambda + 2\mu)q - \lambda K_R^2 \right] - 2iA_2 \mu K_R s = 0 \quad (57-2)$$

$$\sigma_{xz}(z=0) = 2iA_1 K_R q + A_2 \left[ s^2 + K_R^2 \right] = 0 \quad (58-2)$$

با استفاده از روابط (۵۷-۲) و (۵۸-۲) الگوهای سرعت و تغییر مکان امواج ریلی قابل تعیین خواهند بود [حسینی و عارف پور، ۱۳۷۸].

### ۳-۶-۳- رابطه بین سرعت امواج ریلی و سرعت امواج برشی

سرعتی که امواج ریلی با آن حرکت می‌کنند از نظر ژئوتکنیک لرزه‌ای حائز اهمیت می‌باشد. این سرعت جهت بررسی سختی خاک‌های سطحی اندازه گیری می‌شود. از طرفین وسطین و

جمع روابط (۵۷-۲) و (۵۸-۲) خواهیم داشت:

$$4q\mu sK_R^2 = \left[ s^2 + K_R^2 \right] \left[ (\lambda + 2\mu)q^2 - \lambda K_R^2 \right] \quad (۵۹-۲)$$

با جایگزینی مقادیر  $q$  و  $s$  و فاکتور گیری از  $G^2 K_R^8$  چنین خواهد شد:

$$16 \left[ 1 - \frac{\omega^2}{V_p^2 K_R^2} \right] \left[ 1 - \frac{\omega^2}{V_s^2 K_R^2} \right] = \left[ 2 - \frac{\lambda + 2\mu}{\mu} \frac{\omega^2}{V_p^2 K_R^2} \right]^2 \left[ 2 - \frac{\omega^2}{V_s^2 K_R^2} \right]^2 \quad (۶۰-۲)$$

با تعریف  $K_{Rs}$  به عنوان نسبت سرعت موج ریلی به سرعت موج برشی خواهیم داشت:

$$K_{Rs} = \frac{V_R}{V_s} = \frac{\omega}{V_s K_R} \quad (۶۱-۲)$$

$$\frac{V_R}{V_p} = \frac{\omega}{V_p K_R} = \frac{\omega}{V_s K_R \sqrt{(\lambda + 2\mu)/\mu}} = \alpha K_{Rs} \quad (۶۲-۲)$$

که در رابطه (۶۲-۲)  $\alpha = \sqrt{\mu/(\lambda + 2\mu)} = \sqrt{(1 - 2\nu)/(2 - 2\nu)}$  است. در این صورت رابطه (۶۰-۲)

چنین خواهد شد:

$$16 \left[ 1 - \alpha^2 K_{Rs}^2 \right] \left[ 1 - K_{Rs}^2 \right] = \left[ 2 - K_{Rs}^2 \right]^4 \quad (۶۳-۲)$$

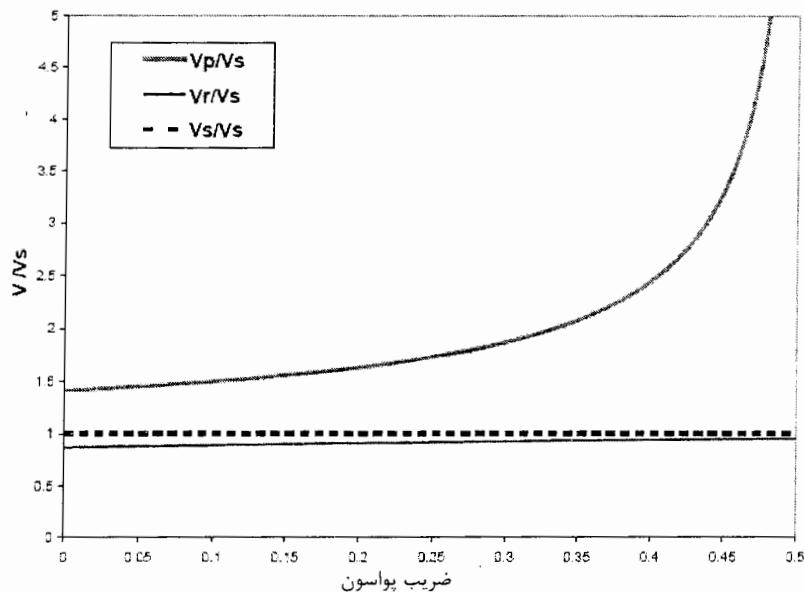
در نهایت خواهیم داشت:

$$K_{Rs}^6 - 8K_{Rs}^4 + (24 - 16\alpha^2)K_{Rs}^2 + 16(\alpha^2 - 1) = 0 \quad (۶۴-۲)$$

این معادله بر حسب  $K_{Rs}^2$  یک معادله درجه سه می‌باشد و جواب‌های واقعی آن برای مقادیر مختلف ضریب پواسون<sup>۱</sup> قابل تعیین می‌باشد. با استفاده از این جواب‌ها می‌توان سرعت موج ریلی را نسبت به سرعت هر یک از دو موج  $s$  و  $p$ ، به عنوان تابعی از ضریب پواسون مورد ارزیابی قرار داد. مقدار  $K_{Rs}$  در بازه حدود ۰/۹۱۵ تا ۰/۹۱۵ با توجه به تغییرات نسبت پواسون در لایه‌های زیر سطحی قرار دارد [حسینی و عارف پور، ۱۳۷۸]. در چنین حالتی بیشترین مقدار خطأ در محاسبه سرعت موج برشی و در نهایت مقدار سختی ۱۰ درصد می‌باشد [Matthews, 1997]. در شکل (۱۲-۲) سرعت امواج ریلی و امواج طولی ( $V$ ) نسبت به سرعت امواج برشی  $V_s$  به عنوان تابعی از ضریب پواسون رسم شده است. همان طور که ملاحظه می‌گردد نسبت سرعت امواج ریلی به سرعت موج برشی برای ضریب پواسون کمتر از ۰/۵ کمی کوچکتر از یک است و در ضریب پواسون بیشتر از ۰/۵ برابر یک می‌باشد. در نتیجه امواج ریلی در لایه‌های زیر سطحی با ضریب پواسون بین صفر تا نیم کمی آهسته‌تر از امواج

۱ - Poisson's ratio

برشی حرکت می کنند و در لایه های زیر سطحی با ضریب پواسون بیشتر از نیم سرعت امواج ریلی با سرعت امواج برشی برابر می باشد.



شکل(۱۲-۲): تغییرات سرعت امواج ریلی و طولی ( $V$ ) نسبت به سرعت امواج برشی  $V_s$  در ضرایب پواسون مختلف [Norman and Klye , 2006]

### ۷-۳-۲- تغییرات دامنه نوسان موج ریلی با عمق

در بخش ۵-۳-۲ مشاهده شد که چگونه امواج ریلی قابل مقایسه با امواج  $p$  و  $s$  می باشند.

بعضی از نتایج آن بخش جهت ترسیم ماهیت حرکت ذرات در خلال عبور امواج ریلی قابل استفاده می باشند. با جایگزینی جواب های توابع پتانسیل  $\phi$  و  $\psi$  (روابط (۵۳-۲) و (۵۴-۲)) در روابط  $u$  و  $w$  و حل معادلات دیفرانسیل مربوطه چنین خواهیم داشت:

$$u = -A_1 i K_R e^{-qz+i(\omega t-K_R x)} - A_2 s e^{-sz+i(\omega t-K_R x)} \quad (65-2)$$

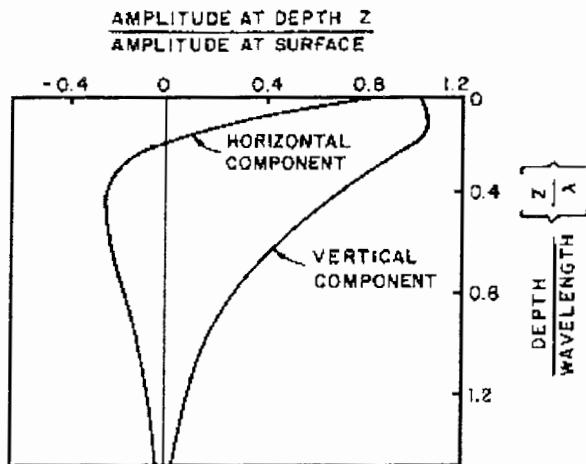
$$w = -A_1 i K_R e^{-qz+i(\omega t-K_R x)} + A_2 i K_R e^{-sz+i(\omega t-K_R x)} \quad (66-2)$$

و در نهایت خواهیم داشت:

$$u = -A_1 \left[ i K_R e^{-qz} + \frac{2iqsK_R}{s^2 + K_R^2} e^{-sz} \right] e^{i(\omega t - K_R x)} \quad (67-2)$$

$$w = A_l \left[ \frac{2qK_R^2}{s^2 + K_R^2} e^{-sz} - q e^{-qz} \right] e^{i(\omega t - K_R x)} \quad (68-2)$$

در روابط (۶۷-۲) و (۶۸-۲) جملات داخل براکت<sup>۱</sup> معرف تغییرات دامنه  $u$  و  $w$  با عمق می‌باشند. تغییرات دامنه نوسان‌های قائم و افقی نسبت به عمق در شکل (۱۳-۲) نشان داده شده است. بررسی روابط (۶۷-۲) و (۶۸-۲) بیانگر آن است که تغییر مکان‌های افقی و قائم به میزان ۹۰ درجه با یکدیگر اختلاف فاز دارند. بنابراین هنگامی که تغییر مکان افقی صفر است تغییر مکان قائم به مقدار بیشینه خود خواهد رسید و یا بالعکس. ضریب منفی بیان کننده تغییر مکان در خلاف جهت جابجایی سطحی می‌باشد [حسینی و عارف پور، ۱۳۷۸].

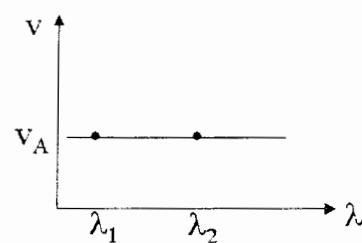
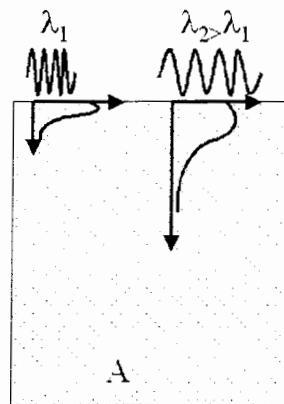


شکل (۱۳-۲): تغییرات دامنه نوسان قائم و افقی موج ریلی نسبت به عمق [Matthews, 1997]

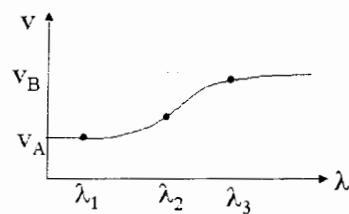
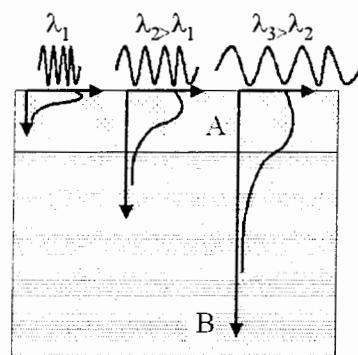
### ۸-۳-۲-پاشیدگی امواج ریلی

سرعت موج ریلی که در یک نیم فضای همگن و همسانگرد منتشر می‌شود فقط به مدول الاستیسیته و چگالی محیط بستگی دارد و ارتباطی به فرکانس و یا طول موج این امواج ندارد. در این محیط‌ها با افزایش فرکانس موج ریلی، مقدار طول موج آن کاهش می‌یابد و بالعکس، شکل (۱۴-۲). حال اگر محیط به طور قائم ناهمگن شود سرعت موج ریلی علاوه بر مدول‌های الاستیسیته و چگالی محیط انتشار به طول موج منتشر شده بستگی پیدا می‌کند، شکل (۱۵-۲) [Strobbia, 2004].

1 - bracket

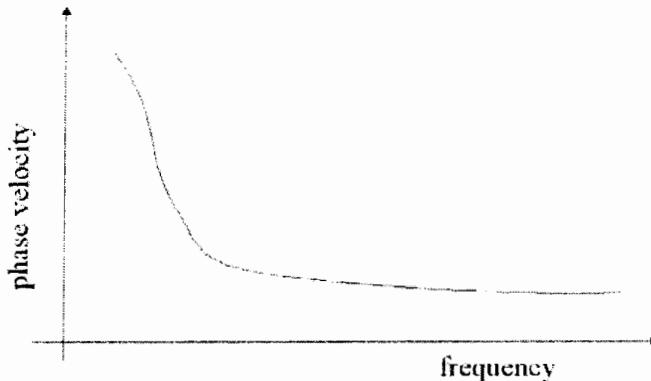


شکل(۱۴-۲): در یک فضای همگن و همسانگر سرعت امواج ریلی تابعی از فرکانس نیست [Strobbia , 2004]



شکل(۱۵-۲): در یک فضای ناهمگن سرعت امواج ریلی تابعی از فرکانس است [Strobbia , 2004]

اگر سرعت امواج ریلی را به صورت تابعی از طول موج (و یا فرکانس) امواج منتشر شده نمایش دهیم، منحنی بدست آمده، منحنی پراکندگی<sup>۱</sup> (یا پاشیدگی) نامیده می‌شود، شکل(۱۶-۲).



شکل(۱۶-۲): منحنی پراکندگی، پاشیدگی امواج سطحی را تشریح می‌کند [Strobbia, 2004].

### ۹-۳-۲- اهمیت امواج ریلی

با توجه به رابطه (۲۳-۲) شاید این سؤال مطرح شود که چرا برای اندازه‌گیری مقدار سختی مسقیماً سرعت امواج برشی اندازه‌گیری نمی‌شود، بلکه با استفاده از سرعت امواج ریلی سرعت امواج برشی و در نهایت مقدار سختی اندازه‌گیری می‌شود. در واقع این امر به دو ویژگی مهم امواج ریلی که آن‌ها را از امواج حجمی متمایز می‌سازد، باز می‌گردد. بخش اعظمی از انرژی تولید شده به وسیله منبع مولد موج توسط امواج ریلی منتقل می‌شود. همچنین کاهش دامنه امواج ریلی نسبت به امواج حجمی در یک فاصله معین از منبع مولد موج، کمتر می‌باشد. در ادامه این دو ویژگی بیشتر تشریح خواهند شد.

ضریب هندسی پراکندگی<sup>۲</sup>، یعنی ضریبی که بر اساس آن دامنه امواج در هین دور شدن از منبع مولد موج، کاهش می‌باید، با توجه به یکسری شواهد فیزیکی در مورد جبهه‌های موج قابل تخمین است. در درون فضای نامحدود، جبهه‌های موج ایجاد شده به وسیله منبع مولد موج نقطه‌ای (امواج  $P$  و  $S$ ) به شکل سطوح کروی منتشر می‌شوند. بنابراین انرژی موج بر روی این سطوح، متناسب با مجدور فاصله این سطوح از منبع مولد موج، کاهش می‌باید. در نتیجه، کاهش دامنه نوسان این امواج متناسب با فاصله از منبع مولد موج می‌باشد. اما جبهه موج ایجاد شده به

1-Dispersion Curve

2-Geometric Spreading Factor

وسیله یک منبع مولد موج نقطه‌ای که بر سطح زمین عمل می‌کند (منبع مولد موج ریلی)، به شکل سطوح استوانه‌ای منتشر می‌شود، در نتیجه کاهش انرژی امواج ریلی متناسب با فاصله این سطوح از منبع مولد موج می‌باشد. در نتیجه کاهش دامنه نوسان این امواج متناسب با ریشه دوم فاصله از منبع مولد موج است. همچنین می‌توان نشان داد کاهش دامنه نوسان امواج حجمی در سطح مواد، متناسب با محدوده فاصله از منبع مولد موج می‌باشد. مطالب بیان شده در مورد دامنه نوسان‌های امواج، نسبت به فاصله از منبع مولد موج را می‌توان به صورت زیر خلاصه کرد:

$$\left. \begin{array}{l} 2 \text{ برای امواج حجمی که در سطح مواد منتشر می‌شوند} \\ 1 \text{ برای امواج حجمی که در درون مواد منتشر می‌شوند} \\ .5 \text{ برای امواج ریلی} \end{array} \right\} \frac{1}{r''} \propto A \quad \text{که در آن مقدار } r'' \text{ برابر}$$

که در آن  $r$  فاصله از منبع مولد موج و  $A$  دامنه نوسان امواج می‌باشد.

میلر<sup>۱</sup> و پورسی<sup>۲</sup> در سال ۱۹۵۵ نشان دادند که  $\frac{2}{3}$  از کل انرژی تولید شده به وسیله منبع مولد موج به شکل امواج ریلی منتقل می‌شود. توزیع انرژی بین امواج مختلف در جدول (۱-۲) آمده است.

جدول (۱-۲): درصدی از کل انرژی تولید شده که بوسیله امواج مختلف

انتقال می‌یابد [Foti, 2000]

نوع موج	درصد از کل انرژی
ریلی	۶۷
برشی	۲۶
فشاری	۷

اگر این ویژگی را به ویژگی ضریب هندسی پراکندگی امواج اضافه کنیم به جواب مطرح شده در ابتدای این بخش می‌رسیم. در واقع دامنه امواج ریلی نسبت به امواج  $p$  و  $s$  در یک فاصله معین

1-Miller  
2-Pursey

از منبع مولد موج کمتر تحلیل می‌رود. بنابراین امواج ریلی نسبت به امواج حجمی خوصیات محیطی که در آن منتشر می‌شوند را تا فاصله بیشتری منتقل می‌کنند [Foti, 2000].

در اینجا باید به این نکته اشاره کرد که تولید امواج برشی در عمل بسیار مشکل است همچنین عمق نفوذ این امواج به نسبت امواج ریلی بسیار کم تر می‌باشد. در نتیجه استفاده از امواج ریلی بجای امواج برشی در تعیین خواص مکانیکی مواد ترجیح داده می‌شود.

امواج تولید شده به وسیله منبع مولد موج ضربه‌ای طیف وسیعی از فرکانس‌ها را تولید می‌کند. برای تعیین سرعت امواج ریلی در هر فرکانس به ابزاری نیاز است تا سیگنال ایجاد شده به وسیله منبع مولد موج ضربه‌ای را از حوزه زمان به حوزه فرکانس برد. این عمل با استفاده از ابزار پردازش سیگنال امکان‌پذیر شده است. در فصل بعد کلیاتی از نحوه پردازش سیگنال و تبدیل حوزه داده‌ها با استفاده از تبدیلات فوریه، آورده می‌شود.

فصل سوم

## پردازش سیگنال

### ۱-۳- مقدمه

اساس پردازش سیگنال مبتنی بر تبدیل داده‌ها از یک حوزه به حوزه دیگر می‌باشد. در این فرآیند اطلاعات اولیه از بین نمی‌روند و با تبدیل‌های معکوس به حوزه اولیه باز گردانده می‌شوند. قابلیت‌هایی که ابزار پردازش سیگنال فراهم آورده، راه را برای توسعه بسیاری از شاخه‌های مهندسی بخصوص آن دسته از شاخه‌های مهندسی که با مسائل دینامیکی سروکار دارند، هموار ساخته است. استفاده از یک چنین ابزاری که وابسته به ریاضیات است، امکان تبدیل داده‌ها از یک حوزه به حوزه دیگر را فراهم آورده است.

در این فصل چگونگی تبدیل حوزه داده‌ها به طور خلاصه مورد بررسی قرار می‌گیرد. هرچند هدف، تمرکز بر روی جنبه ریاضی این تبدیلات نیست، اما برخی ویژگی‌های مهم این تبدیلات که به طور اعم در ژئوفیزیک و به طور اخص در این پایان نامه به کار گرفته شده است، تشریح می‌گردد.

### ۲-۳- تبدیلات فوریه

تابع دوره‌ای مانند  $x(t)$  با دوره  $T = \frac{2\pi}{\omega}$  را می‌توان به صورت زیر نوشت:

$$x(t) = \frac{a_0}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} [a_n \cos(2\pi n f_0 t) + b_n \sin(2\pi n f_0 t)] \quad , \quad f_0 = \frac{1}{T} \quad (1-3)$$

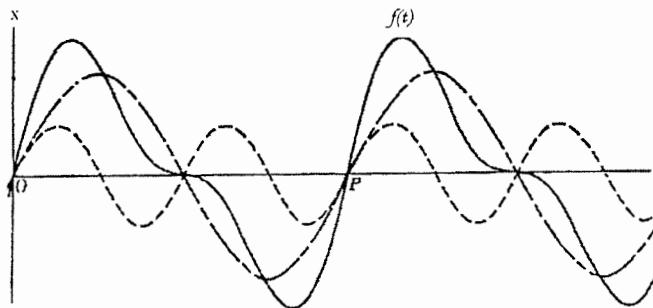
$$a_n = \frac{2}{T} \int_0^T x(t) \cos(2\pi n f_0 t) dt \quad (2-3)$$

$$b_n = \frac{2}{T} \int_0^T x(t) \sin(2\pi n f_0 t) dt \quad (3-3)$$

رابطه (۱-۳) به نام سری فوریه معروف است و در آن  $f_0$  فرکانس پایه،  $a_n$  و  $b_n$  ضرایب فوریه نامیده می‌شوند.

### <sup>۱</sup>۳-۲-۱- طیف فوریه<sup>۱</sup>

توابع سینوسی و کسینوسی را توابع هماهنگ ساده می‌نامند. توابعی نیز وجود دارند که از مجموع توابع هماهنگ ساده بوجود آمده‌اند ولی لزوماً خودشان هماهنگ ساده نیستند.



شکل (۱-۳): هر موج دوره‌ای مانند  $f(t)$  را می‌توان به صورت مجموعی از هماهنگ‌های ساده آن دانست [پیروز، ۱۳۸۱]

این تابع را، تابع دوره‌ای می‌نامند. برای تابع غیر دوره‌ای پیوسته و طویل  $T$  به سمت بی‌نهایت میل می‌کند و رابطه (۴-۳) حاصل می‌گردد که به آن تبدیل فوریه<sup>۱</sup> می‌گویند.

$$X(f) = \int_{-\infty}^{+\infty} x(t) e^{-i2\pi f t} dt \quad (4-3)$$

با استفاده از رابطه (۴-۳) می‌توانیم داده‌های خود را از حوزه زمان به حوزه فرکانس تبدیل نماییم. مقادیر تابع  $X(f)$ ، به صورت اعداد مختلط می‌باشند. بنابراین می‌توان این تابع را با اجزاء حقیقی و موهومی آن نمایش داد.

$$X(f) = \operatorname{Re}(X(f)) + i \operatorname{Im}(X(f)) = A(f) e^{i\phi(f)} \quad (5-3)$$

اگر مقادیر  $A(f)$  و  $\phi(f)$  را به صورت تابعی از  $f$  نمایش دهیم، به ترتیب طیف دامنه و طیف فاز

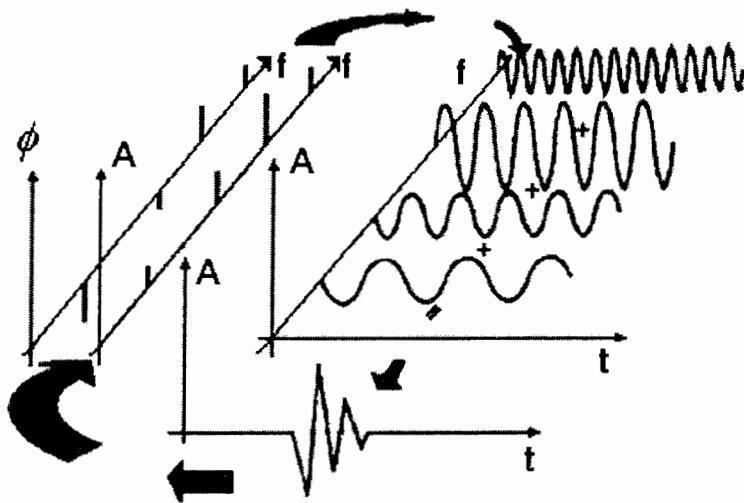
مربوطه به تابع  $x(t)$  در حوزه فرکانس بدست می‌آید. در این حالت  $X(f)$  را طیف مختلط<sup>۲</sup> تابع  $f$  می‌نامند. در واقع با استفاده از روابط (۴-۳) و (۵-۳) می‌توان سیگنال  $x(t)$  را به هماهنگ‌های ساده

1-Fourier Spectrum

2-Fourier Transform

3 - complex Spectrum

آن تجزیه نمود. سپس دامنه و فاز هر یک از این هماهنگ‌های ساده که دارای فرکانس  $f$  هستند را تعیین کرد. این موضوع در شکل (۲-۳) به صورت شماتیک نمایش داده شده است.



شکل (۲-۳): تجزیه یک سیگنال به هماهنگ‌های ساده آن و به دست آوردن طیف فاز و طیف دامنه با استفاده از تبدیلات فوریه [Foti, 2000]

### ۲-۲-۲-۲- تبدیلات فوریه گسسته<sup>۱</sup>

مقادیر رقمنی شده یکتابع مثل  $x(t)$  تعداد محدودی از اعداد هستند که در یک بازه زمانی  $T$  و با فاصله زمانی  $\Delta t$ ، نمونه برداری شده‌اند، و توسط این روش یک لرزه نگاشت رقمنی شده، بدست می‌آید. بنابراین نمی‌توان با استفاده از رابطه (۴-۳) یک لرزه نگاشت را از حوزه زمان به حوزه فرکانس برد. در نتیجه باید رابطه (۴-۳) را به صورت سری تعریف کنیم.

اگر تابع  $x(t)$  که در آن  $0 \leq t \leq T$  قرار دارد در  $N$  نقطه، با فاصله زمانی مساوی

$t = j\Delta t, j = 0, 1, \dots, N - 1$  نمونه برداری شده باشد آن گاه برای بدست آوردن طیف تابع گسسته،

رابطه (۴-۳) را به صورت سری می‌نویسیم. پس داریم :

$$X(f) = \Delta t \sum_{j=0}^{N-1} x(j\Delta t) e^{-i2\pi f j \Delta t} \quad (4-3)$$

۱ - Discrete Fourier Transform

همانطور که گفته شد تابع  $X(f)$ ، یک تابع گسته است. بنابراین  $f$  را برابر  $n\Delta f$  در نظر

می‌گیریم ( $f = n\Delta f$ )، پس داریم:

$$X(n\Delta f) = \Delta t \sum_{j=0}^{N-1} x(j\Delta t) e^{-i2\pi n\Delta f j \Delta t} \quad (7-3)$$

در تبدیلات گسسته فوریه فرض بر این است که سیگنال برداشت شده به وسیله لرزه نگاشت، دوره‌ای

می‌باشدبوده، و دوره تناوب آن برابر  $N\Delta t$  است. پس خواهیم داشت:

$$\Delta f = \frac{1}{T} = \frac{1}{N\Delta t} \quad (8-3)$$

$$X(n\Delta f) = \Delta t \sum_{j=0}^{N-1} x(j\Delta t) e^{-i2\pi \frac{n j}{N}} \quad (9-3)$$

واحد طیف محاسبه شده برای تعداد نوسانات در واحد زمان است، در صورتی که مقدار  $\Delta t$  برابر یک

باشد. به این ترتیب رابطه (12-۳) بدست می‌آید [Buttkus, 2000].

$$X_n = \sum_{j=0}^{N-1} x_j e^{-i2\pi \frac{n j}{N}} \quad (10-3)$$

هنگام رسم طیف تابع  $x(t)$  با استفاده از رابطه (12-۳)، بایستی توجه داشت فرکانس  $n$  آم، در

حقیقت فرکانسی برابر  $\frac{n}{N\Delta t}$  را نشان می‌دهد، زیرا داریم:

$$\Delta f = \frac{1}{N\Delta t} \Rightarrow n\Delta f = \frac{n}{N\Delta t} \quad (11-3)$$

### ۱-۳-۳- دگرnamی<sup>۱</sup>

لرزه نگارهای اولیه نوسانات زمین را به صورت پیوسته ثبت می‌کردند. با پیشرفت در تکنولوژی ساخت دستگاههای لرزه‌نگار، طریقه ثبت نوسانات نیز در آن‌ها تغییر کرده است. به این

<sup>1</sup> - Aliasing

ترتیب که خروجی ژئوفون‌ها در فاصله زمانی‌های یکسان به شکل عدد ثبت می‌گردد. به هریک از این

اعداد نمونه<sup>۱</sup> و به فاصله زمانی بین برداشت دو نمونه متواالی، فاصله نمونه برداری<sup>۲</sup> گفته می‌شود.

در اثر صرف نظر کردن از داده‌های موجود در فاصله بین زمان‌های نمونه برداری، بخشی از

اطلاعات از دست می‌روند. سؤالی که در اینجا مطرح می‌شود این است که با یک نمونه برداری معین،

بزرگ‌ترین فرکانسی که می‌توان بر روی یک لرزه نگاشت ثبت کرد چه فرکانسی است. اگر بزرگ‌ترین

فرکانس موجود در یک لرزه نگاشت را با  $f_N$  (فرکانس نای‌کویست<sup>۳</sup>) و دوره آن را با  $T_N$  نشان دهیم

خواهیم داشت:

$$f_N = \frac{1}{T_N} \quad (12-3)$$

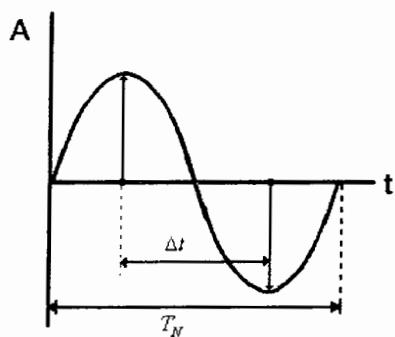
بر اساس تئوری نای‌کویست اگر فاصله بین نمونه برداری‌ها  $\Delta t$  کوچک‌تر از نصف یک دوره  $T_N$  باشد،

رابطه (۱۳-۳)، شکل موج با فرکانس  $f_N$  بطور کامل به دست می‌آید، شکل (۳-۳) [پیروز، ۱۳۸۱].

$$2\Delta t \leq T_N \quad (13-3)$$

با توجه به این مطالب داریم:

$$f_N = \frac{1}{2\Delta t} \quad (14-3)$$



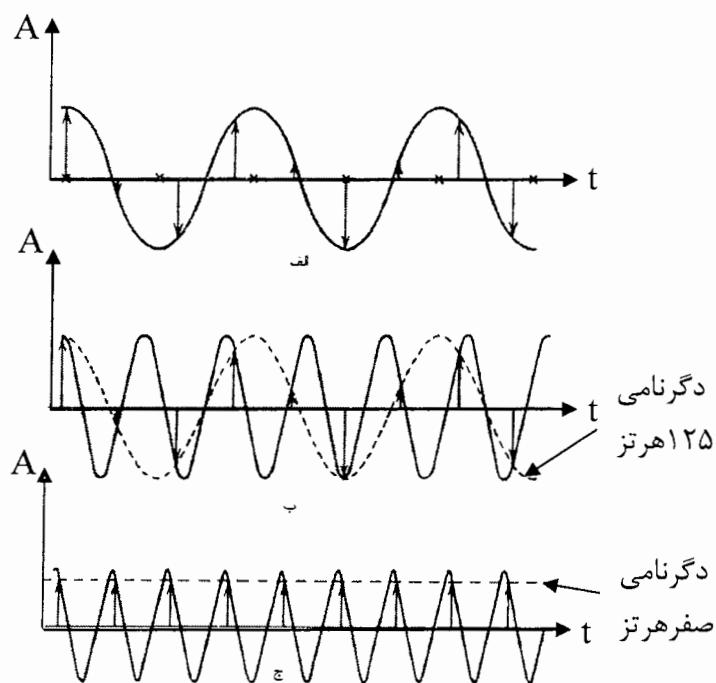
شکل (۳-۳): نمونه برداری از بزرگ‌ترین فرکانس یک سیگنال [پیروز، ۱۳۸۱]

1 - Sample

2 - Sampling interval

3 - Nyquist Frequency

در شکل (۴-۳) می‌توان دید که میزانی از نمونه برداری در حدود ۴ میلی ثانیه (یعنی ۲۵۰ نمونه در ثانیه) قادر است نگاشت کاملی از یک سیگنال ۷۵ هرتزی را بدست آورد (شکل ۳-۳ الف)، ولی سیگنال‌های ۱۷۵ هرتزی، (شکل ۳-۳ ب)، و ۲۵۰ هرتزی، (شکل ۳-۳ ج)، به ترتیب به صورت دگرگاهی ۷۵ و صفر هرتزی ظاهر می‌شوند [Sheriff and Geldart, 1982].



شکل (۴-۳) : دگرگاهی در اثر از دادن اطلاعات در فاصله زمانی بین نمونه برداری‌ها [Sheriff, Geldart, 1982]

#### ۴-۳- قدرت تفکیک طیف فوریه

در ابتدا تصور می‌شود که با کاهش فاصله نمونه برداری در حوزه زمان دقت کار در مرحله پردازش بیشتر می‌گردد. اما باید به این نکته توجه داشت که هر چه  $\Delta t$  کوچکتر می‌شود  $\Delta f$  بزرگ‌تر می‌شود و دقت طیف حاصل در حوزه فرکانس کاهش می‌یابد. بنابراین اگر مقدار  $\Delta t$  را بسیار کوچک انتخاب کنیم موجب از بین رفتن قدرت تفکیک طیف حاصل می‌گردد، و اگر  $\Delta t$  را خیلی بزرگ انتخاب کنیم باعث دگرگاهی می‌گردد. پس بایستی یک مقدار بهینه بین این دو انتخاب شود.

### ۱-۵-۳- همبستگی<sup>۱</sup>

#### ۱-۵-۳- همبستگی متقابل<sup>۲</sup> در حوزه زمان

تابع همبستگی متقابل شباهت بین دو سری داده (لرزه نگاشت) را مورد بررسی قرار می‌دهد.

برای بدست آوردن تابع همبستگی یکی از دو سری داده را به اندازه  $\tau$  جابجا می‌کنند. حال مقادیری از دو سری داده که در مقابل هم قرار گرفته‌اند، نظیر به نظیر در یکدیگر ضرب شده و سپس این مقادیر با یکدیگر جمع می‌شوند. با افزایش جابجایی به اندازه  $n$  برابر  $\tau$  ( $n = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$ ) مقادیر تابع همبستگی به روش مذکور بدست می‌آید. با استفاده از رابطه (۱۵-۳) می‌توان مقدار تابع همبستگی متقابل را بدست آورد.

$$G_{xy}(\tau) = \sum_k x_k y_{k+\tau} \quad (15-3)$$

در این رابطه  $\tau$  جابجایی سری داده  $y$  نسبت به سری داده  $x$  می‌باشد.

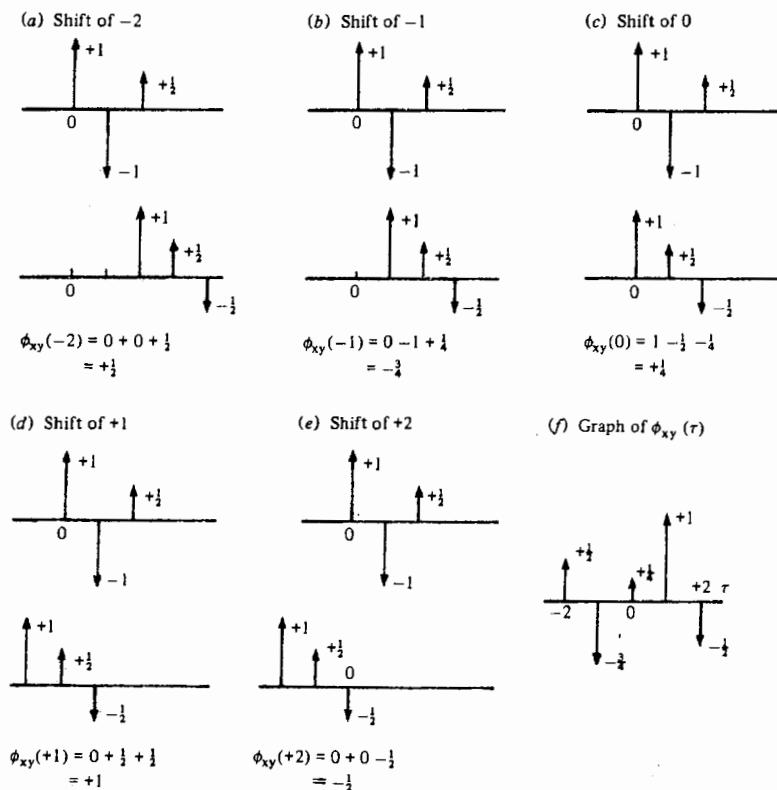
هنگامی که دو سری داده شبیه هم هستند، جملات سری رابطه (۱۵-۳) (ضرایب همبستگی متقابل) اکثراً مثبت هستند. در نتیجه مقدار تابع همبستگی متقابل مقدار بزرگی را از خود نشان می‌دهد. در حالی که اگر دو سری داده شباهتی به یکدیگر نداشته باشند بعضی از جملات سری رابطه (۱۵-۳) مثبت و برخی دیگر منفی‌اند. در نتیجه مقدار مجموع حاصل (مقدار تابع همبستگی متقابل) مقداری کوچک می‌گردد. اگر تابع همبستگی متقابل مقداری بزرگ، ولی منفی باشد نشان دهنده این موضوع است که دو سری از داده‌ها در صورتی که یکی از آن‌ها معکوس گردد، بسیار به هم شبیه هستند.

1 - correlation

2 - Cross correlation

در واقع مقدار همبستگی متقابل تابعی از میزان جابجایی بین دو سری داده می‌باشد. اگر جابجایی لرزه نگاشت دوم نسبت به لرزه نگاشت اول به سمت چپ باشد جابجایی را مثبت می‌نامند و

$$\text{بالعکس. دو تابع } y_i = \begin{bmatrix} 1, \frac{1}{2}, -\frac{1}{2} \end{bmatrix} \text{ در نظر می‌گیریم.}$$



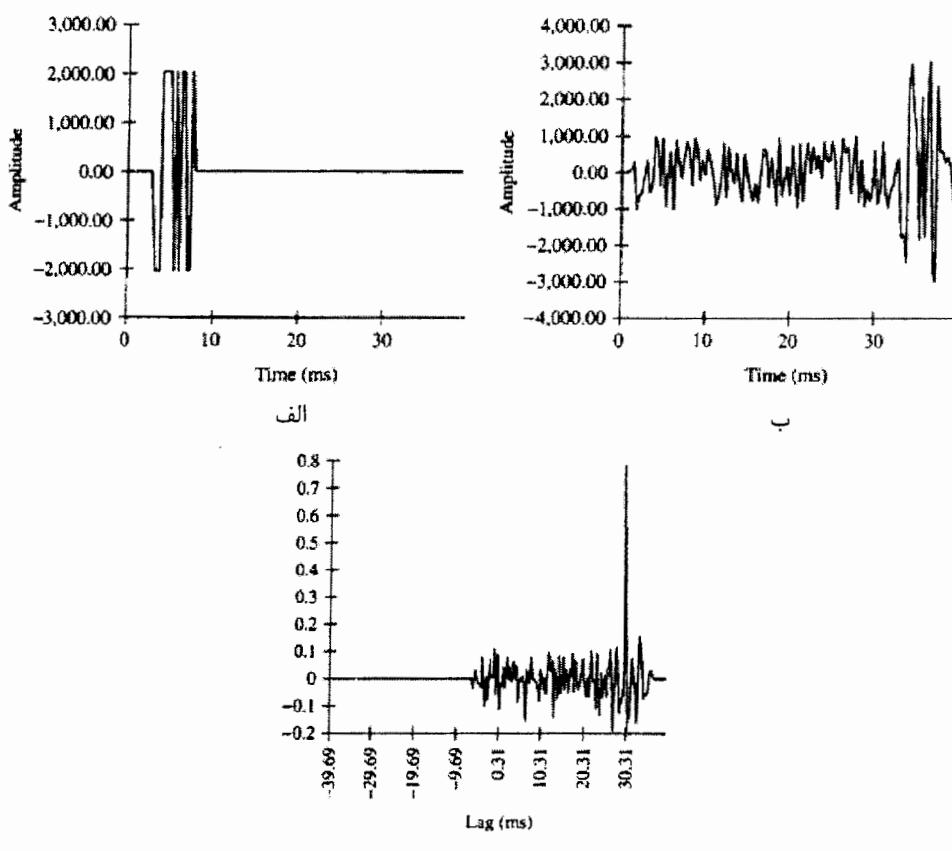
[Sheriff, Geldart, 1982]: محاسبه تابع همبستگی متقابل برای دو سری داده

در شکل های (a) ، (b) ، (c) ، (d) ، (e) مقدار جابجایی تابع  $y_i$  به ترتیب برابر  $-2$  ،  $-1$  ،  $0$  ،  $+1$  و  $+2$  واحد می باشد. در زیر هر یک از این شکل ها مقدار ضریب همبستگی متقابل به ازای جابجایی های مذکور محاسبه شده است. شکل (f) تابع همبستگی متقابل را نشان می دهد. همان طور که مشاهده می شود مقدار بیشینه تابع همبستگی متقابل هنگامی اتفاق می افتد که تابع

لر به اندازه یک واحد به سمت چپ جابجا شود. البته همین نتایج را هنگامی که مقدار تابع  $x$  به اندازه یک واحد به سمت راست جابجا شود، خواهیم داشت:

$$G_{xy}(\tau) = G_{yx}(-\tau) \quad (16-3)$$

یکی از کاربرهای تابع همبستگی متقابل محاسبه میزان تأخیر رسیدن موج بین دو نقطه با فاصله مشخص از یکدیگر می باشد، شکل (۶-۳).



شکل (۶-۳): الف- لرزه نگاشت ژئوفون نزدیک به منبع مولد موج. ب- لرزه نگاشت ژئوفون دور از منبع مولد موج. ج- تابع همبستگی متقابل [Ifeachor and Jervis , 2003]

این مقدار تأخیر به صورت یک مقدار بیشینه بر روی تابع میزان همبستگی متقابل ظاهر می گردد.

### ۱۶-۵-۳- همبستگی متقابل در حوزه فرکانس

در حوزه فرکانس مقدار تابع همبستگی متقابل از ضرب طیف مختلط لرزه نگاشت دوم که از

رابطه(۴-۳) بدست آمده است در مزدوج طیف مختلط لرزه نگاشت اول (به ترتیب رابطه(۱۷-۳) و (۱۸-۳)، حاصل می شود که آن را طیف توان همبستگی متقابل<sup>۱</sup> می نامند، رابطه(۱۹-۳).

$$Y(f) = |Y(f)|e^{i\phi_Y(f)} \quad (17-3)$$

$$\overline{X(f)} = |X(f)|e^{-i\phi_X(f)} \quad (18-3)$$

$$G_{xy}(f) = \overline{X(f)} \times Y(f) = |X(f)| |Y(f)| e^{i(\phi_Y(f) - \phi_X(f))} \quad (19-3)$$

همانطور که مشاهده می شود تابع طیف توان همبستگی متقابل تابعی مختلط می باشد و می توان آن را به صورت زیر نشان داد.

$$G_{xy}(f) = \operatorname{Re}(G_{xy}(f)) + i \operatorname{Im}(G_{xy}(f)) = |G_{xy}(f)| e^{i\phi_{xy}(f)} \quad (20-3)$$

در این رابطه  $\phi_{xy}(f)$  را فاز توان همبستگی متقابل می نامند که با توجه به رابطه (۱۹-۳) اختلاف فاز بین دو لرزه نگاشت را نشان می دهد ( $\phi_y(f) - \phi_x(f) = \phi_{xy}(f)$ ). مقدار فاز توان همبستگی متقابل با توجه به رابطه (۲۰-۳) محاسبه می گردد.

$$\phi(f) = \tan^{-1} \frac{\operatorname{Im}(G_{xy}(f))}{\operatorname{Re}(G_{xy}(f))} \quad (21-3)$$

### ۳-۵-۳- تابع خود همبستگی<sup>۲</sup> در حوزه زمان

تابع خود همبستگی ، شباهت بین دو سری از داده های یکسان را مورد بررسی قرار می دهد و اطلاعاتی از ساختار و رفتار سری داده های مذکور ارائه می دهد. در واقع تابع خود همبستگی یک حالت خاص از تابع همبستگی متقابل است که در آن دو سری از داده ها یکسان هستند. مقدار این تابع از رابطه (۲۲-۳) بدست می آید[Ifeachor and Jervis , 2003]

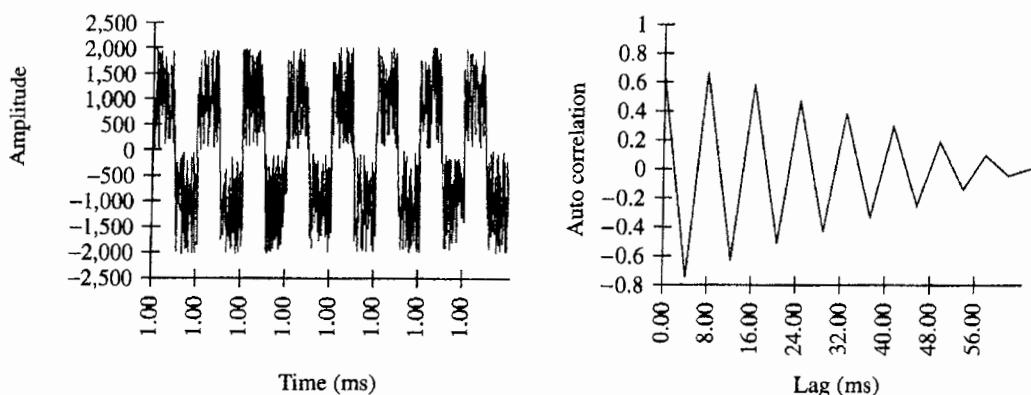
$$G_{xx}(\tau) = \sum_k x_k x_{k+\tau} \quad (22-3)$$

این تابع بیشترین مقدار را در  $\tau = 0$  دارد(در این صورت است که دو سری از داده ها بیشترین شباهت را به یکدیگر دارا هستند). گاهی اوقات تابع خود همبستگی در نقاطی به غیر از  $\tau = 0$  مقدار

1 - Cross Power Spectrum(CPS)

2 - Autocorrelation Function(ACF)

بزرگی از خود نشان می دهد. این موضوع نشان دهنده دوره ای بودن سری داده ها می باشد، شکل (۷-۳).



شکل (۷-۳): با استفاده از تابع خود همبستگی می توان دوره ای بودن سری داده ها

[Ifeachor and Jervis , 2003]

#### ۴-۵-۳- تابع خود همبستگی در حوزه فرکانس

در حوزه فرکانس تابع خود همبستگی از محدود طیف مختلط هر لرزه نگاشت بدست می آید و آن را طیف توان خود همبستگی<sup>۱</sup> می نامند.

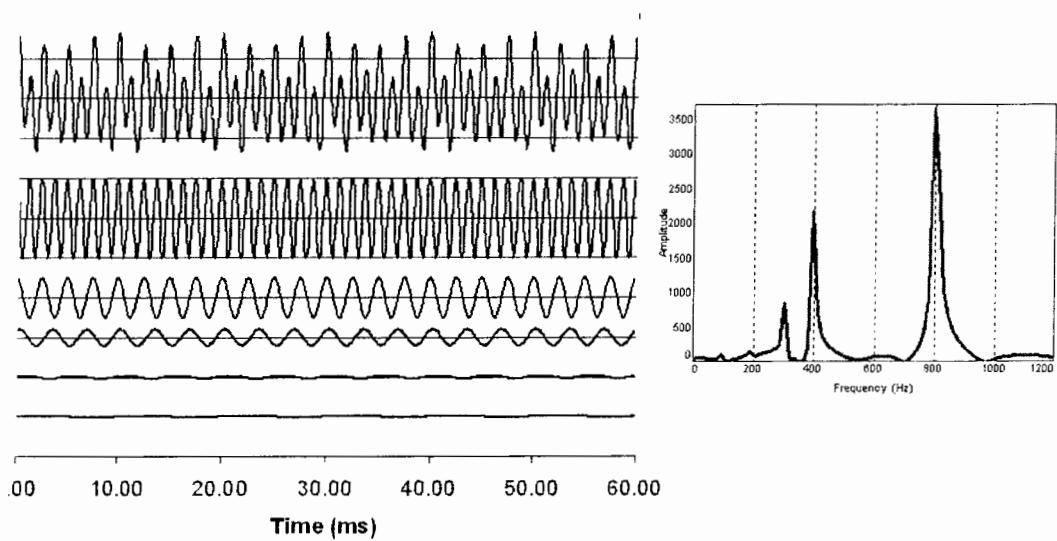
$$X(f) = |X(f)|e^{i\phi_x(f)} \quad (23-3)$$

$$\overline{X(f)} = |X(f)|e^{-i\phi_x(f)} \quad (24-3)$$

$$G_{xx}(f) = \overline{X(f)} \times X(f) = |X(f)| |X(f)| e^0 = |X(f)|^2 \quad (25-3)$$

این تابع توزیع انرژی را در فرکانس های مختلف نشان می دهد. به عنوان مثال در شکل (۷-۳) سیگنال قسمت بالای شکل از ۵ فرکانس های مختلف در تشکیل شده است. هنگامی که طیف توان خود همبستگی سیگنال مربوطه محاسبه می شود، در فرکانس های مذکور مقدار تابع همبستگی افزایش می یابد [Sheriff, Geldart, 1982]

۱ - Auto Power Spectrum(APS)



شکل(۸-۳): طیف توان خود همبستگی فرکانس های موجود در یک سیگنال را

مشخص می کند [Amberg Measuring Technique, 2002]

### ۳-۶- تابع میزان همبستگی<sup>۱</sup>

با استفاده از تابع میزان همبستگی می توان میزان کیفیت یک سیگنال را محاسبه کرد. این تابع در حقیقت نسبت سیگنال به نویه<sup>۲</sup> را نشان می دهد. در بازه فرکانس هایی که تابع همبستگی نزدیک به یک می باشند، داده های برداشت شده برای پردازش مناسب هستند. هر چه این مقدار به سمت صفر پیش می رود از کیفیت داده ها کاسته می شود. مقدار تابع همبستگی از رابطه زیر محاسبه می شود [Kaynia, 1999].

$$\gamma^2(f) = \frac{|G_{xy}(f)|^2}{G_{xx}(f)G_{yy}(f)} \quad (26-3)$$

### ۳-۷- واپیچیدن<sup>۳</sup>

یک گام اساسی در فرآیند پردازش سیگنال، واپیچیدن طیف فاز توان همبستگی متقابل می باشد. در واقع اختلاف فاز به دست آمده از رابطه (۲۱-۳) دائمآ بین  $\pi$  و  $-\pi$  جهش می کند.

1-Coherence Function

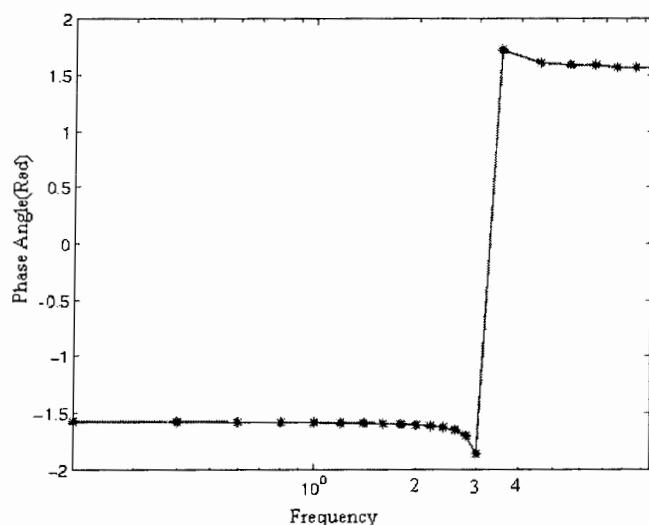
2-Noise

3-Unwrapping

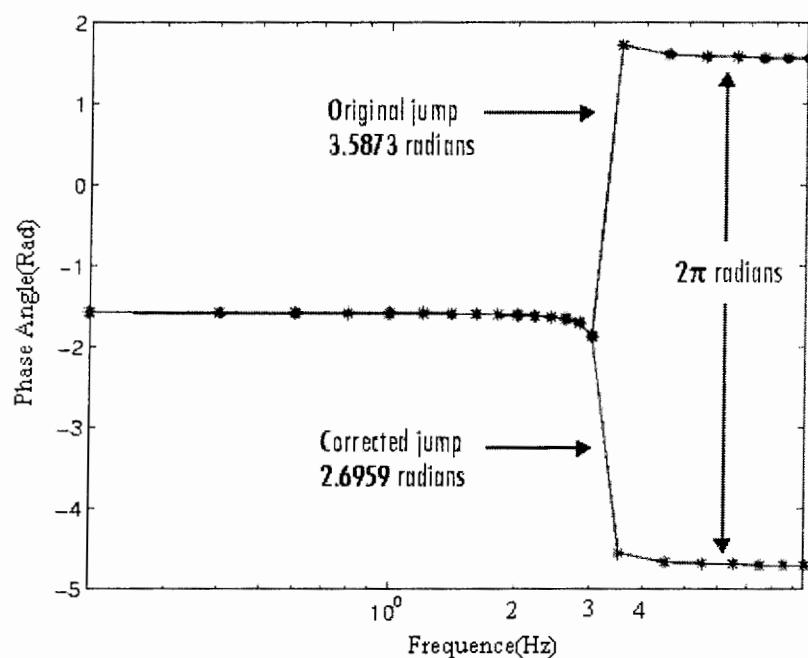
برای تصحیح زاویه فاز در نقاطی که اختلاف فاز بین دو نقطه مجاور، از  $\pi$  رادیان بیشتر باشد، مضربی از  $2\pi \pm$  رادیان را به آن اضافه می‌کنیم [Kim, 2002]

$$\theta_{unwrap}(f) = 2n\pi \pm \theta_{wrap}(f) \quad (28-3)$$

به عنوان مثال همان طور که در شکل (۹-۳) دیده می‌شود، اختلاف فاز بین دونقطه ۳ و  $\frac{3}{5}$  برابر  $\frac{3}{5}873$  رادیان می‌باشد و مقدار فاز در این دو نقطه به ترتیب برابر  $1/8621$  و  $1/7252$  می‌باشد. چون اختلاف فاز بین این دو نقطه از  $\pi$  رادیان بیشتر است، بنابراین مقدار  $2\pi$  رادیان از مقدار اختلاف فاز کم می‌کنیم. به این ترتیب، اختلاف فاز بین دو نقطه ۳ و  $\frac{3}{5}$  را که بیش از  $\pi$  رادیان بود، به کمتر از  $\pi$  رادیان تبدیل می‌کنیم شکل (۱۰-۳) به این عمل، واپیچیدن گفته می‌شود [MATLAB, 2002]



شکل (۹-۳): جهش بیش از  $\pi$  رادیان در نمودار اختلاف فاز [MATLAB, 2002]



شکل(۱۰-۳): واپیچیدن زاویه اختلاف فاز بین دو نقطه [MATLAB, 2002]

بدست آوردن منحنی واپیچیده برای محاسبه سرعت فازی امواج ریلی به عنوان تابعی از فرکانس ضروری می‌باشد. این موضوع در فصل چهارم بیشتر مورد بررسی قرار گرفته است.

فصل چهارم

روش آنالیز طیفی امواج  
سطحی

## فصل چهارم: روش آنالیز طیفی امواج سطحی

### ۱-۴ - مقدمه

انگیزه اصلی استفاده از امواج سطحی در تعیین خواص مکانیکی لایه‌های زیر سطحی، به ماهیت طبیعی این امواج مربوط می‌گردد. این امواج در امتداد سطح زمین منتشر می‌شوند، در نتیجه اندازه‌گیری جابجایی‌های ناشی از انتشار آن‌ها نسبتاً ساده است. همچنین این امواج اطلاعات بسیار مهمی را در مورد خواص مکانیکی محیط انتشارشان با خود حمل می‌کنند. به همین خاطر بسیاری از کاربردهای این امواج در زمینه شناخت خواص محیط انتشار این امواج توسعه داده شده‌اند. این ویژگی‌ها منجر به چاپ و انتشار مطالب علمی مختلفی در خصوص جنبه‌های متفاوت فیزیکی و مکانیکی امواج سطحی گردیده است.

بکار گیری امواج سطحی در تعیین خصوصیات مکانیکی لایه‌های زیر سطح زمین در پایان دهه پنجم میلادی با معرفی روش ارتعاشات ایستای امواج ریلی<sup>۱</sup> (SSRM) آغاز گردید. بعد از یک دوره کوتاه به دلیل مشکلاتی که روش ارتعاشات ایستای امواج ریلی داشت، روش دیگری به نام روش آنالیز طیفی امواج سطحی<sup>۲</sup> (SASW) در دهه هشتاد میلادی معرفی شد.

در این فصل، روش آنالیز طیفی امواج سطحی به عنوان یک روش غیر مخرب در تعیین خواص مکانیکی لایه‌های زیر سطحی معرفی می‌شود. همچنین روش ارتعاشات ایستای امواج ریلی نیز به طور مختصر شرح داده می‌شود. البته استفاده از این روش دیگر منسوخ شده، اما از آن جایی که این روش مبنای روش آنالیز طیفی امواج سطحی را می‌سازد، در اینجا مورد بررسی قرار می‌گیرد.

1-Steady State Rayleigh Method

2-Spectral Analysis of Surface Waves

## ۴-۲- بکارگیری امواج سطحی در تعیین خواص مکانیکی لایه‌های زیر سطحی

همان طور که در فصل دوم شرح داده شد، پراکنده‌گی<sup>۱</sup> امواج ریلی در یک نیم فضای همگن<sup>۲</sup> و ایزوتروپ<sup>۳</sup> اتفاق نمی‌افتد. سرعت انتشار امواج ریلی در فضای مذکور تابعی از خواص مکانیکی لایه‌های زیر سطحی است، و فرکانس انتشار تاثیری در سرعت ندارد. در مواد لایه‌ای که خاصیت پراکنده کردن امواج را دارا هستند، سرعت انتشار امواج تابعی از فرکانس و طول موج می‌باشد. در نتیجه با استفاده از این خاصیت می‌توان منحنی پراکنده‌گی را برای یک مکان معین تعیین نمود. این منحنی، سرعت فازی امواج ریلی را به صورت تابعی از فرکانس امواج منتشر شده نشان می‌دهد. حال می‌توان با استفاده از فرآیند معکوس سازی منحنی پراکنده‌گی، پروفیل سختی مواد زیر سطحی را استنباط نمود.

در مدل سازی لایه‌های زیر سطحی همواره فرض بر این است که این لایه‌ها با یکدیگر موازی‌اند، و هر لایه از مواد همگن و ایزوتروپ تشکیل شده است. در حالی که در شرایط واقعی چنین فرضی همواره برقرار نیست. البته این موضوع مشکلات جدی را بوجود نمی‌آورد اگر همواره به خاطر داشته باشیم که نتایج به دست آمده از آزمایش‌های امواج سطحی یک تخمین اولیه از خواص مکانیکی لایه‌های زیر سطحی را نشان می‌دهد، و نبایستی از این آزمایش‌ها انتظار داشت تصویر دقیقی از وضعیت هندسی لایه‌های زیر سطحی به ما ارائه کنند.

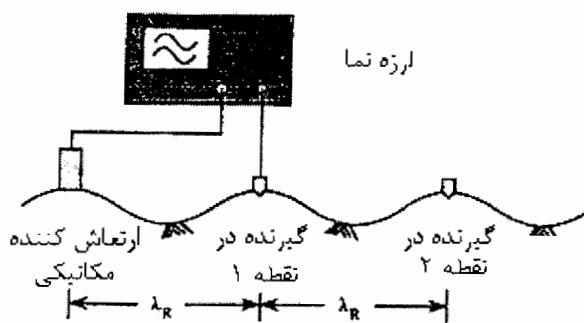
تغییرات جانبی خواص مکانیکی لایه‌ها و همچنین شبیه دار بودن لایه‌ها می‌توانند مشکلات جدی را در استفاده از آزمایش‌های امواج سطحی بوجود آورند. این موارد باعث افزایش خطای محاسبه سرعت موج بررشی به عنوان تابعی از عمق (پروفیل سرعت موج بررشی) گردیده‌اند. برای کاهش خطای در چنین مواردی می‌بایستی اندازه‌گیری‌ها را در امتدادهای متفاوتی انجام داد. به این طریق می‌توانیم درستی فرض‌های خود را در مورد موازی، افقی و نیز همگن بودن هر نقطه‌ای که آزمایش در آن صورت می‌گیرد را، مورد بررسی قرار دهیم [Foti, 2000].

---

1-Dispersion  
2-Homogeneous  
3- Isotopic

### ۴-۳- روش ارتعاشات ایستای امواج سطحی (SSRM)

روش ارتعاشات ایستای امواج سطحی یا SSRM، جزء اولین روش‌هایی بود که در بدست آوردن پروفیل سرعت موج برشی بکار گرفته شد. این روش اولین بار به وسیله جونز<sup>۱</sup> در سال ۱۹۵۸ معرفی شد [Menzies, 1995]. عملیات صحراوی این روش به طور شماتیک در شکل (۱-۴) نشان داده شده است. همان‌طور که در شکل مذکور مشاهده می‌شود در این روش، از یک نوسانگر به عنوان منبع مولد موج بر روی سطحی زمین استفاده می‌شود که با فرکانسی معین زمین را مرتتعش



شکل (۱-۴) : شماتیکی از عملیات صحراوی به روش ارتعاشات ایستای امواج ریلی [Foti, 2000] SSRM

می‌کند. سپس یک گیرنده را آن قدر از منبع مولد موج دور می‌کنند تا با آن در یک فاز قرار گیرد. همان‌طور که می‌دانیم در این حالت فاصله بین منبع مولد موج و گیرنده برابر یک طول موج ایجاد شده توسط منبع مولد موج می‌باشد. سپس با توجه به رابطه (۱-۴) سرعت امواج ریلی در آن فرکانس

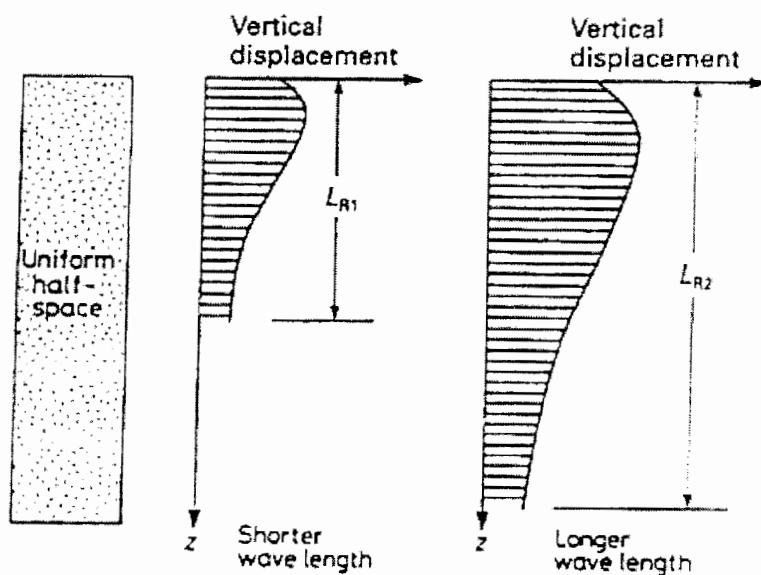
$$V_R = f \cdot \lambda_R \quad (1-4)$$

خاص محاسبه می‌شود. همه این مراحل، با فرکانس‌های متفاوت تکرار می‌شود. در نتیجه مقادیر سرعت به ازای طول موج‌های مختلف،  $\lambda$ ، بدست می‌آید، و از این طریق امکان رسم منحنی پراکندگی فراهم می‌شود [Foti, 2000].

برای آشنایی با چگونگی بدست آوردن پروفیل سرعت موج برشی نسبت به عمق در این روش، باید مروری دوباره بر نحوه انتشار امواج ریلی داشته باشیم. در شکل (۱۳-۲) نحوه جابجاوی ذرات در یک نیم فضای همگن که موج ریلی در آن در حال انتشار می‌باشد نشان داده شده است. در این

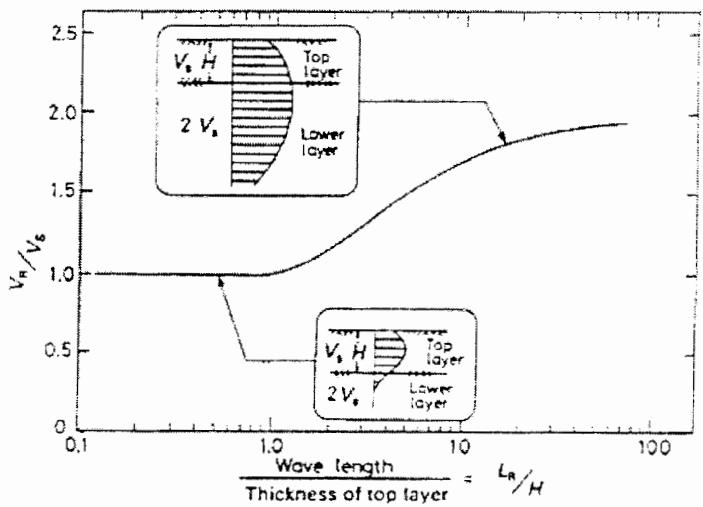
<sup>۱</sup>-Jonse

شکل دامنه‌های مختلفی از حرکات قائم و افقی زمین به ازای نسبت عمق به طول موج رسم شده است. با توجه به این شکل، امواج ریلی عملاً تا عمقی در حدود  $1/5$  برابر طول موج امواج ریلی در سطح، به داخل زمین نفوذ می‌کنند. شکل (۲-۴) این ویژگی مهم را بهتر نمایش می‌دهد. نحوه جابجایی‌های قائم در یک نیم فضای همگن برای دو طول موج مختلف، یکی با طول موج کوتاه و دیگری با طول موج بلند، در این شکل نشان داده شده است. این مفهوم را می‌توان به یک نیم فضای لایه‌ای نیز بسط داد.



شکل (۲-۴) : نفوذ امواج ریلی در زمین [Heyerdahl, 2003]

شکل (۳-۴) منحنی پراکندگی مربوط به یک مدل دو لایه که سرعت در لایه زیر دو برابر سرعت در لایه بالایی می‌باشد. در این منحنی نحوه تغییرات نسبت سرعت موج ریلی به موج برنشی به صورت تابعی از طول موج در یک نیم فضای دو لایه ای نشان داده شده است. همان‌طور که از این شکل پیدا است، امواجی با طول موج کوتاه، در سطوح کم عمق نفوذ می‌کنند، در حالی که امواجی با طول موج بلند، به اعماق بیشتر، نفوذ می‌کنند.



شکل(۳-۴) : تغییرات سرعت موج ریلی با تغییر طول موج در یک

نیم فضای دو لایه ای [Heyerdahl,Hakon,2003]

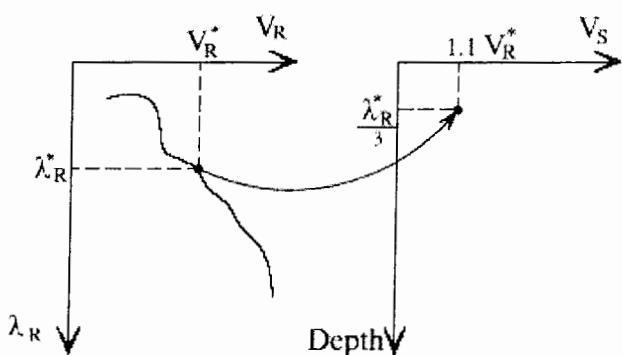
بیشترین اثر موج ریلی را به عمقی در حدود  $\frac{1}{3}$  تا  $\frac{1}{2}$  طول موج امواج منتشر شده نسبت

می دهند. همان طور که در فصل دوم آورده شد، رابطه بین سرعت موج برشی و موج ریلی با رابطه

(۲-۴) بیان می شود.[Kaynia,1999]

$$V_s \approx 1.1V_R \quad (2-4)$$

با توجه به موارد بالا می توانیم مقدار سرعت موج برشی را نسبت به عمق تخمین زد. به این ترتیب که طول موج امواج ریلی به دست آمده را برابر سه تقسیم می کنیم تا عمق تاثیر امواج ریلی مشخص می شود سپس سرعت موج ریلی را در  $1/1$  ضرب می کنیم تا سرعت موج برشی بدست آید. این مطلب در شکل (۴-۴) نشان داده شده است.



شکل(۴-۴) : معکوس سازی منحنی پراکندگی در روش SSRM [Foti , 2000]

وقت گیر بودن و دقت پایین روش ارتعاشات ایستای امواج سطحی، همچنین فرضهایی که در ساده کردن فرآیند معکوس سازی در نظر گرفته شده است، مانع از گسترش این روش گردیده است. برای غلبه بر این مشکلات امروزه روش جدیدی به نام روش آنالیز طیفی امواج سطحی معرفی شده است.

#### ۴-۴- روش آنالیز طیفی امواج سطحی (SASW)

##### ۱-۴-۱- اصول اولیه

اگرتوسط یک منبع مولد موج تک فرکانسی مطابق شکل(۴-۵)، به یک زمین همگن و همسانگرد ضربه های قائم وارد کنیم در نتیجه سطحی زمین در امتداد قائم شروع به یک نوسان سینوسی شکل می نماید. اگر معادله نوسان را در محل منبع مولد موج نقطه( $x_0$ ) بر حسب زمان با  $u_0$  نمایش دهیم، خواهیم داشت [Kaynia, 1999]:

$$u_0(t) = A \sin \omega t \quad (3-4)$$

در این رابطه  $A$  حداقل دامنه نوسان و  $\omega$  سرعت زاویه ای نوسان می باشد. معادله نوسان در فاصله  $x_1$  از  $x_0$  برابر است با [Kaynia, 1999]:

$$u_1(t) = A \sin \omega \left( t - \frac{x_1}{V_R} \right) \quad (4-4)$$

در این رابطه  $V_R$  سرعت انتشار امواج ریلی در زمین مذکور می باشد. معادله نوسان در نقطه  $x_2$  ، به فاصله  $d$  از  $x_1$  را می توان به صورت زیر نوشت [Kaynia, 1999]:

$$u_2(t) = A \sin \omega \left( t - \frac{x_2}{V_R} \right) \quad (5-4)$$

$$\omega = 2\pi f \quad (6-4)$$

$$V_R = \lambda f \quad (7-4)$$

$$u_1(t) = A \sin \left( \omega t - \frac{2\pi}{\lambda} x_1 \right) \quad (8-4)$$

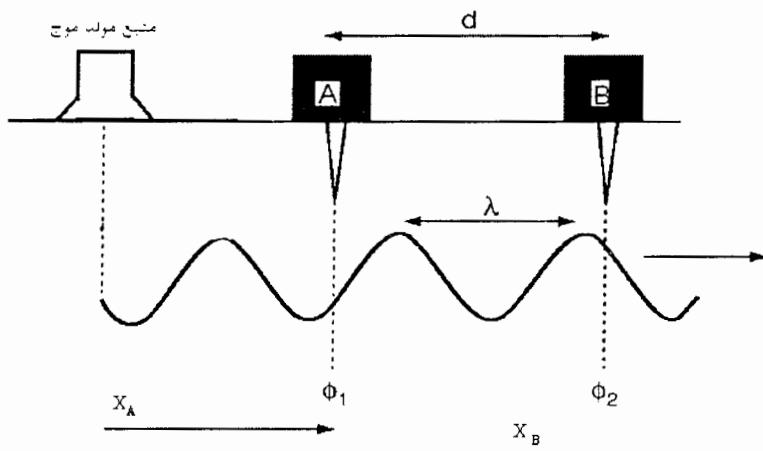
$$u_2(t) = A \sin \left( \omega t - \frac{2\pi}{\lambda} x_2 \right) \quad (9-4)$$

بنا براین اختلاف فاز بین معادله نوسان ژئوفون ۱ و ژئوفون ۲ عبارت است از:

$$\Delta\phi = \phi_2 - \phi_1 = \frac{2\pi}{\lambda} (x_2 - x_1) \Rightarrow \Delta\phi = \frac{2\pi}{\lambda} d \quad (10-4)$$

با توجه به رابطه (10-۴)، (۶-۴) و (۷-۴) میتوان سرعت موج ریلی را محاسبه کرد.

$$V_r = f \frac{2\pi}{\Delta\phi} d \quad (11-4)$$



شکل (۵-۴) : محاسبه اختلاف فاز بین دو ژئوفون در یک فرکانس معین. [Menzies, 1995]

در صورت استفاده از منبع مولد موج ضربه‌ای، سیگنالی که حاوی فرکانس‌های مختلف است تولید می‌شود. بنابراین نمی‌توان به طور مستقیم از رابطه (۱۱-۴) برای محاسبه سرعت موج ریلی استفاده نمود. در این صورت با استفاده از تبدیلات فوریه، طیف اختلاف فاز لرزه نگاشت‌های بدست آمده از ژئوفون‌های ۱ و ۲ طبق رابطه (۲۱-۳) در هر فرکانس محاسبه می‌گردد، مانند شکل (۹-۳). به این ترتیب می‌توان سرعت امواج ریلی را در هر فرکانس، طبق رابطه (۱۱-۴) بدست آورد.

#### ۲-۴-۴- آنالیز طیفی امواج سطحی (SASW)

امروزه با توجه به استفاده از منبع‌های مولد موج ضربه‌ای و به کار گیری روش‌های پیشرفت‌ه در تجزیه و تحلیل سیگنال‌ها، پیشرفت‌های زیادی در روش‌هایی که از امواج سطحی استفاده می‌کرند، اتفاق افتاده است. یکی از این روش‌ها، روش آنالیز طیفی امواج سطحی (SASW) می‌باشد. در این روش می‌توان امواج را در بازه وسیعی از فرکانس در یک لحظه به وسیله یک منبع مولد موج ضربه‌ای

ایجاد کرد. سپس این امواج به وسیله گیرنده هایی که در سطح زمین نصب شده‌اند، دریافت شده و مورد پردازش قرار می‌گیرند.

روش آنالیز طیفی امواج سطحی به طور کلی در سه گام تا رسیدن به مرحله نهایی که همان تهیه پروفیل سرعت موج برشی است، انجام می‌شود [Kaynia, 1999].

#### ۱- عملیات صحرایی و جمع آوری داده‌ها

۲- پردازش داده‌ها تا بدست آوردن منحنی پراکندگی

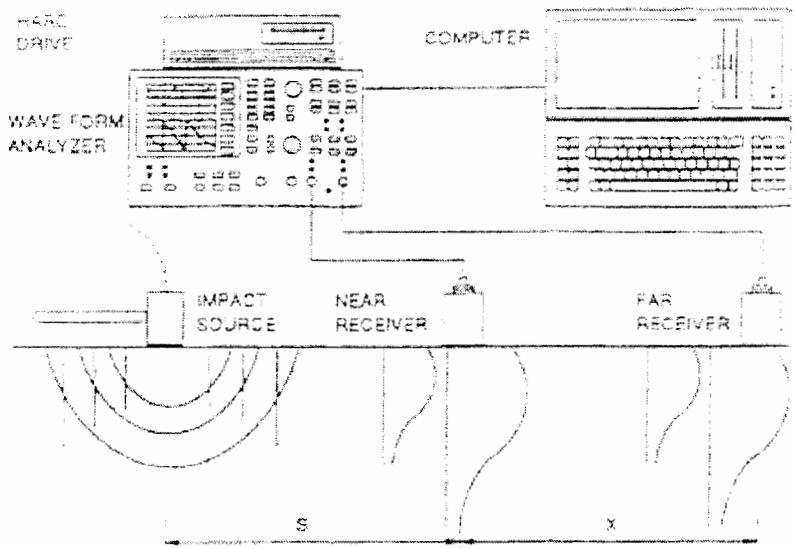
۳- معکوس سازی منحنی پراکندگی و بدست آوردن پروفیل سرعت موج برشی

#### ۴-۲-۱-۴-۱- نحوه اندازه گیری و جمع آوری داده‌ها

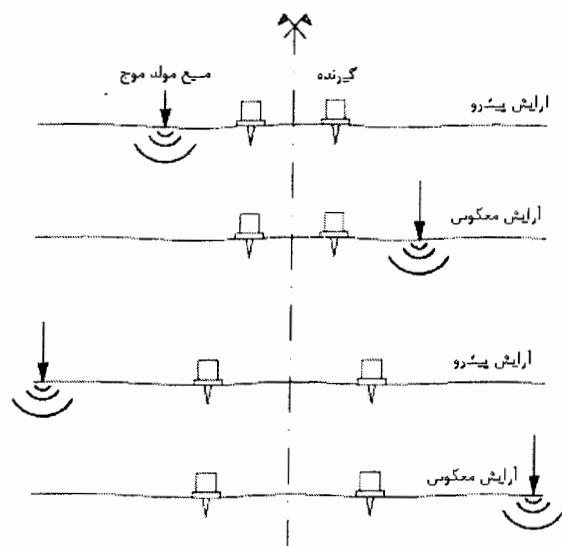
در این روش ابتدا با استفاده از یک منبع مولد موج، ضربه‌ای به شکل قائم به زمین وارد می‌کنیم. سپس امواج منتشر شده در سطح زمین، که بیشتر از نوع امواج ریلی می‌باشد و در یک بازه فرکانسی خاص قرار دارند، به وسیله دو گیرنده که در امتداد یک خط راست از منبع مولد موج ضربه‌ای قرار دارند، ثبت می‌شود، شکل (۶-۴).

معمولًاً فاصله بین منبع مولد موج و اولین گیرنده با فاصله بین دو گیرنده برابر در نظر گرفته می‌شود. با تغییر مکان گیرندها و استفاده از منبع‌های مولد موج، با وزن‌های متفاوت نظیر چکش، پتک و وزنهای که از ارتفاع رها می‌شود، می‌توان منحنی پراکندگی را در بازه وسیعی از فرکانس بدست آورد [Foti, 2000]. هر کدام از این منابع، ارتعاشاتی با طول موج‌های متفاوت تولید می‌کنند که انتخاب آنها به وضعیت ساختگاه و عمقی که می‌خواهیم بررسی کنیم، بستگی دارد. برای فاصله‌های کم بین گیرندها، می‌بایست از چکش سبک استفاده کرد. زیرا این منبع مولد موج ارتعاشاتی با فرکانس بالا و انرژی کم تولید می‌کند. با افزایش فاصله بین گیرندها بایستی از منبع های مولد موج، با وزن بیشتر برای تولید انرژی بیشتر و فرکانس کم تر، استفاده کرد.

اصولاً فاصله بین ژئوفون‌ها را برابر  $5/0, 10, 16, 20, 40, 80, 32$  و یا ۶۴ متر در نظر می‌گیرند. با استفاده از این فواصل می‌توان تا عمق ۵۰ متری لایه‌های زیر سطحی نفوذ کرد. منحنی‌های پراکندگی بدست آمده با توجه به فواصل بین گیرندها، هم پوشانی زیادی با یکدیگر دارند.



شکل(۶-۴) : شماتیکی از آرایش صحرایی روش SASW [Kaynia,1999]



شکل(۷-۴): نحوه برداشت صحرایی با آرایش نقطه میانی در روش SASW [Foti,2000]

اگر فاصله بین گیرنده‌ها برابر ۲ تا ۸ متر باشد می‌توان از پتک و یا وزنه‌ای که از ارتفاع ۱ تا ۳ متر رها می‌شود و وزنی در حدود ۲۰ تا ۷۰ کیلوگرم دارد، استفاده کرد. برای فواصل بیشتر می‌توان از وزنه‌های با وزن بیشتر (بین ۷۰ تا ۷۰۰ کیلوگرم)، بولدوزر و یا مواد منفجره، مثلًاً ۵۰ تا ۱۰۰ گرم دینامیت، استفاده کرد.[Kaynia,1999]

نحوه معمول چیدن گیرندها و منبع مولد موج ، شیوه نقطه میانی<sup>۱</sup> است. در این روش یک خط مرکزی فرضی برای آرایش گیرندها انتخاب می‌شود و گیرندها در فاصله مساوی از خط مرکزی قرار داده می‌شوند و به اندازه فاصله بین دو گیرنده، از یکی از دو گیرنده فاصله گرفته و به وسیله یک منبع مولد موج ضربه‌ای، ضربه‌ای قائم به زمین وارد می‌شود. سپس منبع مولد موج به سمت مقابل جفت گیرنده منتقل شده و ضربه تکرار می‌شود، شکل (۷-۴).

نتایج حاصل از این دو اندازه گیری، پیشرو<sup>۲</sup> و معکوس<sup>۳</sup>، میانگین گیری می‌شوند تا اثرات شبیب لایه‌ها و یا ناهمگنی‌ها جانبی به حداقل برسد. کل فرآیند با افزایش فاصله بین گیرندها و حفظ مرکز آرایش قبلی آن‌ها، تکرار می‌شود.

#### ۴-۲-۲-۴-۲- بdst آوردن منحنی پراکندگی

در روش آنالیز طیفی امواج سطحی برای بdst آوردن منحنی پراکندگی می‌بایستی لرزه نگاشتهای ثبت شده به وسیله گیرندها را مورد پردازش قرار دهیم. در ابتدا دو لرزه نگاشت مذکور که با  $x(t)$  و  $y(t)$  نمایش داده می‌شوند و در حوزه زمان قرار دارند ، با استفاده از تبدیل‌های فوریه گستته<sup>۴</sup> به حوزه فرکانس برده شده و به ترتیب  $X(f)$  و  $Y(f)$  نامیده می‌شوند. سپس همان طور که بخش ۱-۴-۴ شرح آن آورده شد منحنی پراکندگی محاسبه می‌شود.

باید به این نکته توجه داشت که برای هر آرایش مشخص از منبع مولد موج و گیرندها فقط قسمتی از داده‌ها که طبق رابطه‌های (۱۲-۴) و (۱۳-۴) مشخص شده است، قابل قبول‌اند.

[Kaynia, 1999]

$$(L_R)_{\max} \leq 2d \quad (12-4)$$

$$(L_R)_{\min} \geq d/3 \quad (13-4)$$

در این رابطه‌ها  $(L_R)_{\max}$  و به ترتیب بزرگترین طول موج قابل قبول،  $(L_R)_{\min}$  کوچک‌ترین طول موج قابل قبول و  $d$  فاصله بین ژئوفون‌ها می‌باشد.

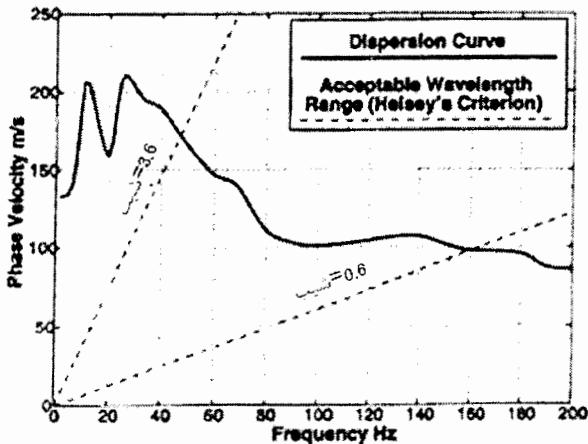
1 - Midpoint

2 - Forward

3 - Reverse

4-Discrete Fourier Transform

در واقع انرژی ارتعاشات ایجاد شده به وسیله منبع مولد موج با دور شدن از آن رو به زوال می‌رود. در نتیجه امواجی که اندازه طول موج آن‌ها از دو برابر فاصله بین گیرنده‌ها بیشتر است، به مقدار زیادی تحت تأثیر نویه<sup>۱</sup> قرار می‌گیرند و ترجیح داده می‌شود، که امواجی با این فرکانس حذف گردند (رابطه ۱۲-۴). همچنین برای از بین بردن اثرات تداخل امواج حجمی با امواج سطحی<sup>۲</sup> می‌بایستی امواجی که اندازه طول موج آن‌ها کمتر از یک سوم فاصله بین ژئوفون‌ها است، نیز حذف گردند (رابطه ۱۳-۴). در شکل (۸-۴) منحنی پراکندگی بدست آمده با بکار گیری آرایش نقطه میانی که در آن فاصله بین گیرنده‌ها در این آزمایش برابر  $1/2$  می‌باشد نشان داده شده است.



شکل (۸-۴) : نحوه مشخص کردن قسمت‌های قابل قبول منحنی پراکندگی [Foti , 2000]

متر می‌باشد. با توجه رابطه‌های (۷-۴)، (۱۲-۴) و (۱۳-۴) شیب خطوط رسم شده در دستگاه مختصات مربوط به منحنی پراکندگی، برابر طول موج امواج منتشر شده می‌باشد. بنابراین قسمتی از منحنی پراکندگی که بین دو خط با شیب  $3/d$  و  $2d$  قرار می‌گیرد قابل قبول هستند و مابقی حذف می‌شوند [Foti , 2000].

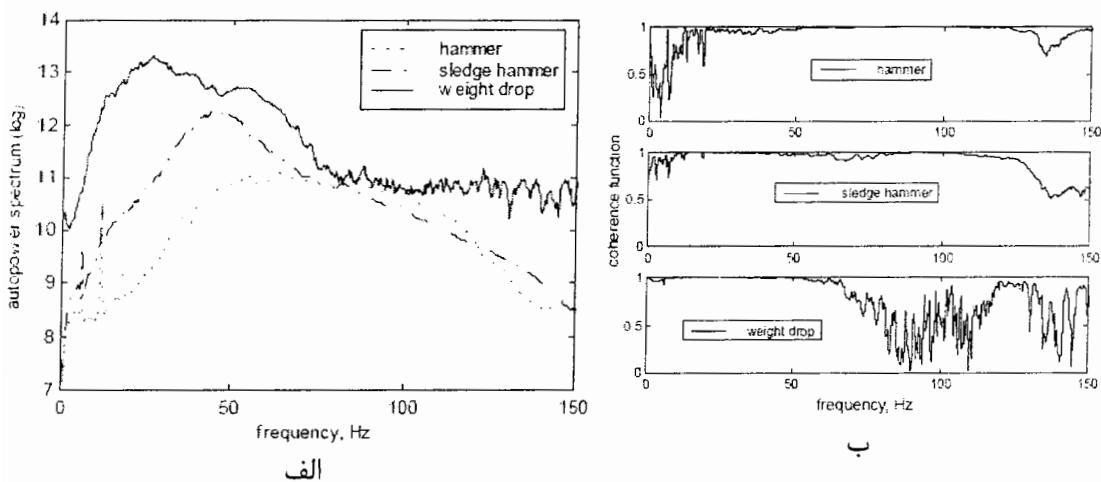
با توجه به این که طیف توان خود همبستگی، توزیع انرژی تولید شده به وسیله منبع مولد موج را در فرکانس‌های مختلف نشان می‌دهد (شکل ۹-۴الف)، مشاهده می‌شود که منبع‌های مولد موج ضربه‌ای با وزن بیشتر، بیشترین انرژی خود را در فرکانس‌های پایین دارا می‌باشند. ولی منبع‌های

1-Noise

2-Near field effects

مولد موج ضربه‌ای با وزن کم تر بیشترین انرژی خود را در فرکانس‌های بالا دارا می‌باشد. همچنین با توجه به این کهتابع میزان همبستگی کیفیت یک سیگنال تولید شده به وسیله منبع مولد موج را در فرکانس‌های مختلف نشان می‌دهد (شکل ۹-۶ب)، مشاهده می‌شود با افزایش وزن منبع مولد موج مقدار تابع میزان همبستگی برای فرکانس‌های بالا کاهش می‌یابد و بالعکس با کاهش وزن منبع مولد موج مقدار تابع میزان همبستگی برای فرکانس‌های بالا افزایش می‌یابد. پس به طور خلاصه می‌توان گفت در سیگنال تولید شده به وسیله منبع‌های مولد موج با وزن کم کیفیت فرکانس‌های بالا، زیاد می‌باشد. در عوض در سیگنال تولید شده به وسیله منبع‌های مولد موج با وزن زیاد کیفیت فرکانس‌های پایین، زیاد می‌باشد.

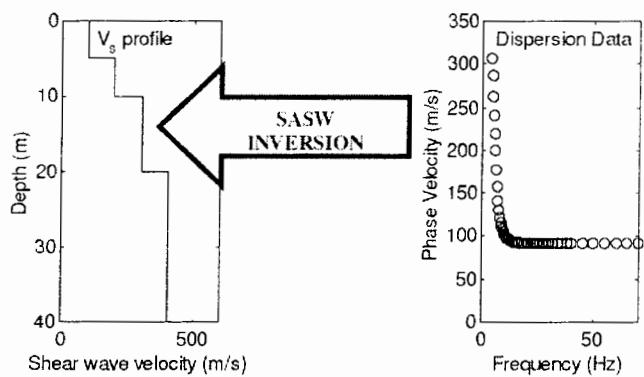
با توجه به این که امواج با فرکانس‌های بالا در عمق کم نفوذ می‌کنند و امواج با فرکانس‌های پایین به عمق زیاد نفوذ می‌کنند، و با توجه به مطالب ذکر شده، برای بررسی اعمق کم از منبع‌های مولد با وزن کم و برای بررسی اعمق بیشتر از منبع‌های مولد با وزن زیاد استفاده می‌شود.



شکل (۹-۴): الف- طیف توان خود همبستگی برای سه منبع مولد موج با وزن‌های متفاوت ب- تابع میزان همبستگی برای سه منبع مولد موج با وزن‌های متفاوت [Foti, 2000]

### ۳-۲-۴-۴- معکوس سازی منحنی پراکندگی

، بدست آوردن ضخامت و سرعت موج برشی در هر لایه SASW گام نهایی در عمق پیمایی به روش با استفاده از منحنی پراکندگی می‌باشد. به این فرآیند معکوس سازی اطلاعاتی شود(شکل ۱۰-۴).



شکل(۱۰-۴) : معکوس سازی در روش SASW

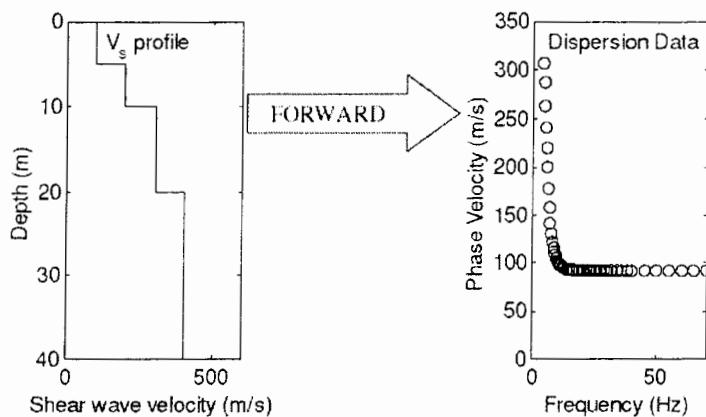
معمولًاً این عمل با فرض یک مدل لایه ای افقی با خاصیت الاستیک انجام می گیرد شکل(۱۱-۴).

$H_1$	$\rho_1$	$G_1$	$v_1$
$H_2$	$\rho_2$	$G_2$	$v_2$
$H_3$	$\rho_3$	$G_3$	$v_3$
<hr/>			
$H_\infty$	$\rho_\infty$	$G_\infty$	$v_\infty$

شکل(۱۱-۴) : مدل لایه ای افقی با خاصیت الاستیک

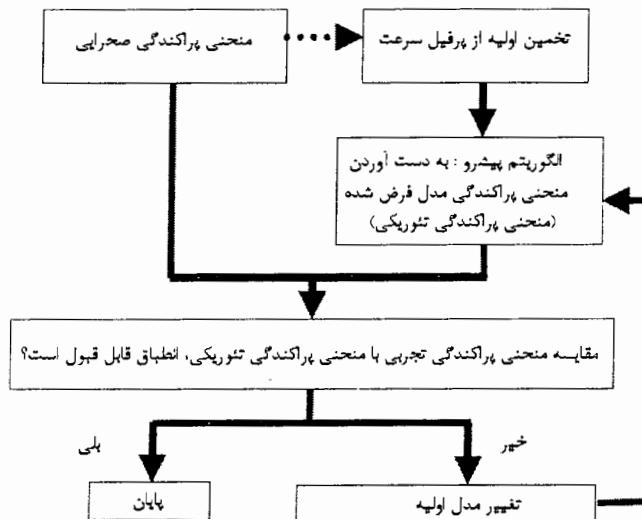
[Foti,2000] همسان گرد در هر لایه

برای هر لایه چهار متغیر ضخامت، وزن مخصوص، مدول برشی و ضریب پواسون مجھول است. مطالعات زیادی بر روی هر یک از این متغیرها انجام گرفته است. نتایج این مطالعات نشان می دهند که اثر وزن مخصوص و ضریب پواسون قابل چشم پوشی است، این متغیرها را می توان به طور تجربی، بدون آنکه تأثیر زیادی بر روی نتایج نهایی بگذارند، تخمین زد [Lia and Rix , 1998]



شکل(۱۲-۴) : مدل سازی پیشرو در روش SASW [Orozco , 2003]

یکی از روش‌های معمول در معکوس سازی منحنی پراکندگی، مدل سازی پیشرو می‌باشد، که به وسیله نظریان<sup>۱</sup> و استوکوی<sup>۲</sup> پیشنهاد شده است (شکل ۱۲-۴)، در این روش ابتدا یک منحنی پراکندگی برای مدل زمین مورد نظر محاسبه، می‌شود (منحنی تئوری<sup>۳</sup>). سپس این منحنی، با منحنی پراکندگی که از طریق اندازه گیری در صحراء حاصل شده است (منحنی تجربی<sup>۴</sup>) مقایسه می‌شود. در صورتی که انطباق خوبی بین دو منحنی مذکور وجود نداشته باشد مدل یاد شده طوری.



شکل(۱۳-۴) : الگوریتم مدل سازی پیشرو در روش SASW [Orozco,2003]

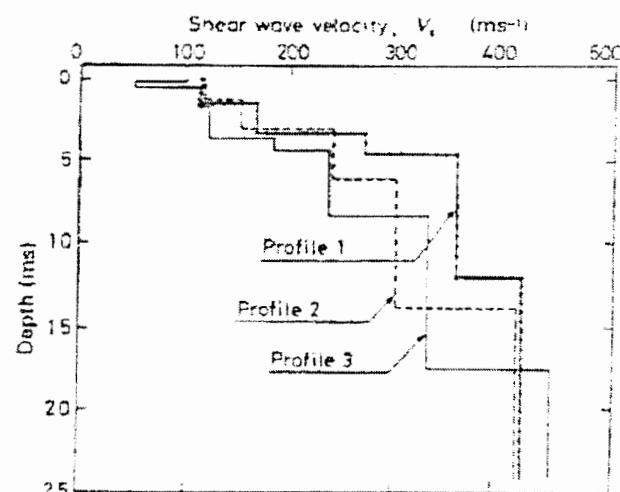
1-Nazarian

2-Stokoe

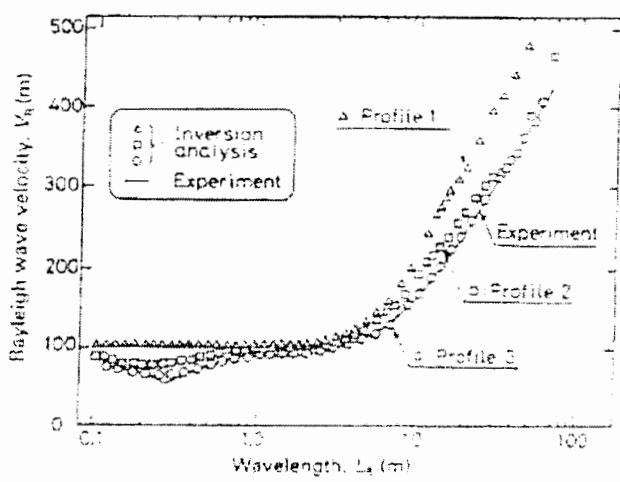
3-Theoretical Dispersion Curve

4-Experimental Dispersion Curve

تغییر داده می شود که این انطباق بهتر صورت گیرد. این فرآیند آنقدر تکرار می شود تا یک انطباق قابل قبول بین این دو منحنی ایجاد شود. شکل (۱۴-۴) الگوریتم مدل سازی پیشرو را نشان می دهد. یک مثال از مدل سازی پیشرو به کار گرفته شده در روش آنالیز طیفی امواج سطحی در شکل (۱۴-۴) نشان داده شده است. در شکل (۱۴-۴الف) سه مدل سرعت موج برشی برای زمین مورد نظر نشان داده شده است. شکل (۱۴-۴ب) منحنی های پراکندگی تئوری مربوط به این مدل را نشان می دهد. منحنی پراکندگی تئوری مربوط به مدل سوم، بهترین تطابق را با منحنی پراکندگی اندازه گیری شده در صحراء دارد.



(الف)



(ب)

شکل (۱۴-۴): معکوس سازی به روش پیشرو. شکل (۱۴-۴الف) نشان دهنده سه پروفیل موج برشی می باشد. در شکل (۱۴-۴ب) منحنی پراکندگی تئوریکی این سه پروفیل نشان داده شده است. [Kaynia, 1999]

روش مدل سازی پیشرو یک روش زمان بر می باشد. بخصوص در مکان هایی که تغییرات سرعت موج برشی بسیار زیاد باشد. اخیراً تلاش های گسترده ای برای انجام خود کار این فرآیند با معرفی الگوریتم های بهینه سازی صورت گرفته است. این الگوریتم ها براساس بدست آوردن یک منحنی پراکندگی تجربی و کاستن تفاوت های بین این دو بنا شده است [Kaynia, 1999].

یکی از روش های ساده در معکوس سازی منحنی پراکندگی در روش آنالیز طیفی امواج سطحی، همان روشه است که در معکوس سازی منحنی پراکندگی در روش ارتعاشات ایستای امواج ریلی بکار گرفته شده است. در ادامه مثالی از بکار گیری این روش آنالیز طیفی امواج سطحی و بکار گیری روش معکوس سازی مذکور آورده می شود.

#### ۴-۵- مثالی از بکار گیری روش آنالیز طیفی امواج سطحی

یک مثال از بکار گیری روش آنالیز طیفی امواج سطحی، آزمایشی است که به وسیله هیسی<sup>۱</sup>، استوکو<sup>۲</sup>، و میر<sup>۳</sup> در سال ۱۹۸۴ در آستین<sup>۴</sup> تگزاز<sup>۵</sup> انجام شد. در این آزمایش از یک روش ساده برای معکوس سازی منحنی پراکندگی استفاده شد (بخش ۳-۴). سپس نتایج حاصل از این آزمایش با نتایج حاصل از روش لرزه نگاری درون چاهی مقایسه گردید تا مقدار دقیق روش آنالیز طیفی امواج سطحی مورد ارزیابی قرار گیرد. دو منبع مولد موج متفاوت در این آزمایش به کار گرفته شد. وزنه ای که از ارتفاع های متفاوت رهایی شود<sup>۶</sup> (FWD)، این منبع مولد موج می تواند فرکانس هایی تا حدود ۲۵۰ هرتز ایجاد کند. با استفاده از این منبع مولد موج می توان سرعت موج برشی را در اعماق بیشتر از ۱۵ اینچ را تخمین زد. منبع مولد موج دیگر چکشی با وزن ۶ پوند<sup>۷</sup> بود. با استفاده از چنین چکشی می توان نوساناتی با فرکانس ۱۶۰۰ هرتز ایجاد کرد، به این ترتیب می توان اعماق کم را مورد بررسی قرار داد.

1 - Heisey

2 - Stokoe

3 - Meyer

4 - Austin

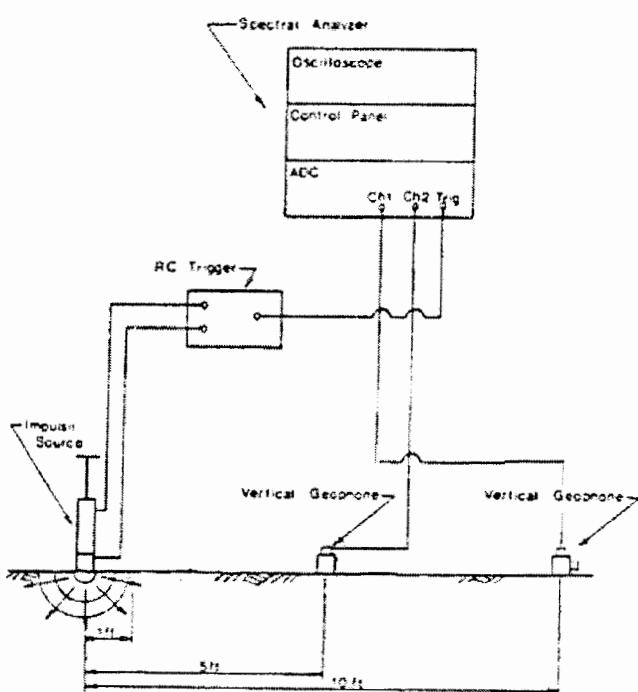
5 - Texas

6 - Falling Weight Deflectometer

7 - pound

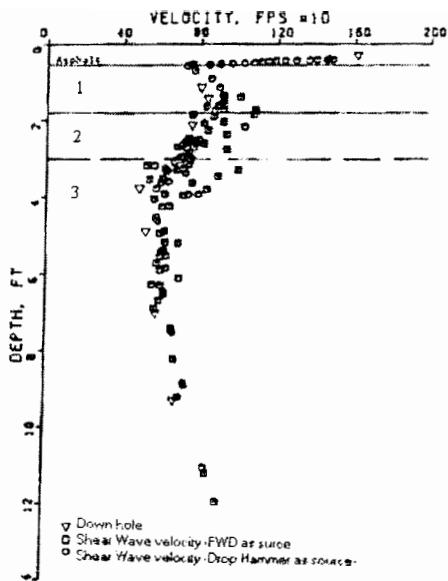
در این آزمایش ژئوفون‌هایی که جابجایی های قائم را ثبت می کردند (به این ژئوفون‌ها اصطلاحاً ژئوفون‌های نوع P گفته می شود) استفاده شد. حین این آزمایش ژئوفون‌ها در امتداد یک خط راست و به موازات جاده و با فاصله های ۱، ۵ و ۱۰ اینچ از یک دیگر چیده شدند. سیگنال های ایجاد شده توسط دستگاه لرزه نگار Hewlett-Packard 5420A ثبت و پردازش شد. شماتیکی از نحوه چیدن ژئوفون‌ها و منبع مولد در این آزمایش در شکل(۱۵-۴) آورده شده است

[Norman and Kyle, 2006]



شکل(۱۵-۴): ابزارهای بکار گرفته شده در آستین [Norman 2006]

نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی که با استفاده از دو منبع مولد موج متفاوت، در آستین بدست آمده است با نتایج حاصل از روش لرزه نگاری درون چاهی در شکل(۱۶-۴) نشان داده شده است.



شکل(۱۶-۴): مقایسه پروفیل بدست آمده از روش آنالیز طیفی امواج سطحی با نتایج حاصل از روش لرزه نگاری درون چاهی [Norman, 2006]

سرعت و موج برشی بدست آمده از روش آنالیز طیفی برای هر لایه با سرعت موج برشی بدست آمده حاصل از روش لرزه نگاری درون چاهی و نیز درصد اختلاف این دو سرعت در جدول (۱-۴) آورده شده است.[Norman, Kyle, 2006]

جدول(۱-۱): سرعت موج برشی بدست آمده با استفاده از روش SASW و روش لرزه نگاری درون چاهی [Normanand . Kyle, 2006]

لایه های زیر سطحی	سرعت موج برشی (ft/s)		درصد اختلاف
	لرزه نگاری درون چاهی	SASW روش	
آسفالت	۱۵۰۰	۱۶۱۰	۶/۸
۱	۹۲۵	۸۲۳	۱۲/۴
۲	۷۴۰	۷۴۳	۰/۴
۳	۶۰۵	۵۶۵	۷/۱

این مطالعه موردی نشان می‌دهد چگونه با استفاده از یک روش ساده معکوس سازی می‌توان پروفیل سرعت موج برشی را بدست آورد. انطباق قابل قبول نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی با روش لرزه نگاری درون چاهی برخی از قابلیت‌های این روش را در بدست آوردن پروفیل سرعت موج برشی نشان می‌دهد.

فصل پنجم

برداشت داده‌ها و توصیف  
تجهیزات  
بکار گرفته شده

## فصل پنجم: برداشت داده‌ها و توصیف تجهیزات به کار گرفته شده

### ۱-۵ - مقدمه

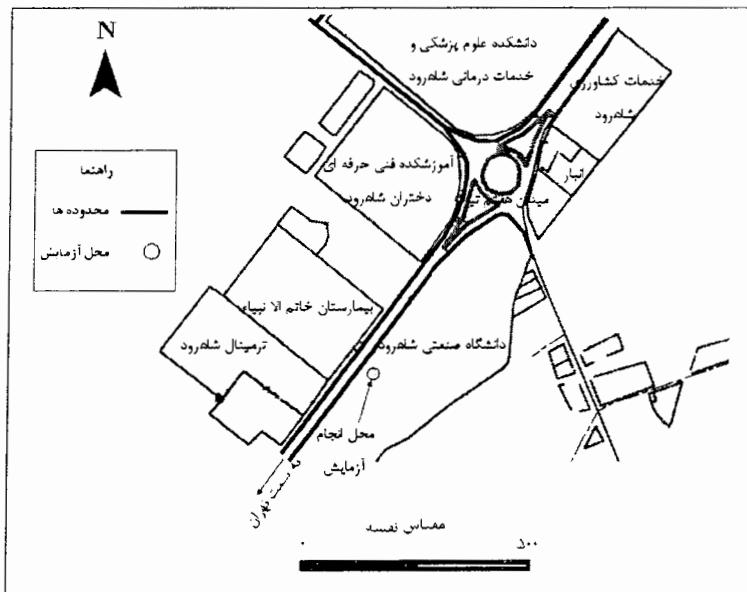
یکی از مراحل بسیار مهم این تحقیق کار صحرایی و برداشت داده بوده است. برداشت‌های صحرایی شامل دو قسمت متفاوت می‌باشد. برداشت اول در یک محل در دانشگاه صنعتی شاهروд و با استفاده از دستگاه لرزه نگاری MK6 انجام گرفته است. برداشت دوم در چند محل از شهر مشهد انجام شده است که اطلاعات ژئوتکنیکی مربوط به طرح ریز پهنه بندی این شهر در آن محل‌ها موجود بوده است، و اساساً برای اعتبار سنجی روش آنالیز طیفی امواج سطحی انجام گرفته است. دستگاه لرزه نگار به کار گرفته شده در هر یک از این برداشت‌ها به دلیل مشکلات در حمل و نقل، با یک دیگر متفاوت بوده‌اند.

در ادامه به شرح برداشت‌های صحرایی، اطلاعات ژئوتکنیکی هر یک از این محل‌ها و تجهیزات استفاده شده در هر یک از این برداشت‌ها پرداخته می‌شود.

### ۲-۵ - برداشت داده‌ها در دانشگاه صنعتی شاهروド

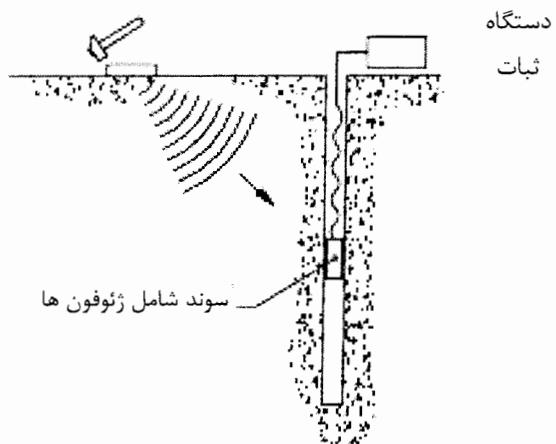
داده‌های برداشت اول، در مجاورت زمین چمن دانشگاه صنعتی شاهرود برداشت شده است. موقعیت این محل در شکل (۱-۵) نشان داده شده است. این محل در عرض جغرافیایی ۴۰۵۰۳۱۵۱۶۳ و طول جغرافیایی ۴۰۲۹۳۳۹ واقع شده است، از نظر زمین‌شناسی این نقطه با آبرفت‌هایی از جنس شن و رس بسیار سخت است که با خاک رسی پوشیده شده است.

دلیل انتخاب این نقطه برای انجام آزمایش آنالیز طیفی امواج سطحی، وجود اطلاعات مربوط به تغییرات سرعت موج برشی نسبت به عمق (پروفیل سرعت موج برشی) می‌باشد، که با استفاده از روش لرزه نگاری درون چاهی<sup>۱</sup> (DHT) بدست آمده. در واقع روشهای لرزه نگاری درون چاهی هنگامی که



شکل(۱-۵): موقعیت و محل آزمایش در دانشگاه صنعتی شهرورد

مقدار سرعت موج برشی نسبت به عمق، با دقیق بالا مورد نیاز باشد، از روش‌های استاندارد و عملی است که در مهندسی ژئوتکنیک به کار گرفته می‌شوند [Foti, 2000]. در این روش، ژئوفون‌هایی که در سه بعد نوسان می‌کنند در یک سوند تعییه شده‌اند، زمان رسیدن امواج ایجاد شده در سطح را تا عمق‌های مشخص اندازه‌گیری می‌کنند. و از این طریق پروفیل سرعت موج برشی بدست آورده

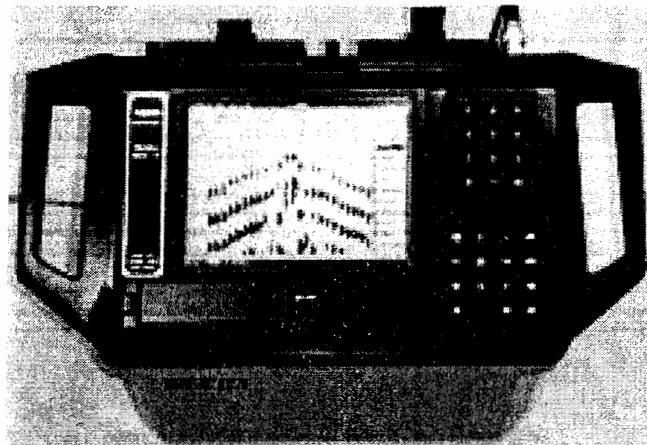


شکل(۲-۵): شماتیکی از روش لرزه نگاری درون چاهی [Foti, 2000]

می‌شود شکل(۲-۵). بدون شک نتایج حاصل از روش درون چاهی دقیق بیشتری نسبت به روش آنالیز طیفی امواج سطحی دارد. اما نیاز به حفر گمانه در روش لرزه نگاری درون چاهی موجب افزایش

هزینه، و کاهش انعطاف پذیری این روش می‌گردد. بنابراین برای اعتبار سنجی نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی این نتایج با نتایج حاصل از روش درون چاهی مقایسه شده است. در این آزمایش از دستگاه لرزه نگار ۲۴ کاناله ABEM مدل TERRALOC-MK6 استفاده شده است

شكل(۳-۵).



شكل(۳-۵) : دستگاه لرزه نگار ABEM مدل TERRALOC-MK6

تعداد نمونه های<sup>۱</sup> برداشت شده بر روی هر لرزه نگاشت ۱۰۲۴ عدد و فاصله زمانی بین این نمونه ها برابر ۲ میلی ثاینه انتخاب شده است.

تعداد و فاصله این نمونه برداری ها به گونه ای انتخاب شده است، که با توجه به فرکانس نای کویست می توان سیگنال هایی تا فرکانس ۲۵۰ هرتز را دریافت نمود. همچنین با توجه به رابط (۸-۳) مقدار اختلاف فرکانس ( $\Delta f$ ) در طیف فوریه برابر ۴۸۸/۰ هرتز می باشد، که نشان دهنده قدرت تفکیک مناسب طیف فوریه می باشد.

در این آزمایش ژئوفون هایی که حرکات قائم زمین را ثبت می کند (این ژئوفون ها اصطلاحاً ژئوفون های نوع P نامیده می شوند) به کار گرفته شده اند.

در این آزمایش برای ایجاد سیگنال از چکش ده کیلوگرمی استفاده شد و ژئوفون ها با آرایش نقطه میانی بر روی زمین کاشته شدند (بخش ۴-۲-۱). فاصله بین ژئوفون ها ۱، ۲، ۴، ۶، ۲۲ و ۳۲ در نظر گرفته شده است.

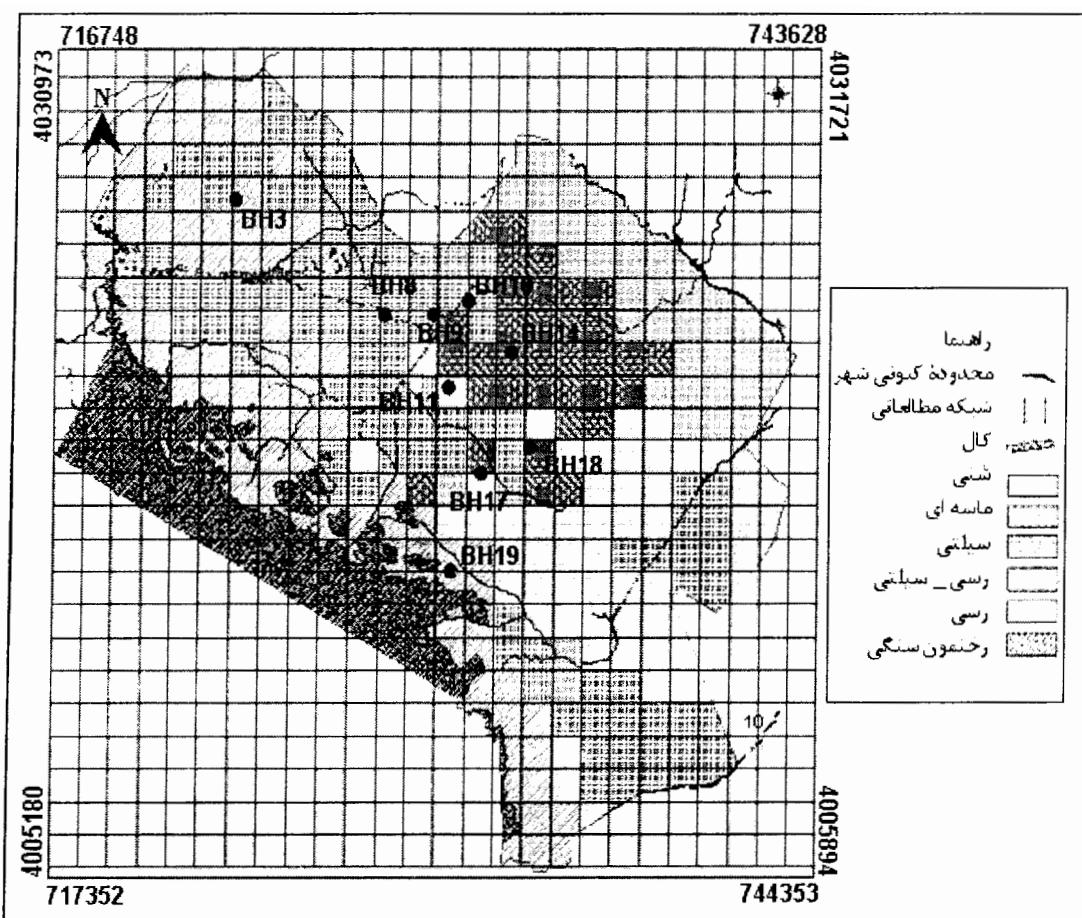
<sup>۱</sup> - Samples

### ۳-۵- برداشت داده‌ها و تجهیزات بکار گرفته شده در شهر مشهد

داده‌های برداشت دوم در ۹ نقطه از شهر مشهد انجام شد. دسترسی به نتایج حاصل از روش درون چاهی در هر یک از این نقاط علت انتخاب آن‌ها برای انجام آزمایش آنالیز طیفی امواج سطحی بوده است [حافظی مقدس و آزادی، ۱۳۸۵]. در جدول (۱-۵) مختصات جغرافیایی این نقاط در سیستم UTM<sup>۱</sup> آورده شده است. در شکل (۴-۵) نقشه زمین‌شناسی و موقعیت محل‌های برداشت در شهر مشهد نشان داده شده است.

جدول (۱-۵): مختصات جغرافیایی نقاط برداشت شده (سیستم UTM) [حافظی مقدس، ۱۳۸۵]

نقطه مورد آزمایش	طول	عرض
BH3	۷۲۵۶۶۷,۲۶۰۴	۴۰۲۸۸۸۴,۵۹۹۲
BH8	۷۳۲۶۱۸,۱۱۰۸	۴۰۲۳۷۳۴,۲۲۷۹
BH9	۷۳۴۹۲۶,۸۴۹۳	۴۰۲۳۹۳۸,۸۷۲۷
BH10	۷۳۶۵۸۹,۰۴۵۵	۴۰۲۴۶۰۱,۳۷۶۹
BH11	۷۳۵۷۲۸,۱۶۱۸	۴۰۲۰۵۴۷,۶۹۳۱
BH14	۷۳۸۶۱۵,۱۰۹۷	۴۰۲۲۱۹۳,۴۷۰۲
BH17	۷۳۹۶۳۷,۱۳۸۹	۴۰۱۷۸۲۷,۷۹۱
BH18	۷۳۷۴۲۷,۱۲۲۳	۴۰۱۶۵۲۴,۰۷۷۵
BH19	۷۳۶۱۱۹,۶۲۳	۴۰۱۲۰۰۱,۷۱۰۹



شکل(۴-۵): رخساره زمین شناسی و موقعیت محل های انجام آزمایش [حافظی مقدس، ۱۳۸۵]

در این آزمایش از دستگاه لرزمنگار سه کاناله OYO استفاده شده است. این دستگاه بیشتر در روش های لرزه ای درون گمانه ای به کار گرفته می شود، و چون زمان اولین ورودی ها در این روش بسیار مهم است، فاصله نمونه های برداشت شده بر روی هر لرزه نگاشت می باشد که بسیار کم باشد. از این رو گزینه ها قابل انتخاب در این لرزه نگار برای فاصله نمونه برداری  $500$  و کمتر از  $500$  میکرو ثانیه می باشند. در نتیجه برای این که قدرت تفکیک در طیف فوریه، کاهش فاہشی پیدا نکند، گزینه  $500$  میکرو ثانیه انتخاب شده است.

تعداد نمونه های ثبت شده بر روی هر لرزه نگاشت، در این دستگاه برابر  $990$  نمونه می باشد. از این رو با توجه به رابطه (۳-۸) مقدار اختلاف فرکانس ( $\Delta f$ ) در طیف فوریه به دست آمده برابر  $2/2$  هرتز می باشد.

فاصله ژئوفون‌ها با توجه به شرایط هر محل متفاوت در نظر گرفته شده است. این فاصله‌ها ۱، ۲، ۴، ۸، ۱۶، ۲۰، ۲۵ و گاهی ۳۲ متر در نظر گرفته شده است.

با توجه به این که بزرگترین طول موج در نظر گرفته شده با استفاده از معیار هیسی دو برابر فاصله بین ژئوفون‌ها می‌باشد و از طرفی عمق موثر نفوذ امواج ریلی یک سوم طول موج امواج ایجاد شده می‌باشد، بنابراین بدون در نظر گرفتن وزن و زنگ مربوط به منبع مولد موج و از نظر تئوری میزان نفوذ امواج تولید شد، دو سوم فاصله بین ژئوفون‌ها می‌باشد.

در فصل بعد به تفسیر نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی پرداخته شده و نتایج، با نتایج حاصل از روش درون چاهی به عنوان یک روش استاندارد مقایسه می‌گردد.

فصل ششم

## پردازش و تفسیر داده‌ها

## فصل ششم: پردازش و تفسیر داده‌ها

### ۱-۶- مقدمه

یکی دیگر از مراحل بسیار مهم روش آنالیز طیفی امواج سطحی، مرحله پردازش و تفسیر داده‌های حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی می‌باشد. در این مرحله به دست آوردن منحنی پراکندگی نهایی با توجه به همپوشانی منحنی‌های پراکندگی مربوط به هر فاصله بین ژئوفون‌ها نیاز به تجربه و مهارت زیادی دارد.

برای جلوگیری از طولانی شدن بحث در این فصل، جزئیات نحوه به دست آوردن پروفیل سرعت موج برشی، فقط برای یک محل آورده شده و برای سایر محل‌ها فقط پروفیل موج برشی حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی با پروفیل سرعت موج برش حاصل از روش لرزه نگاری درون چاهی در آن محل با هم مقایسه شده‌اند. جزئیات مربوط به برآشت در سایر محل‌ها در ضمیمه الف آورده شده است.

به طور کلی این فصل به دو بخش؛ یکی آماده سازی داده‌ها و دیگری پردازش داده‌ها و بدست آوردن منحنی پراکندگی، تقسیم شده است.

### ۲-۶- آماده سازی داده‌ها

در اولین گام می‌بایست داده‌های رقومی هر لرزه نگاشت استخراج گردد. لرزه نگاشتها در دستگاه لرزه نگار TERRALOC-MK6 در فایل‌هایی با فرمت SEG-2<sup>۱</sup> ذخیره می‌شوند. دستیابی به اطلاعات رقومی، مستقیماً با استفاده از فایل‌هایی با این فرمت امکان پذیر نمی‌باشد. بنابراین برای استخراج داده‌های رقومی هر لرزه نگاشت بایست فرمت فایل‌های ثبت شده را به فرمت ASCII<sup>۲</sup> تبدیل نمود. این عمل با استفاده از نرم افزار Win\_Downhole (W\_GeoSoft, 2004) انجام شده است.

۱-Society of Exploration Geophysicist

2-American Standard Code for Information Interchange

لرزه نگاشتهایی که به وسیله دستگاه لرزه نگار OYO ثبت شده است فرمت متنی<sup>۱</sup> دارند. بنابراین می‌توان داده‌های رقومی را مستقیماً از این فایل‌ها بدست آورد.

داده‌های رقومی بدست آمده به شکل ماتریس در محیط نرم افزار مطلب<sup>۲</sup> ذخیره و آماده پردازش گردیده است.

### ۶-۳- پردازش داده‌ها و تفسیر نتایج

داده‌های آماده شده، با استفاده از برنامه رایانه‌ای که توسط نگارنده تدوین گردیده است، پردازش شده‌اند. این برنامه رایانه‌ای با توجه به راهنمای جعبه ابزار<sup>۳</sup> پردازش سیگنال<sup>۴</sup> نرم افزار MATLAB تهیه شده است. این برنامه قادر است بعد از دریافت اعداد رقومی مربوط به لرزه نگاشتهای حاصله، فاصله بین ژئوفون‌ها، و فاصله زمانی نمونه برداری دستگاه لرزه نگار، مقادیر طیف فاز توان همبستگی متقابل (بخش ۳-۵-۲)، طیف توان خود همبستگی (بخش ۳-۵-۴) طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده (بخش ۳-۸)، منحنی پراکندگی فیلتر نشده (بخش ۴-۱) و منحنی پراکندگی فیلترشده (بخش ۴-۲-۲) را محاسبه و رسم نماید.

در اینجا لازم به ذکر است که به دلیل در دسترس نبودن نرم افزارهای مخصوصی برای پردازش داده‌های روش آنالیز طیفی امواج سطحی نظری Win\_SASW و همچنین پیچیده بودن فرآیند معکوس سازی منحنی پراکندگی، همان شیوه ساده که در روش ارتعاشات ایستای امواج سطحی برای معکوس سازی داده‌ها استفاده شده است (بخش ۳-۴)، بکار گرفته شد.

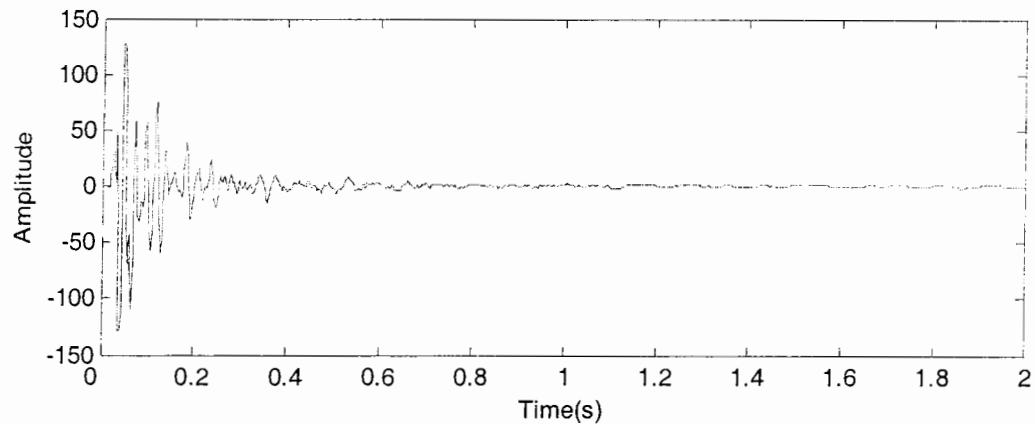
### ۶-۴- مطالعه موردي در نقطه BH8

موقعیت جغرافیایی این نقطه در در نقشه شکل(۴-۵) نشان داده شده است. در فواصل بین ژئوفونی یک و دو متر، به دلیل وجود نویز در منطقه مورد نظر و یا به دلیل جدا نشدن کامل امواج حجمی از امواج سطحی<sup>۵</sup> منحنی پراکندگی مربوط به این فواصل به دست نیامده است. البته این موضوع در اکثر نقاطی که در آن‌ها آزمایش انجام گرفته است صادق می‌باشد.

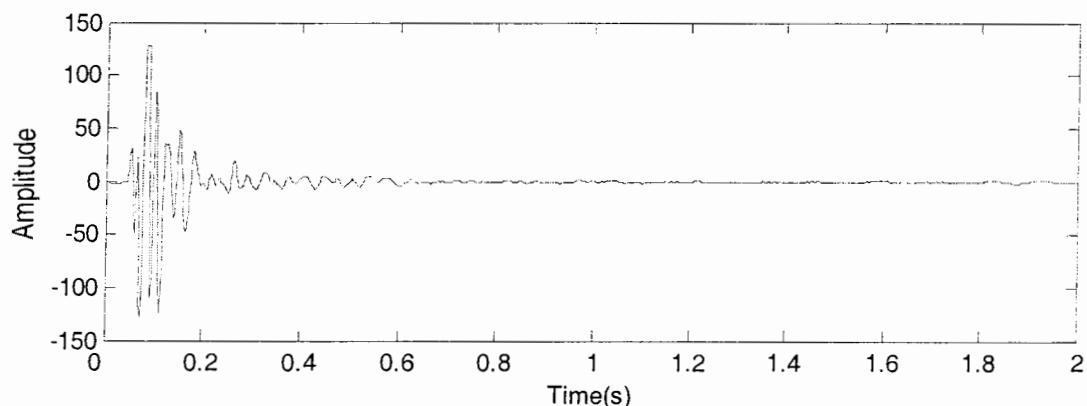
---

1-Text  
2-MATLAB  
3-Tool Box  
4-Signal Processing  
5-Near Field Effect

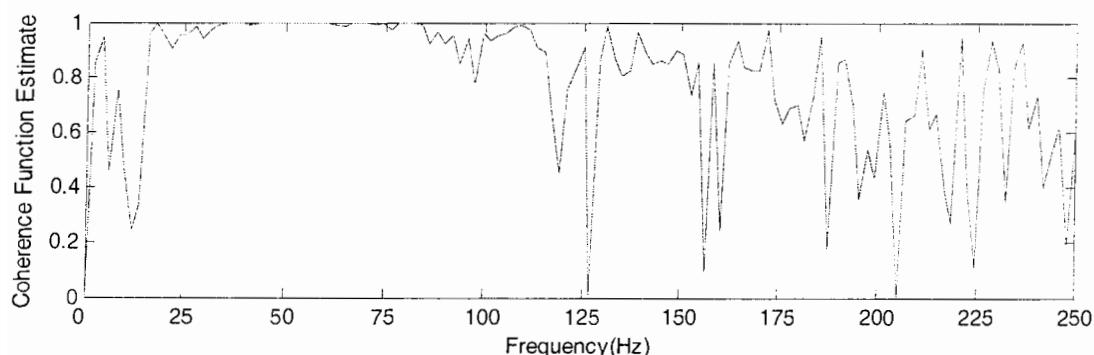
شکل‌های (۱-۶) و (۲-۶) لرزه نگاشت‌های ثبت شده به وسیله دستگاه لرزه نگار برای فاصله بین ژئوفونی چهار متر آورده شده است. در شکل (۳-۶) مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی (رابطه ۲۶-۳) آورده شده است. این مقادیر نشان می‌دهند که نسبت سیگنال به نویه برای امواجی با فرکانس ۲۰ تا ۸۰ هرتز دارای کیفیت مناسبی هستند.



شکل (۱-۶): لرزه نگاشت مربوط به ژئوفون نزدیک به منبع مولد موج (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



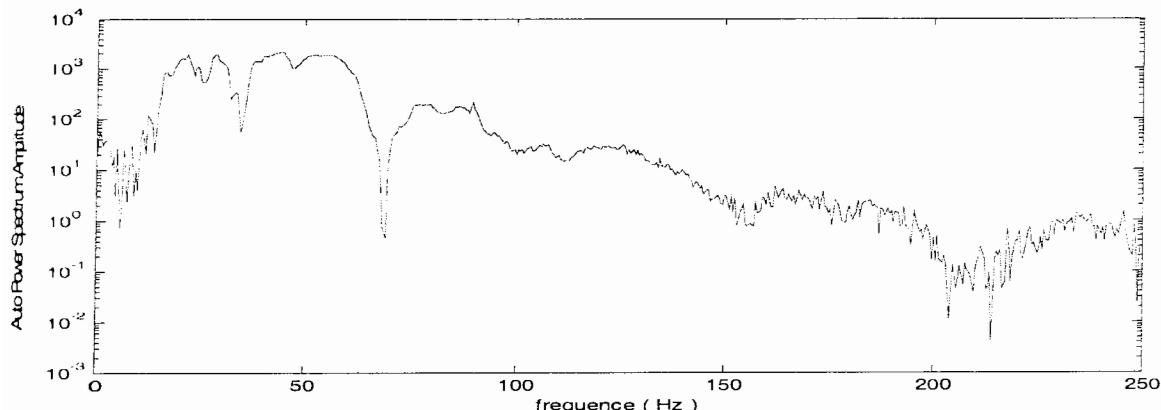
شکل (۲-۶): لرزه نگاشت مربوط به ژئوفون دور از منبع مولد موج (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



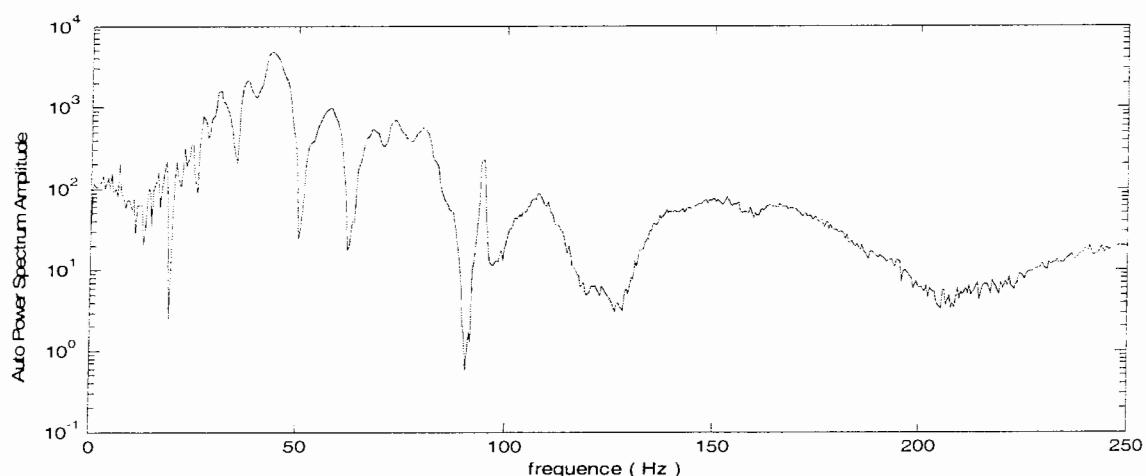
شکل (۳-۶): مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی دو ژئوفون (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)

مقادیر مربوط به طیف توان خود همبستگی دو ژئوفون (رابطه ۳-۱۸)، با فاصله بین ژئوفونی چهار متر در شکل های (۴-۶) و (۵-۶) نشان داده شده است. همان طور که در این شکل ها دیده می شود امواجی با فرکانس های بین ۹۰ تا ۲۵۰ داری بیشترین دامنه می باشند.

لازم به ذکر است در محاسبه سرعت فازی امواج، مقادیرتابع میزان همبستگی و طیف توان خود همبستگی لرزه نگاشت ها بکار گرفته نمی شوند. همان طور که قبل نیز بیان شد، مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی، مقدار نویه موجود در فرکانس های مختلف را نشان می دهد و مقادیر طیف توان خود همبستگی، مقدار انرژی که به وسیله منبع مولد موج ضربه ای ایجاد شده است را بر حسب فرکانس نشان می دهد.

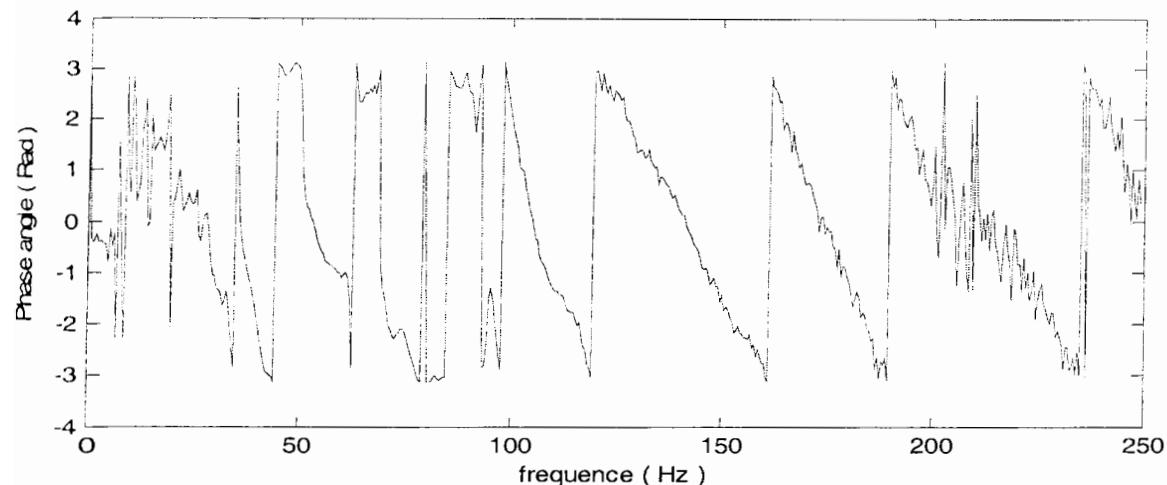


شکل (۴-۶): مقادیر مربوط به طیف توان خود همبستگی ژئوفون نزدیک به منبع مولد موج  
(فاصله بین ژئوفون ها ۴ متر)

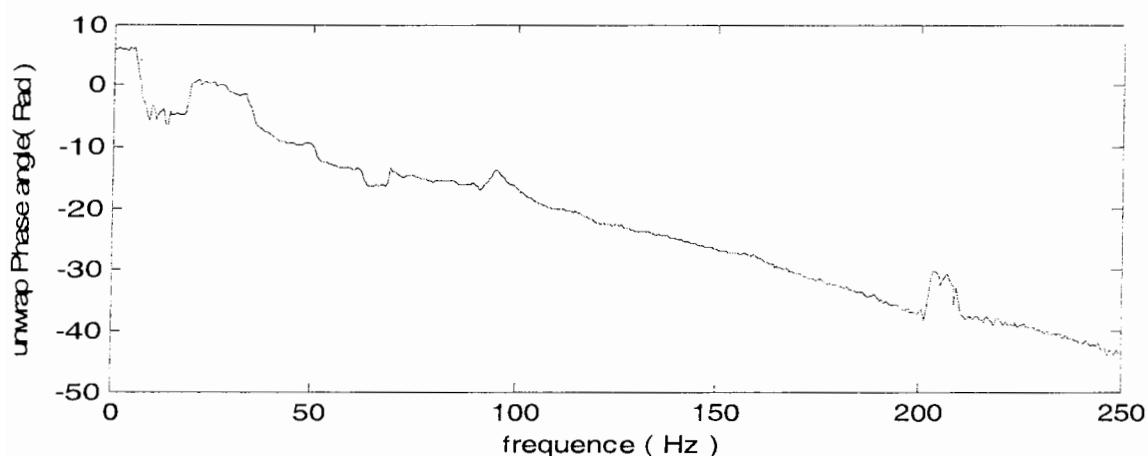


شکل (۵-۶): مقادیر مربوط به طیف توان خود همبستگی ژئوفون دور از منبع مولد موج  
(فاصله بین ژئوفون ها ۴ متر)

مقادیر مربوط به طیف فاز توان همبستگی متقابل (رابطه ۳-۲۵) برای فاصله چهار متر به عنوان تابعی از فرکانس و بر حسب رادیان در شکل (۶-۶) نشان داده شده است. مقادیر طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده (رابطه ۳-۲۸) برای این فاصله بین ژئوفونی، به عنوان تابعی از فرکانس و بر حسب رادیان در شکل (۷-۶) آورده شده است.



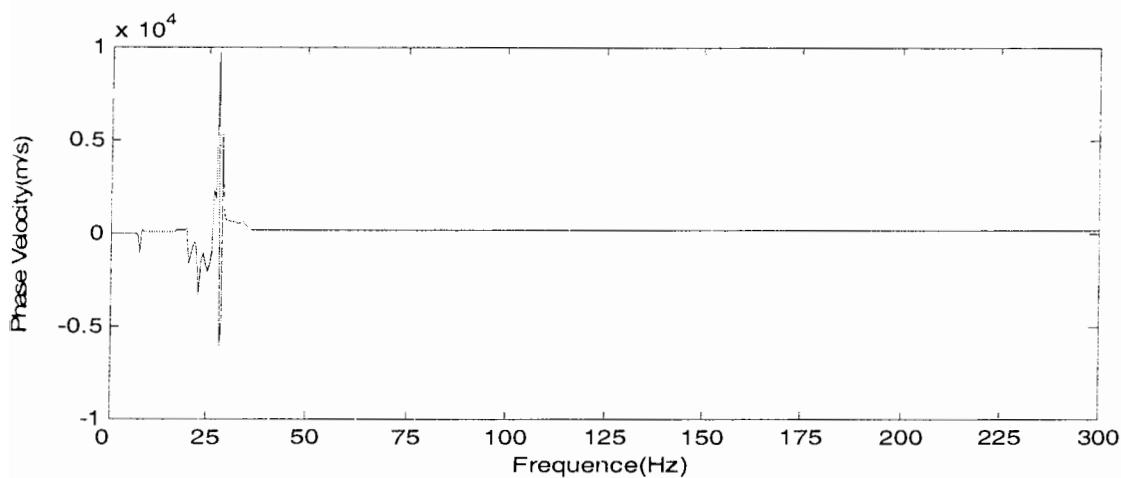
شکل (۶-۶): مقادیر مربوط به طیف فاز توان همبستگی متقابل (فاصله بین ژئوفون ها ۴ متر)



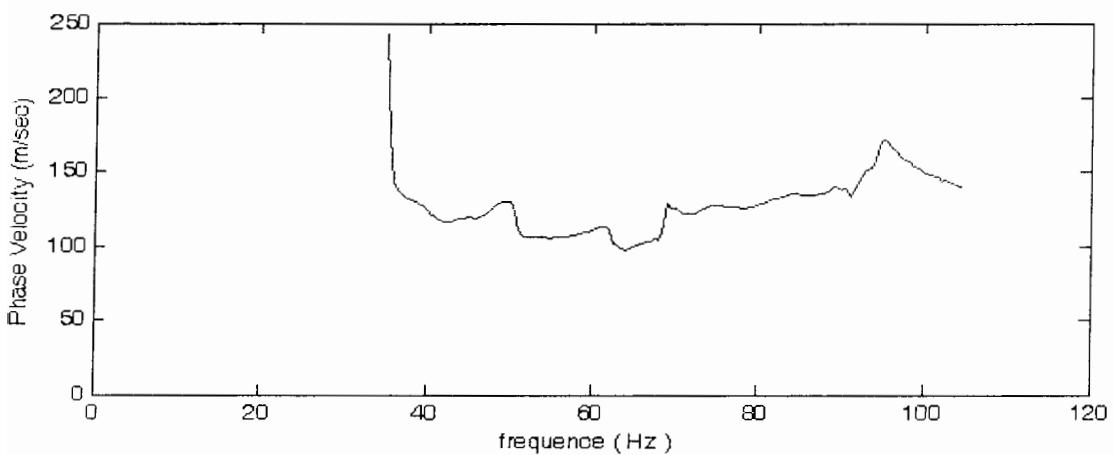
شکل (۷-۶): مقادیر مربوط به طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده شکل (۶-۶)  
(فاصله بین ژئوفون ها ۴ متر)

با استفاده از مقادیر مربوط به طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده و معلوم شدن تمام متغیر های سمت راست رابطه (۱۱-۴)، سرعت موج ریلی بر حسب فرکانس (منحنی پراکندگی) در بازه فرکانس های بین صفر تا ۲۵۰ هرتز قابل محاسبه می گردد، شکل (۸-۶). همان طور که در بخش

(۴-۲-۲-۲) آورده شد با استفاده از دو رابطه (۱۲-۴) و (۱۳-۴)، قسمت‌هایی از منحنی پراکندگی بدست آمده می‌بایست حذف گردد. قسمت‌های قابل قبول منحنی پراکندگی که حذف نشده‌اند در شکل (۹-۶) نشان داده شده است.

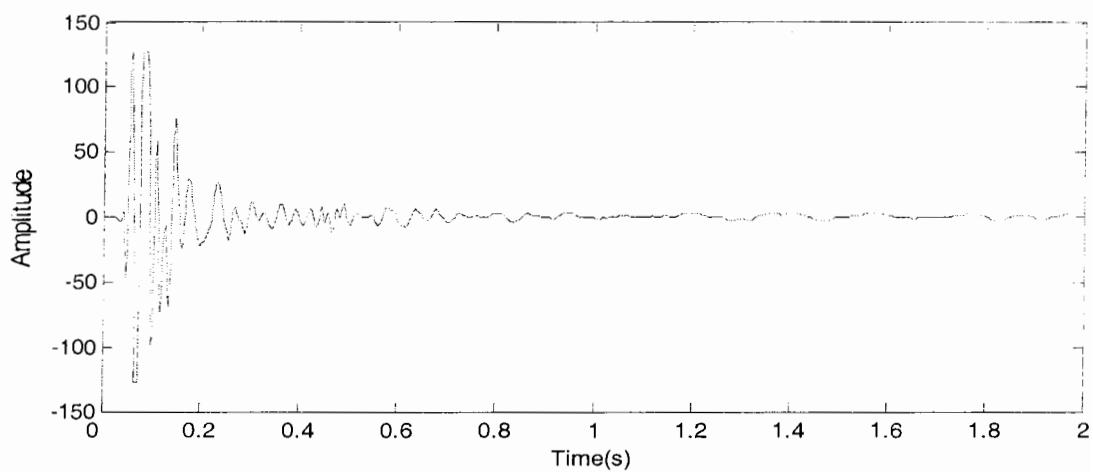


شکل (۸-۶): مقادیر مربوط به منحنی پراکندگی فیلتر نشده  
(فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)

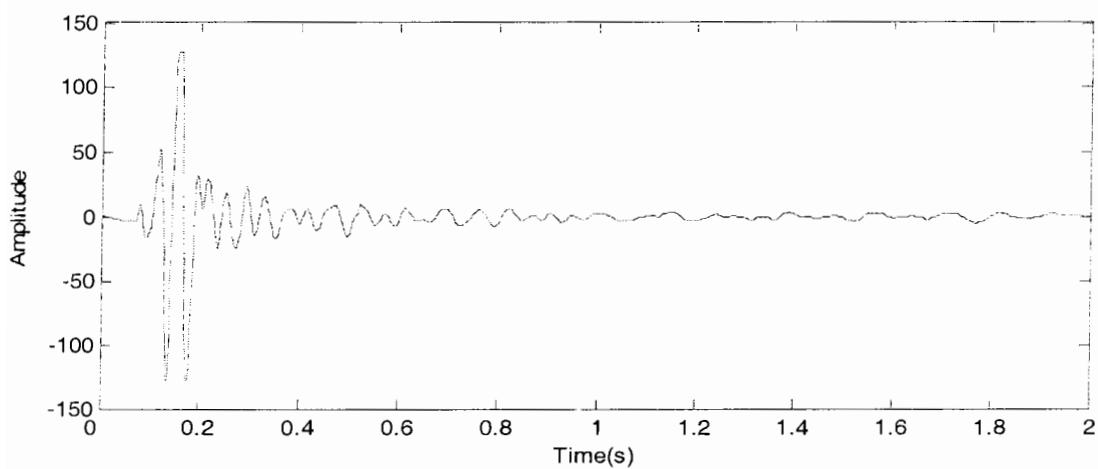


شکل (۹-۶): مقادیر مربوط به منحنی پراکندگی فیلتر شده (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)

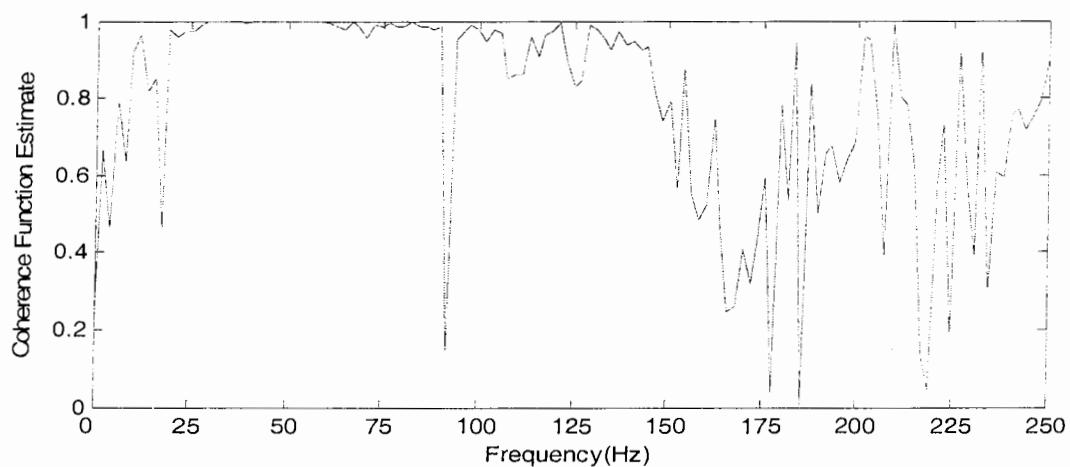
به همین ترتیب در شکل‌های (۱۰-۶) تا (۲۵-۶) لرزه نگاشت‌های مربوط به ژئوفون‌های نزدیک و دور نسبت به منبع مولد موج،تابع میزان همبستگی، طیف توان خود همبستگی، طیف فاز توان همبستگی متقابل، طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده، منحنی پراکندگی فیلتر نشده و منحنی پراکندگی فیلتر شده، برای فاصله‌های بین ژئوفونی ۸ و ۱۶ متر در ادامه آورده شده است.



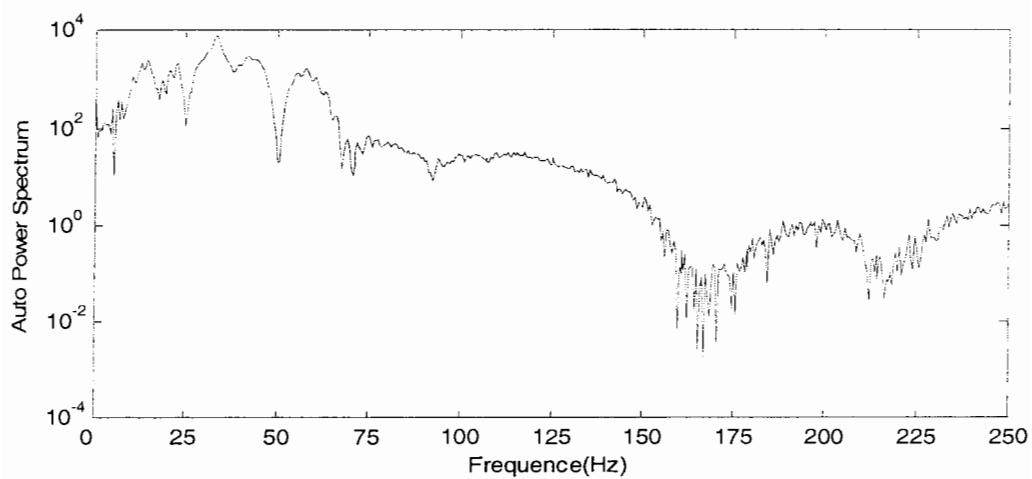
شکل(۱۰-۶): لرزه نگاشت مربوط به ژئوفون نزدیک به منبع  
مولد موج(فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)



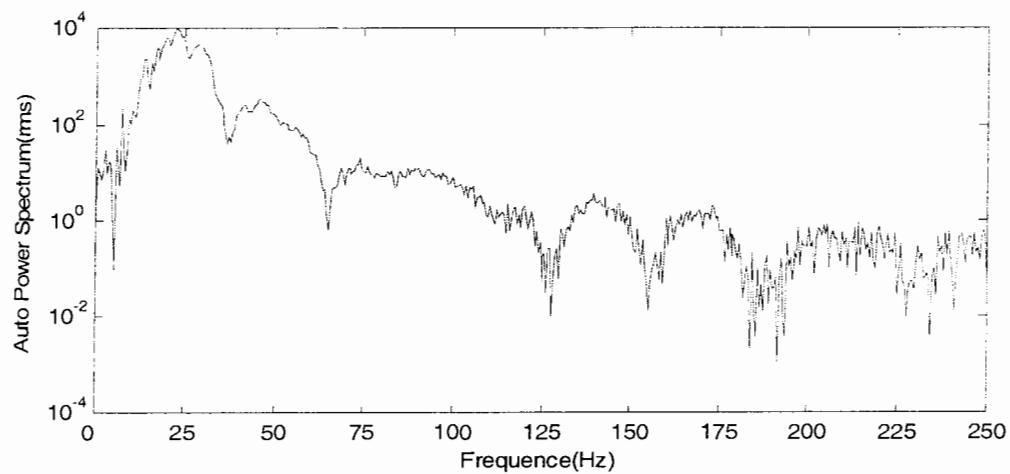
شکل(۱۱-۶): لرزه نگاشت مربوط به ژئوفون دور از منبع  
مولد موج(فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)



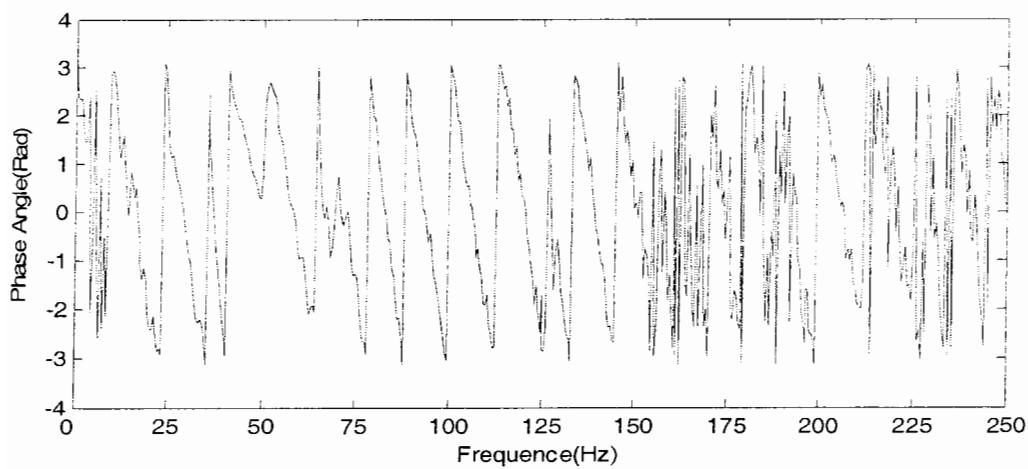
شکل(۱۲-۶): مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی (فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)



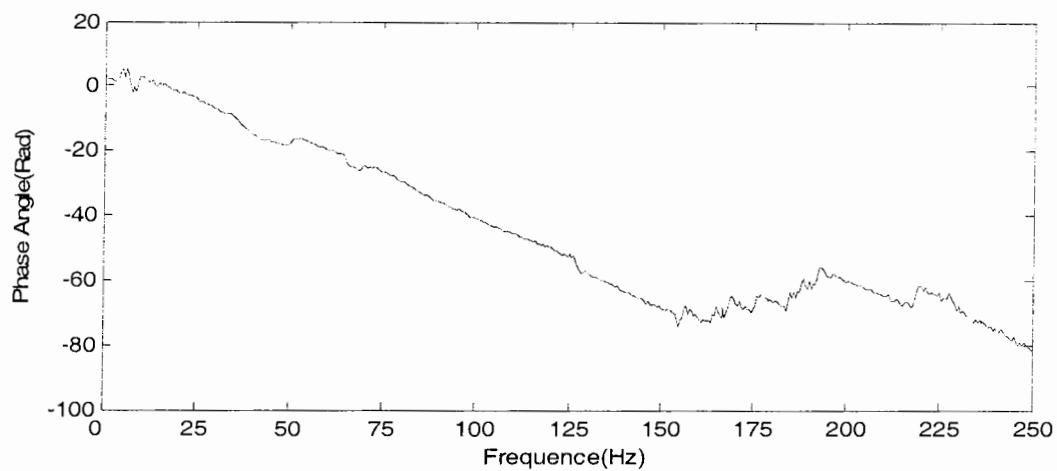
شکل(۱۳-۶): مقادیر مربوط به طیف توان خود همبستگی ژئوفون نزدیک به منبع مولد موج  
(فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)



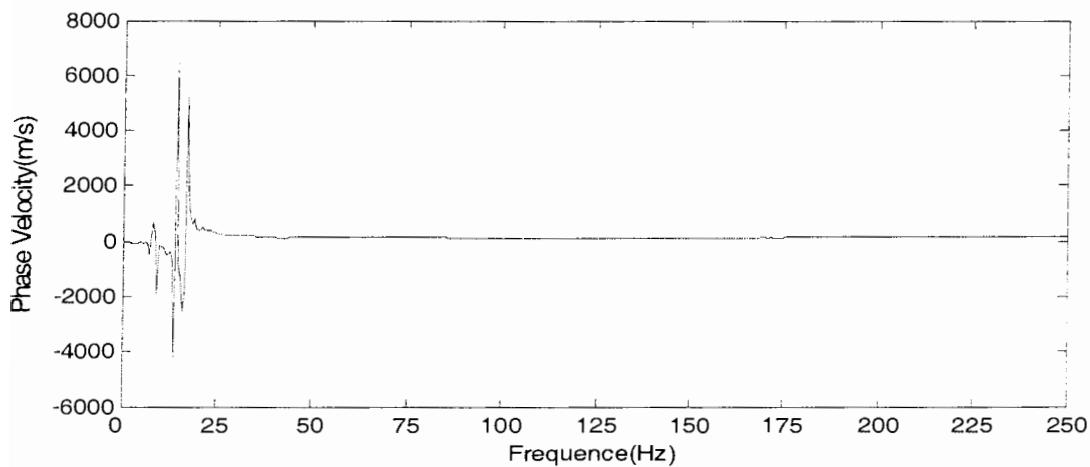
شکل(۱۴-۶): مقادیر مربوط به طیف توان خود همبستگی ژئوفون دور از منبع مولد موج  
(فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)



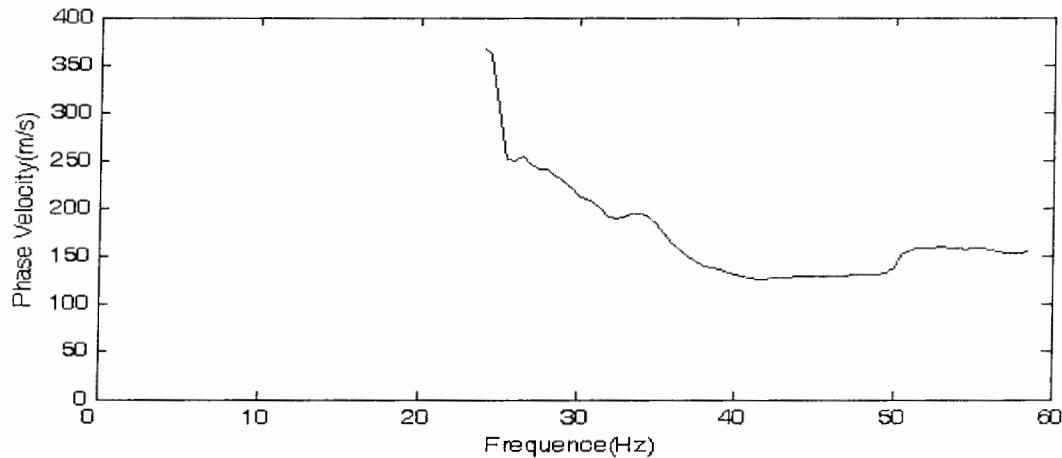
شکل(۱۵-۶): مقادیر مربوط به طیف فاز توان همبستگی متقابل  
(فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)



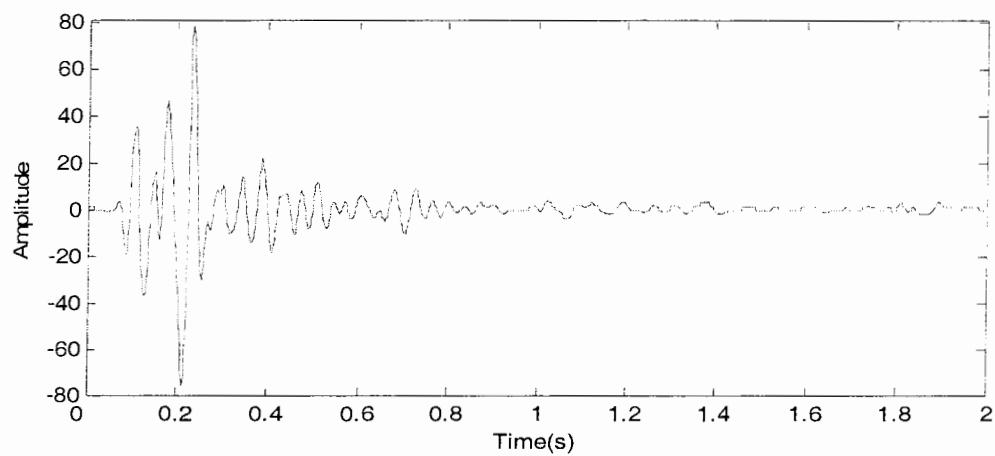
شکل(۱۶-۶): مقادیر مربوط به طیف فاز توان همبستگی متقابل وابیچیده شده  
(فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)



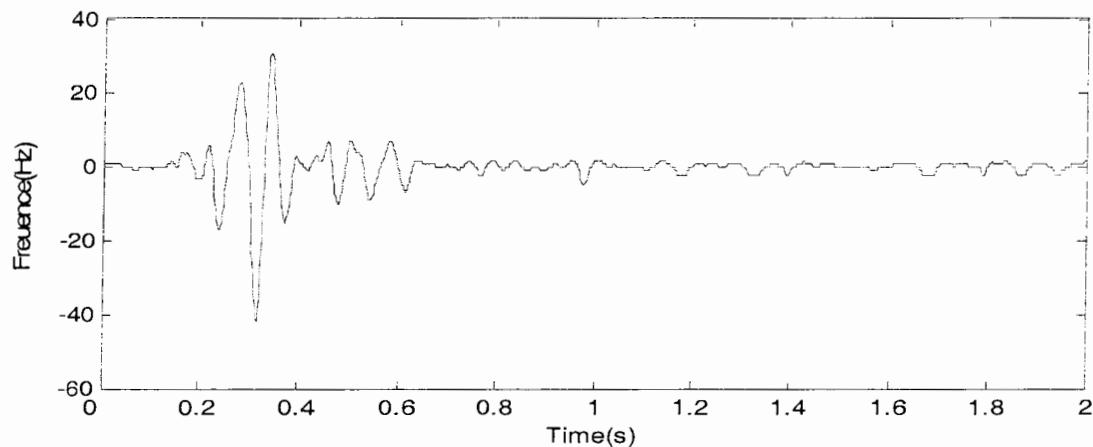
شکل(۱۷-۶): مقادیر مربوط به منحنی پراکندگی فیلتر نشده  
(فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)



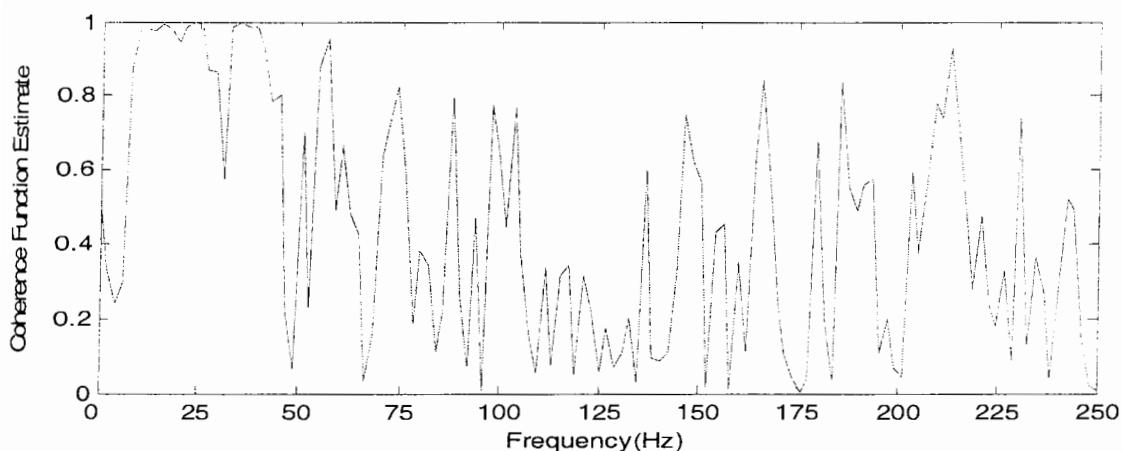
شکل(۱۸-۶): مقادیر مربوط به منحنی پراکندگی فیلتر شده (فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)



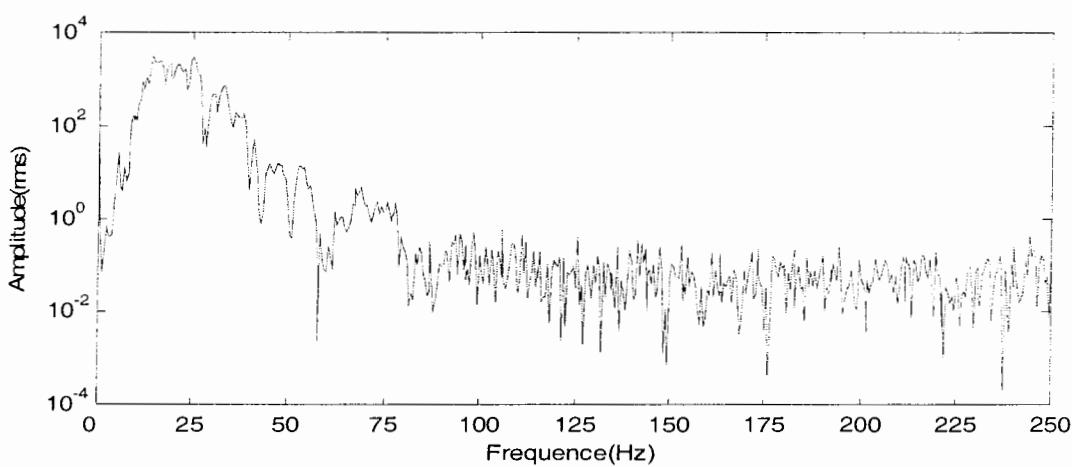
شکل(۱۹-۶): لرزه نگاشت مربوط به ژئوفون نزدیک به منبع  
مولد موج(فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر)



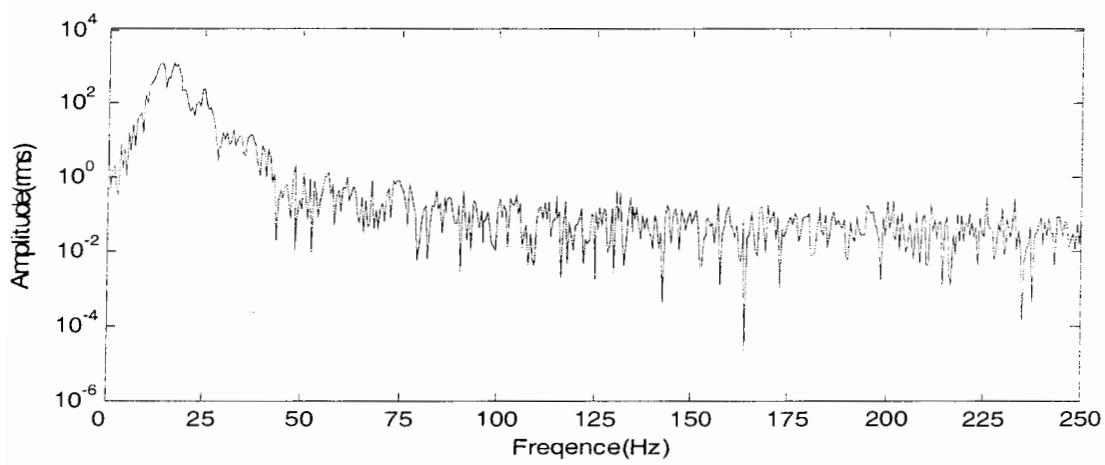
شکل(۲۰-۶): لرزه نگاشت مربوط به ژئوفون دور از منبع  
مولد موج(فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر)



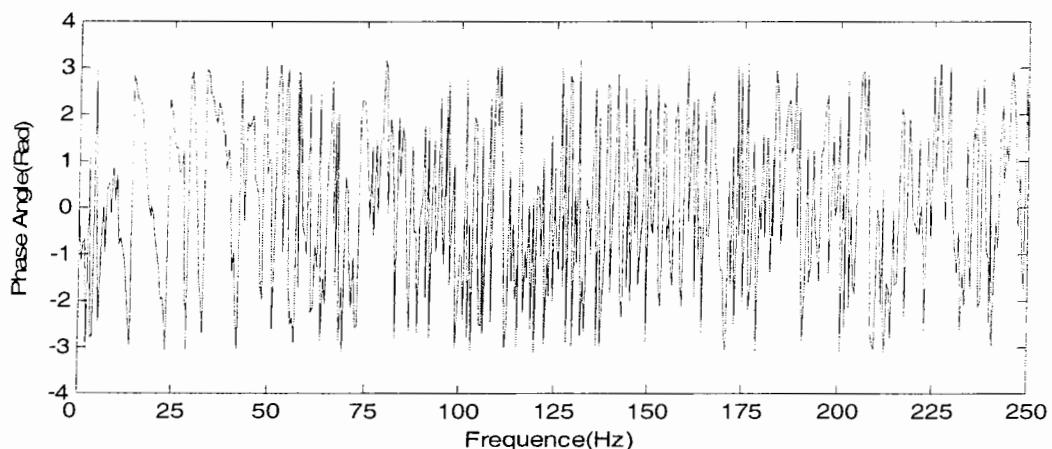
شکل(۲۱-۶): مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی  
(فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر)



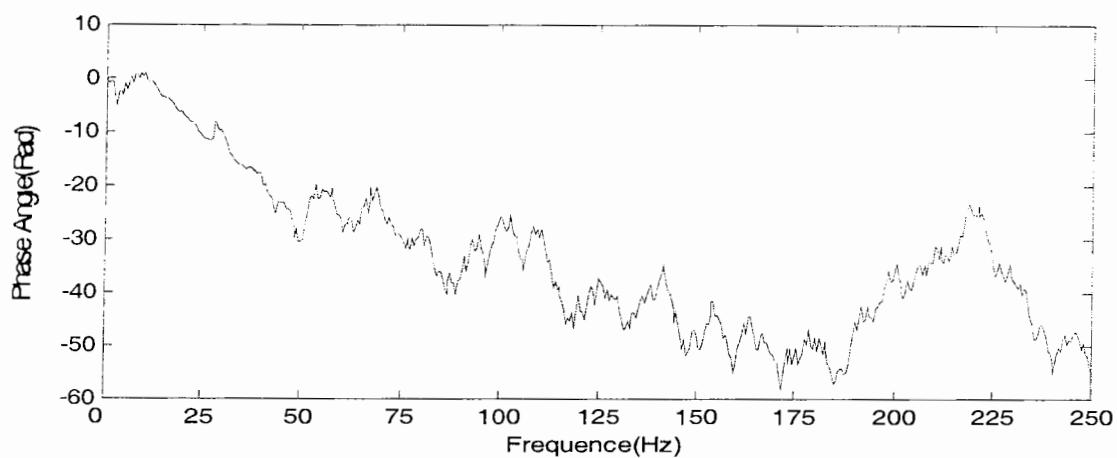
شکل(۲۲-۶): مقادیر مربوط به طیف توان خود همبستگی ژئوفون نزدیک به منبع مولد موج  
(فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر)



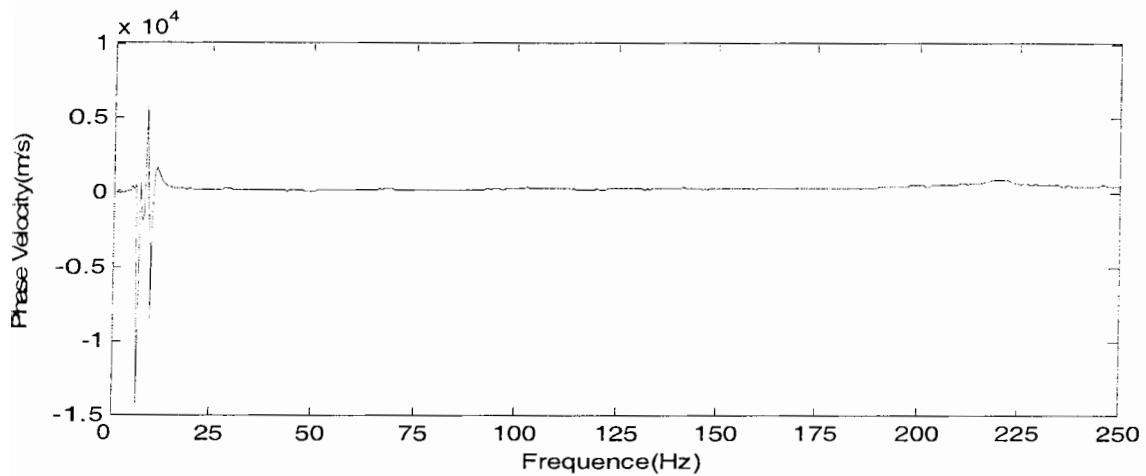
شکل(۲۳-۶): مقادیر مربوط به طیف توان خود همبستگی ژئوفون دور از منبع مولد موج  
(فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر)



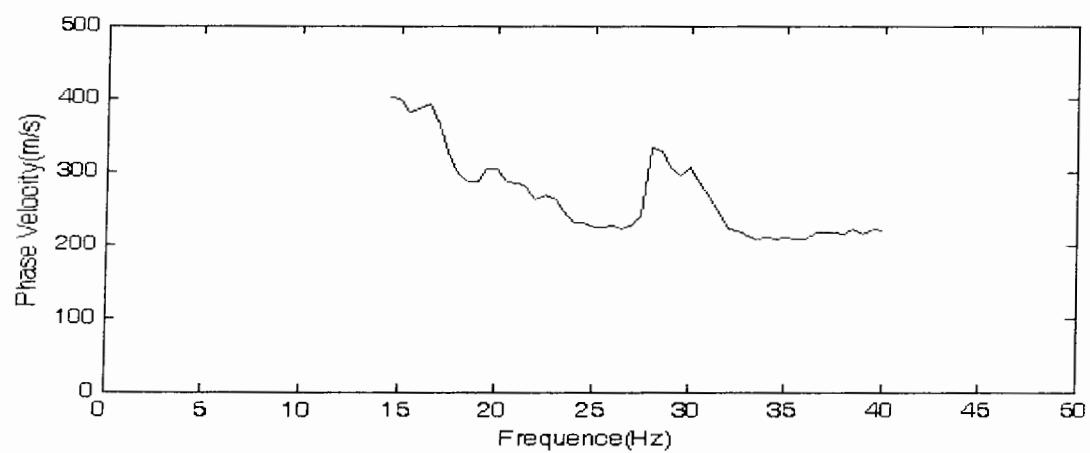
شکل(۲۴-۶): مقادیر مربوط به طیف فاز توان همبستگی متقابل  
(فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر)



شکل (۲۵-۶): مقادیر مربوط به طیف فاز توان همبستگی متقابل و ایجاد شده  
(فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر)



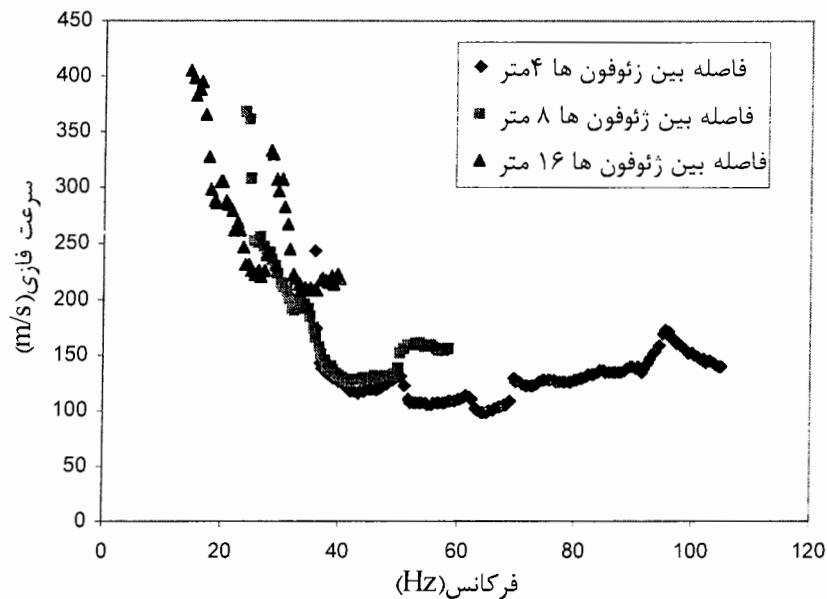
شکل (۲۶-۶): مقادیر مربوط به منحنی پراکندگی فیلتر نشده  
(فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر)



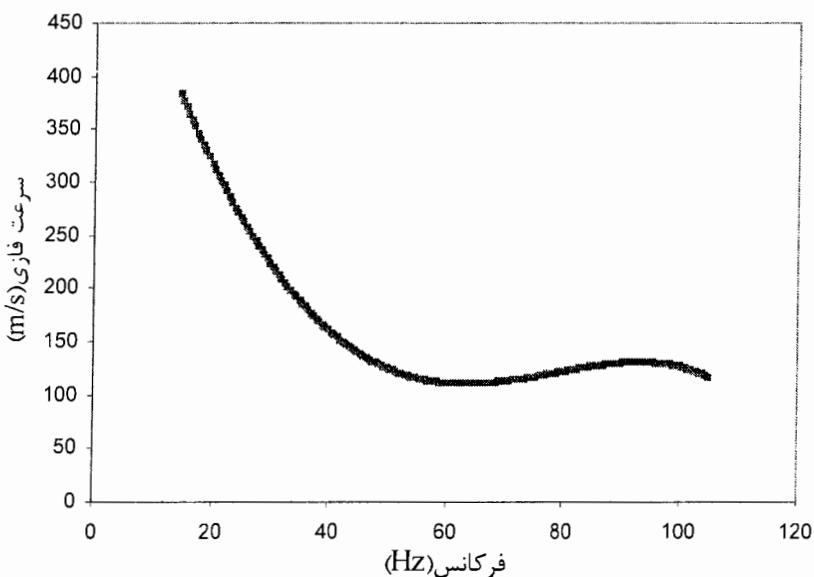
شکل (۲۷-۶): مقادیر مربوط به منحنی پراکندگی فیلتر شده (فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر)

منحنی پراکندگی فیلتر شده در فواصل بین ژئوفونی ۴، ۸، ۱۶ با هم در شکل(۲۸-۶) آورده شده است.

همان طور که قبل نیز گفته شد این منحنی ها با یک دیگر هم پوشانی دارند. با انجام عمل صاف کردن<sup>۱</sup> این منحنی، منحنی نهایی به دست آورده می شود، شکل(۲۹-۶).

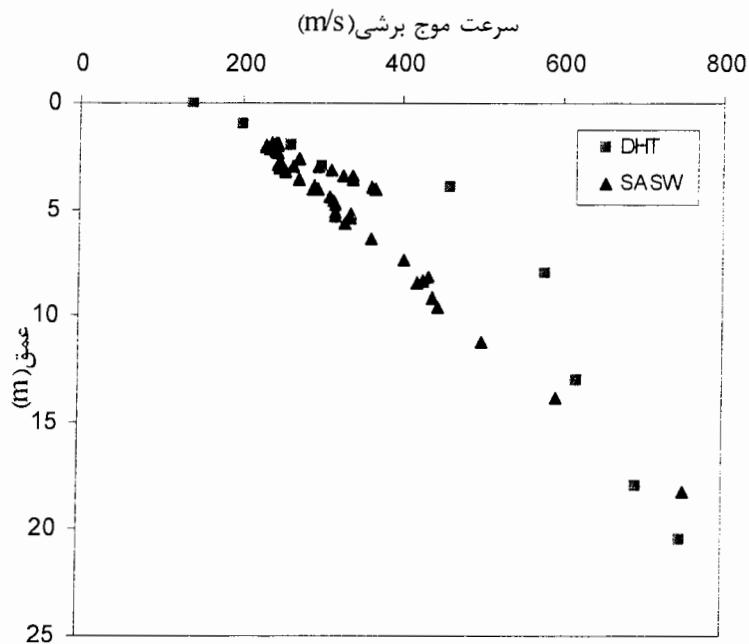


شکل(۲۸-۶): منحنی پراکندگی موبوط به فاصله های بین ژئوفونی ۴، ۸ و ۱۶ متر



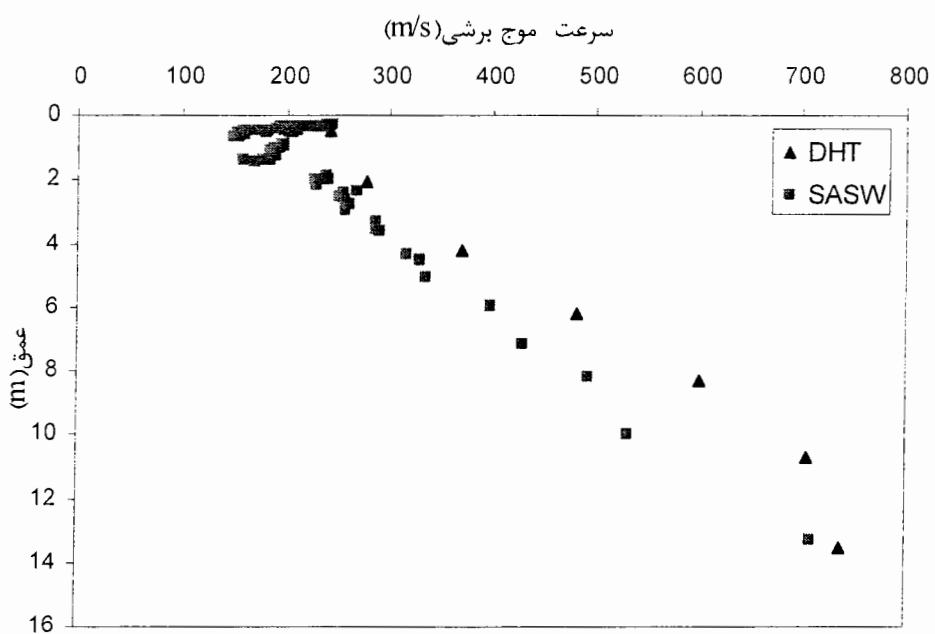
شکل(۲۹-۶): منحنی پراکندگی نهایی

منحنی پراکندگی نهایی با استفاده از روش معکوس سازی شرح داده شده در روش ارتعاشات ایستای امواج ریلی(بخش ۳-۴) معکوس سازی شده و در نهایت پروفیل سرعت موج به دست آورده می شود. در شکل (۶-۳۰) این پروفیل با پروفیل سرعت موج برشی به دست آمده از روش درون چاهی مقایسه شده است.

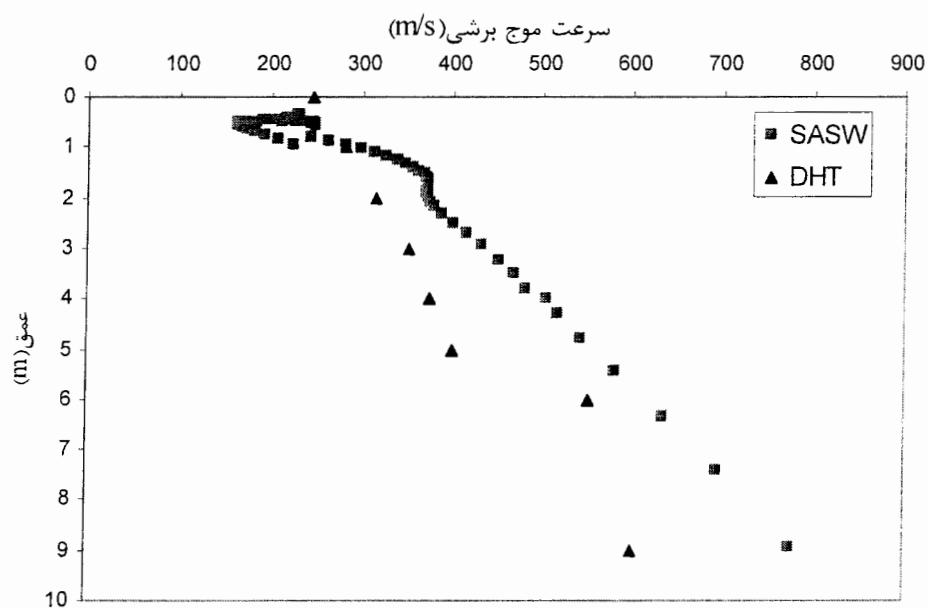


شکل (۳۰-۶): نتایج حاصل از رو ش لرزه نگاری درون چاهی(DHT) با نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی(SASW) مقایسه شده است

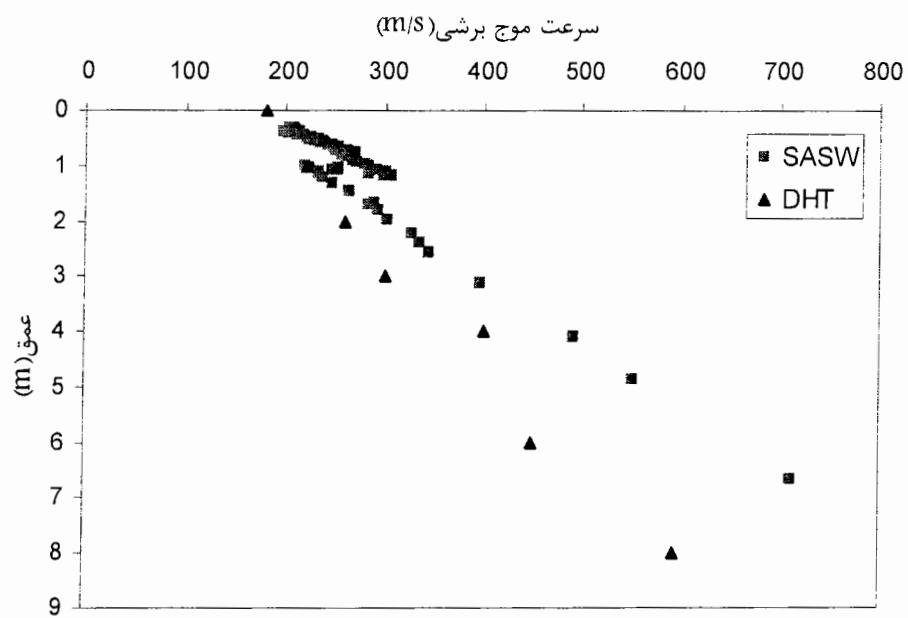
در ادامه پروفیل سرعت موج برشی نقاط دیگر که با استفاده از روش آنالیز طیفی امواج سطحی به دست آمده است با پروفیل سرعت موج برشی به دست آمده از روش درون چاهی با یک دیگر مقایسه شده‌اند. لرزه نگاشت‌ها و طیف‌های مربوط به این نقاط در ضمیمه الف آورده شده است.



شکل(۳۱-۶): مقایسه نتایج حاصل از روش درون چاهی با نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی در نقطه BH17

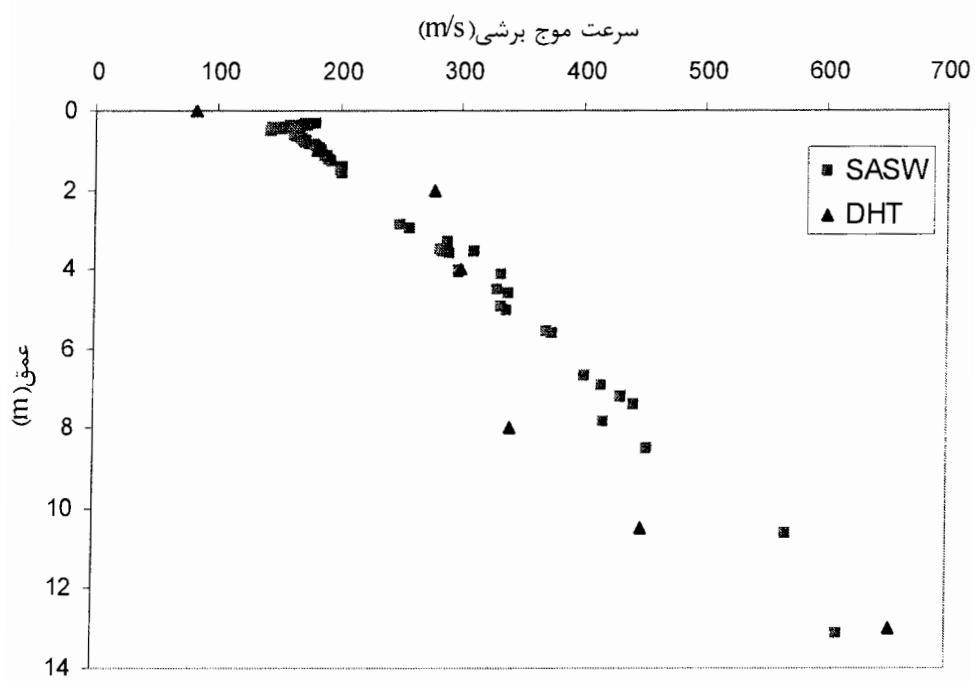


شکل(۳۲-۶): مقایسه نتایج حاصل از روش درون چاهی با نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی در نقطه BH11



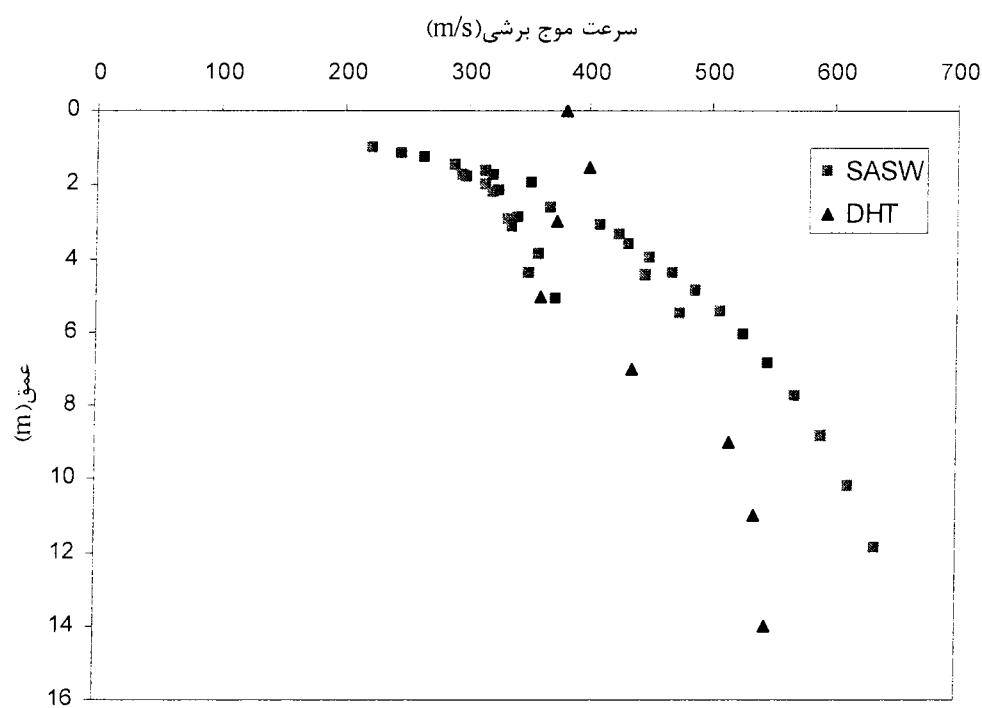
شکل(۳۳-۶): مقایسه نتایج حاصل از روش درون چاهی با نتایج حاصل از روش

آنالیز طیفی امواج سطحی در نقطه BH9



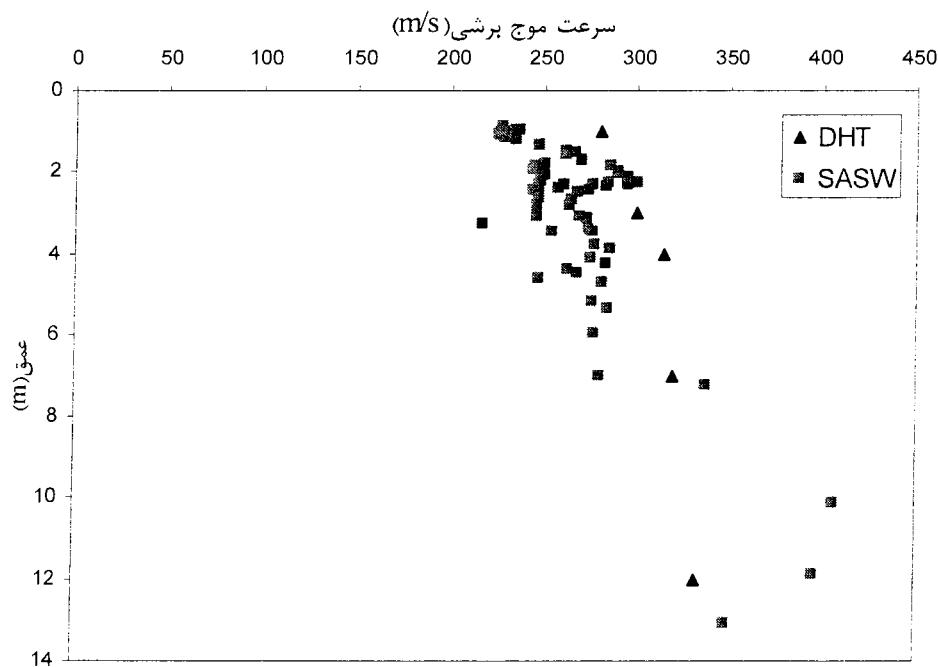
شکل(۳۴-۶): مقایسه نتایج حاصل از روش درون چاهی با نتایج حاصل از روش

آنالیز طیفی امواج سطحی در نقطه BH14



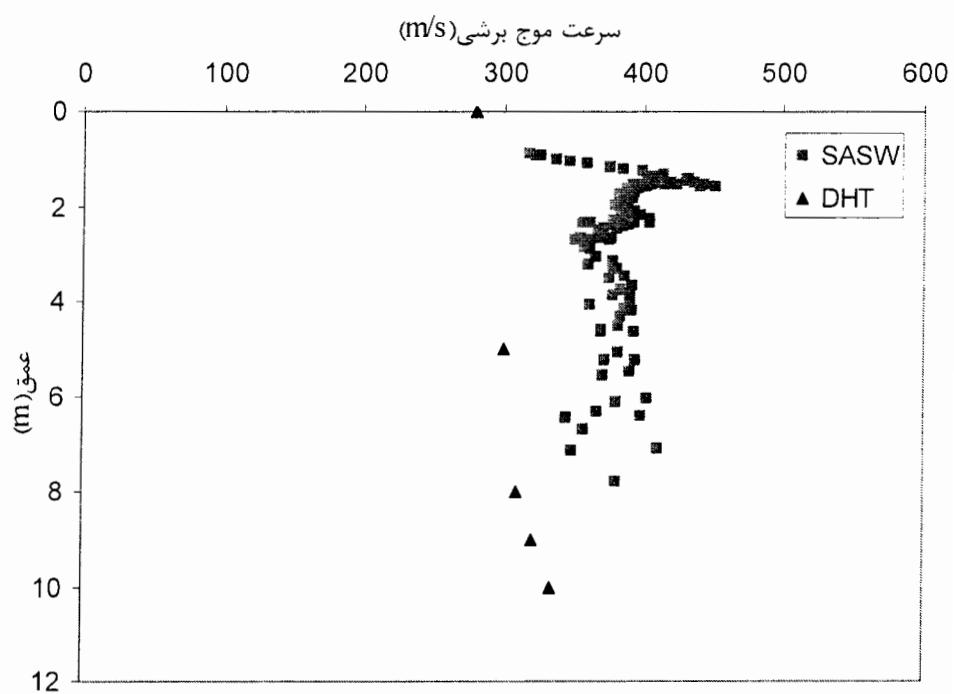
شکل(۳۵-۶): مقایسه نتایج حاصل از روش درون چاهی با نتایج حاصل از روش

آنالیز طیفی امواج سطحی در نقطه BH19

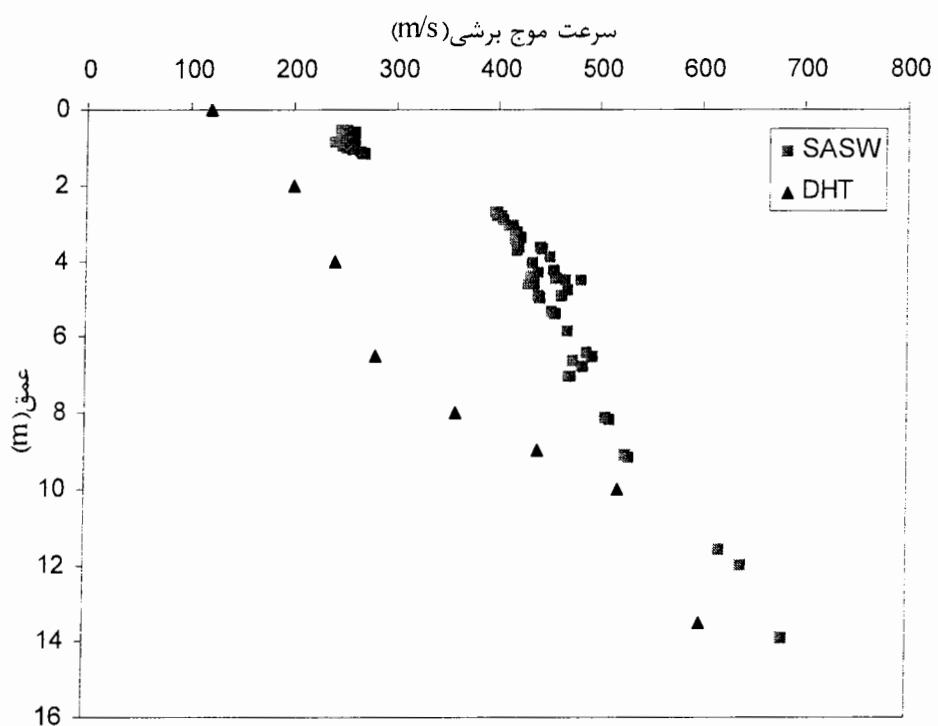


شکل(۳۶-۶): مقایسه نتایج حاصل از روش درون چاهی با نتایج حاصل از روش

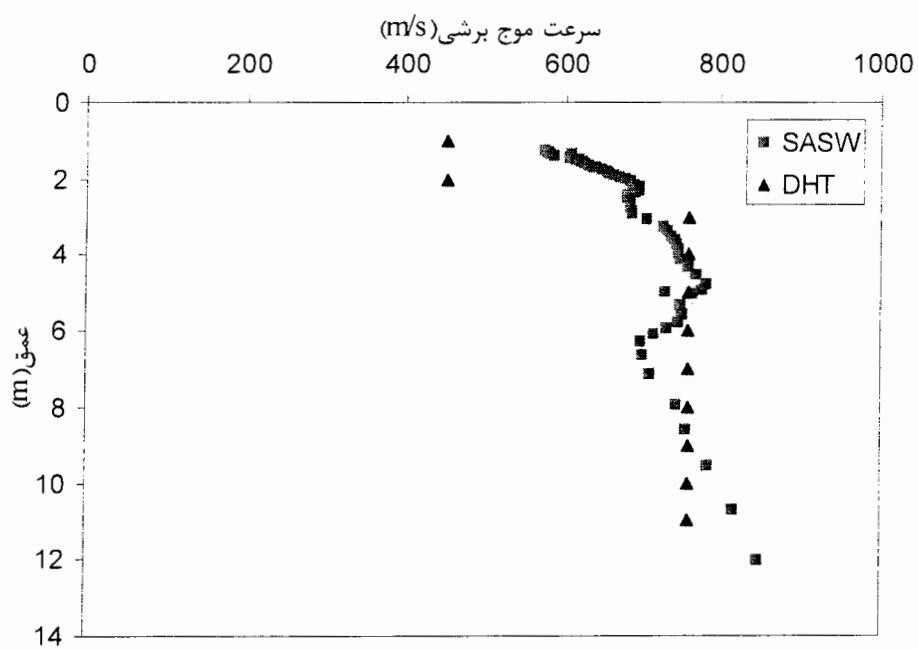
آنالیز طیفی امواج سطحی در نقطه BH10



شکل(۳۷-۶): مقایسه نتایج حاصل از روش درون چاهی با نتایج حاصل از روش  
آنالیز طیفی امواج سطحی در نقطه BH3



شکل(۳۸-۶): مقایسه نتایج حاصل از روش درون چاهی با نتایج حاصل از روش  
آنالیز طیفی امواج سطحی در نقطه BH17



شکل (۳۹-۶): مقایسه نتایج حاصل از روش درون چاهی با نتایج حاصل از روش

آنالیز طیفی امواج سطحی در دانشگاه صنعتی شهرورد

فصل هفتم

نتیجه‌گیری و پیشنهادات

## فصل هفتم: نتیجه گیری و پیشنهادات

به طور کلی این پایان نامه بر روی استفاده از روش آنالیز طیفی امواج سطحی در به دست آوردن پروفیل سرعت موج برشی تمرکز دارد. در واقع نتایج حاصل از این روش، با روش استاندارد لرزه نگاری درون چاهی که روشی مخرب، پرهزینه و وقت گیر می باشد، مقایسه شده است تا از این منظر بتوان بر مشکلات این قبیل روش‌ها فائق آمد.

در ۹ محل از شهر مشهد، و یک نقطه در دانشگاه صنعتی شاهروod آزمایش آنالیز طیفی امواج سطحی انجام گرفته است. داده‌های به دست آمده از این ۱۰ برداشت با استفاده از برنامه رایانه ای که با توجه به جعبه ابزار پردازش سیگنال نرم افزار مطلب توسط نگارنده تدوین گردیده است، پردازش شده اند و منحنی پراکندگی (سرعت فاز امواج منتشر شده به عنوان تابعی از فرکانس) برای هر محل تهیه شده است. این منحنی با استفاده از یک روش ساده اما موثر، معکوس سازی شده و پروفیل سرعت موج برشی محل مورد نظر به دست آمده است.

در نهایت پروفیل بدست آمده از روش آنالیز طیفی امواج سطحی با پروفیل سرعت موج برشی بدست آمده از روش لرزه نگاری درون چاهی مقایسه شده است، تا از این طریق میزان اعتبار نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی مورد ارزیابی قرار گیرد.

نتایج این پژوهش نشان می دهد، انطباق قابل قبولی بین نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی به عنوان یک روش غیر مخرب و روش لرزه نگاری درون چاهی به عنوان یک روش مخرب وجود دارد. از این رو استفاده از روش آنالیز طیفی امواج سطحی می توان پروفیل سرعت موج برشی را بدون نیاز به حفر گمانه به دست آورد و در هزینه های حفر گمانه و هزینه های جانبی آن صرفه جویی کرد. در برخی از این محل ها نیز سرعت موج برشی به دست آمده حاصل از این دو روش با یکدیگر تطابق ندارند. در زیر به چند عامل که باعث اختلاف نتایج حاصل از روش آنالیز طیفی امواج سطحی با روش لرزه نگاری درون چاهی شده است، پرداخته می شود.

- روش آنالیز طیفی امواج سطحی میانگینی از سرعت لایه های زیر سطحی به دست می دهد. در حالی که در روش لرزه نگاری درون چاهی به دلیل ماهیت مخرب بودن آن و امکان دسترسی مستقیم به امواج منتشر شده می توان سرعت لایه ها را به گونه ای مجزا تعیین نمود.
  - استفاده از شیوه ساده معکوس سازی منحنی پراکندگی.
  - عدم امکان انجام آزمایش در نقطه ای نزدیک به گمانه ای که در آن آزمایش لرزه نگاری درون چاهی انجام شده بود.
  - فاصله زمانی نمونه برداری کم در لرزه نگاشت های دستگاه لرزه نگار OYO ، این فاصله زمانی نمونه برداری موجب کاهش قدرت تفکیک طیف فوریه و نمایش طیف فوریه در فرکانس هایی که مورد نیاز نبودند، گردیده است.
  - عدم امکان دسترسی به منابع مولد موج قوی تر برای ایجاد موج با انرژی بیشتر و قدرت نفوذ بیشتر.
  - سست بودن خاک های سطحی که منجر به هدر رفتن سریع انرژی ایجاد شده گردیده است.
- ذکر این نکته در اینجا ضروری است که نباید از روش های غیر مخرب انتظار داشت نتایجی دقیق را ارائه بدهند. در واقع انعطاف پذیری و هزینه کم روش های غیر مخرب نظری روش آنالیز طیفی امواج سطحی نقص پایین بودن دقت این روش ها را می پوشاند.

## پیشنهادات

- ۱- مطمئناً استفاده از منبع های مولد موج با وزن بیشتر می توانند اطلاعات دقیق تری از لایه های زیر سطحی نشان بدهند.
- ۲- استفاده از نرم افزارها موجود در این زمینه که روش های معکوس سازی مختلفی را به کار گرفته - اند، نتایج قابل قبول تری را ارائه می دهند.
- ۳- استفاده از دستگاه لرزه نگاری که امکان نمونه برداری با فاصله زمانی ۲۵۰ میلی ثانیه را دار باشد. این فاصله زمانی نمونه برداری موجب افزایش دقت طیف فاز و دامنه در حوزه فرکانس می گردد.

- ۴- استفاده از روش های معکوس سازی نسبتاً جدید نظیر استفاده از شبکه عصبی موجب افزایش دقّت و سرعت در مرحله پردازش داده ها می گردد.
- ۵- با توجه به جدول ضمیمه ج به جای استفاده از روش های مخرب نظیر روش لرزه نگاری درون چاهی، می توان از روش غیر مخرب آنالیز طیفی امواج سطحی در طبقه بندی کیفیت پی ساختمان ها بهره برد.

## منابع

## منابع

پیروز، ایرج؛ ۱۳۷۷، "جزوه درس زلزله شناسی"، انتشارات دانشگاه صنعتی شاهروд.

حسینی، سید میر مجdal الدین میر محمد؛ عارف پور، یابک؛ ۱۳۷۸، "مهندسی زئوتکنیک لرزه‌ای"؛  
(مولف: استیون ال کرامر)، مرکز چاپ و انتشارات وزارت امور خارجه.

حافظی مقدس، ناصر؛ آزادی، اصغر؛ ۱۳۸۵، "گزارش مطالعات ژئوسایسمیک طرح ریز پهنه بندی  
لرزه‌ای شهر مشهد".

حافظی مقدس، ناصر؛ ۱۳۸۵، "گزارش زمین شناسی مهندسی طرح ریز پهنه بندی لرزه ای  
شهر مشهد، سازمان مسکن و شهر سازی استان خراسان رضوی".

کمیته دائمی بازنگری آیین نامه طراحی ساختمان‌ها در برابر زلزله؛ ۱۳۷۸، "آیین نامه طراحی  
ساختمان‌ها در برابر زلزله".

-Amberg Measuring Technique, 2001, *TSP Win, Processing & Evaluation Software, Manual Version 1.1*.

-Burkhard, B., 2000, *Spectral analysis of surface wave and filter theory in applied geophysics*. Springer publication.

-Catalina Orozco, M., 2003, *Inversion method for spectral Anlysis of Surface Wave(SASW)*. Ph.D. Thesis, Georgia Institute of Technology.

-Cuellar, V., 1997, *Geotechnical application of the spectral analysis of surface wave*. Geological Society Engineering Geology Special Publication No. 12, pp. 53-63

-Foti, S., 2000, *Multistation Methods for Geotechnical Characterization using Surface Waves*. PhD Thesis, Póletechnic di Torino, Italy.

- Hebeler, L., 2001, *Site characterization in shelby county, Tennessee using advanced surface wave methods*. PhD Thesis., Georgia Inst. of Techn., Atlanta (Georgia, USA).
- Ifeachor, E. C., jervis, B.W., 1993, *Digital Signal Processing. A Practical Approach*, published by Prentice Hall, Second Edition 2003.
- Kaynia, A. M., 1999, *Spectral Analysis of Surface Wave (SASW)* .Short course presented at the third Int. conference on Seismology and Earthquake Engineering (SSE-3).
- Kim, D.S., Park, H.C., 2002, *Determination of Disprcision Phase velocities for SASW method using harmonic wavelet transform*. Soil Dynamics Vol 22, pp 675- 684.
- Lai, C.G., Rix, G.J., 1998, *Simultaneous inversion of Rayleigh phase velocity and attenuation for near-surface site characterization*. Georgia Inst. of Techn., Atlanta (Georgia, USA).
- Louie, J.N., Anderson, J.G., Zeng, Y., 1999, *Full-wave inversion of SASW sounding for soil properties and earthquake site response*, Seismological Laboratory, University of Nevada.
- Matthews, M.C., 1997, *The geotechnical value of ground stiffness determined using seismic method*. modern Geophysics in Engineering Geology .Geological Society Engineering Geology Special Publication No. 12, pp. 113-123.
- Menzies, B., 2001, *Near-surface site characterisation by stiffness profiling using -surface wave geophysics*. DGS Ins. Ltd, U.K.
- Norman, D.D., Kyle A. B., 2006, *Development of Testing Protocol and Correlations for Resilient Modulus of Subgrade Soils*. Report prepared by University Arkansas Department of Civil Engineering.
- Stokoe, K.H., Graves, M.T., Kurtulus, A.,Menq, F.Y., 2004, *DATA REPORT SASW Measurement at the NEES Garner Valley Test Site, California*. Department of Civil Engineering, Austin, Texas

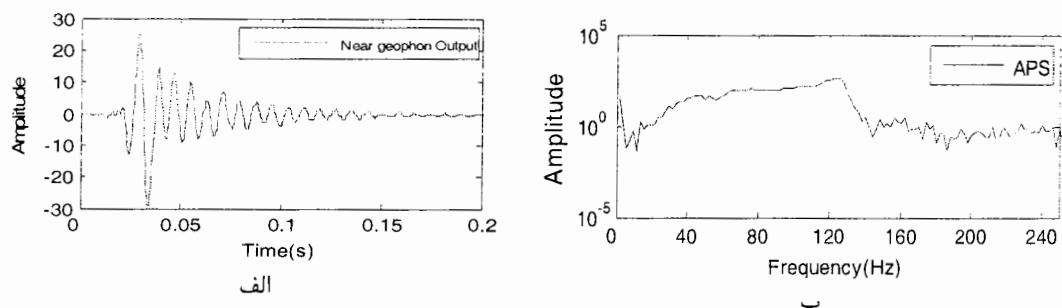
- Telford, W.M., Geldart, L. P., Sreriff, R.E., 1991, *Applied Geophysics*. Published by Cambridge University Press. Second Edition.
- Yuan D., Nazarian, S., 1992, *Automated Surface Wave Method : Inversion Method*. Geotechnical Engineering, Vol. 119, No. 7, pp. 1112-1126
- Zomoroedian, Ali, S.M., Hunaidi, Osama., 2006, *Inversion of SASW dispersion Curve based on maximum flexibility coefficients in the wave number domain*. Soil Dynamics and earthquake Engineering, Vol. 26, pp. 735-752.
- Zywicki, D.J., 1999, *Advanced signal processing methods applied to engineering analysis of seismic surface waves*. PhD Thesis., Georgia Inst. of Techn., Atlanta (Georgia, USA).
- Strobbia, C., 2004, *Surface Wave Methods Acquisition, processing and inversion*. PhD Thesis., Politecnico Di Torino
- Sheriff, R. E., Geldart, L. P., 1982, *Exploration Seismology*, Published by University of Cambrige. Second edition1995.
- The MathWorks, Inc.,2005 , *Signal Processing Toolbox User's Guide*.
- [www.geovision.com](http://www.geovision.com)
- [www.physiology.wisc.edu/comp/docs/not012.html](http://www.physiology.wisc.edu/comp/docs/not012.html)

ضمائمه

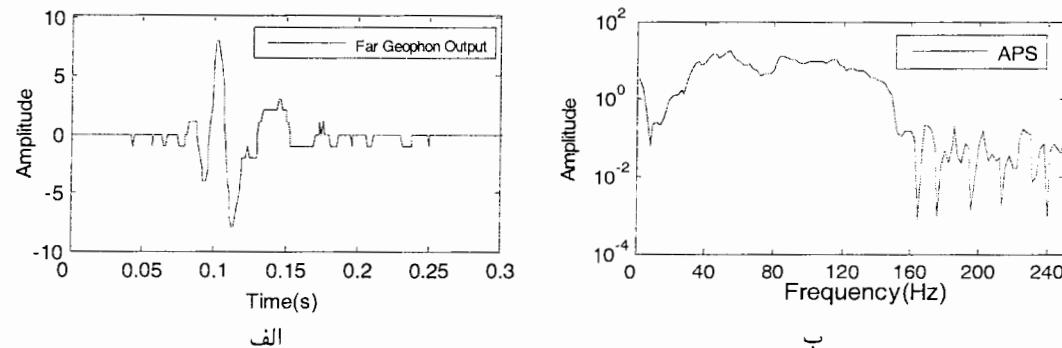
**ضميمه الف**

### ضمیمه الف - نتایج حاصل از پردازش و تفسیر داده‌ها

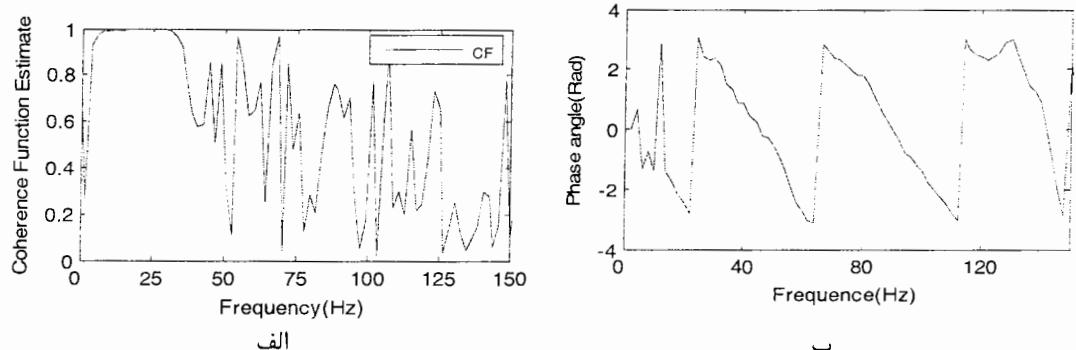
مقادیر مربوط به لرزه نگاشتها، تابع میزان همبستگی، طیف توان خود همبستگی، فاز طیف توان همبستگی متقابل، واپیچیده طیف توان همبستگی متقابل، منحنی پراکندگی فیلتر نشده و منحنی پراکندگی فیلتر شده برای هر فاصله بین ژئوفونی در نقاط مختلف آورده شده است.



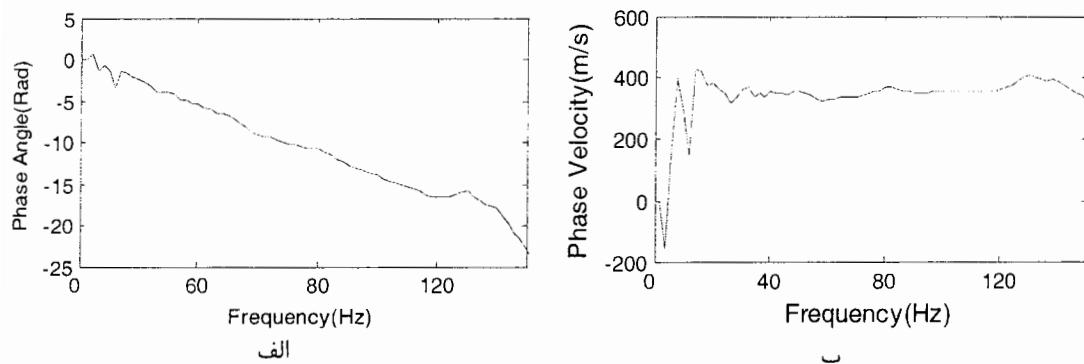
شكل ض-الف-۱- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی (ب) در نقطه BH3 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)



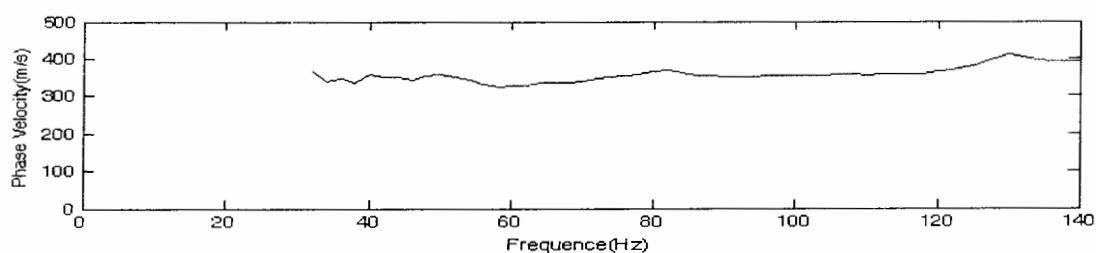
شكل ض-الف-۲- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی (ب) در نقطه BH3 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)



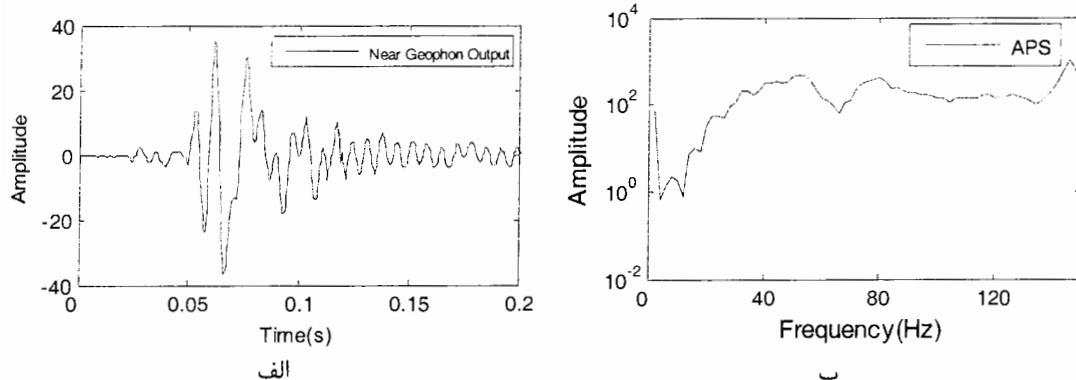
شكل ض-الف-۳- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی متقابل (ب) در نقطه BH3 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)



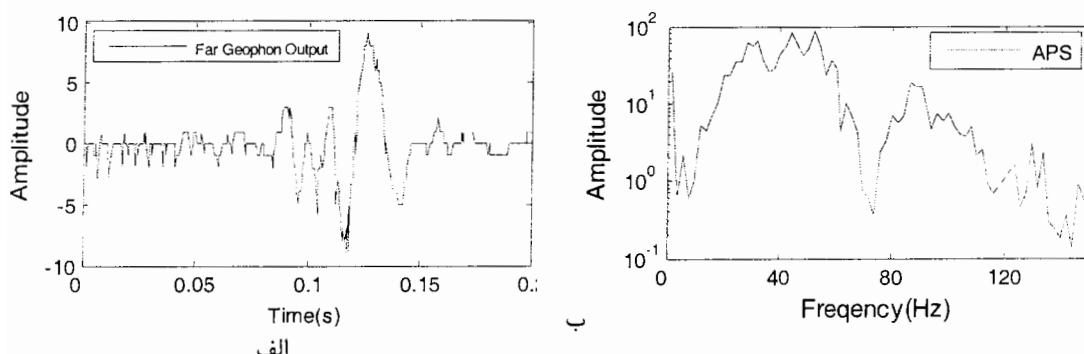
شكل ض-٤- طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده(الف) و منحنی پراکنده فیلتر نشده (ب) در نقطه BH3 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)



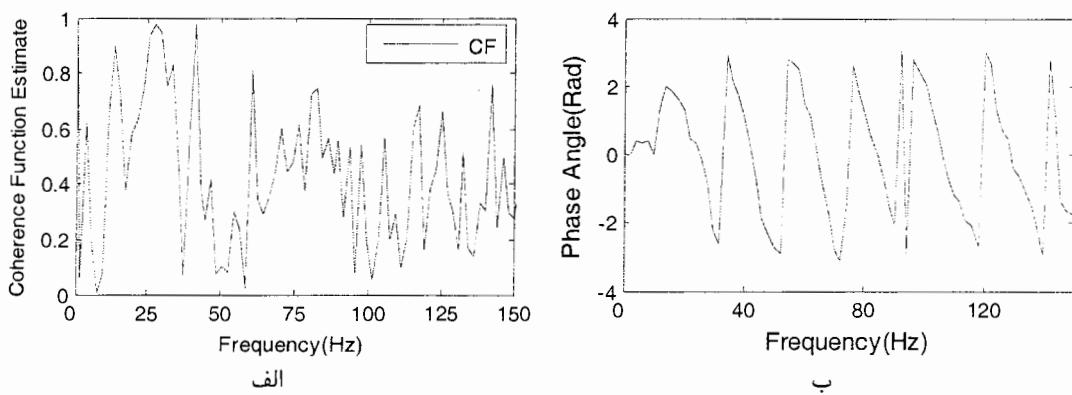
شكل ض-٥- منحنی پراکنده شده در نقطه BH3 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)



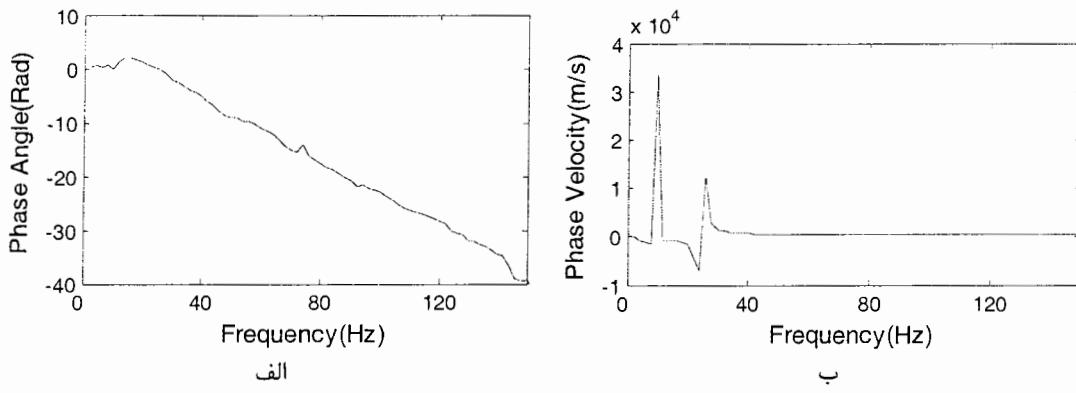
شكل ض-٦- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی (ب) در نقطه BH3 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



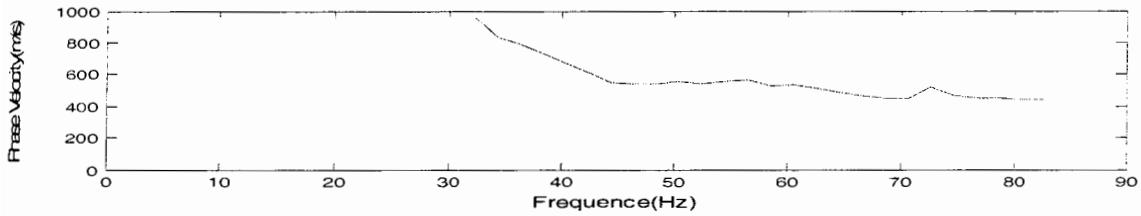
شكل ض-٧- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی (ب) در نقطه BH3 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



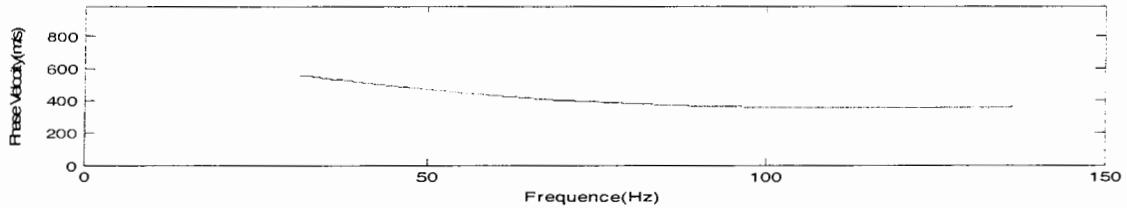
شكل ض-الف-۸- مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی متقابل(ب) در نقطه3 BH3 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



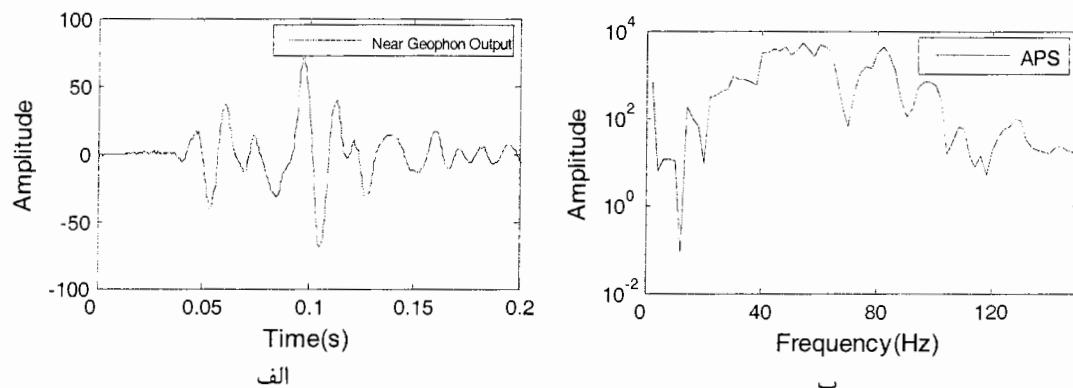
شكل ض-الف-۹- طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیجیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)  
در نقطه3 BH3(فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



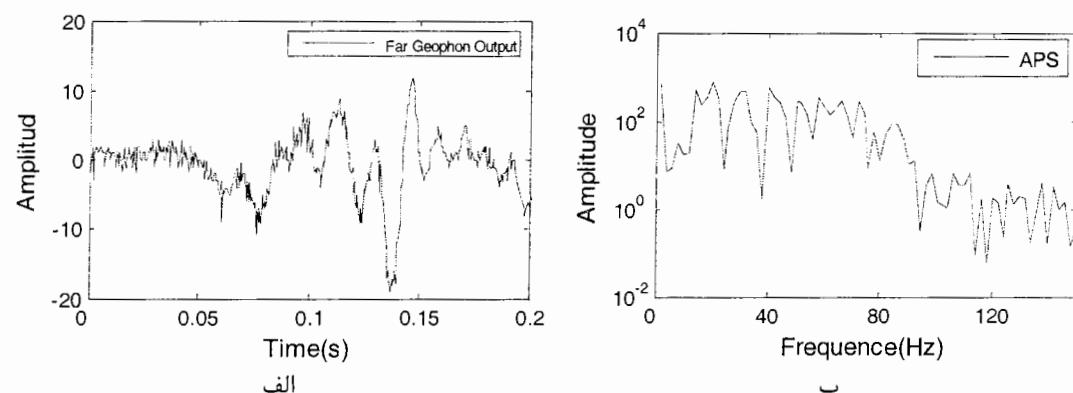
شكل ض-الف-۱۰- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه3 BH3 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



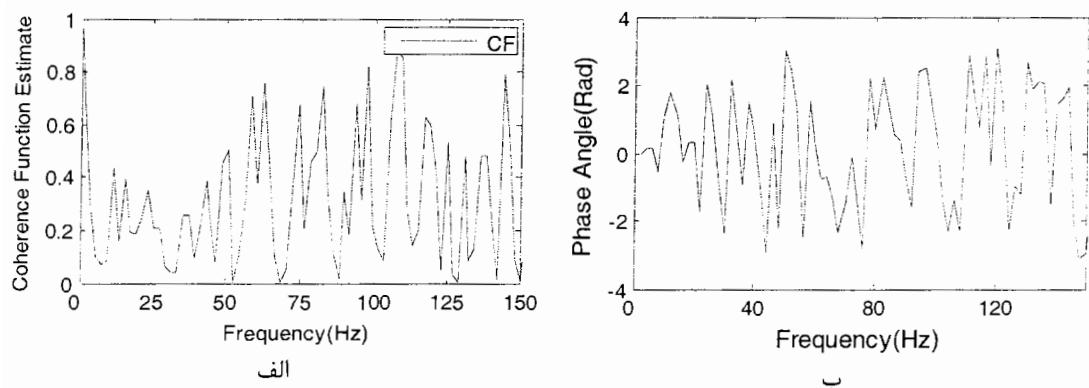
شكل ض-الف-۱۱- منحنی پراکندگی نهایی در نقطه3 BH3



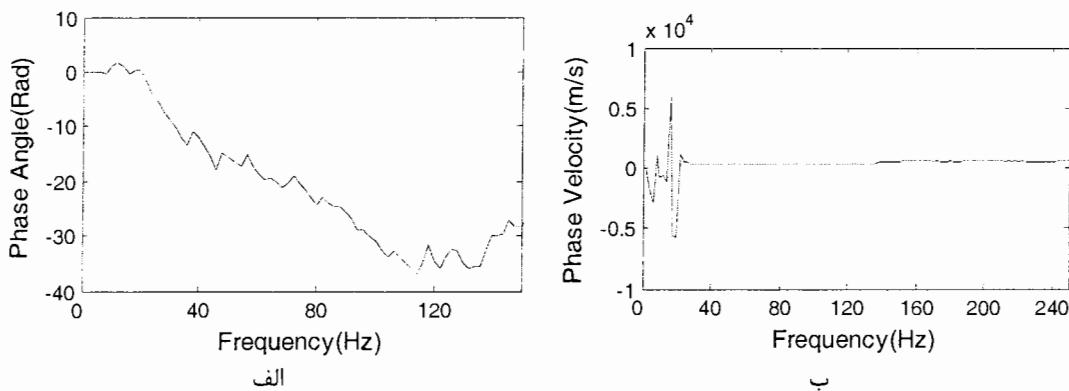
شكل ض-۱۲- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH19 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



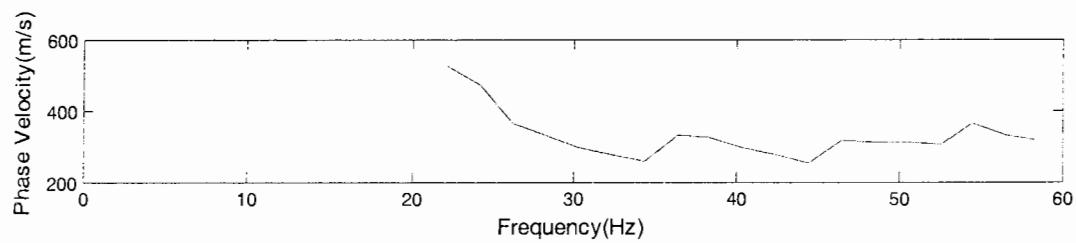
شكل ض-۱۳- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH19 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



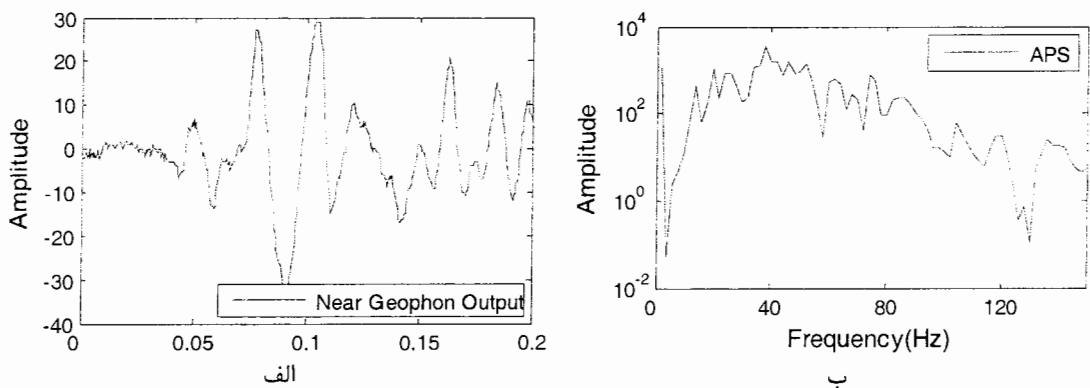
شكل ض-۱۴- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی متقابل(ب) در نقطه BH19 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



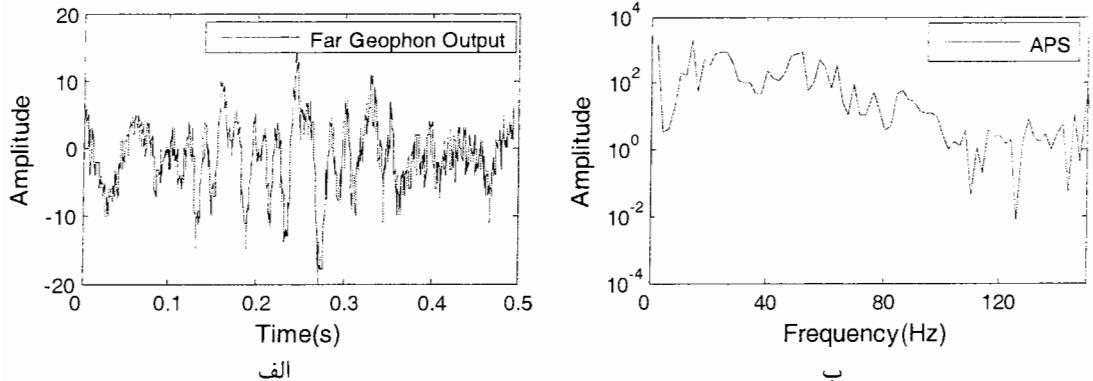
شکل ض-۱۵- طیف فاز توان همبستگی متقابل و اپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)  
در نقطه BH19 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



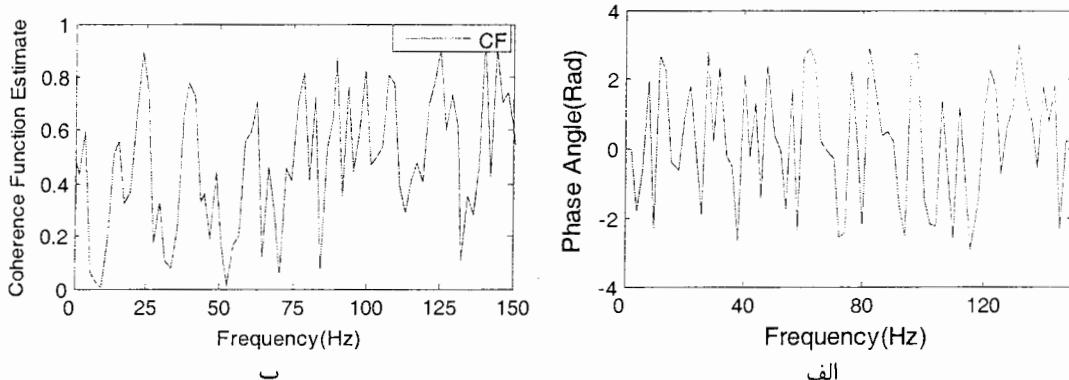
شکل ض-۱۶- منحنی پراکندگی فیلتر نشده در نقطه BH19 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



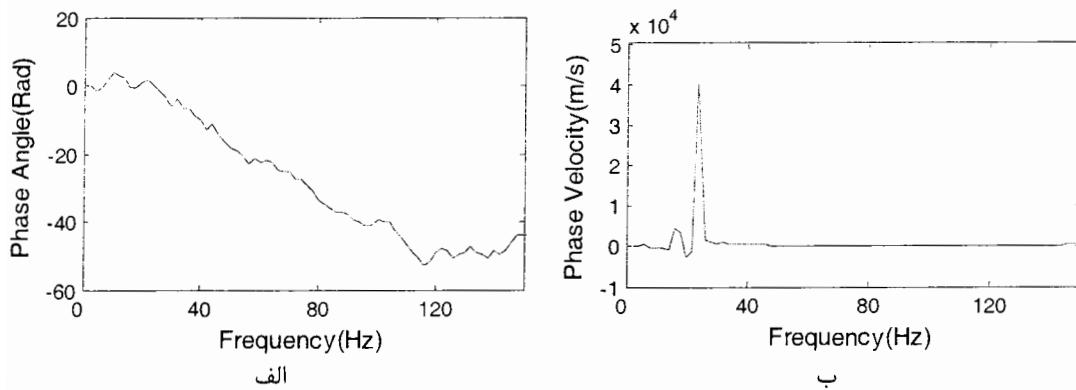
شکل ض-۱۷- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH19 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲۰ متر)



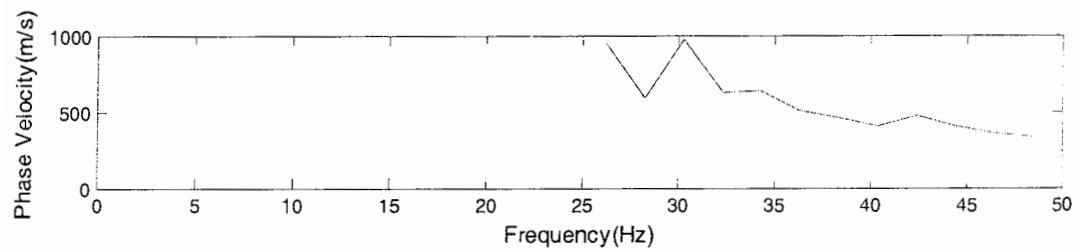
شکل ض-۱۸- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH19 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲۰ متر)



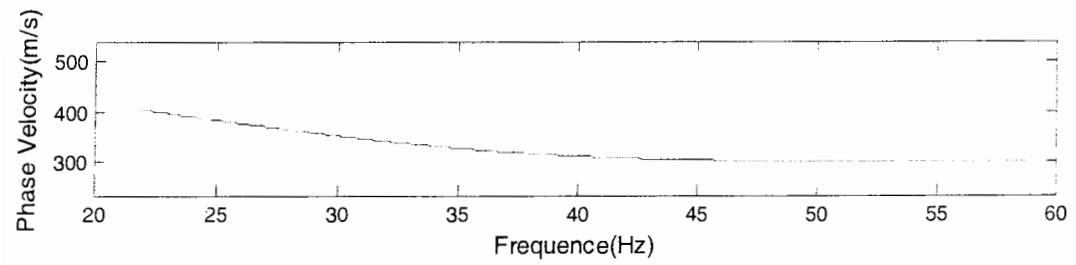
شکل ض-الف-۱۹- مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی متقابل(ب) در نقطه BH19 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲۰ متر)



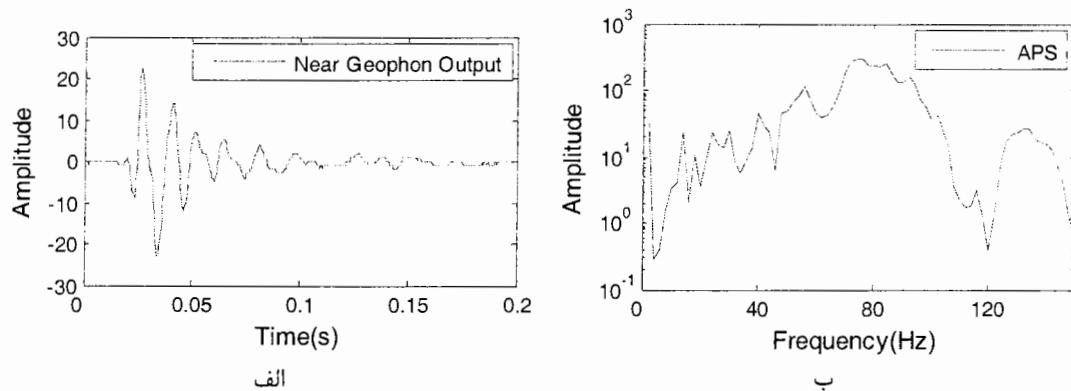
شکل ض-الف-۲۰- طیف فاز توان همبستگی متقابل و ایجاد شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)  
در نقطه BH19 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲۰ متر)



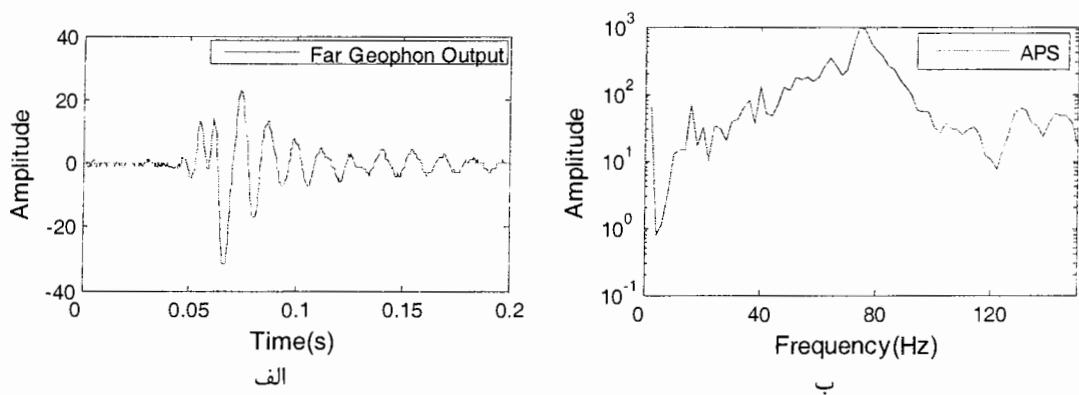
شکل ض-الف-۲۱- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه BH19 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲۰ متر)



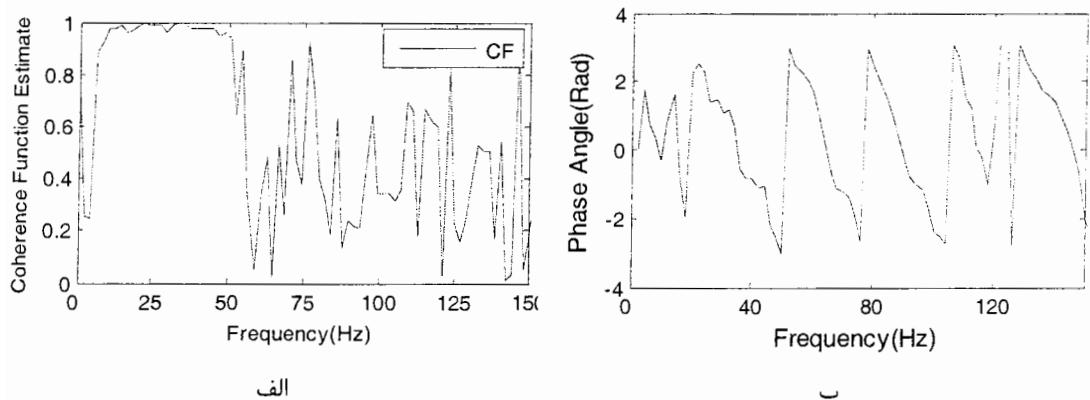
شکل ض-الف-۲۲- منحنی پراکندگی نهایی در نقطه BH19



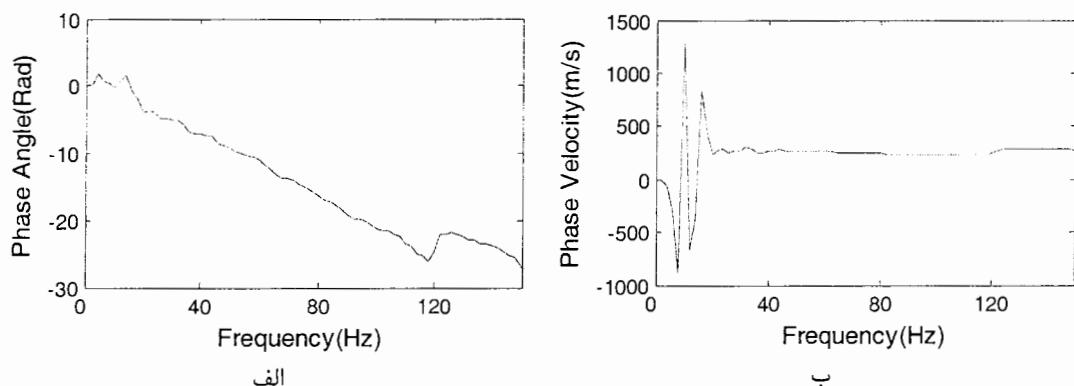
شكل ض-الف-۲۳- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH18 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)



شكل ض-الف-۲۴- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH18 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)

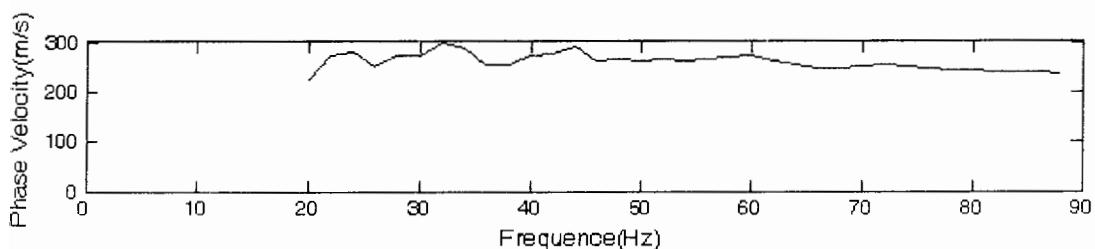


شكل ض-الف-۲۵- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگیم مقابل(ب) در نقطه BH18 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)

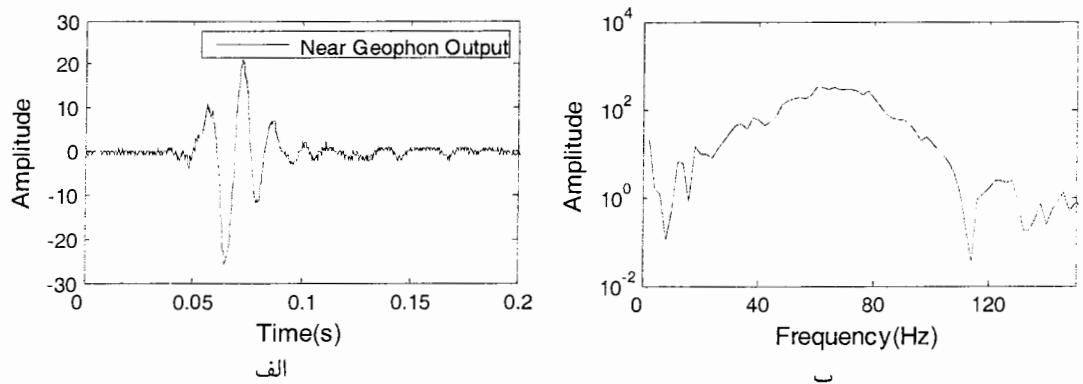


شكل ض-۲۶- طیف فاز توان همبستگی متقابل وابیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)

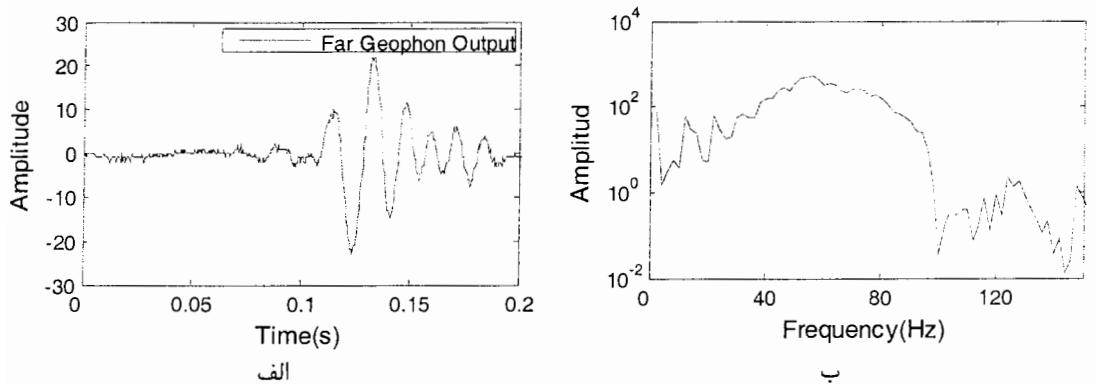
در نقطه BH18 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)



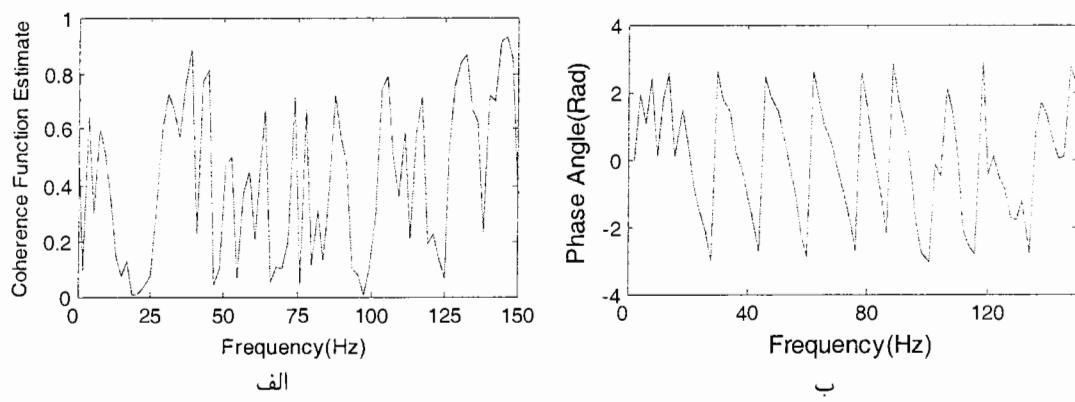
شكل ض-۲۷- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه BH18 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)



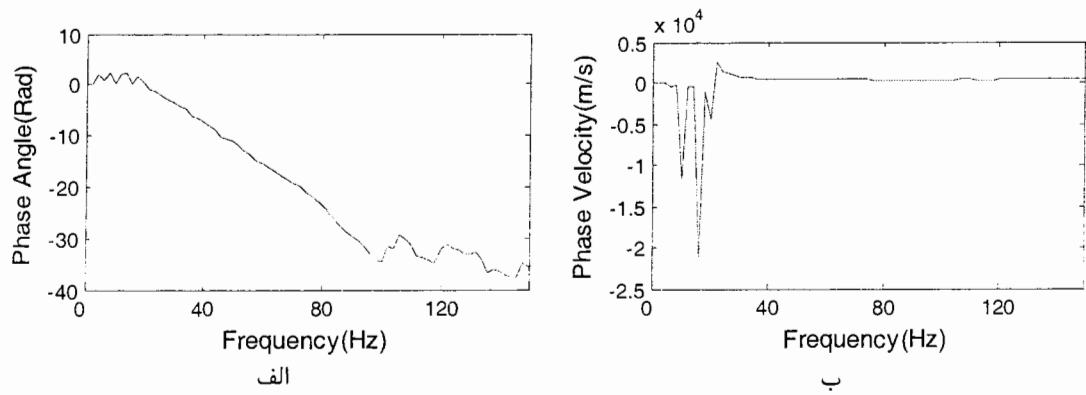
شكل ض-۲۸- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH18 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



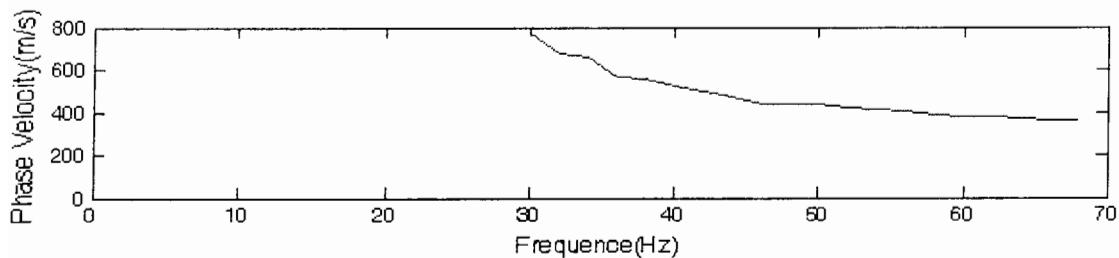
شكل ض-۲۹- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH18 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



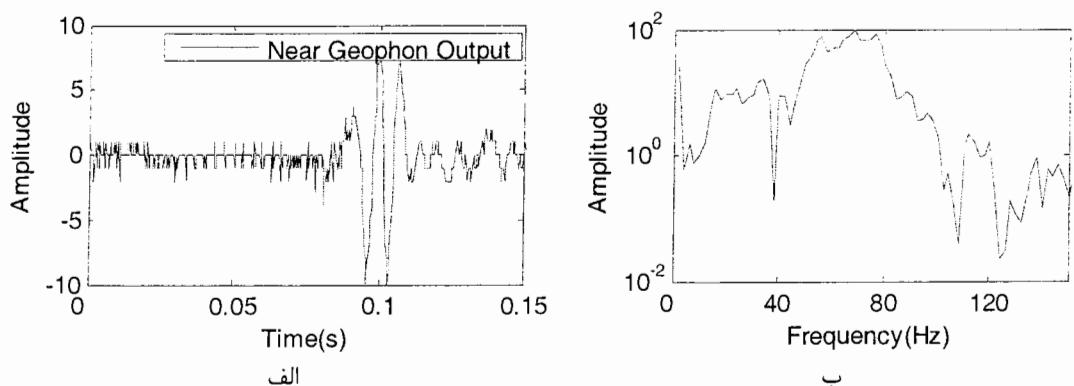
شکل ض-۳۰- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی(ب) متقابل در نقطه  
BH18 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



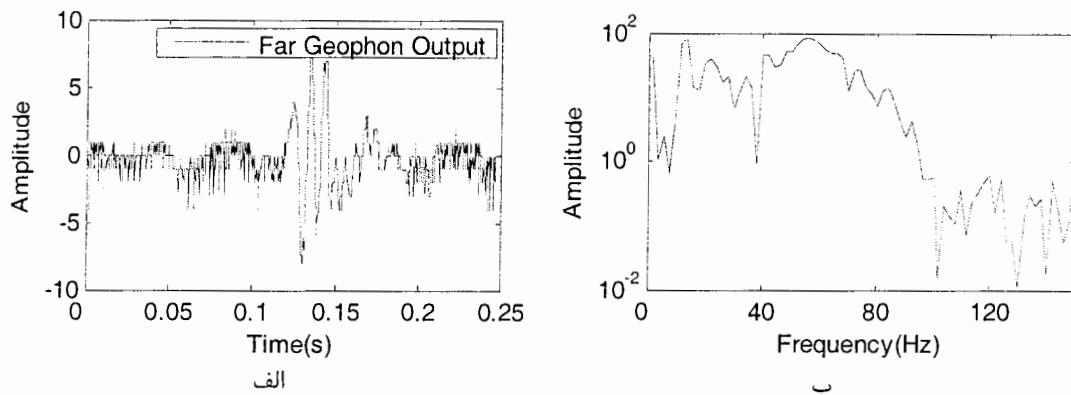
شکل ض-۳۱- طیف فاز توان همبستگی متقابل و ایچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)  
در نقطه ۱۸ (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



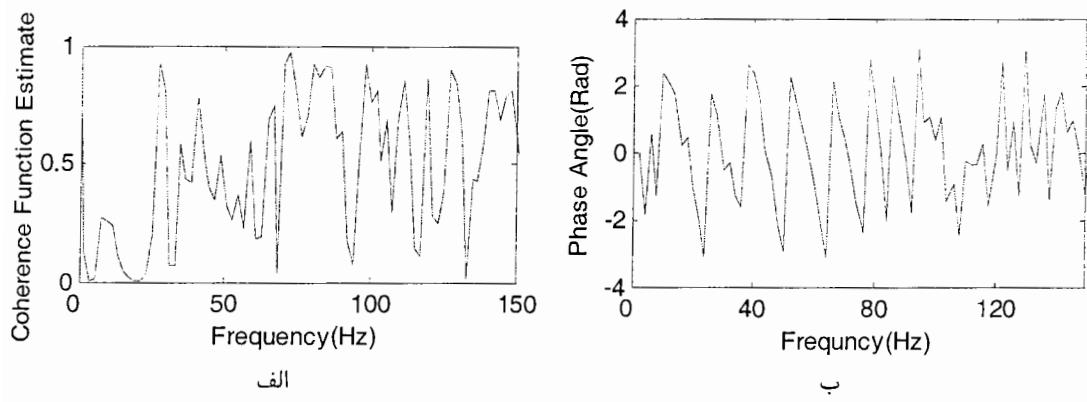
شکل ض-۳۲- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه ۱۸(BH18)(فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



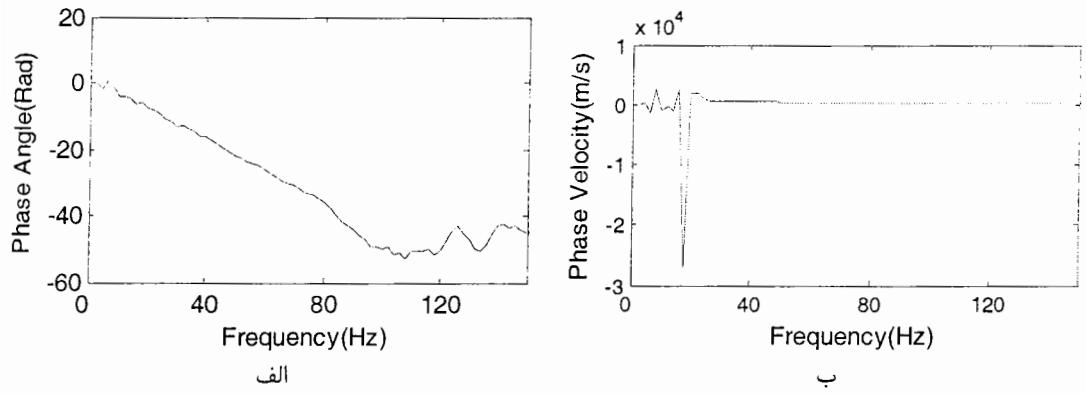
شکل ض-۳۳- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه ۱۸ BH18 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲۰ متر)



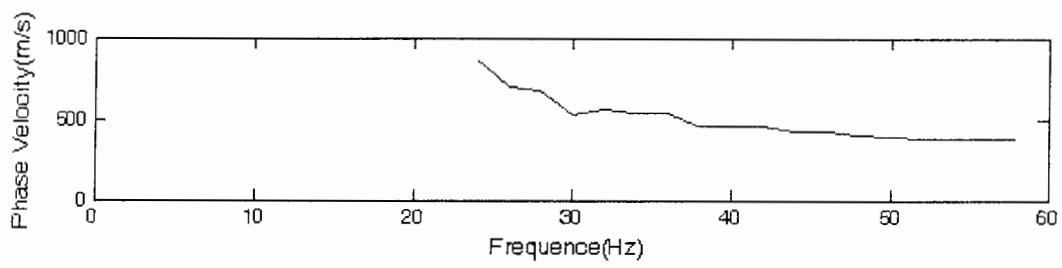
شكل ض-٣٤- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH18 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲۰ متر)



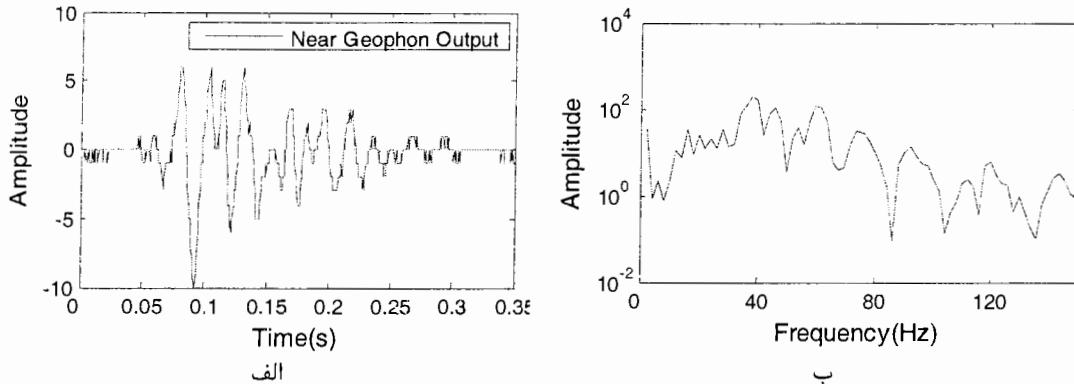
شكل ض-٣٥- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی(ب) متقابل در نقطه BH18 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲۰ متر)



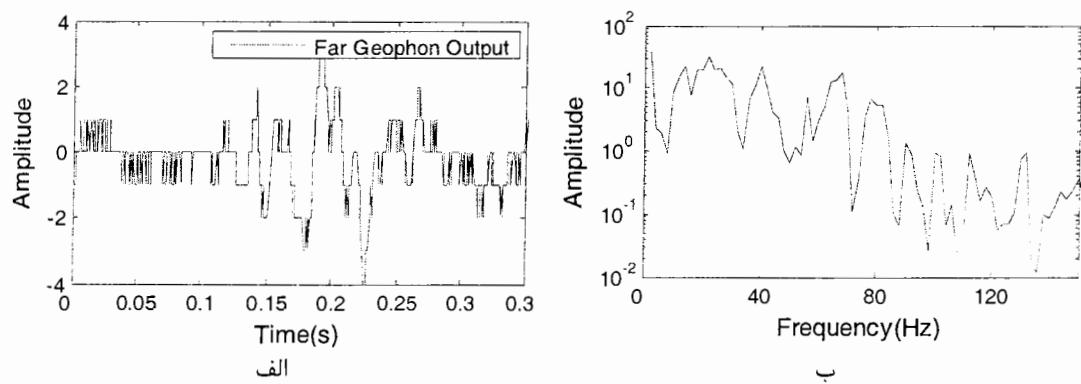
شكل ض-٣٦- طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده(ب) در نقطه BH18 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲۰ متر)



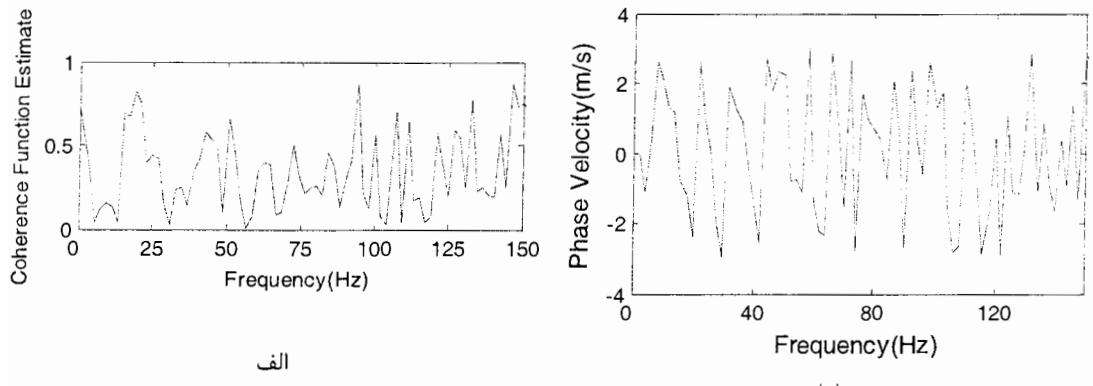
شکل ض-الف-۳۷- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه BH18 (فاصله بین ژئوفون ها ۲۰ متر)



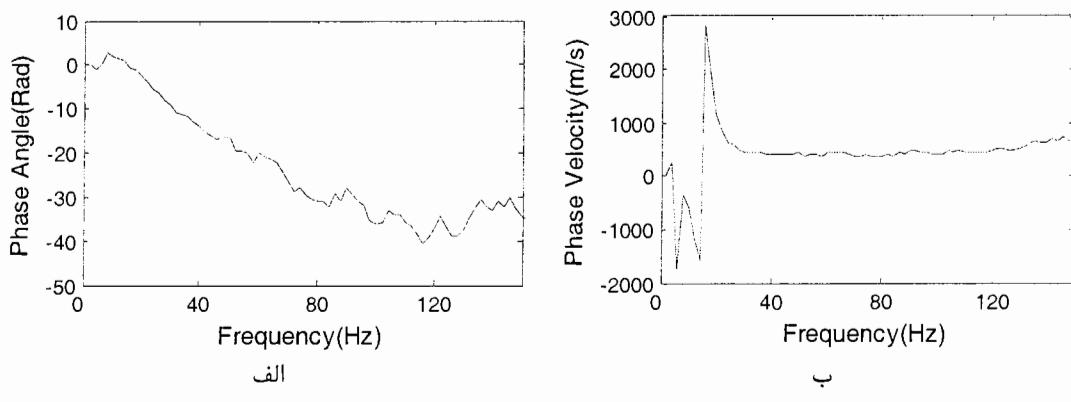
شکل ض-الف-۳۸- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH18 (فاصله بین ژئوفون ها ۲۴ متر)



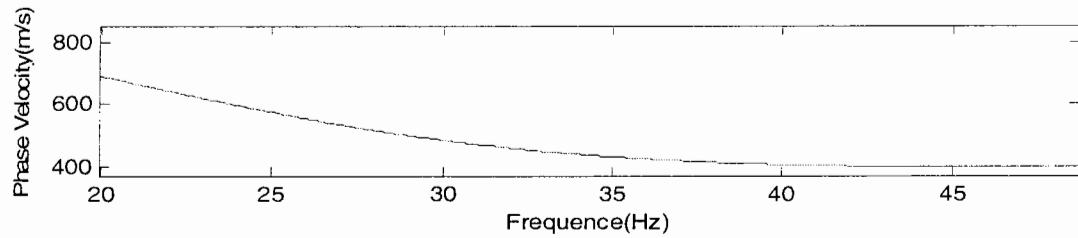
شکل ض-الف-۳۹- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH18 (فاصله بین ژئوفون ها ۲۴ متر)



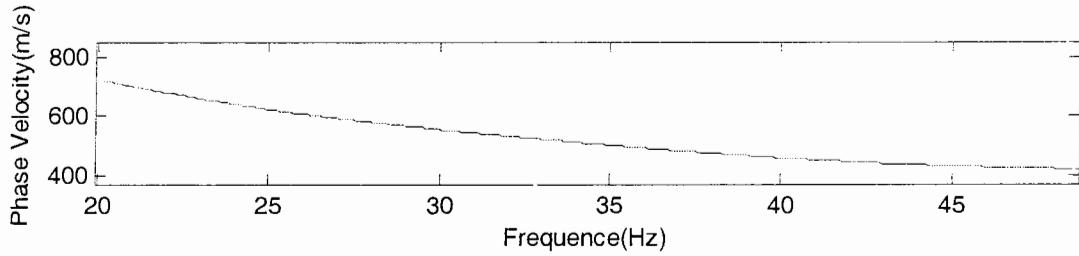
شکل ض-الف-۴۰- مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی(ب) متناظر در نقطه BH18 (فاصله بین ژئوفون ها ۲۰ متر)



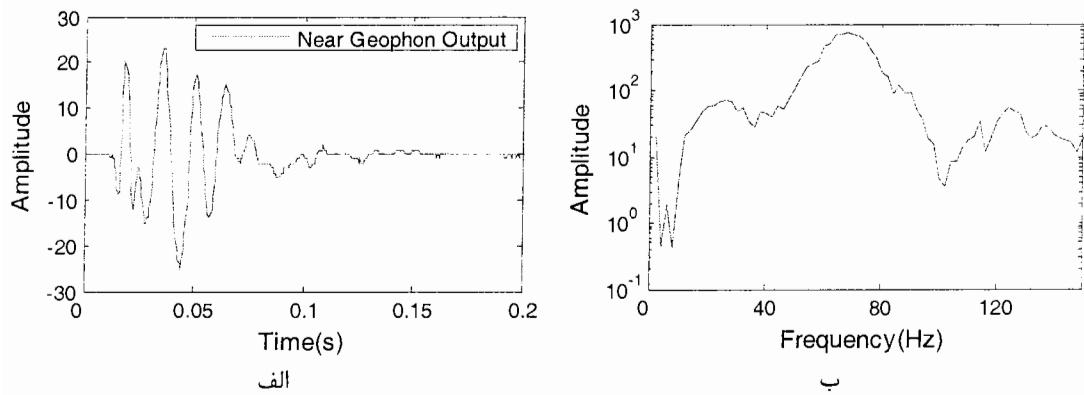
شکل ض-الف-۴۱- طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)  
در نقطه BH18 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲۴ متر)



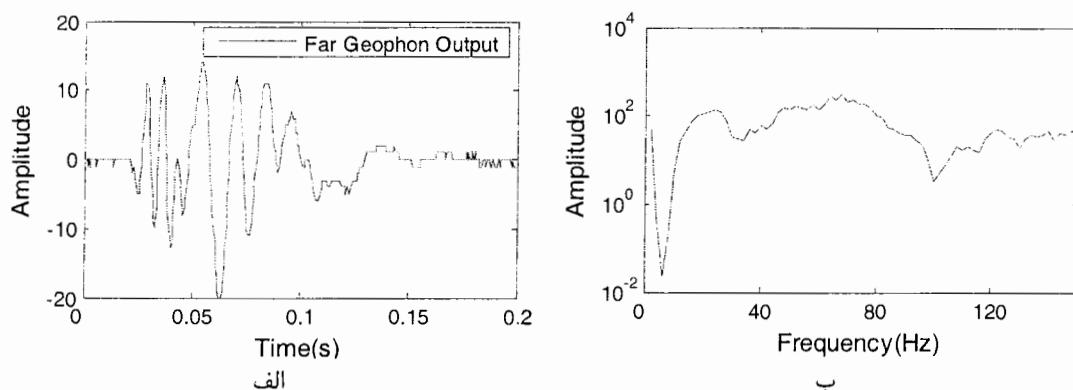
شکل ض-الف-۴۲- منحنی پراکندگی فیلتر نشده در نقطه BH18 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲۴ متر)



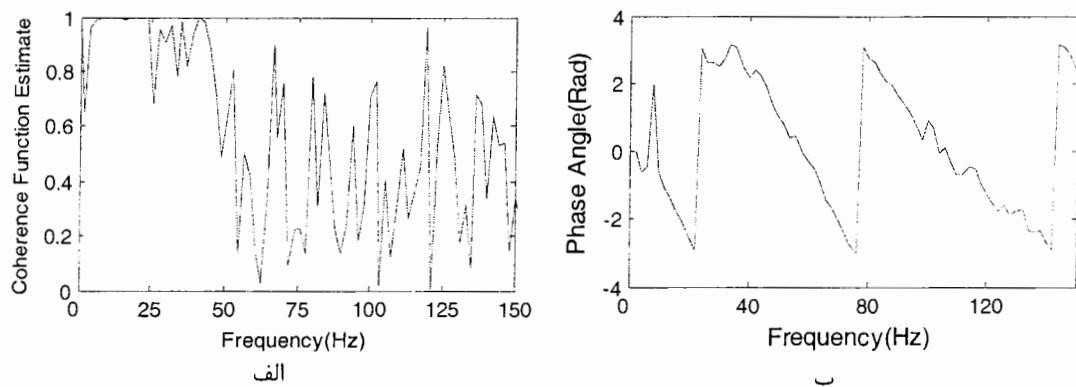
شکل ض-الف-۴۳- منحنی پراکندگی نهایی در نقطه BH18



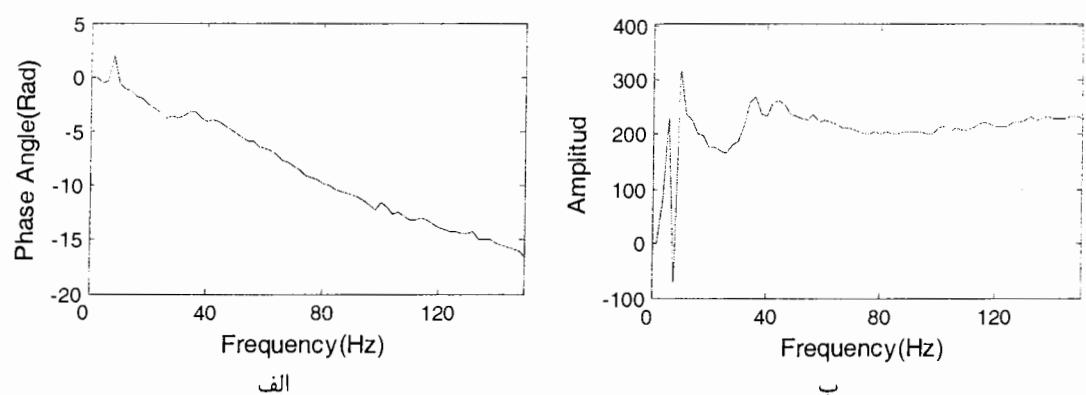
شکل ض-الف-۴۴- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH14 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



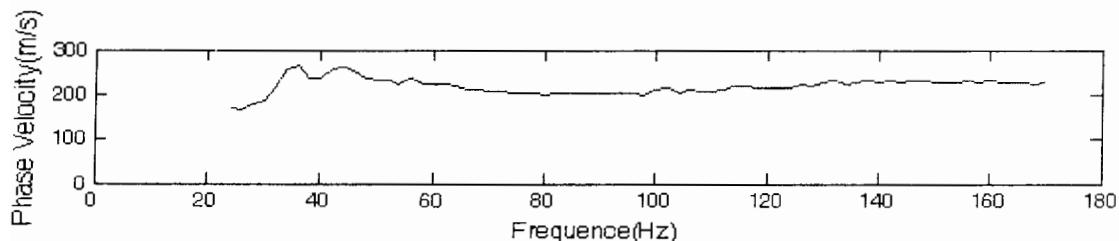
شكل ض-الف-٤٥- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH14 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



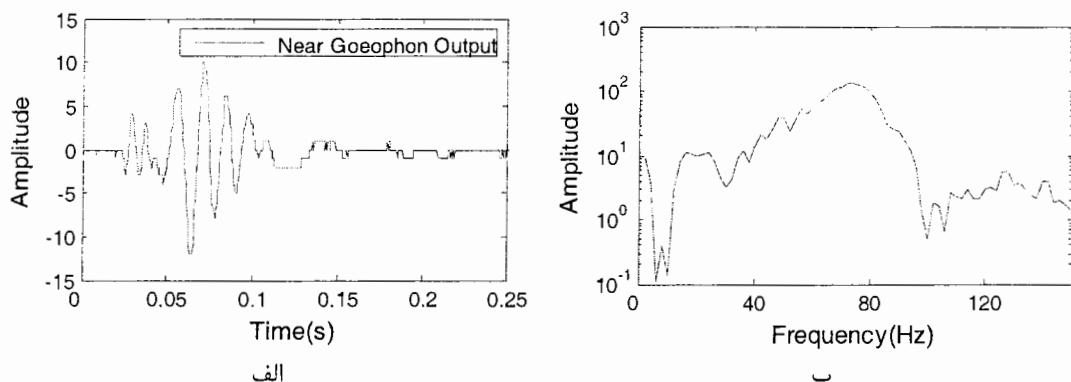
شكل ض-الف-٤٦- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی(ب) متقابل در نقطه BH14 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



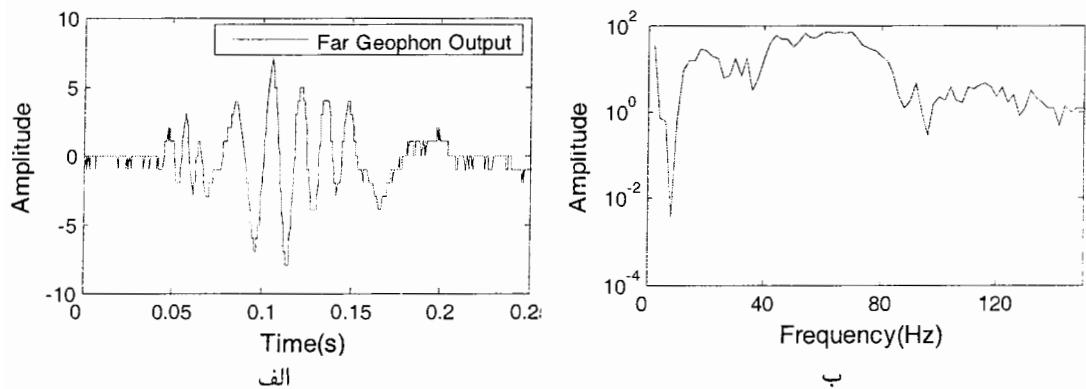
شكل ض-الف-٤٧- طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده(ب)  
در نقطه BH14 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



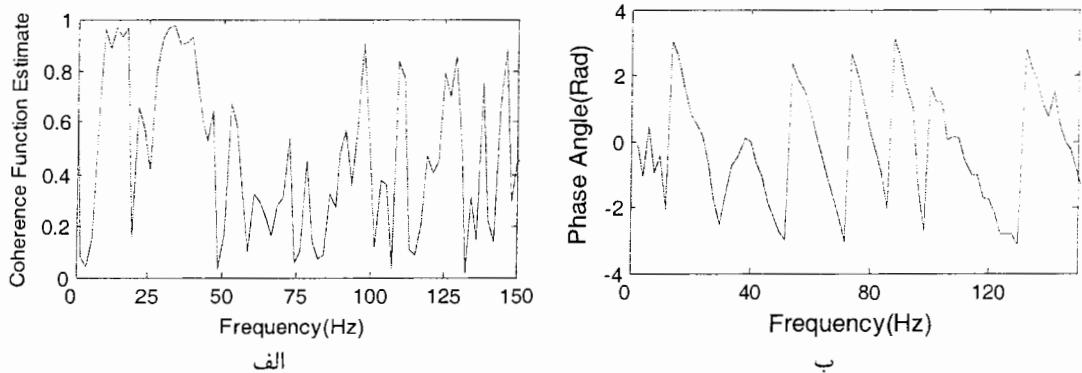
شكل ض-الف-٤٨- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه BH14(فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



شكل ض-الف-٤٩- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH14 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)

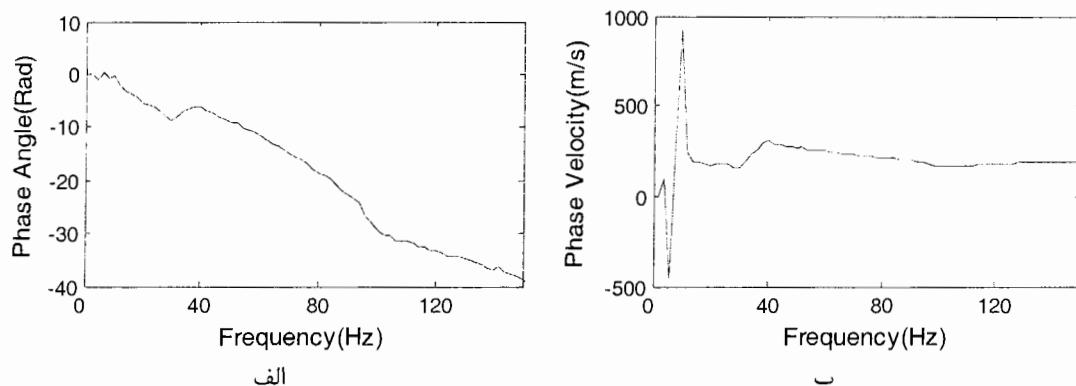


شكل ض-الف-٥٠- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH14 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)

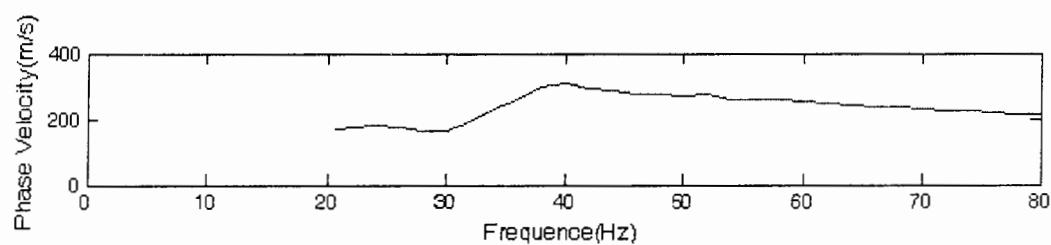


شكل ض-الف-٥١- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی(ب) متقابل در نقطه

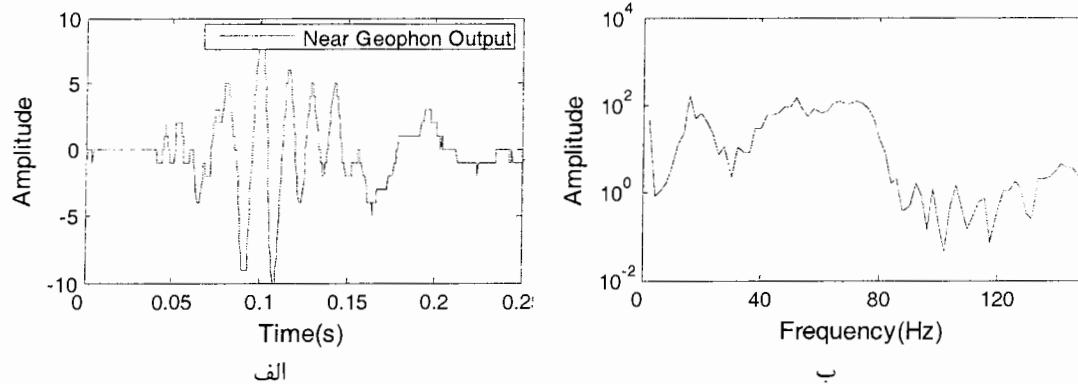
BH14 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)



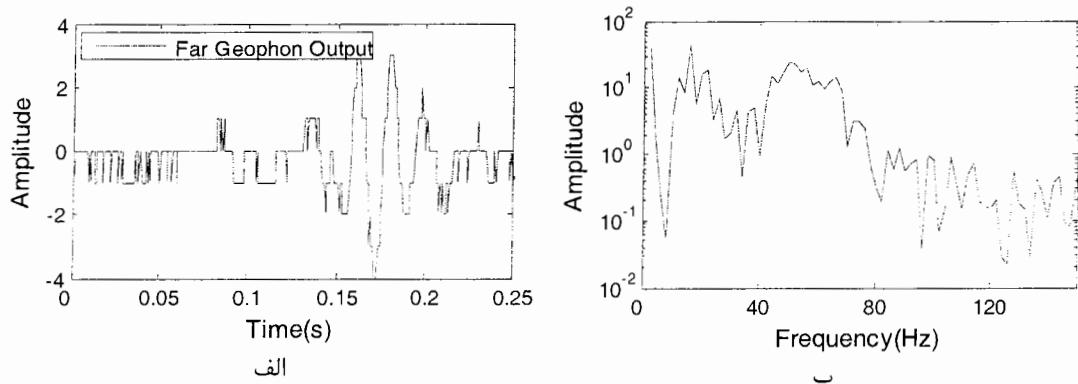
شکل ض-۵۲- طیف فاز توان همبستگی متقابل و ایجاد شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)  
در نقطه 14 BH14 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)



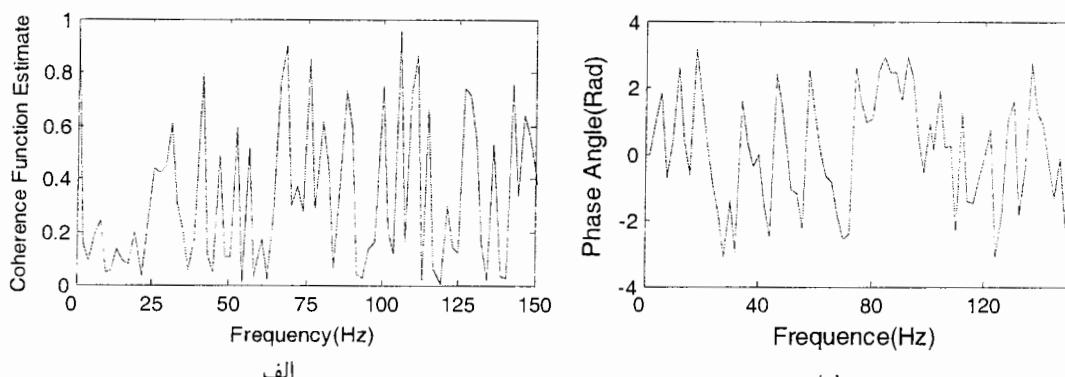
شکل ض-۵۳- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه 14 BH14 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)



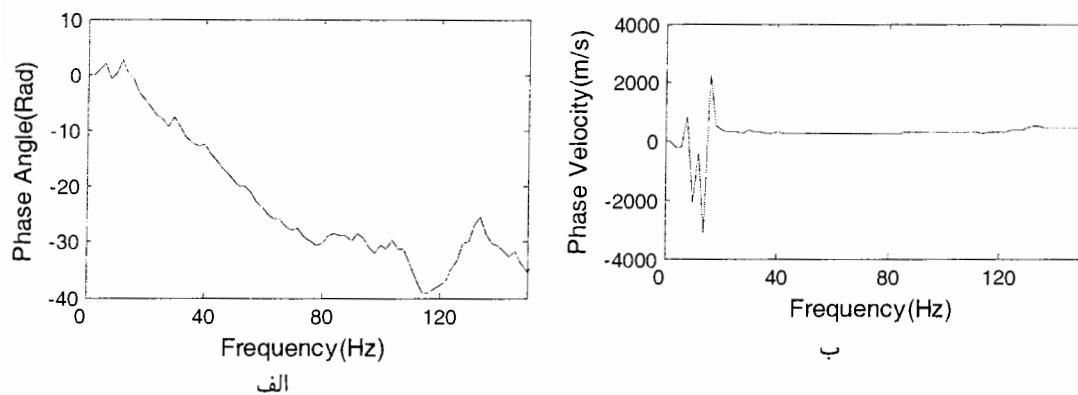
شکل ض-۵۴- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه 14 BH14 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



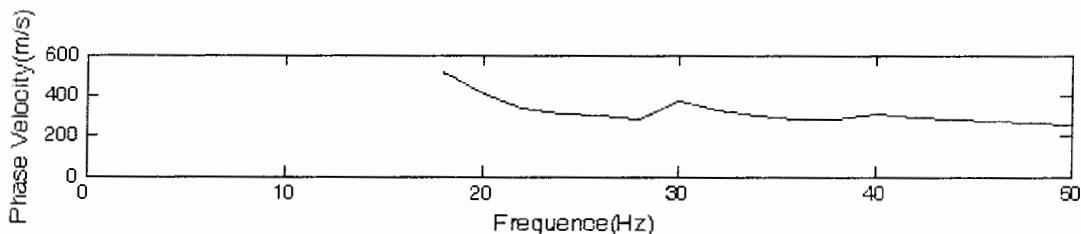
شکل ض-۵۵- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه 14 BH14 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



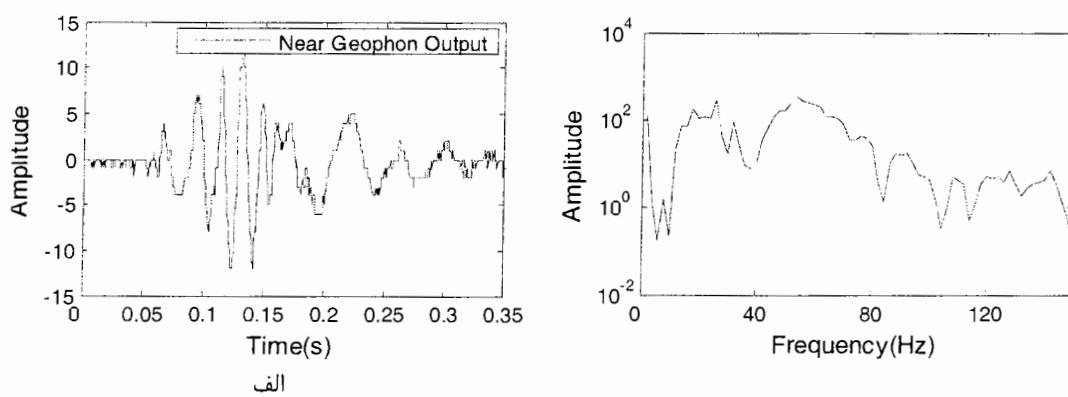
شکل ض-الف-۵۶- مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی(ب) متناظر در نقطه BH14 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



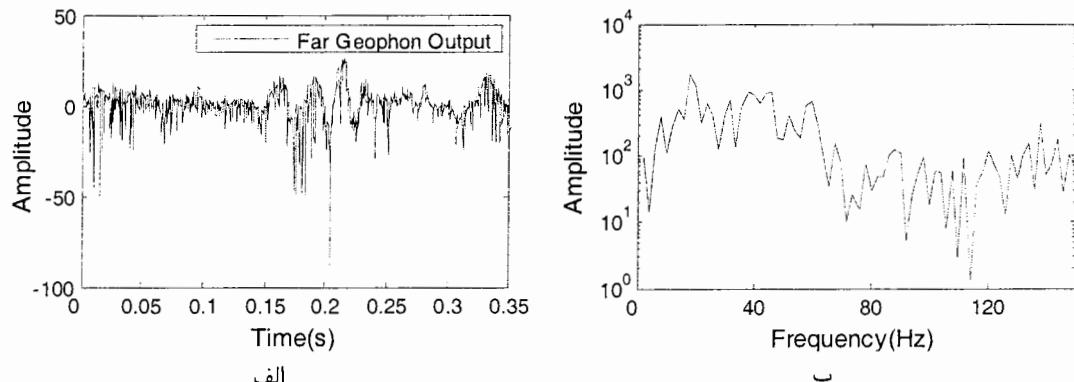
شکل ض-الف-۵۷- طیف فاز توان همبستگی متناظر واپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده(ب) در نقطه BH14 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



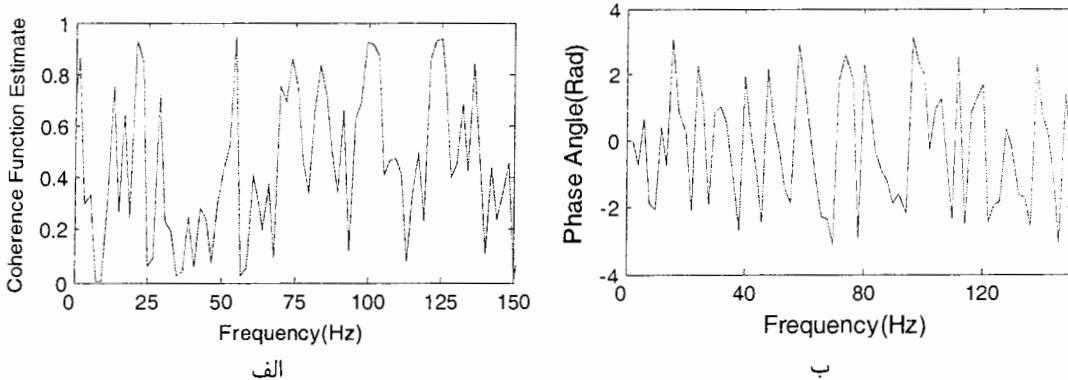
شکل ض-الف-۵۸- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه BH14 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



شکل ض-الف-۵۹- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH14 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲۰ متر)

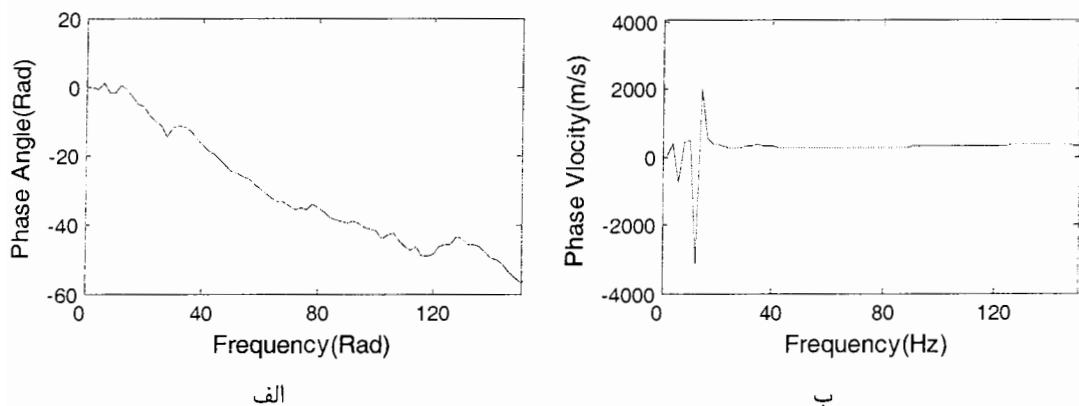


شكل ض-الف-٦٠- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH14 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲۰ متر)



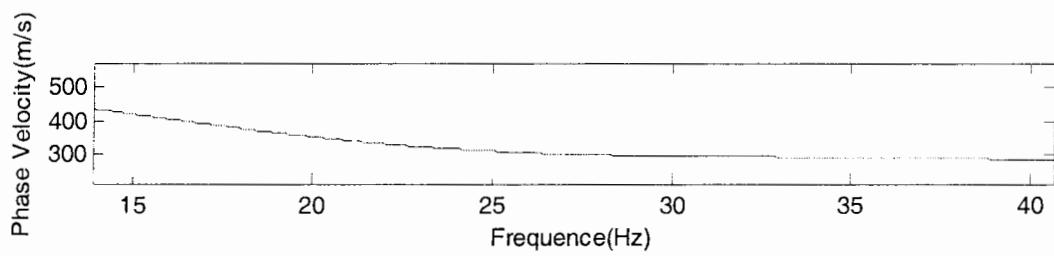
شكل ض-الف-٦١- مقدار مریبوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی متقابل(ب) در نقطه

BH14 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲۰ متر)

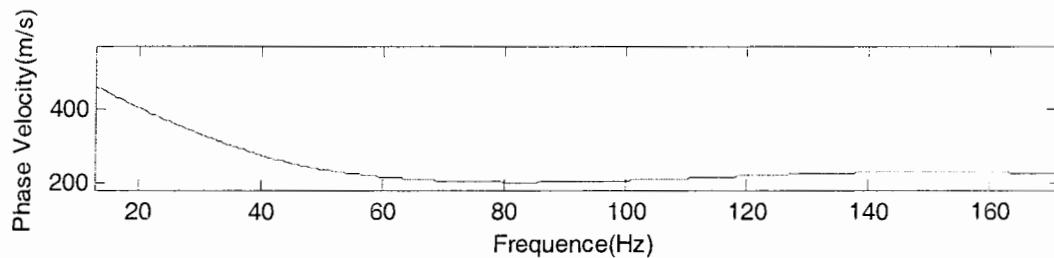


شكل ض-الف-٦٢- طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیجیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)

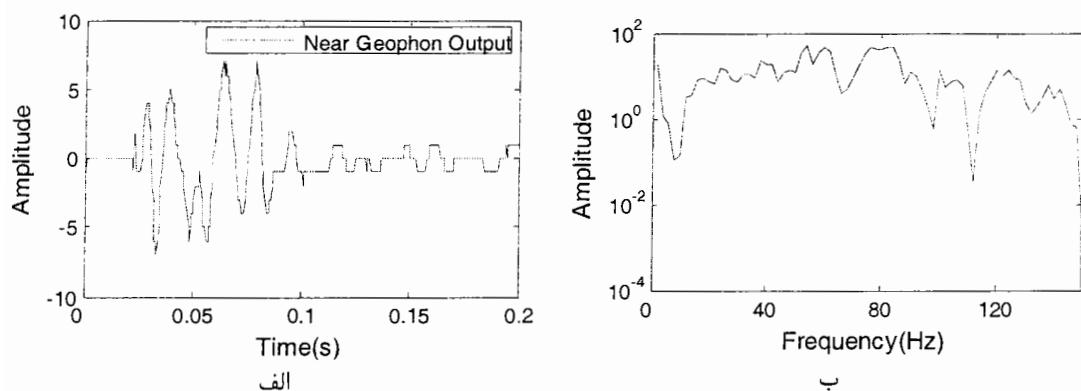
در نقطه BH14 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲۰ متر)



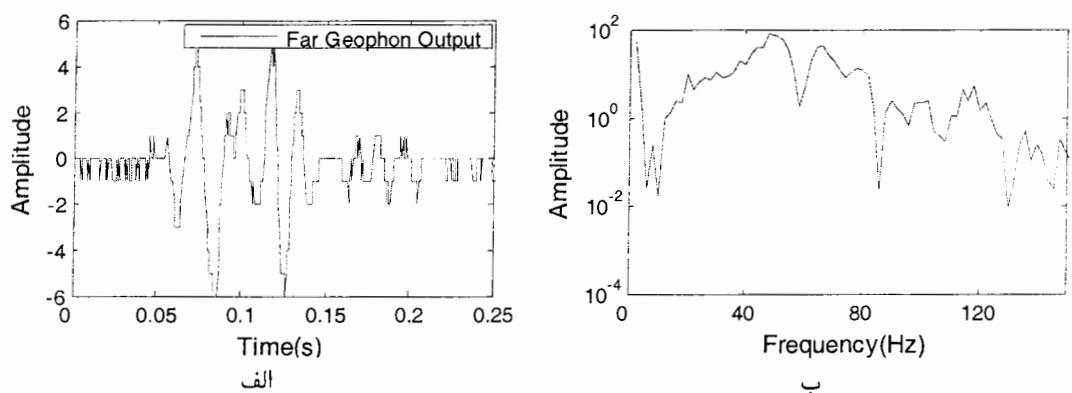
شکل ض-الف-۶۳- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه BH14 (فاصله بین ژئوفون ها ۲۰ متر)



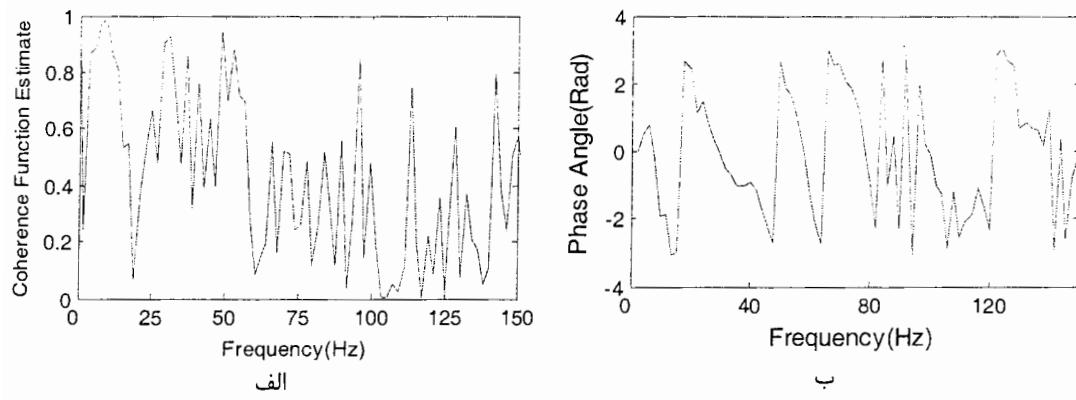
شکل ض-الف-۶۴- منحنی پراکندگی نهایی در نقطه BH14



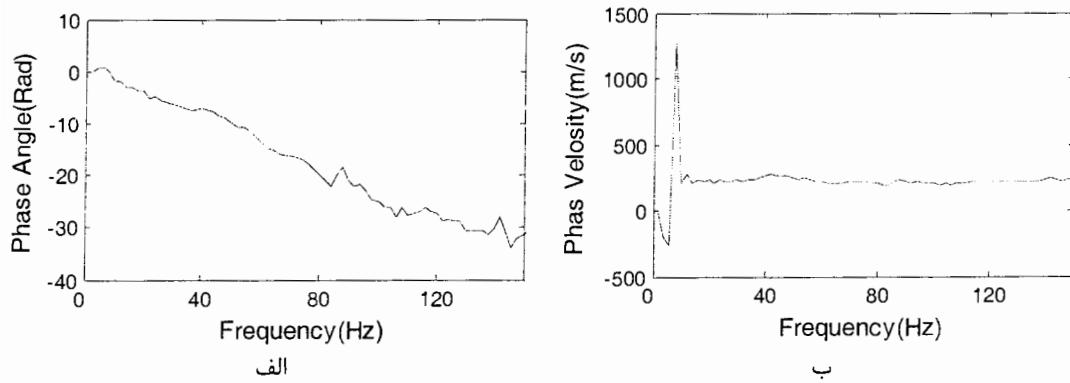
شکل ض-الف-۶۵- - لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH10 (فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)



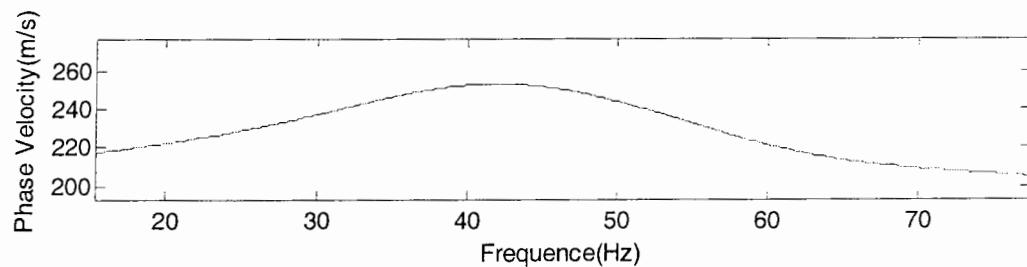
شکل ض-الف-۶۶- - لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH10 (فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)



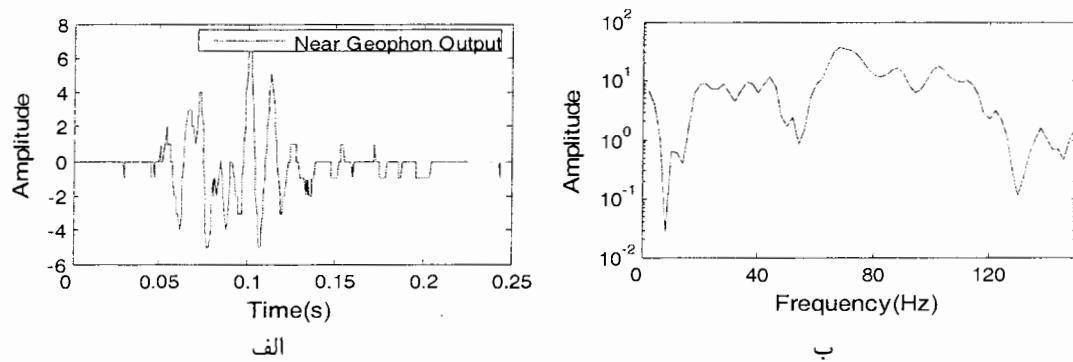
شكل ض-الف-۶۷- مقدار مرتبه به تابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی متقابل(ب) در نقطه  
 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)



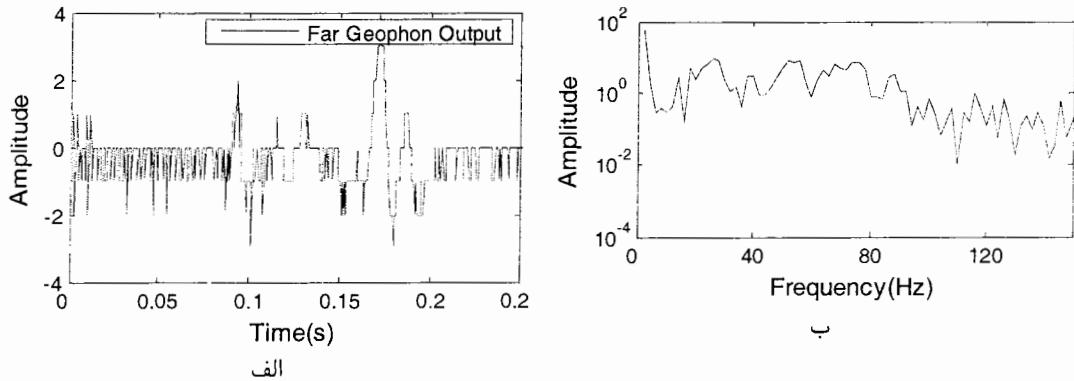
شكل ض-الف-۶۸- طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)  
 در نقطه 10 BH10 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)



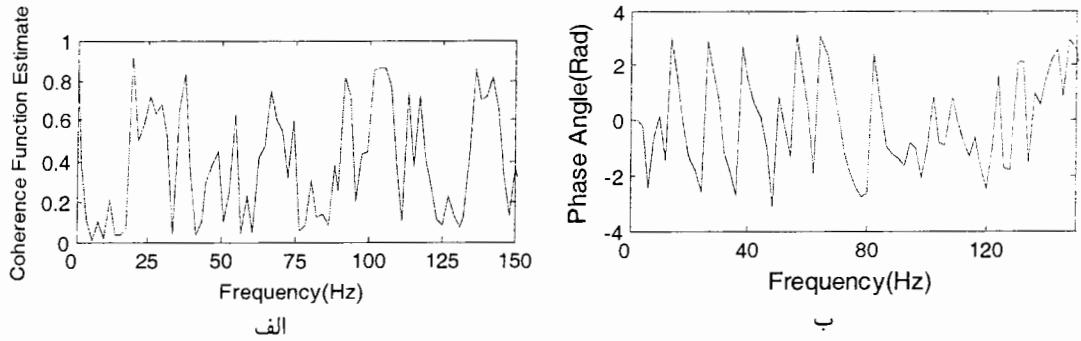
شكل ض-الف-۶۹- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه 10 BH10 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)



شكل ض-الف-٧٠- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH10 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)

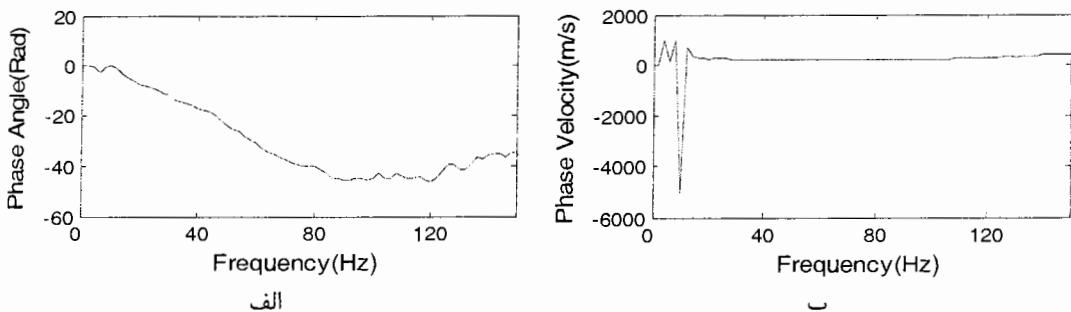


شكل ض-الف-٧١- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH10 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



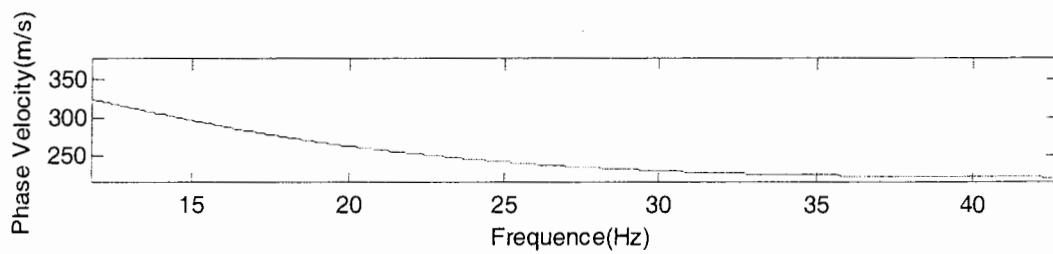
شكل ض-الف-٧٢- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی متقابل(ب) در نقطه

BH10 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)

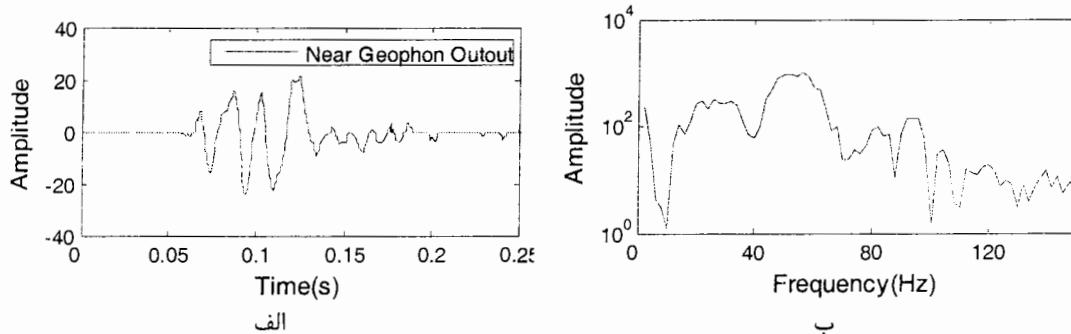


شكل ض-الف-٧٣- طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده(ب)

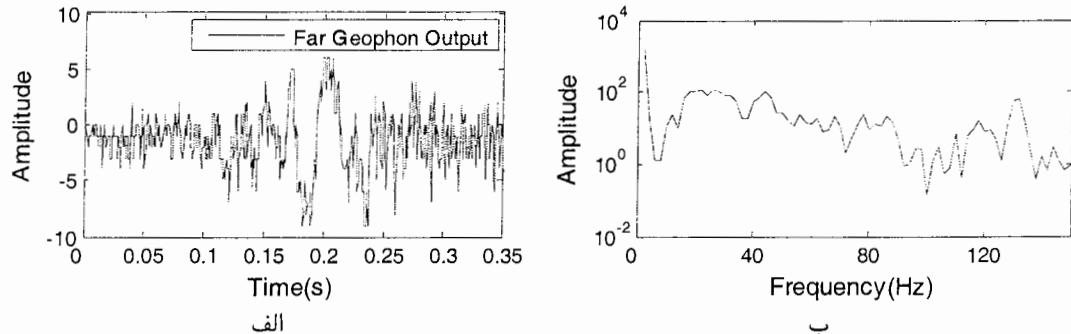
در نقطه BH10 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



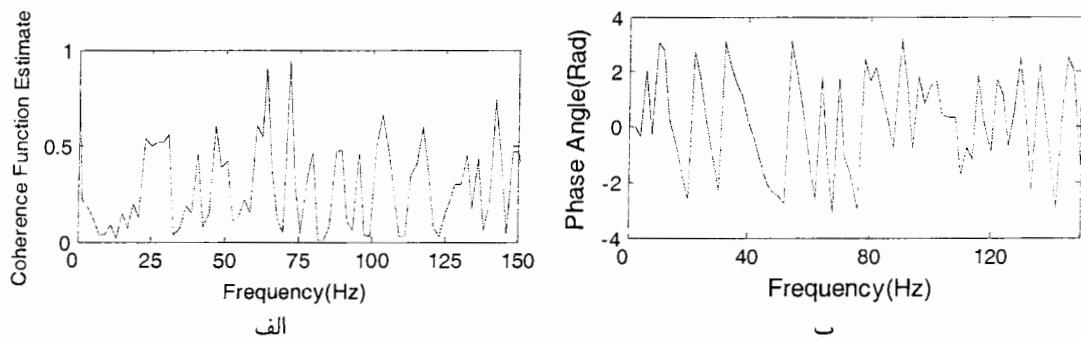
شكل ض-الف-٧٤- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه BH10 (فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر)



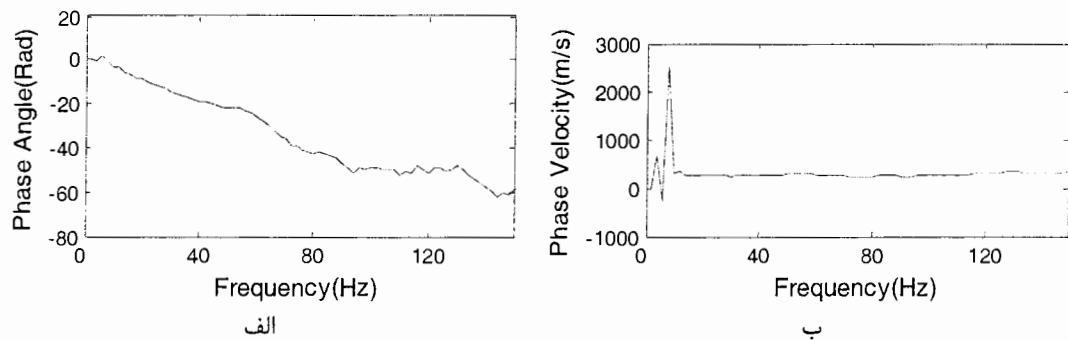
شكل ض-الف-٧٥- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH10 (فاصله بین ژئوفون ها ۲۰ متر)



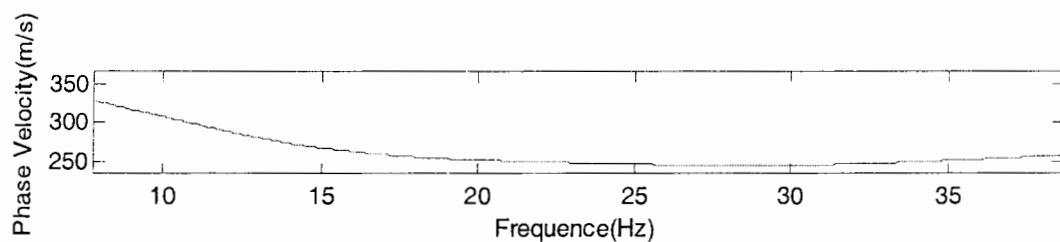
شكل ض-الف-٧٦- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH10 (فاصله بین ژئوفون ها ۲۰ متر)



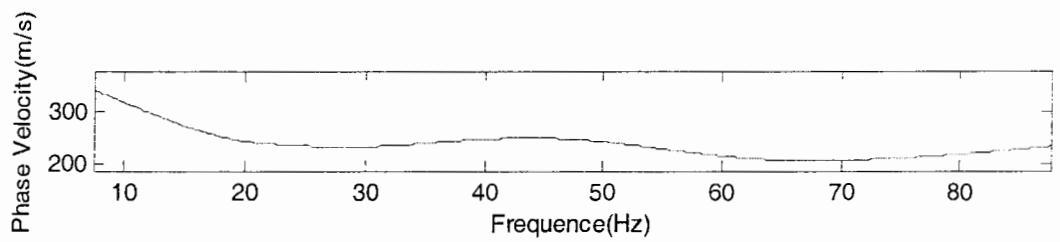
شكل ض-الف-٧٧- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی متقابل(ب) در نقطه BH10 (فاصله بین ژئوفون ها ۲۰ متر)



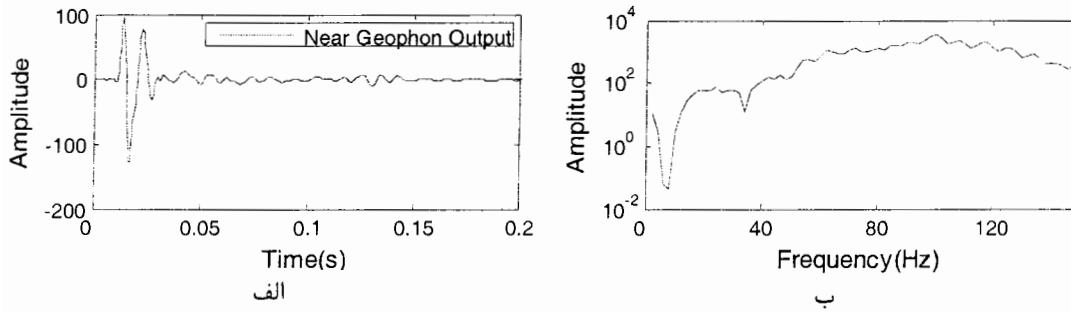
شکل ض-الف-۷۸- طیف فاز توان همبستگی متقابل و اپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)  
در نقطه BH10 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲۰ متر)



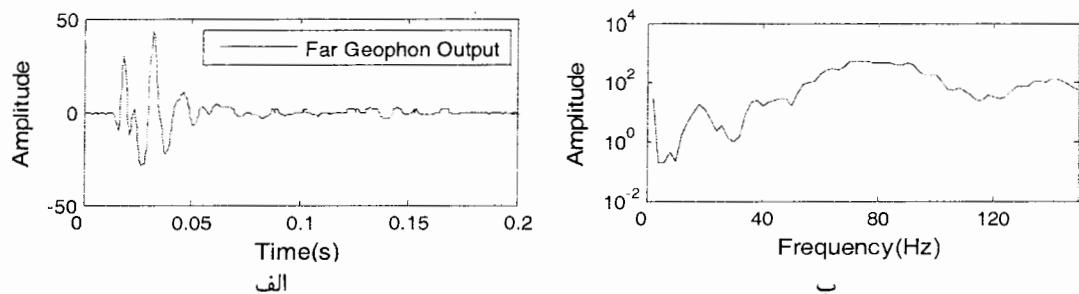
شکل ض-الف-۷۹- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه 10(BH10)(فاصله بین ژئوفون‌ها ۲۰ متر)



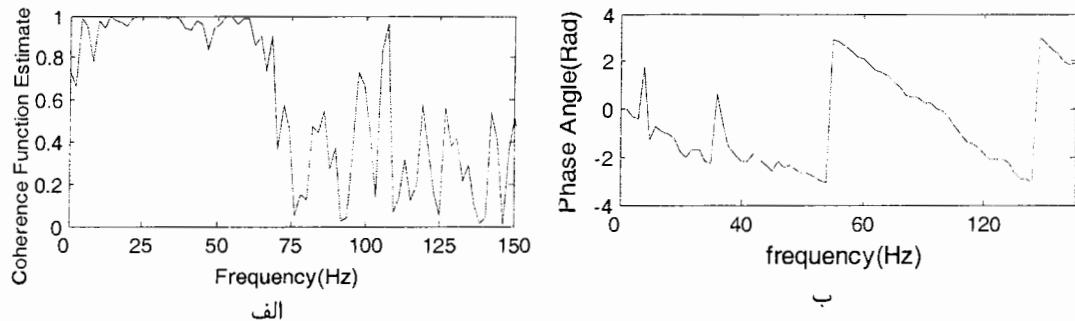
شکل ض-الف-۸۰- منحنی پراکندگی نهایی در نقطه BH10



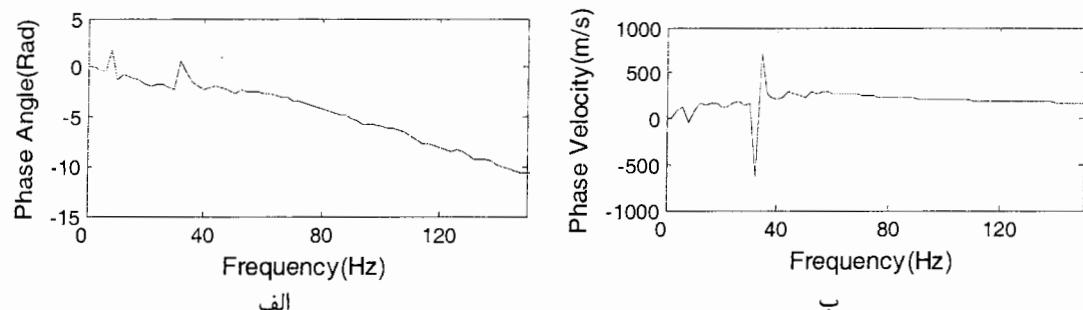
شکل ض-الف-۸۱- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه 17 BH17 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



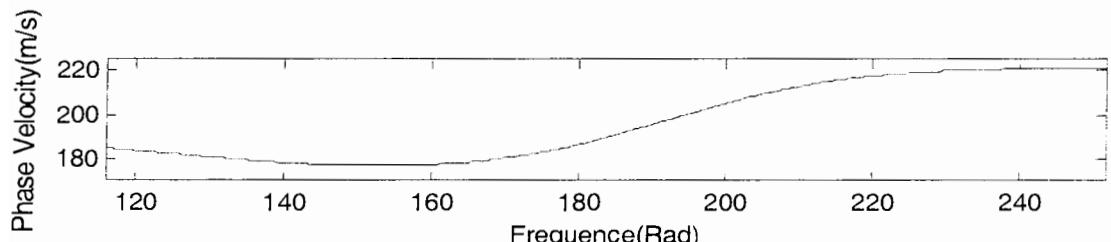
شكل ض-الف-٨٢- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



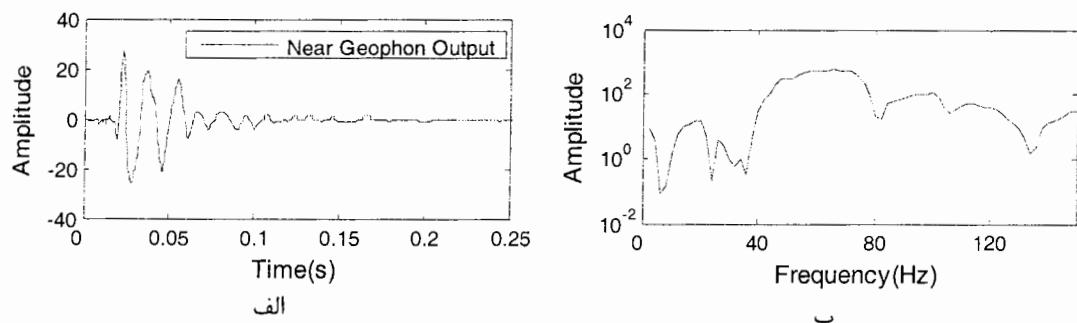
شكل ض-الف-٨٣- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی متقابل(ب) در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



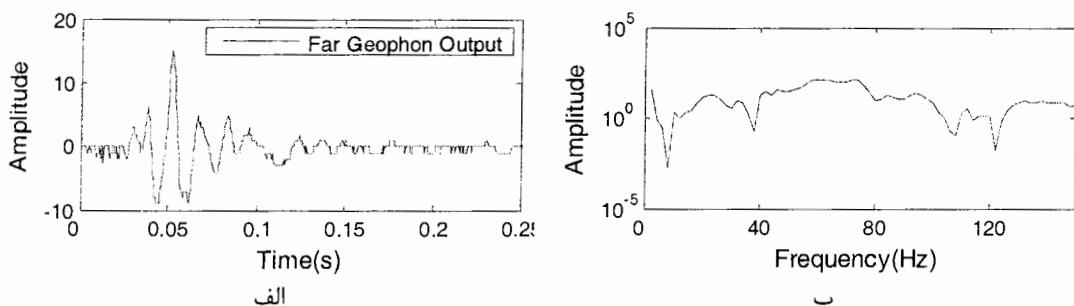
شكل ض-الف-٨٤- طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)  
در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



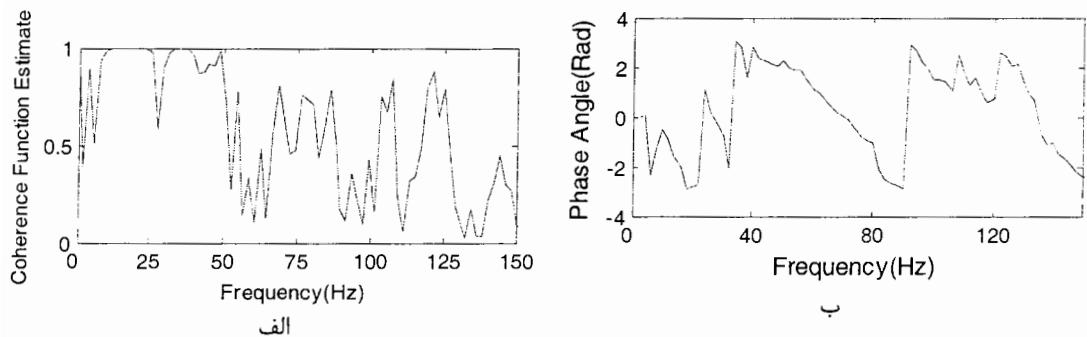
شكل ض-الف-٨٥- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



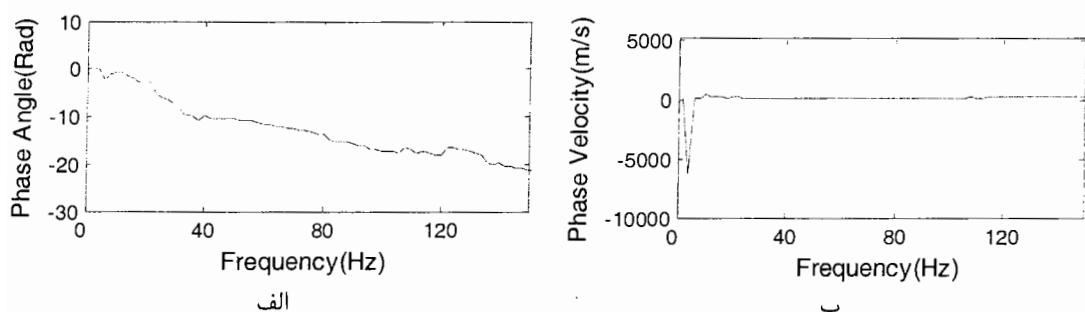
شكل ض-الف-٨٦- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



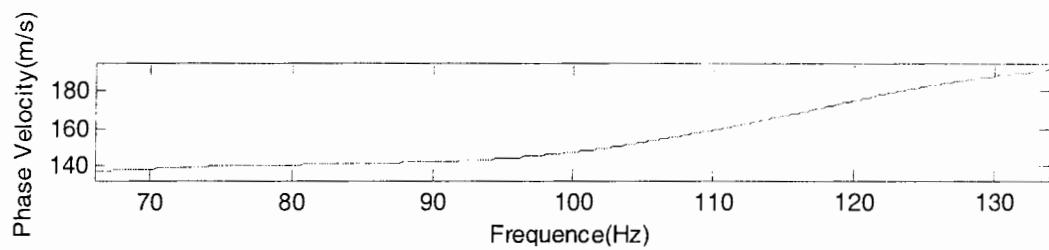
شكل ض-الف-٨٧- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



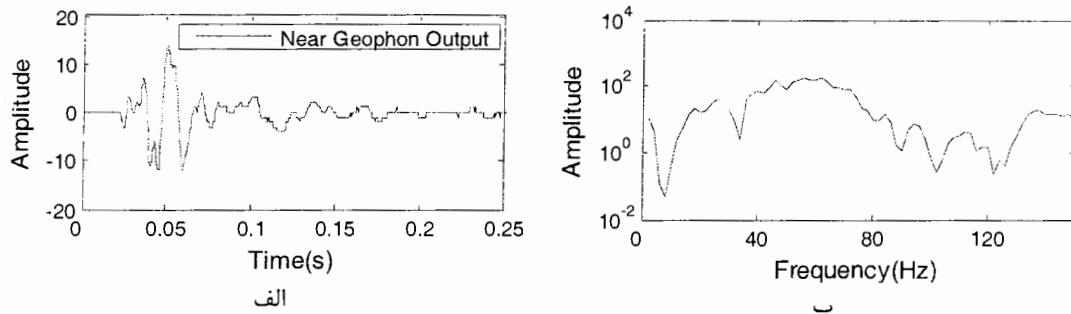
شكل ض-الف-٨٨- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی متقابل(ب) در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



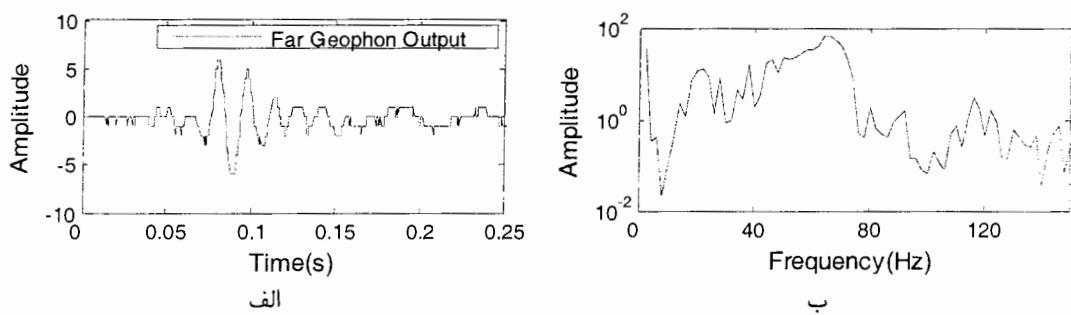
شكل ض-الف-٨٩- طیف فاز توان همبستگی متقابل و اپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده(ب)  
در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



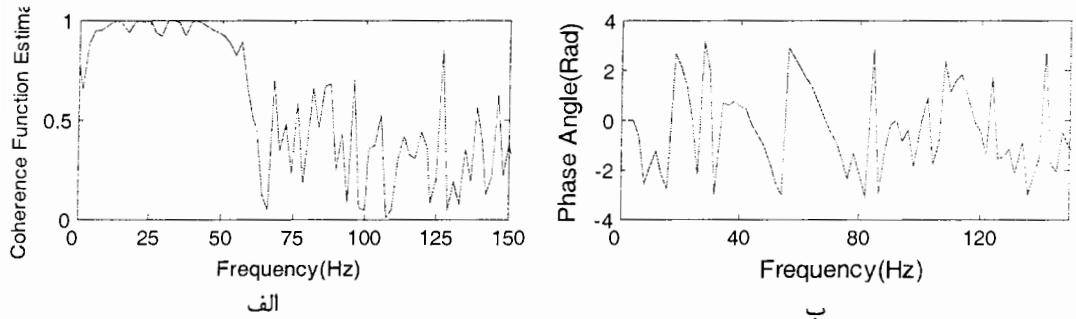
شكل ض-۹۰- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون ها ۴ متر)



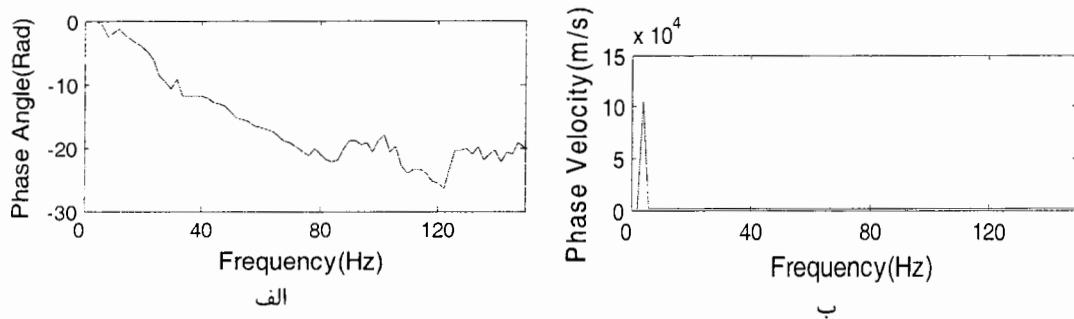
شكل ض-۹۱- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)



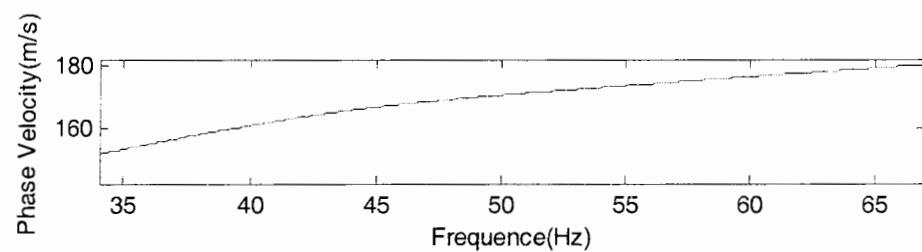
شكل ض-۹۲- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)



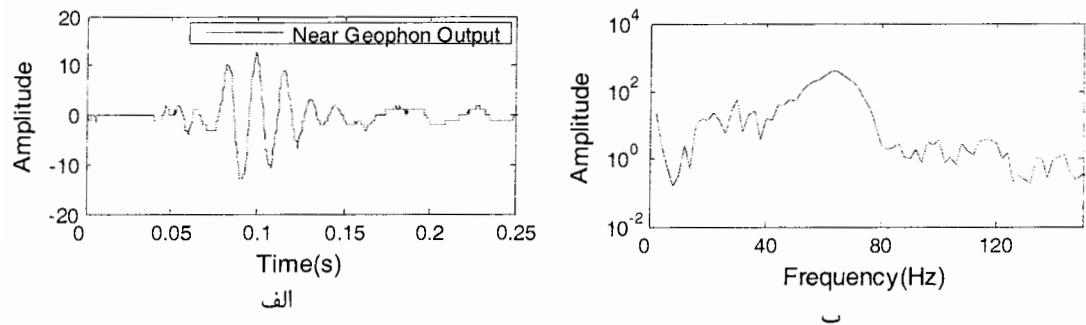
شكل ض-۹۳- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی متقابل(ب) در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)



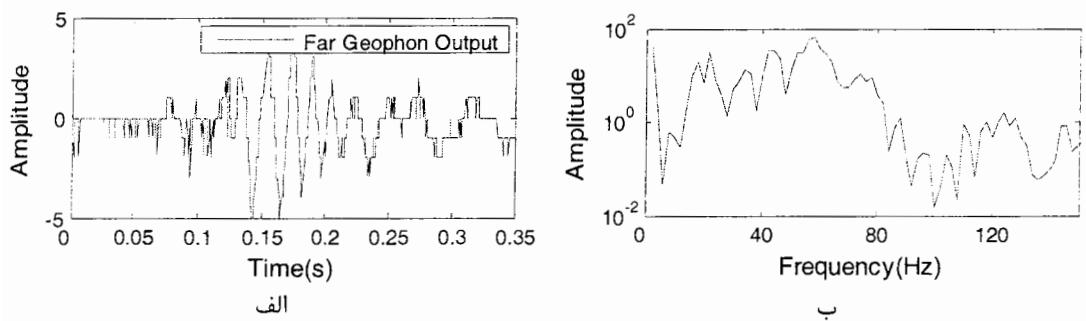
شكل ض-الف-۹۴- طیف فاز توان همبستگی متقابل و اپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)  
در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)



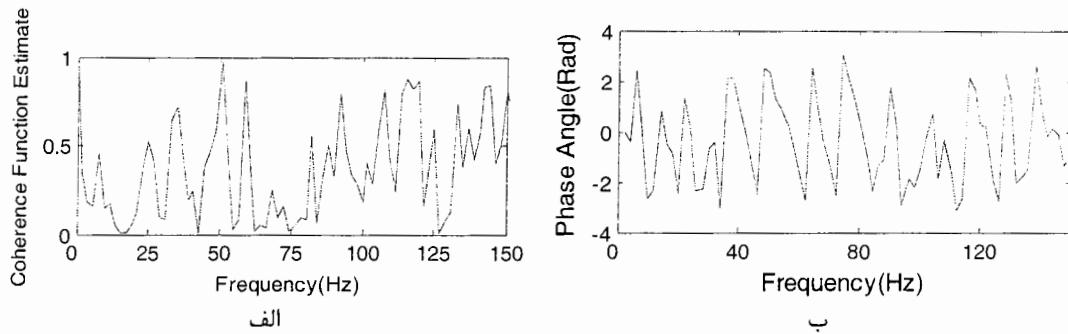
شكل ض-الف-۹۵- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)



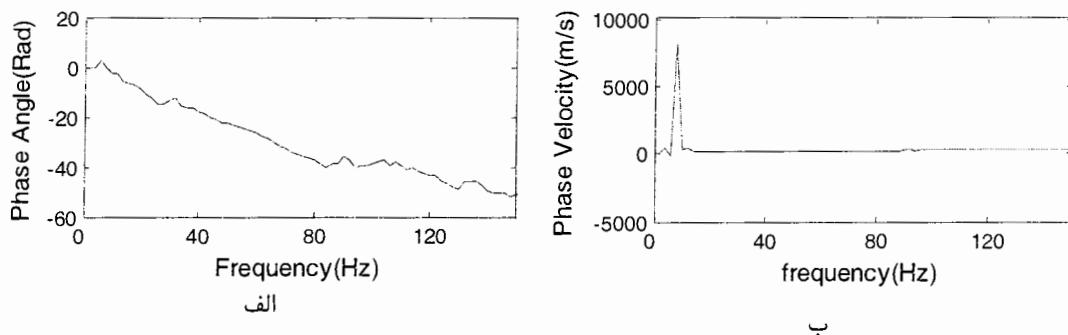
شكل ض-الف-۹۶- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



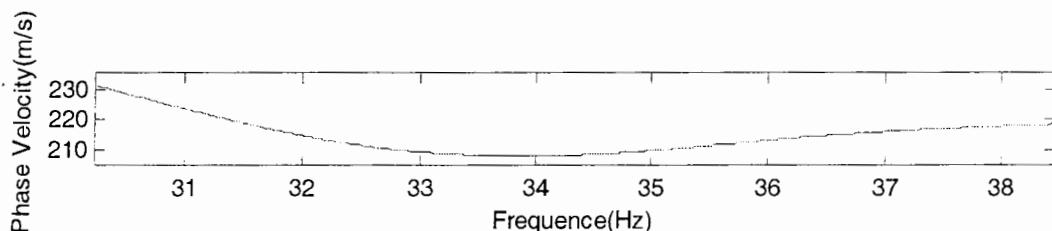
شكل ض-الف-۹۷- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



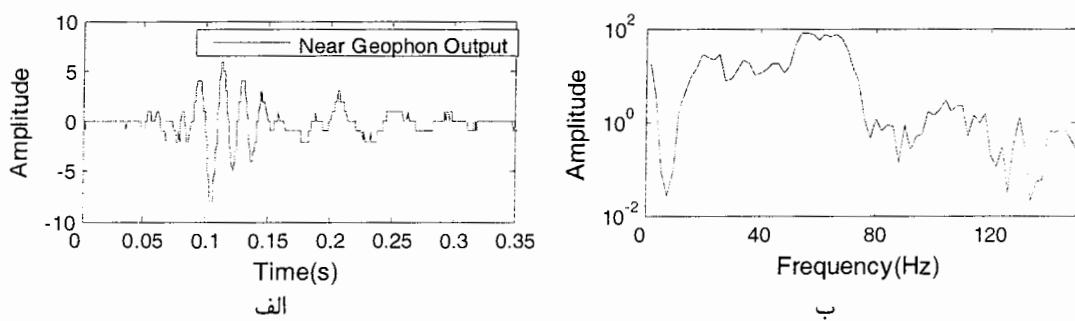
شكل ض-۹۸- مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی متقابل(ب) در نقطه  
BH17 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



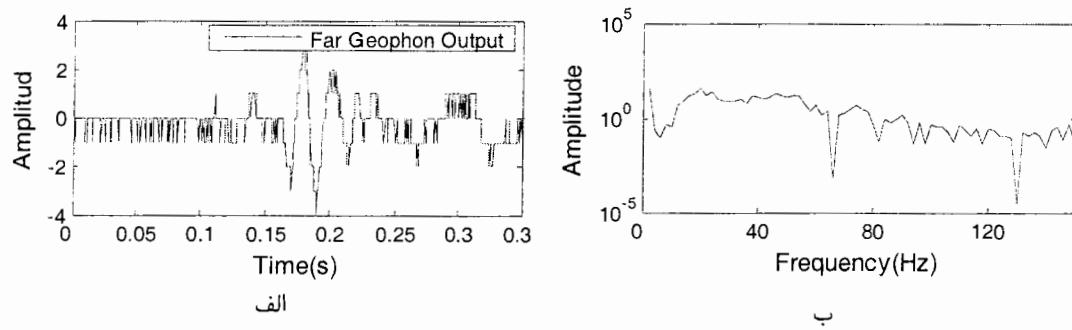
شكل ض-۹۹- طیف فاز توان همبستگی متقابل و ایچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)  
در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



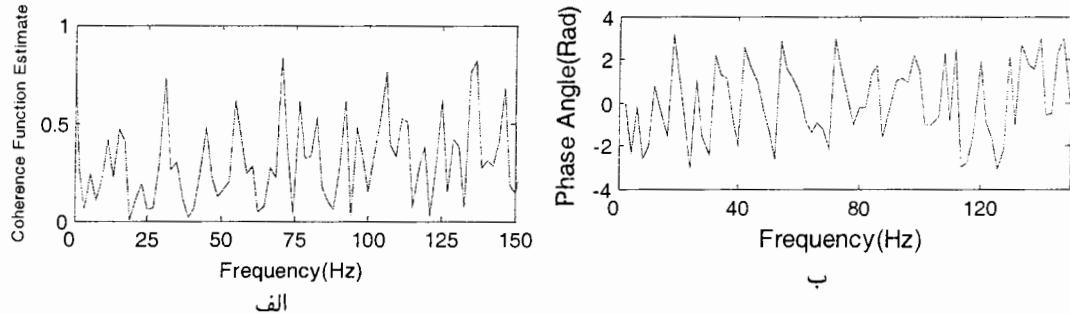
شكل ض-۱۰۰- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه BH17(فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



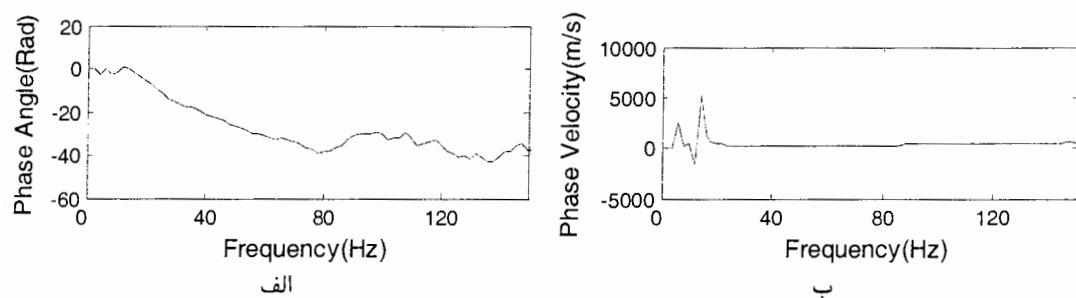
شكل ض-۱۰۱- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



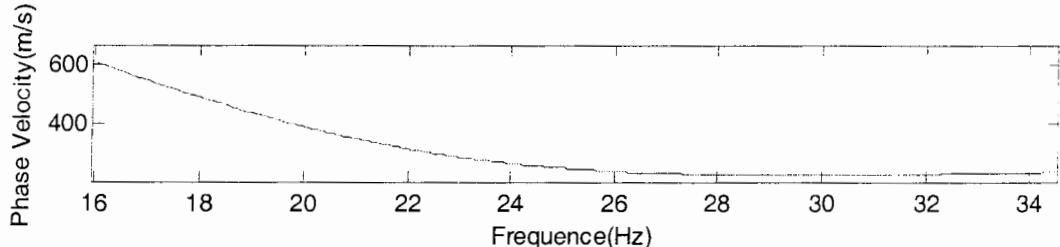
شكل ض-الف-۱- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



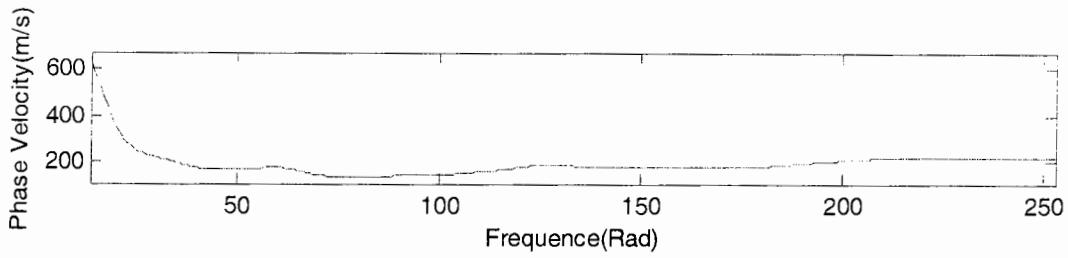
شكل ض-الف-۲- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی متقابل(ب) در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲۰ متر)



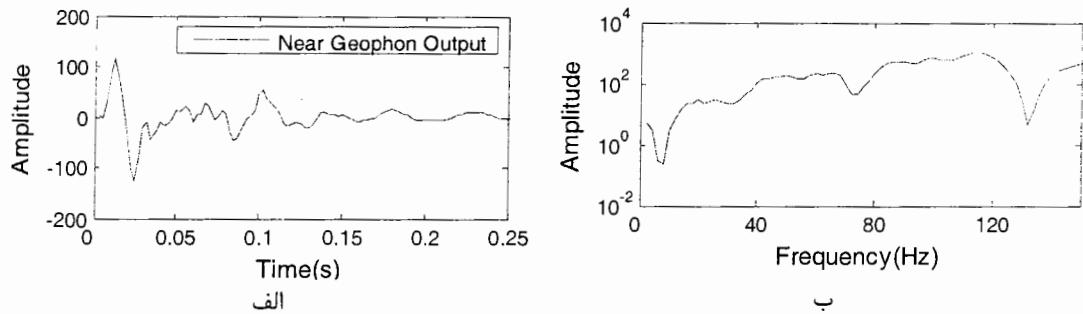
شكل ض-الف-۳- طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده(ب)  
در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲۰ متر)



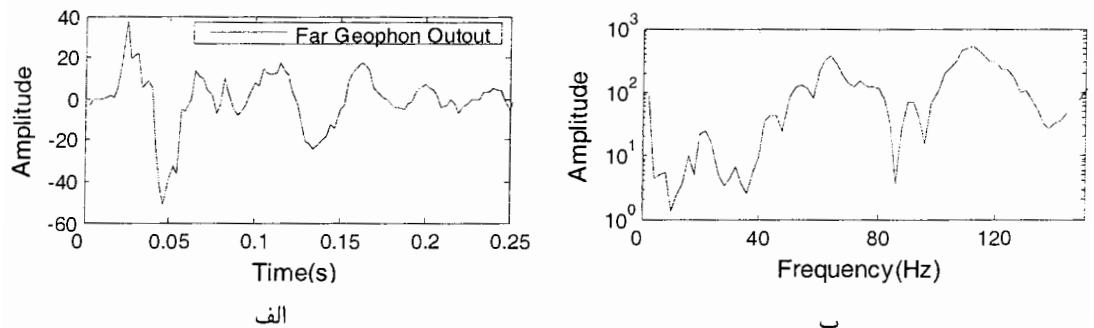
شكل ض-الف-۴- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه BH17 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲۰ متر)



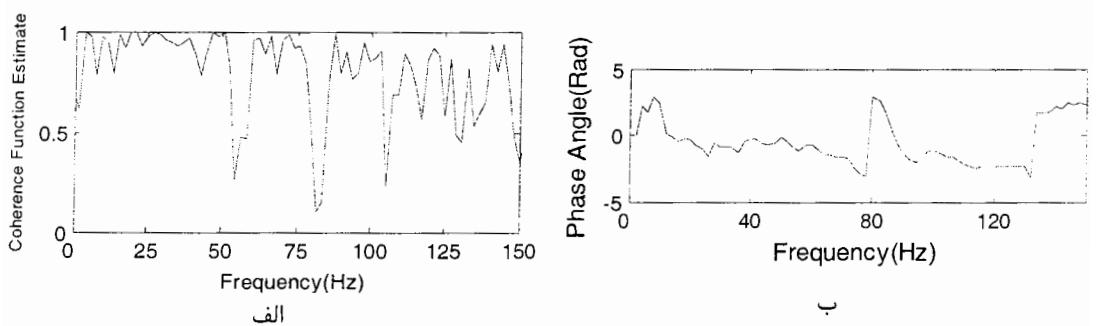
شکل ض-الف-۱۰۵- منحنی پراکندگی نهایی در نقطه BH17



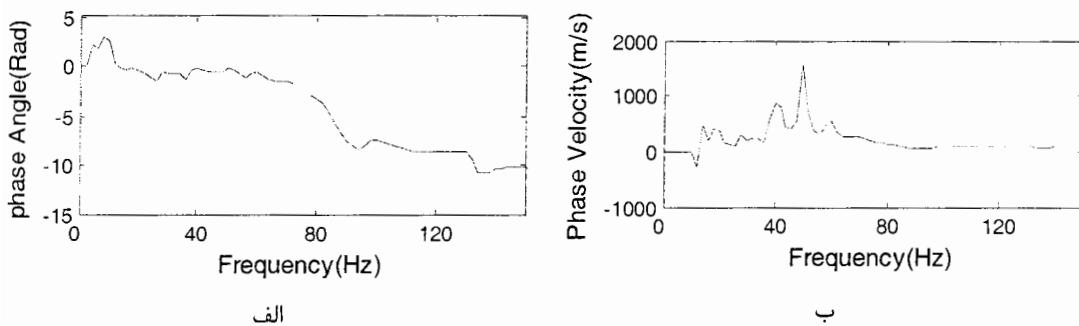
شکل ض-الف-۱۰۶- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱ متر)



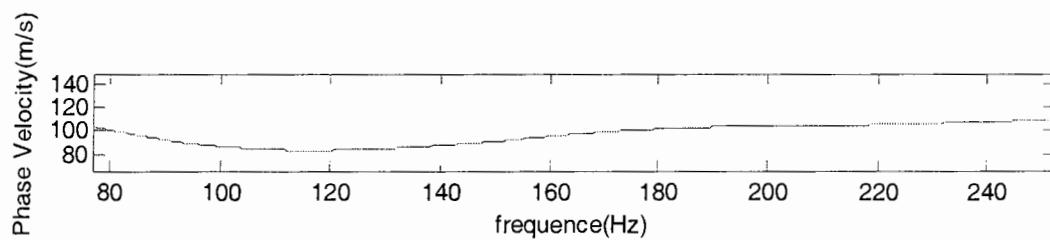
شکل ض-الف-۱۰۷- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱ متر)



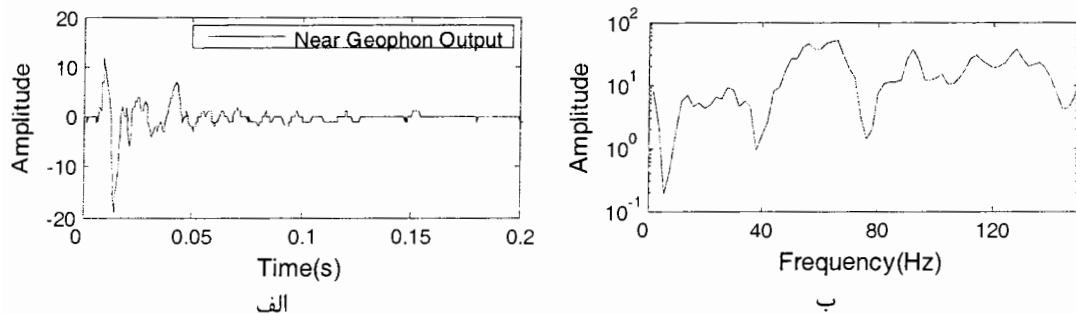
شکل ض-الف-۱۰۸- مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی متقابل(ب) در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱ متر)



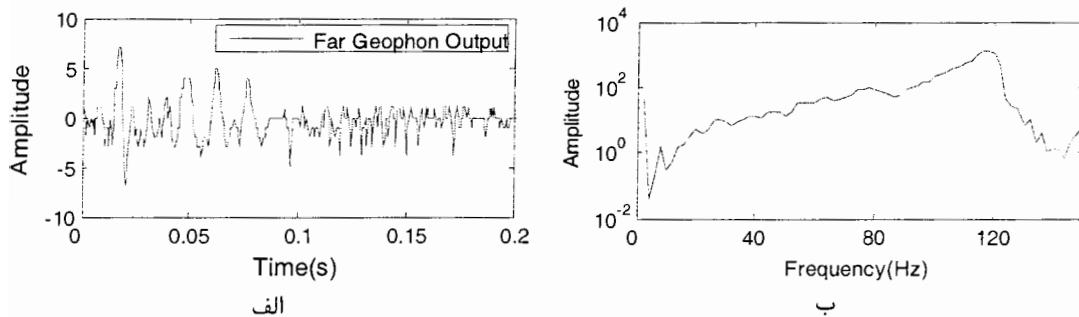
شکل ض-۱۰-۹- طیف فاز توان همبستگی متقابل و ایپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)  
در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱ متر)



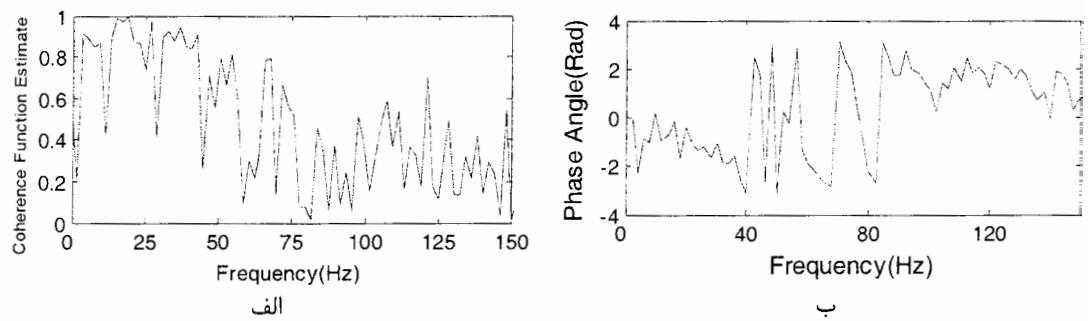
شکل ض-۱۰-۱۰- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱ متر)



شکل ض-۱۰-۱۱- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)

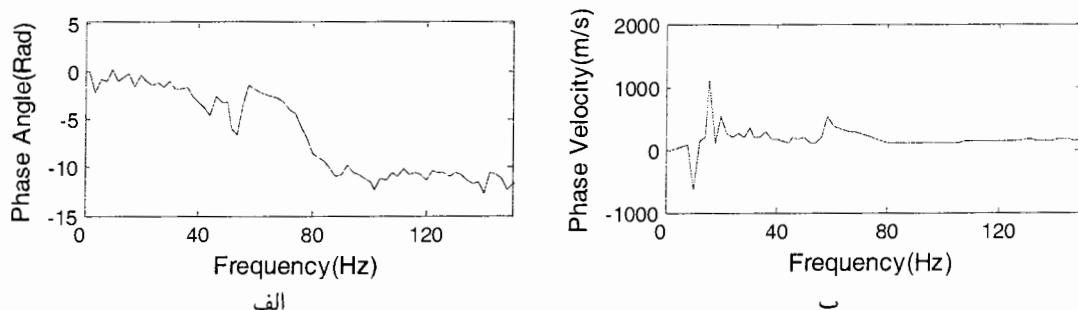


شکل ض-۱۰-۱۲- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



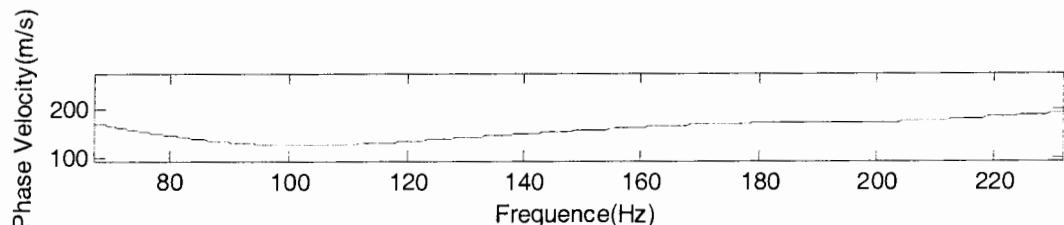
شكل ض-الف-۱۱۳- مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی متقابل(ب) در نقطه

(فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)

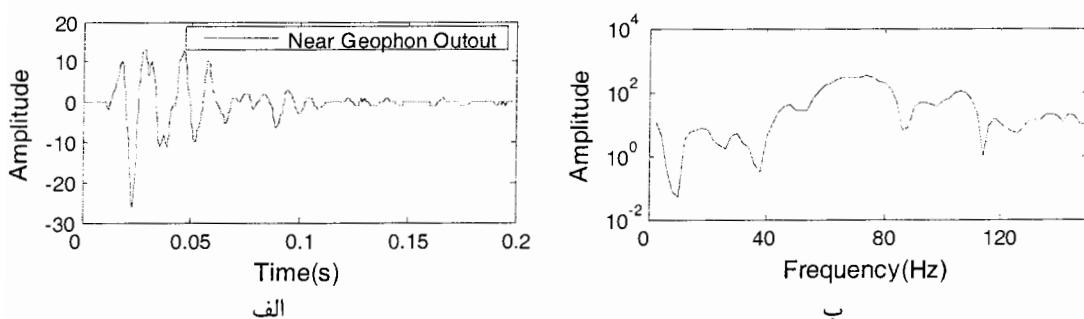


شكل ض-الف-۱۱۴- طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده(ب)

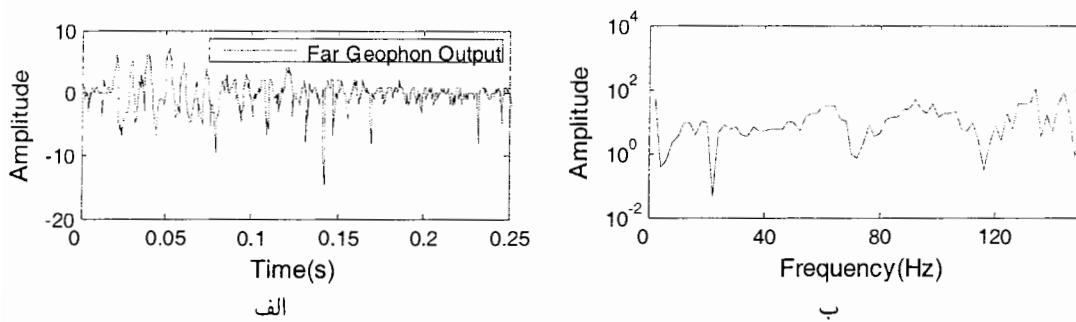
در نقطه 9 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



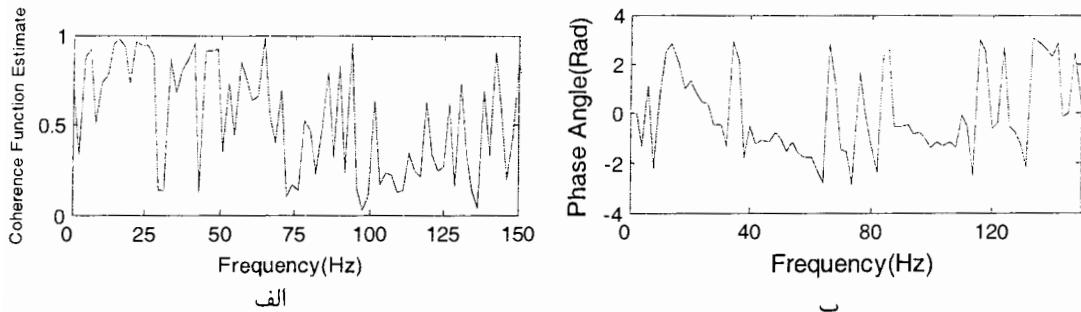
شكل ض-الف-۱۱۵- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه 9 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



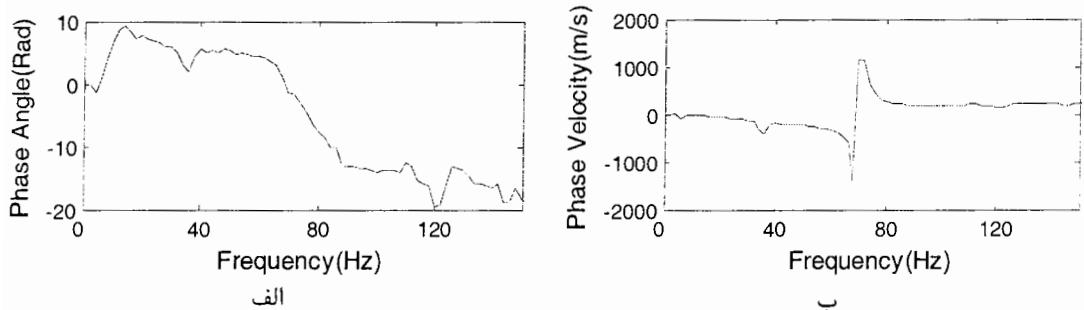
شكل ض-الف-۱۱۶- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه 9 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



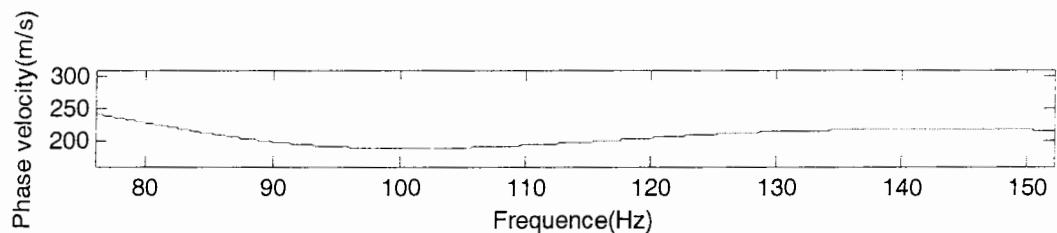
شكل ض-الف-۱۱۷- لرزه نگاشت(الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



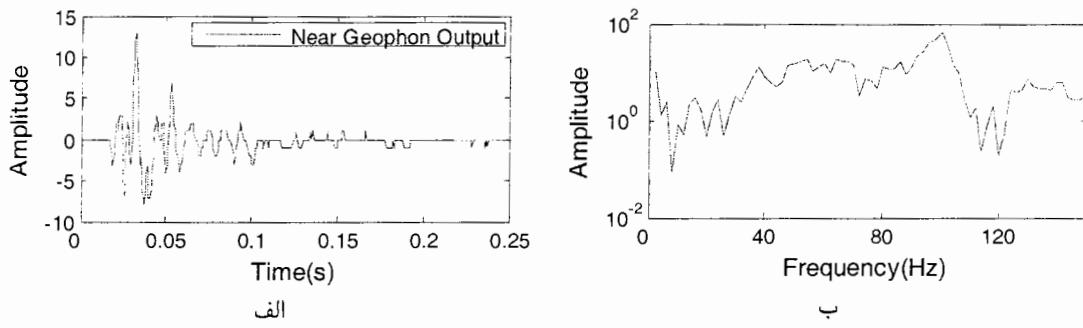
شكل ض-الف-۱۱۸- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگیمتناظر(ب) در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



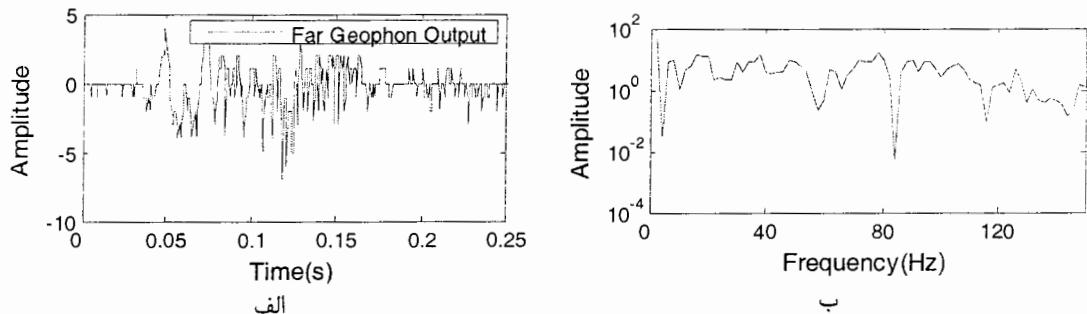
شكل ض-الف-۱۱۹- طیف فاز توان همبستگی متناظر واپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)  
در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



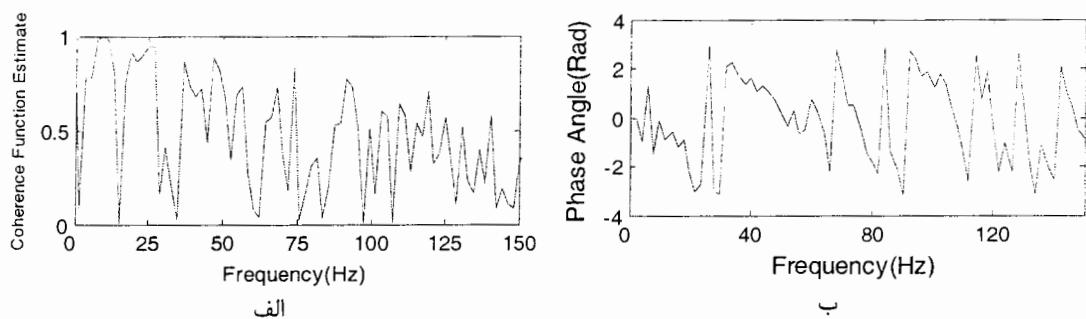
شكل ض-الف-۱۲۰- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



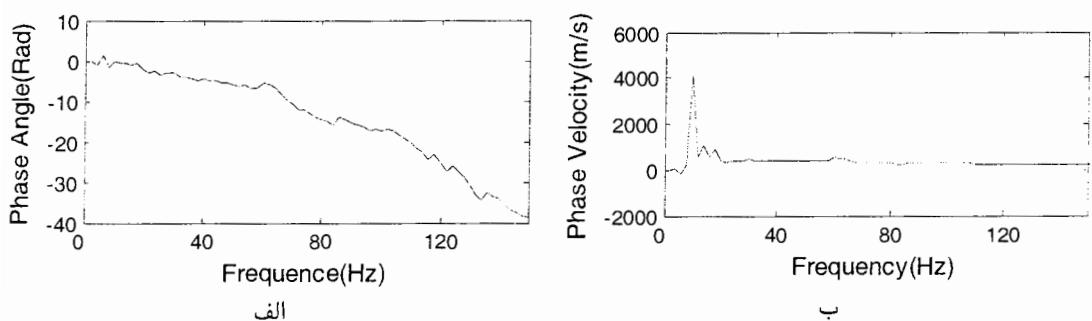
شكل ض-الف-١٢١- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)



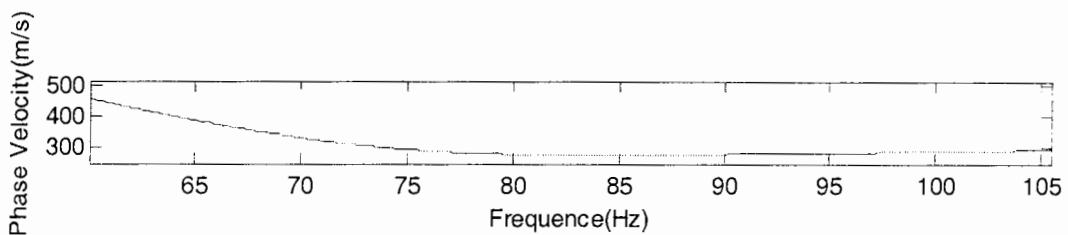
شكل ض-الف-١٢٢- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)



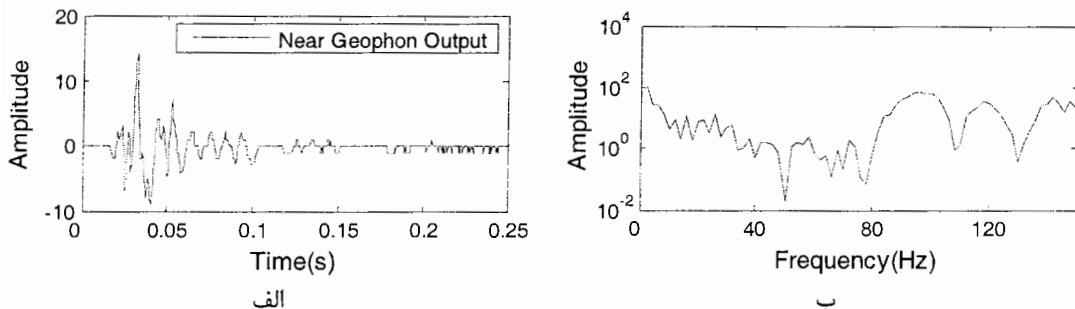
شكل ض-الف-١٢٣- مقدار مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگیم مقابل(ب) در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)



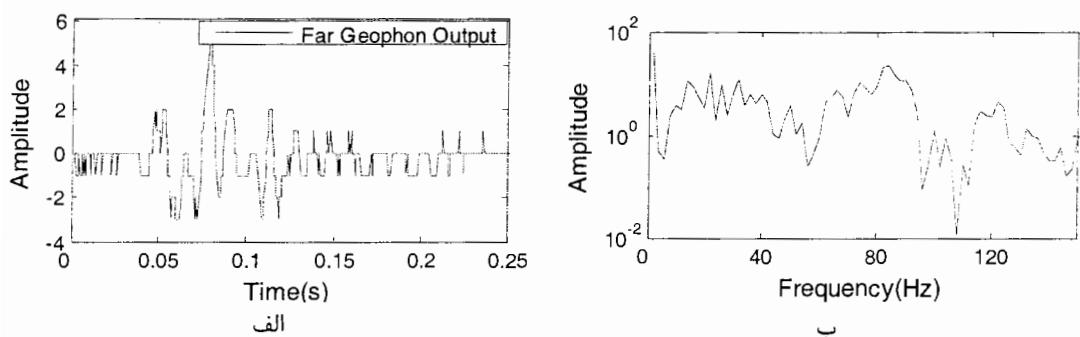
شكل ض-الف-١٢٤- طیف فاز توان همبستگی مقابل واپسچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)  
در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۸ متر)



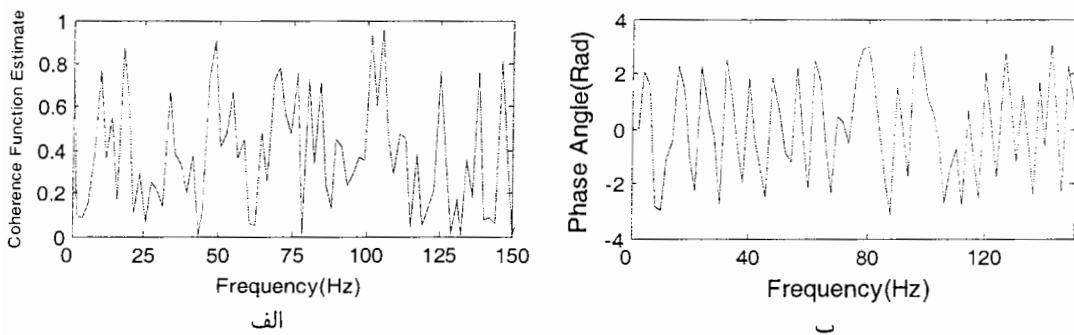
شکل ض-الف-۱۲۵- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)



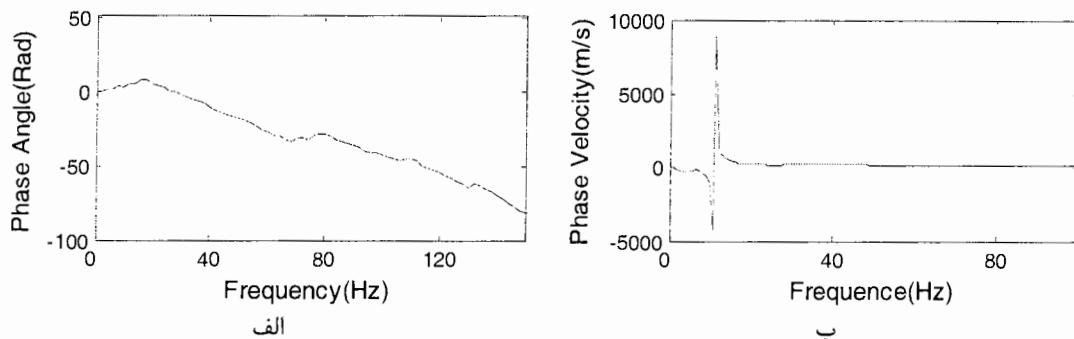
شکل ض-الف-۱۲۶- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی (ب) در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر)



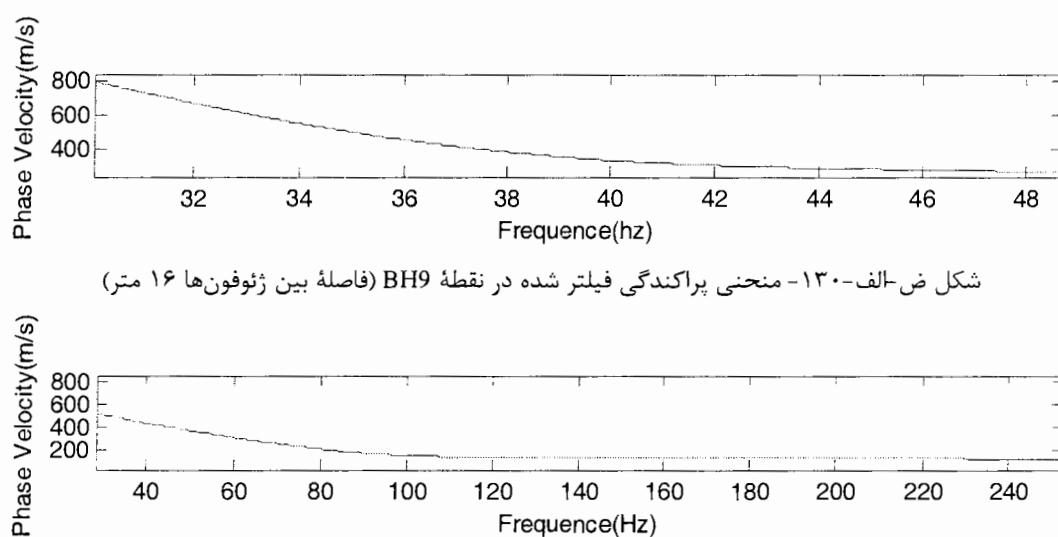
شکل ض-الف-۱۲۷- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی (ب) در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر)



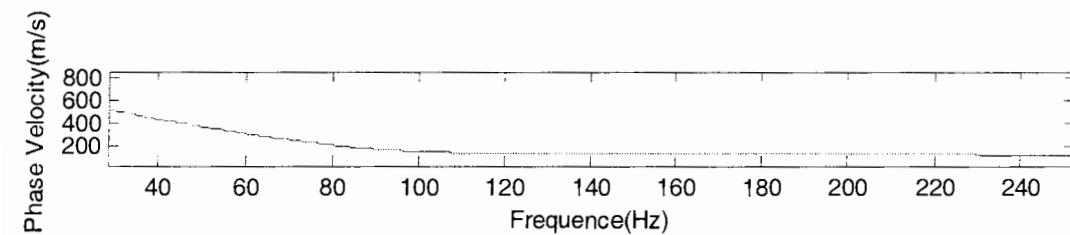
شکل ض-الف-۱۲۸- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگیمتناظر(ب) در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون ها ۱۶ متر)



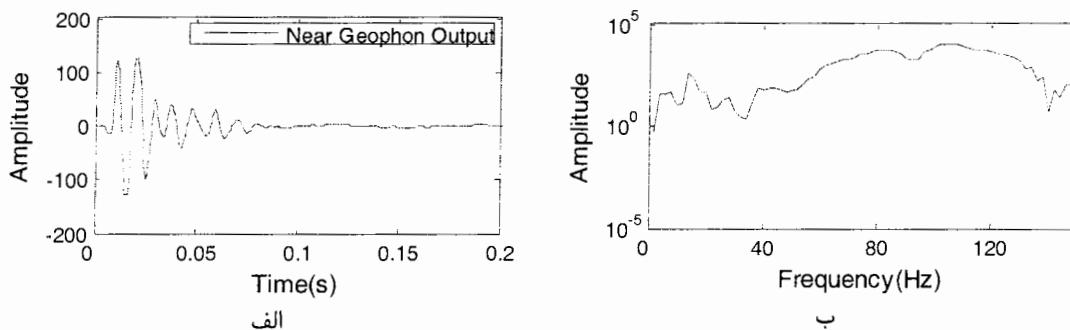
شكل ض-الف-۱۲۹- طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)  
در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



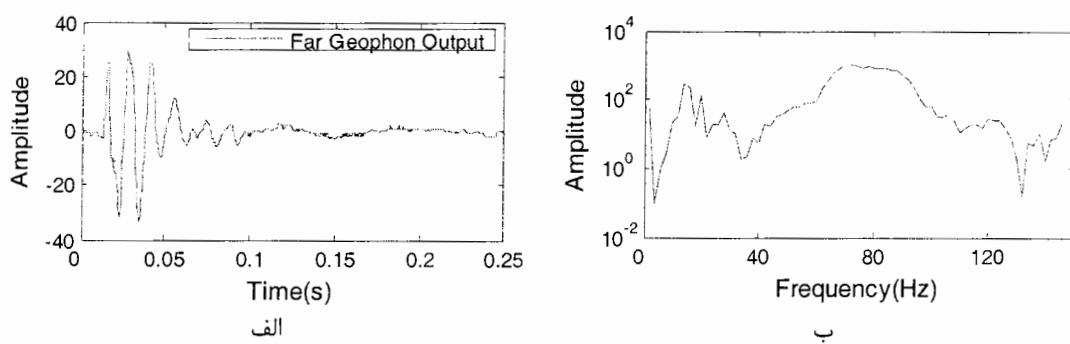
شكل ض-الف-۱۳۰- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه BH9 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



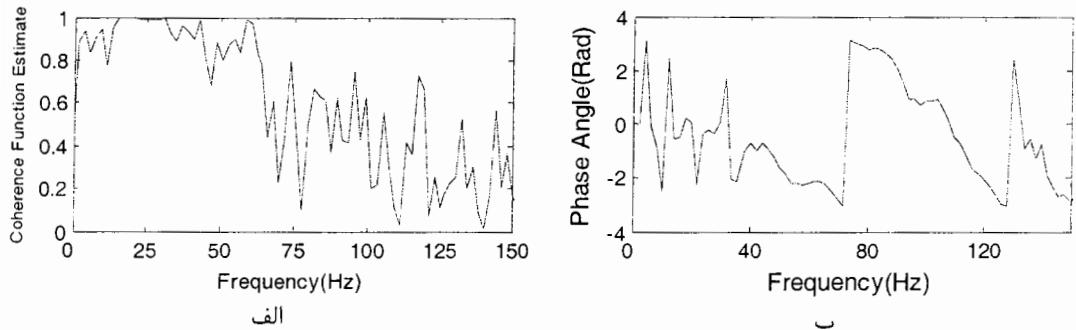
شكل ض-الف-۱۳۱- منحنی پراکندگی نهایی در نقطه BH9



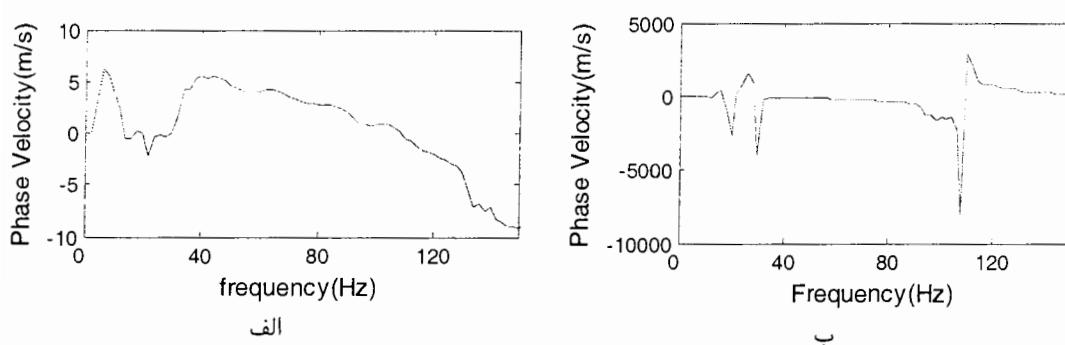
شكل ض-الف-۱۳۲- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH11 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



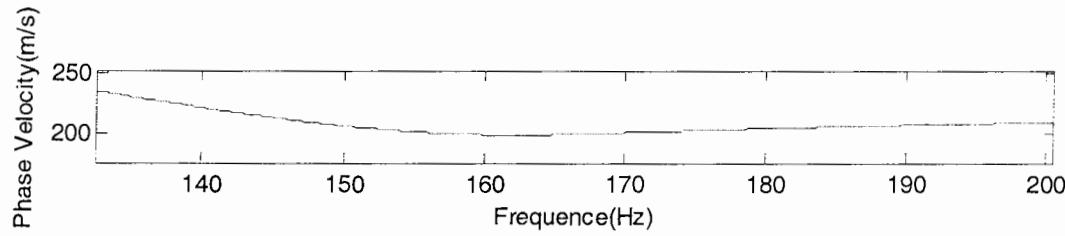
شكل ض-الف-۱۳۳- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH11 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



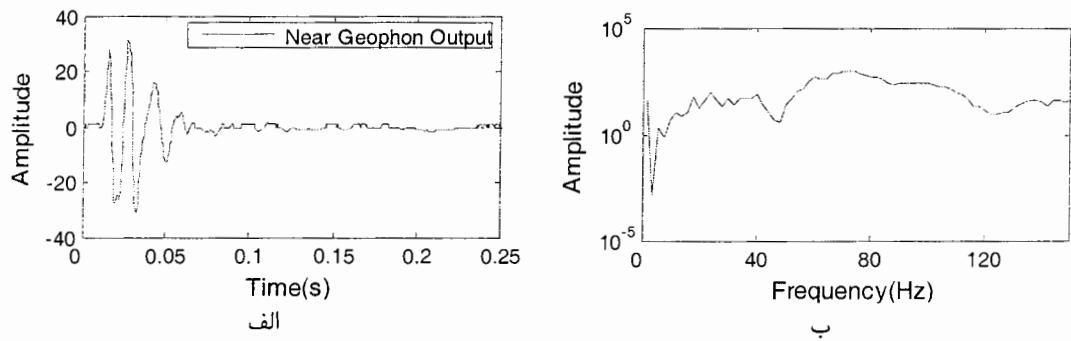
شكل ض-الف-۱۳۴- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگیمتناظر(ب) در نقطه BH11 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



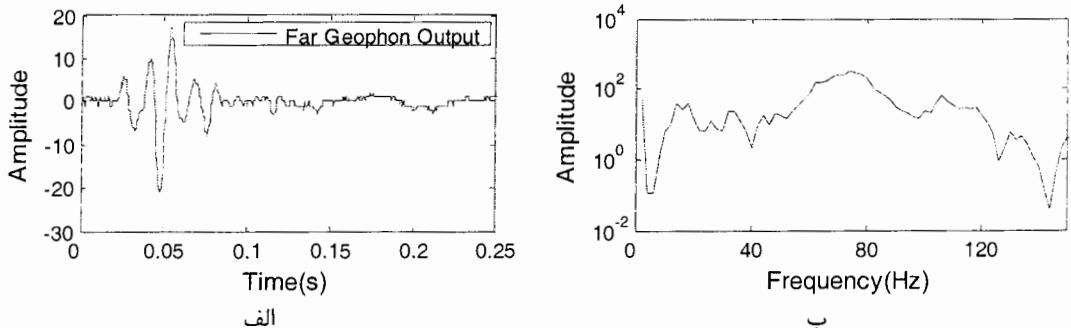
شكل ض-الف-۱۳۵- طیف فاز توان همبستگی متناظر و اپیجیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)  
در نقطه BH11 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



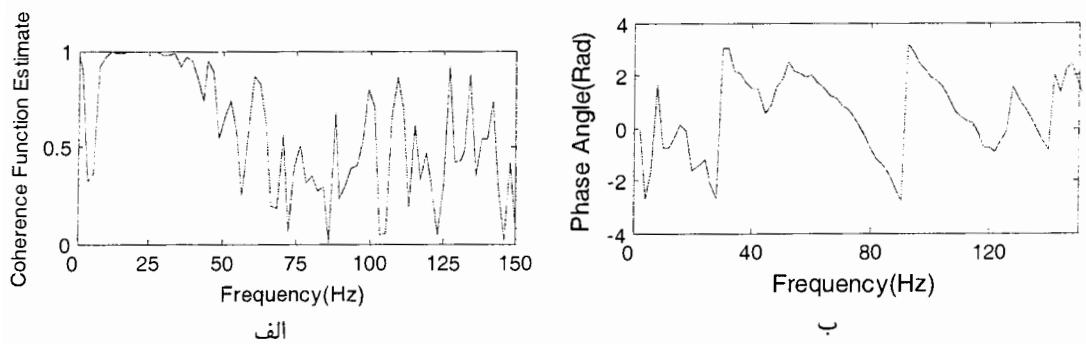
شكل ض-الف-۱۳۶- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه BH11 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



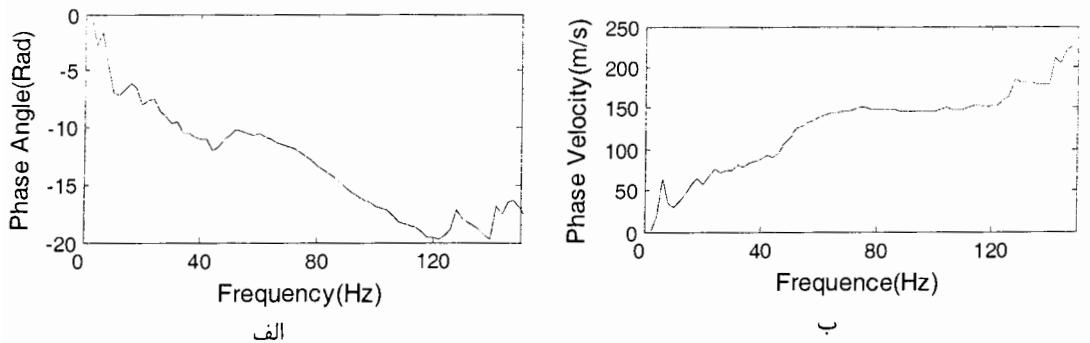
شكل ض-الف-۱۳۷- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی (ب) در نقطه BH11 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



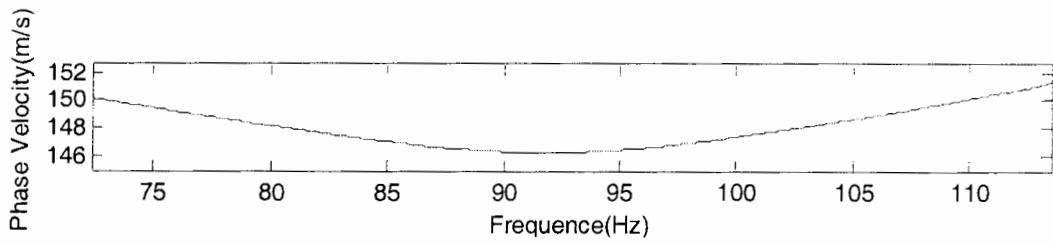
شكل ض-الف-۱۳۸- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی (ب) در نقطه BH11 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



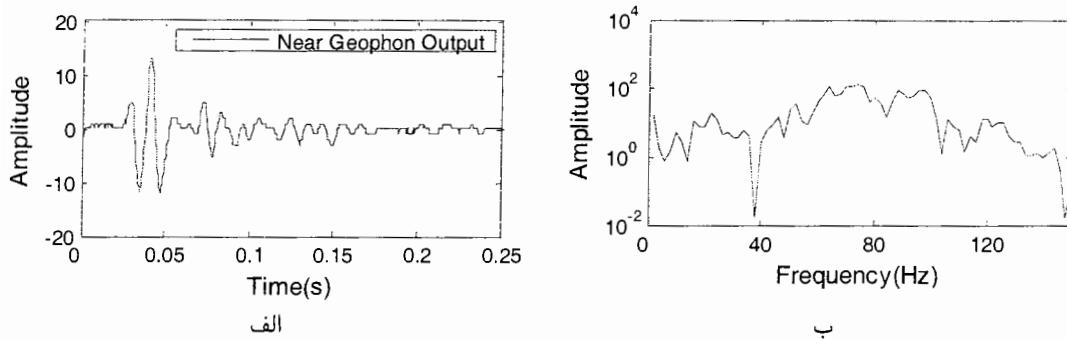
شكل ض-الف-۱۳۹- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی (الف) و طیف فاز توان همبستگیمتناظر (ب) در نقطه BH11 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



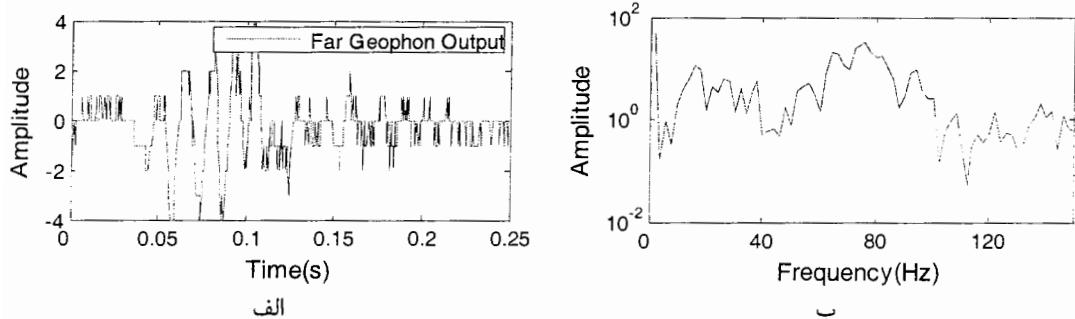
شكل ض-الف-۱۴۰- طیف فاز توان همبستگی متناظر و اپیجیده شده (الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب) در نقطه BH11 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



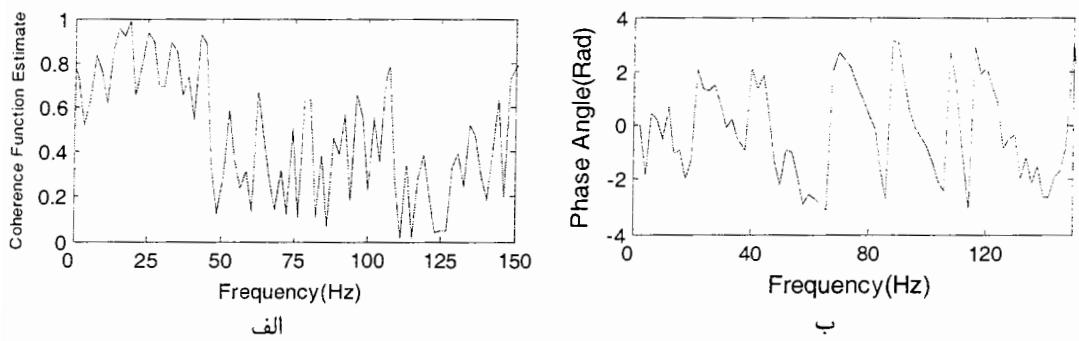
شکل ض-الف-۱۴۱- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه BH11 (فاصله بین ژئوفون ها ۴ متر)



شکل ض-الف-۱۴۲- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH11 (فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)

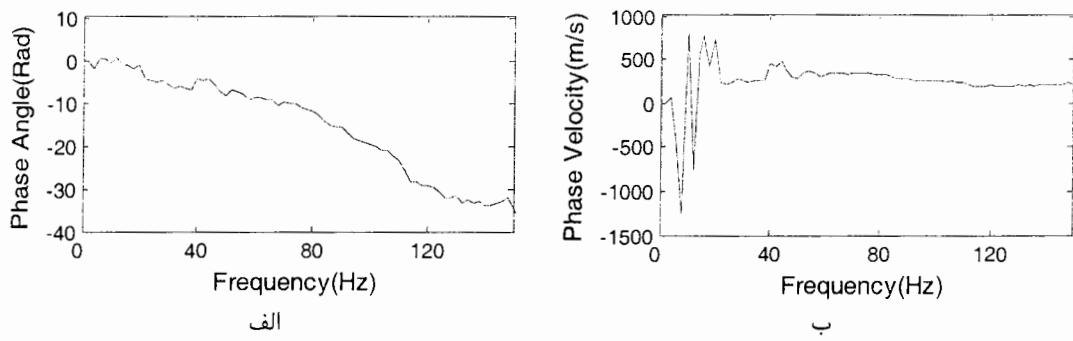


شکل ض-الف-۱۴۳- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) در نقطه BH11 (فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر)

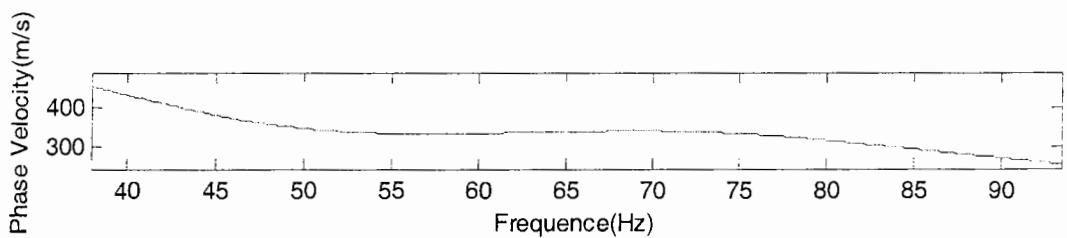


شکل ض-الف-۱۴۴- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگیمتناظر(ب) در نقطه

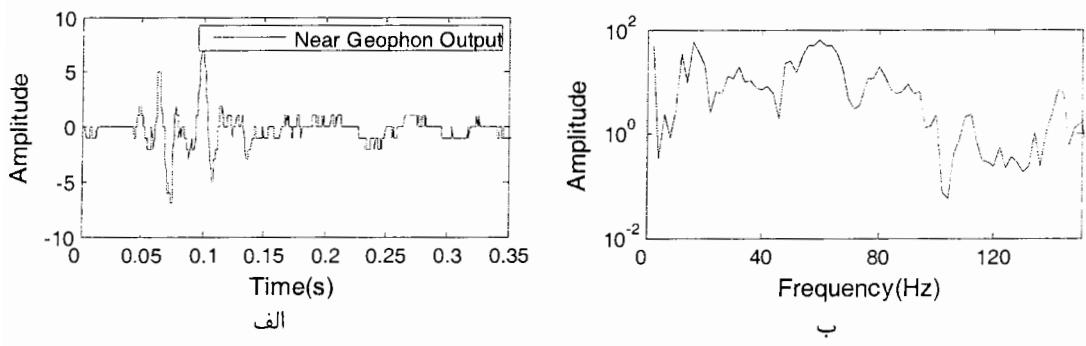
(فاصله بین ژئوفون ها ۸ متر) BH11



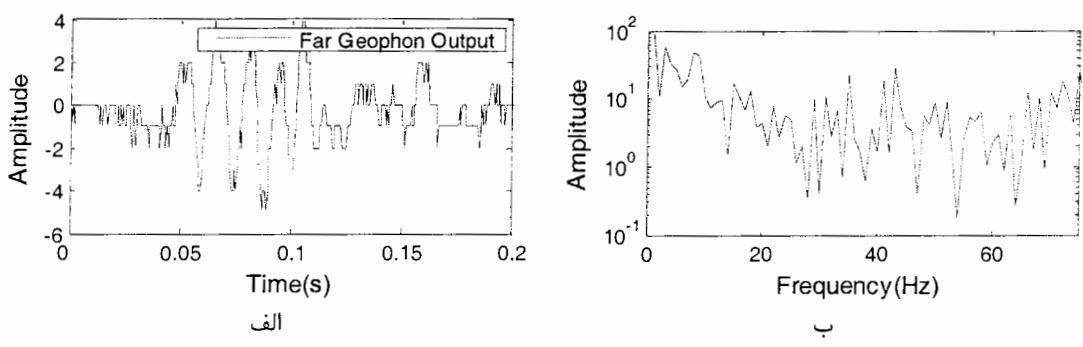
شكل ض-الف-١٤٥- طيف فاز توان همبستگي متقابل واپيچide شده(الف) و منحنی پراکندگي فیلتر نشده (ب)  
در نقطه BH11 (فاصله بين ژئوفونها ٨ متر)



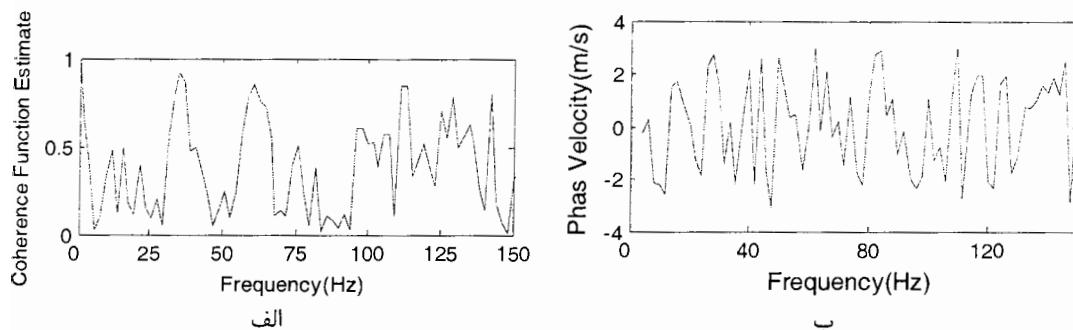
شكل ض-الف-١٤٦- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه BH11 (فاصله بين ژئوفونها ٨ متر)



شكل ض-الف-١٤٧- لرزه نگاشت (الف) و طيف توان خود همبستگي(ب) در نقطه BH11 (فاصله بين ژئوفونها ١٦ متر)

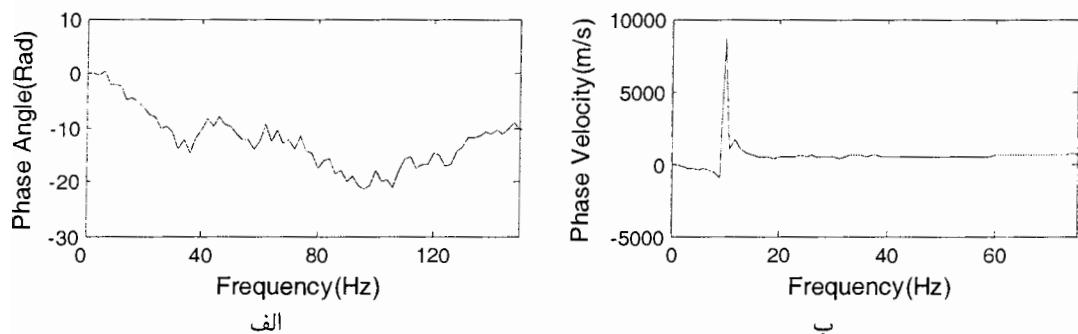


شكل ض-الف-١٤٨- لرزه نگاشت (الف) و طيف توان خود همبستگي(ب) در نقطه BH11 (فاصله بين ژئوفونها ١٦ متر)



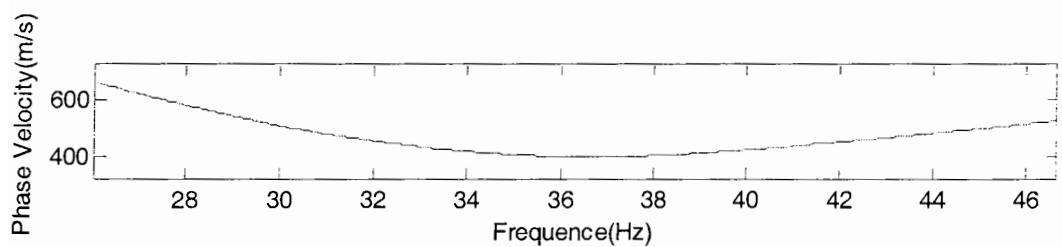
شكل ض-الف-۱۴۹- مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگیمتقابل(ب) در نقطه

(فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)

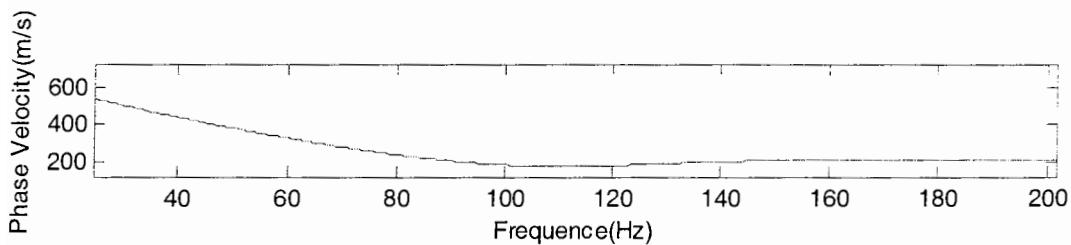


شكل ض-الف-۱۵۰- طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیجیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده(ب)

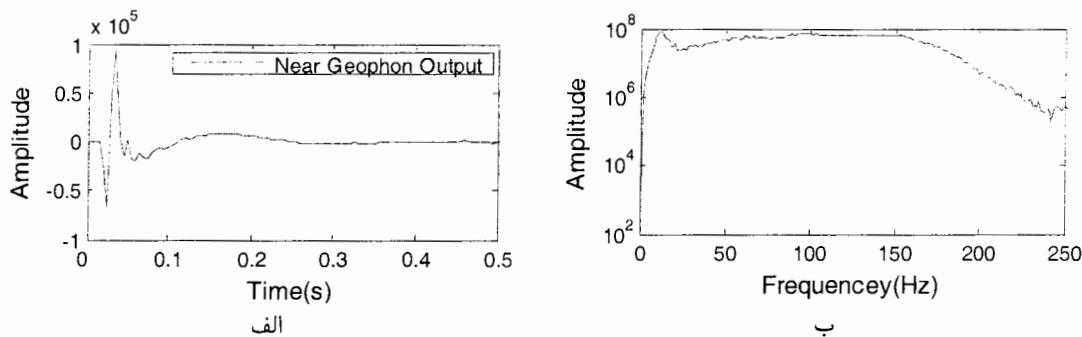
در نقطه BH11 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



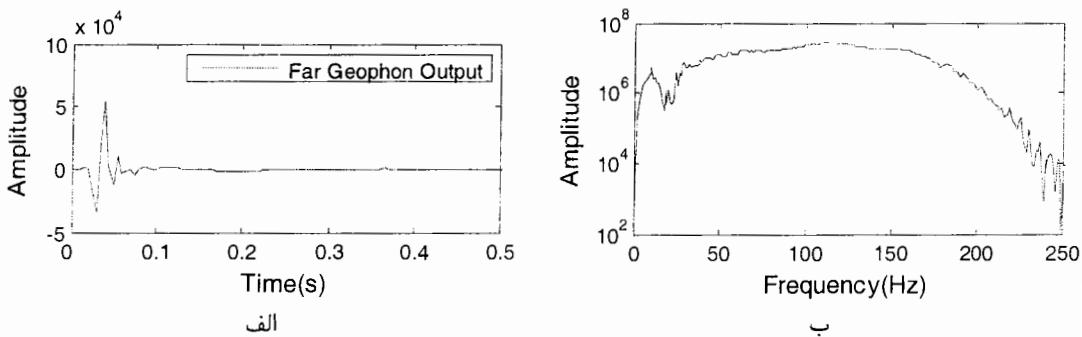
شكل ض-الف-۱۵۱- منحنی پراکندگی فیلتر شده در نقطه BH11 (فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



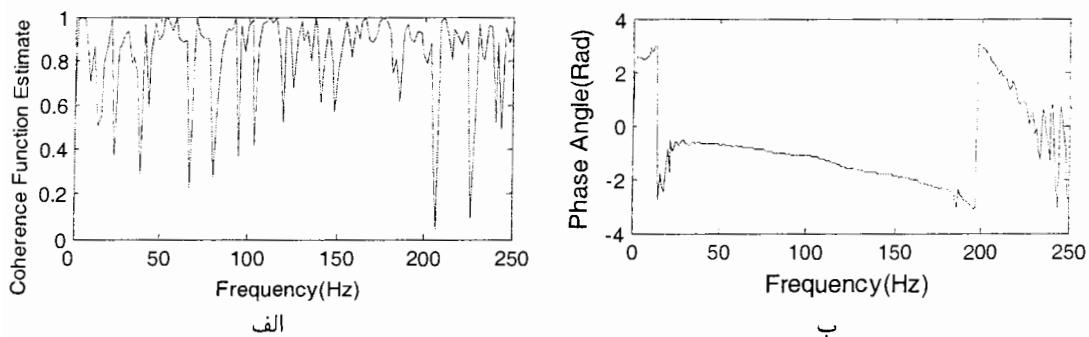
شكل ض-الف-۱۵۲- منحنی پراکندگی نهایی در نقطه BH11



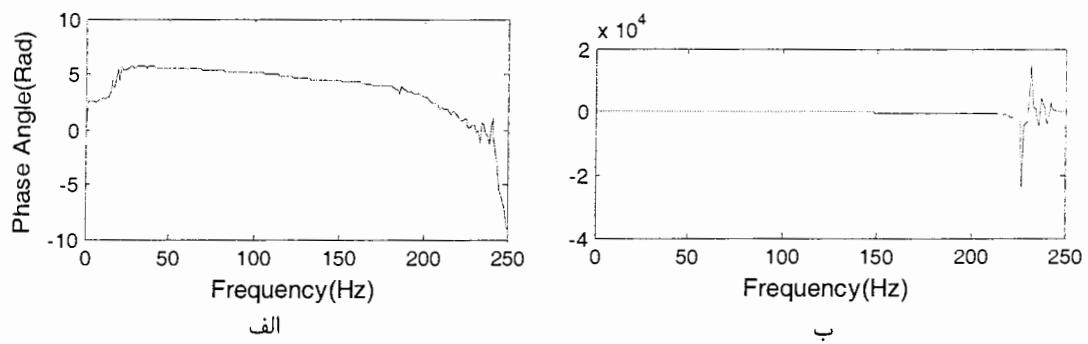
شكل ض-الف-۱۵۳- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی (ب) (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۱ متر)



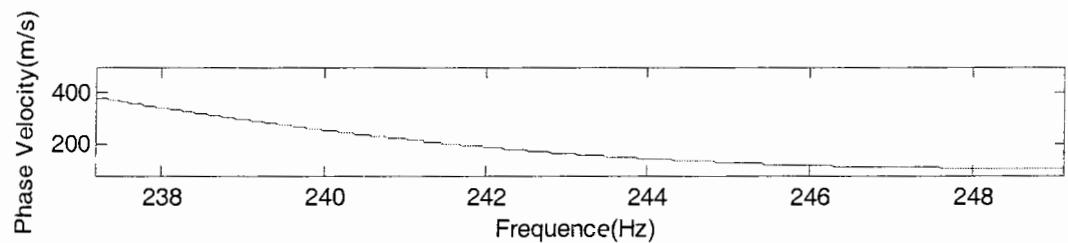
شكل ض-الف-۱۵۴- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی (ب) (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۱ متر)



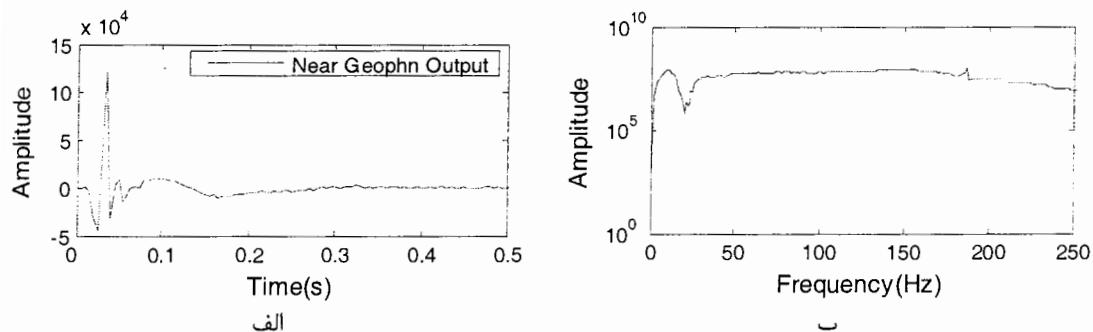
شكل ض-الف-۱۵۵- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی (الف) و طیف فاز توان همبستگی متقابل (ب) (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۱ متر)



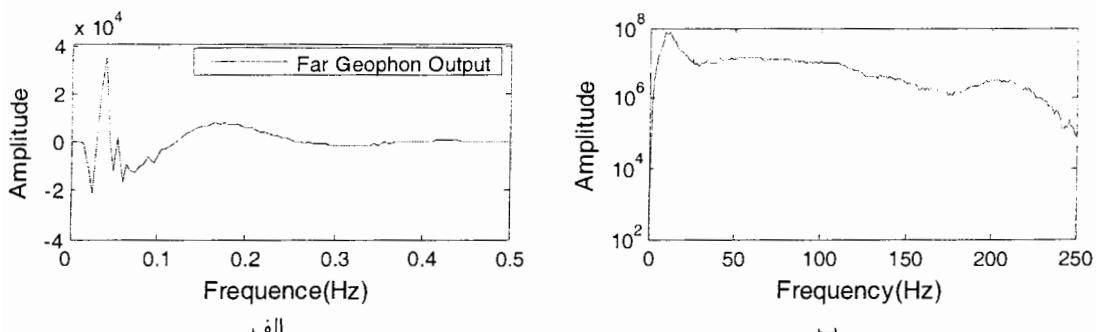
شكل ض-الف-۱۵۶- طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)  
(مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۱ متر)



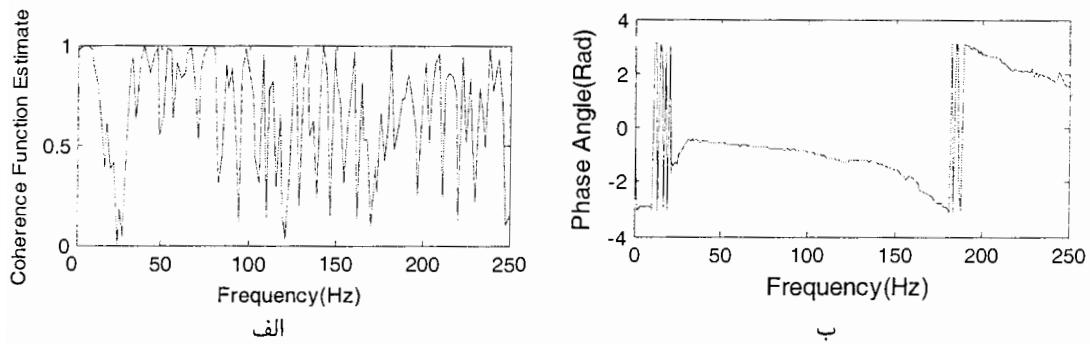
شكل ض-الف-۱۵۷- منحنی پراکندگی فیلتر شده (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۱ متر)



شكل ض-الف-۱۵۸- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در  
شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۱ متر)

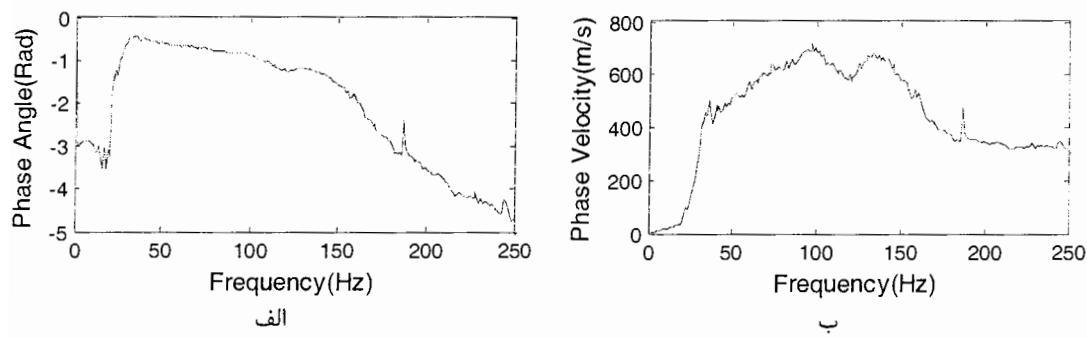


شكل ض-الف-۱۵۹- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در  
شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۱ متر)



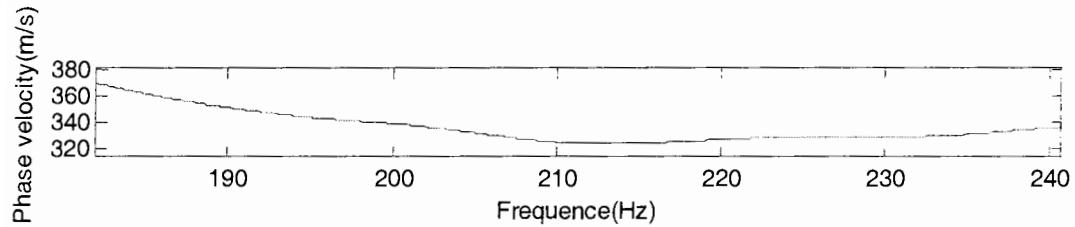
شکل ض-الف-۱۶۰- مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگیمتقابل(ب) (مکان

شهرود، منبع مولد موج واقع در شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۱ متر)



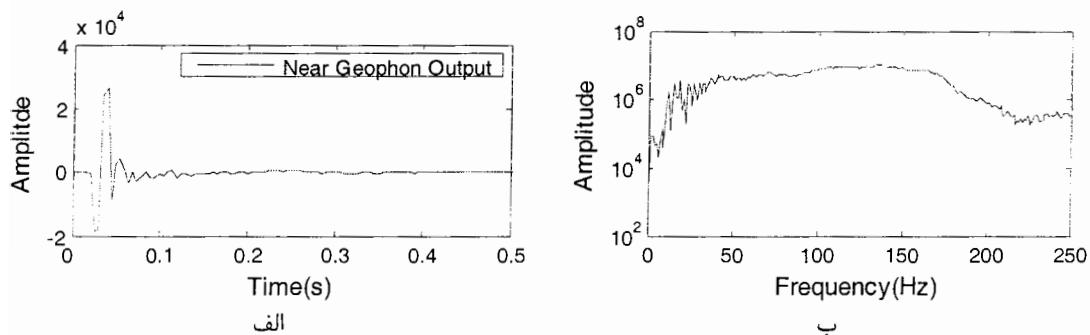
شکل ض-الف-۱۶۱- طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)

(مکان شهرود، منبع مولد موج واقع در شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۱ متر)



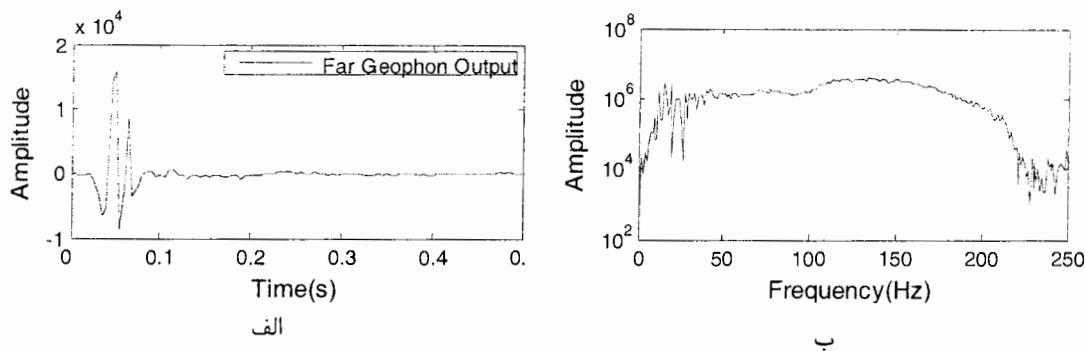
شکل ض-الف-۱۶۲- منحنی پراکندگی فیلتر شده (مکان شهرود، منبع مولد موج واقع در شمال نقطه مرکزی، فاصله

بین ژئوفون‌ها ۱ متر)

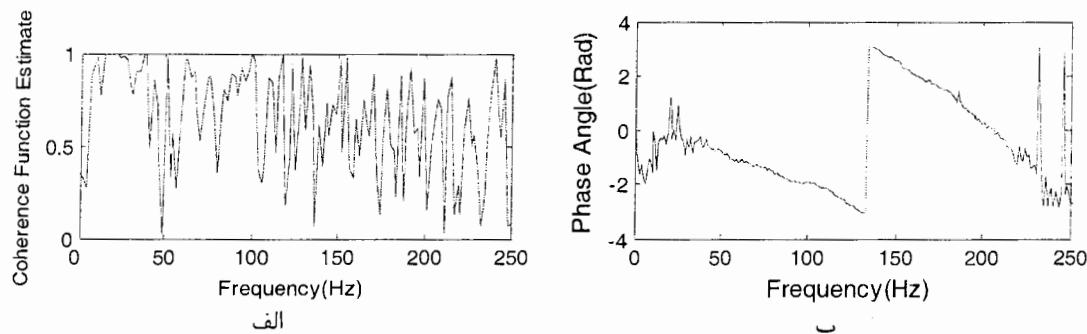


شکل ض-الف-۱۶۳- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) (مکان شهرود، منبع مولد موج واقع در

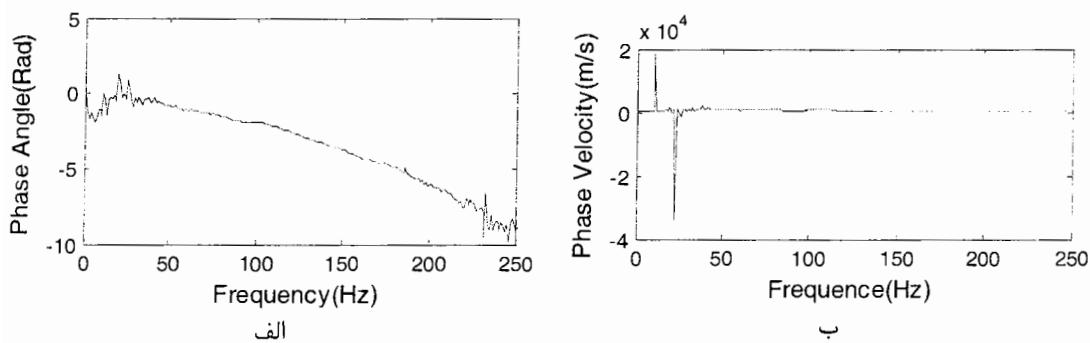
جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



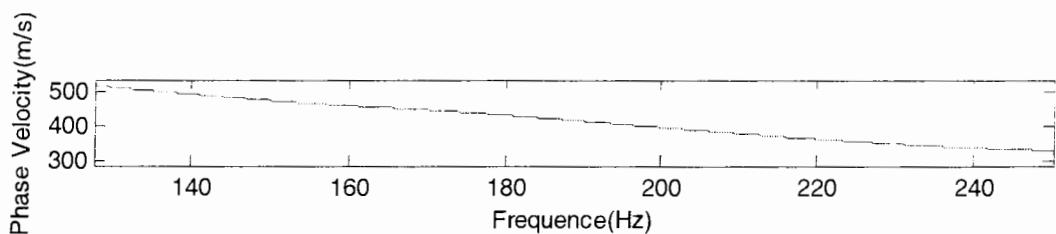
شكل ض-الف-۱۶۴ - لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



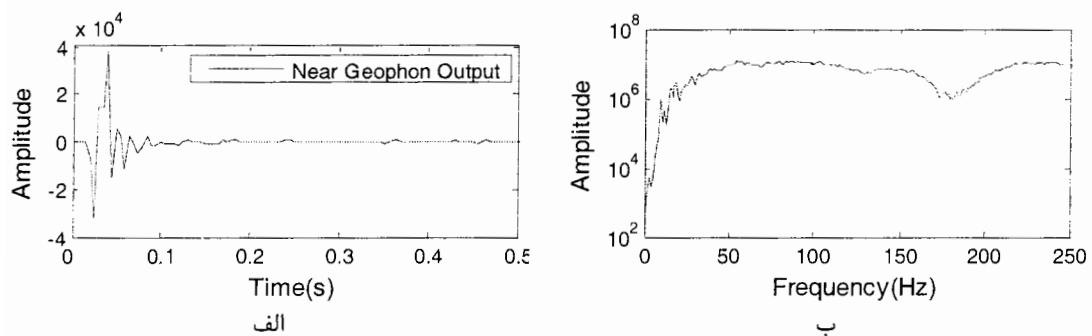
شكل ض-الف-۱۶۵ - مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگیمتقابل(ب) (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



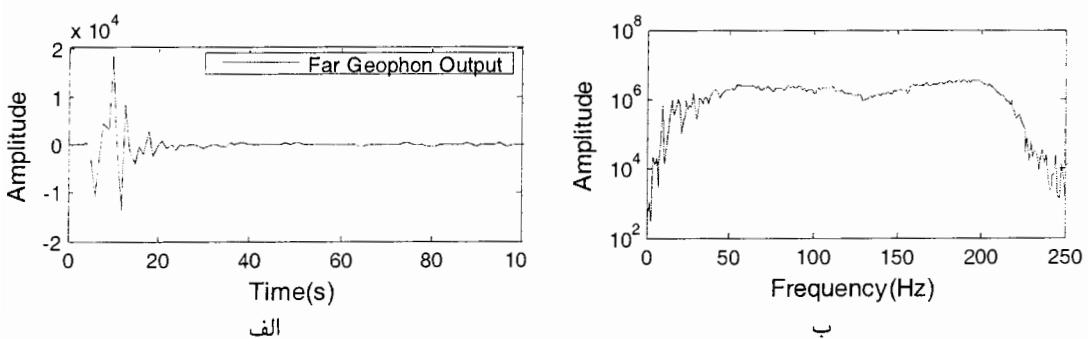
شكل ض-الف-۱۶۶ - طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب) (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



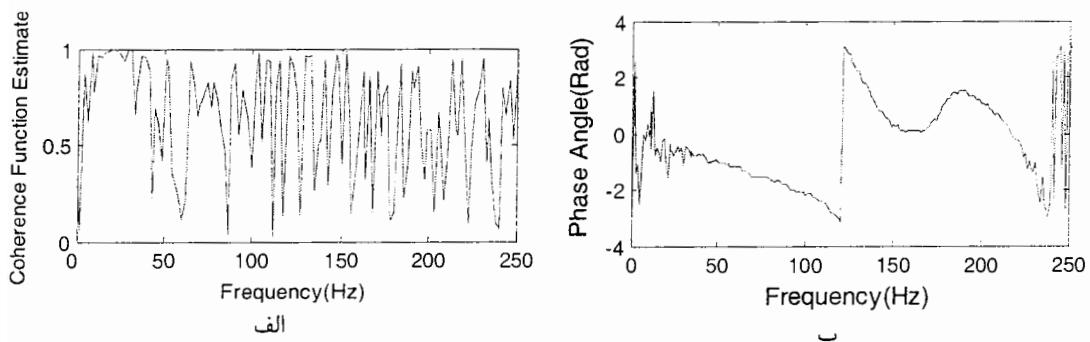
شكل ض-الف-۱۶۷ - منحنی پراکندگی فیلتر شده (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



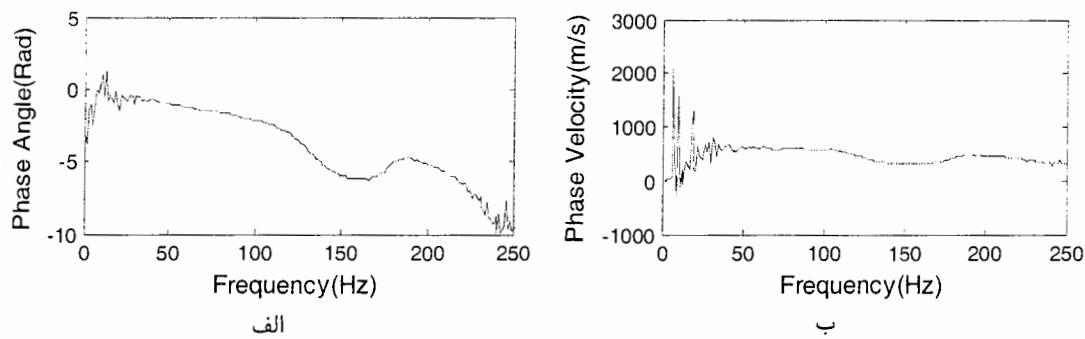
شكل ض-الف-۱۶۸ - لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) (مکان شاهروود، منبع مولد موج واقع در شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



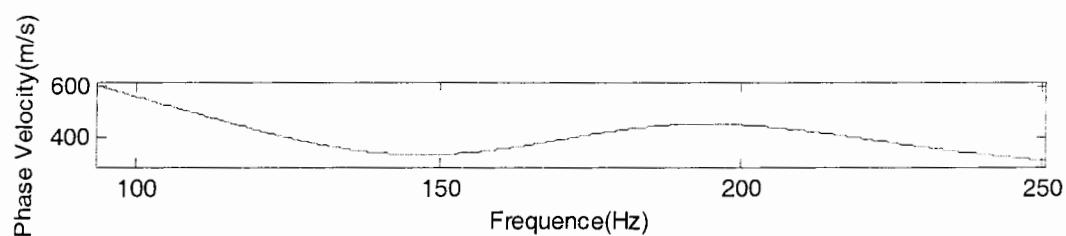
شكل ض-الف-۱۶۹ - لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) (مکان شاهروود، منبع مولد موج واقع در شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



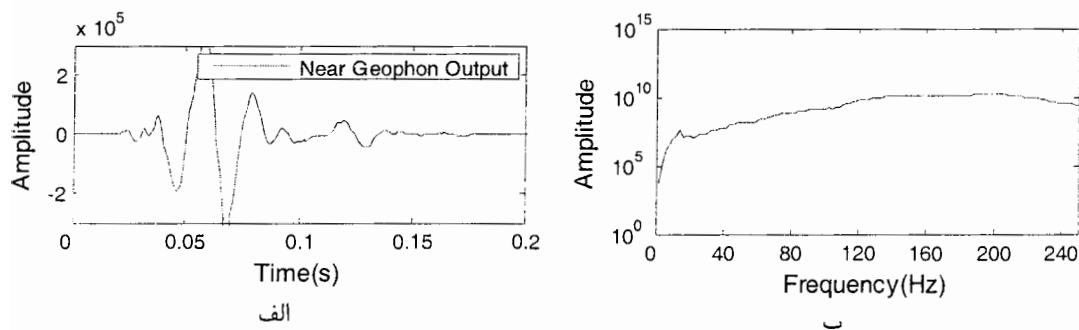
شكل ض-الف-۱۷۰ - مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگیمتقابل(ب) (مکان شاهروود، منبع مولد موج واقع در شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



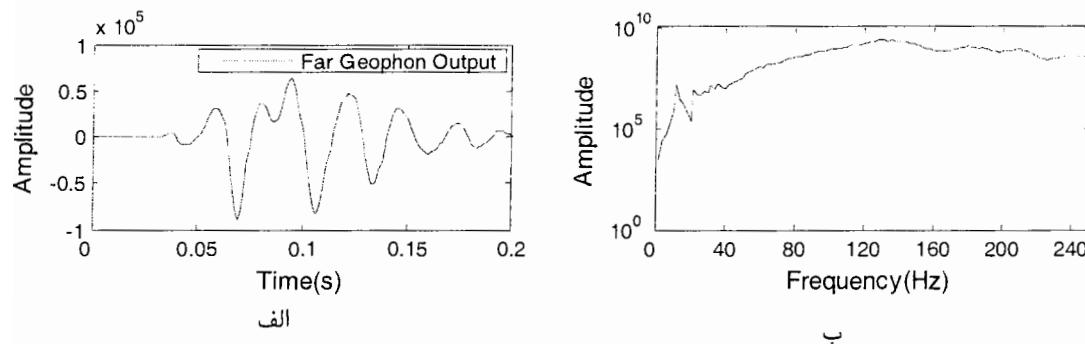
شکل ض-الف-۱۷۱- طیف فاز توان همبستگی متقابل و اپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)  
(مکان شهرود، منبع مولد موج واقع در شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



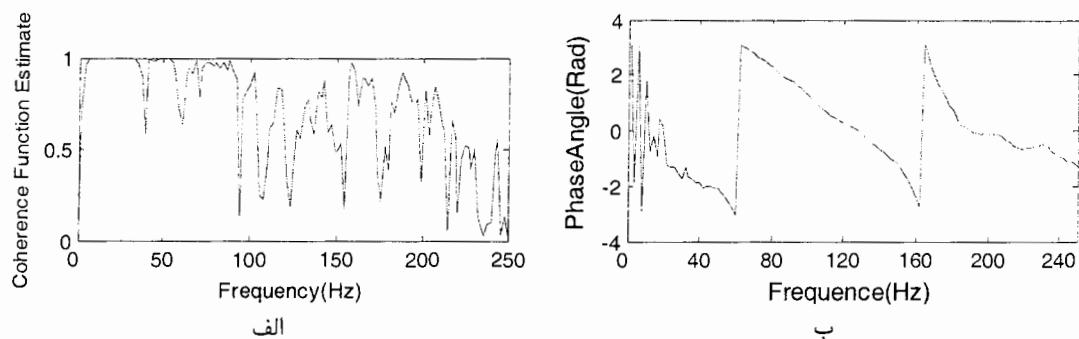
شکل ض-الف-۱۷۲- منحنی پراکندگی فیلتر شده (مکان شهرود، منبع مولد موج واقع در شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۲ متر)



شکل ض-الف-۱۷۳- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) (مکان شهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)

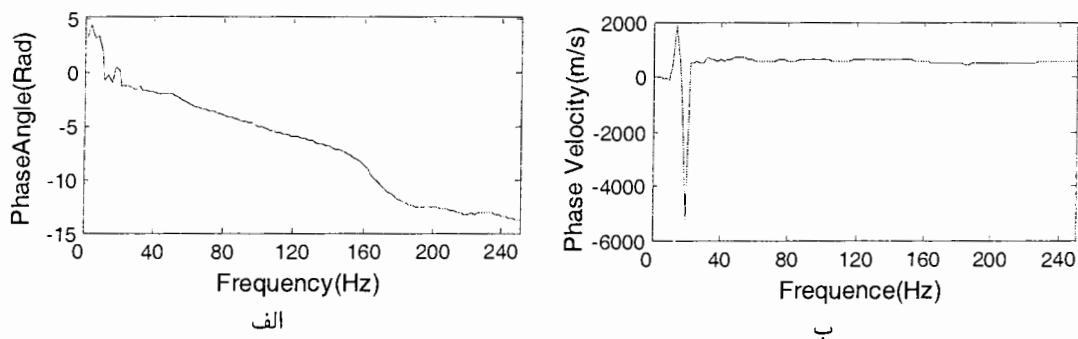


شکل ض-الف-۱۷۴- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) (مکان شهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



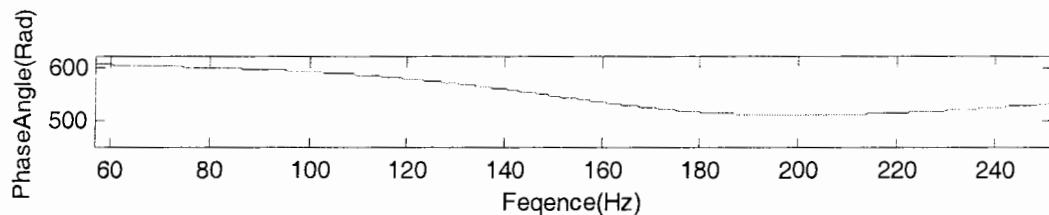
شکل ض-الف-۱۷۵- مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگیمتقابل(ب) (مکان

شهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



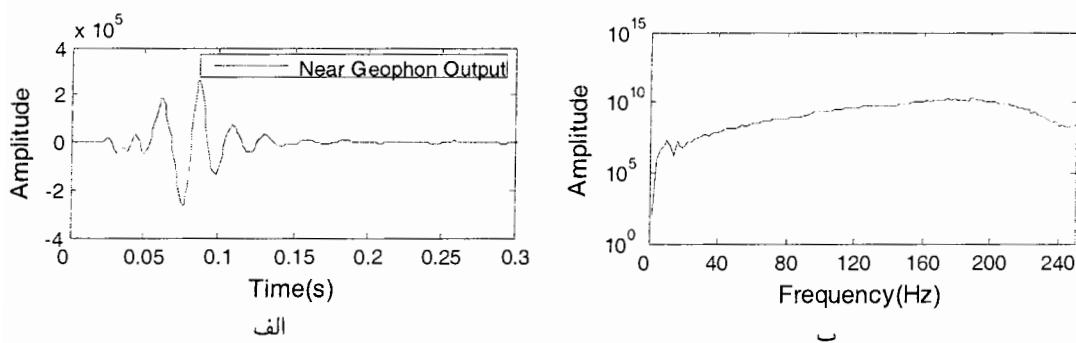
شکل ض-الف-۱۷۶- طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)

(مکان شهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



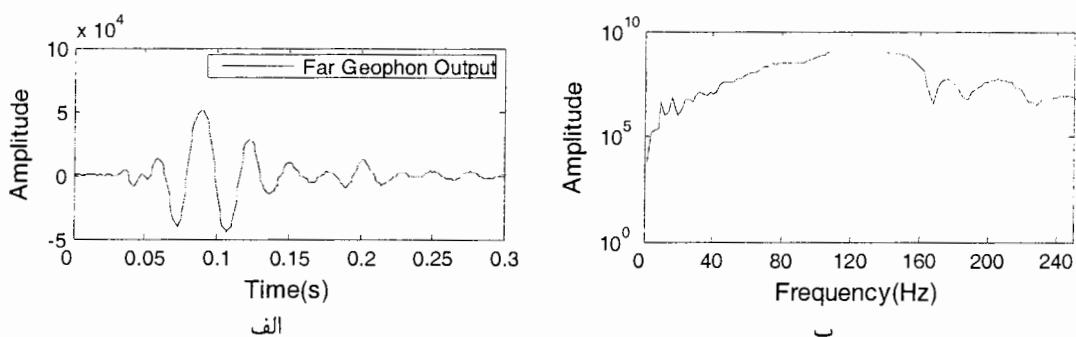
شکل ض-الف-۱۷۷- منحنی پراکندگی فیلتر شده (مکان شهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله

بین ژئوفون‌ها ۴ متر)

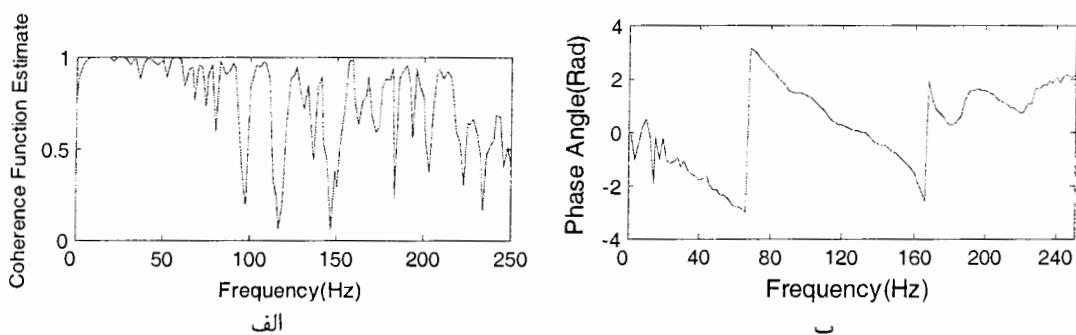


شکل ض-الف-۱۷۸- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) (مکان شهرود، منبع مولد موج واقع در

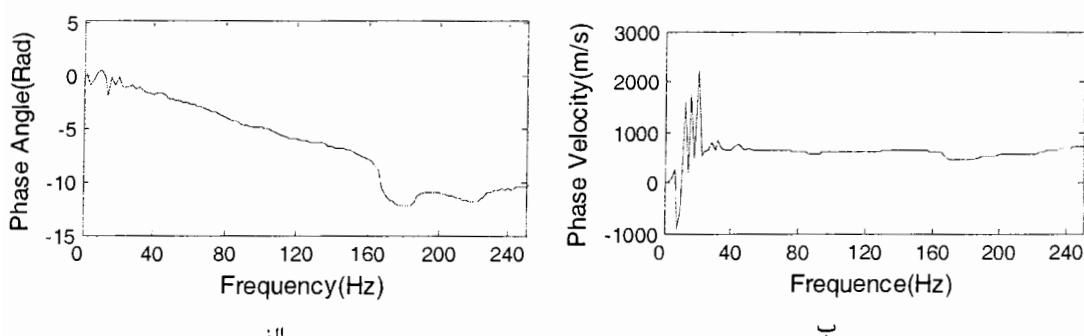
شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



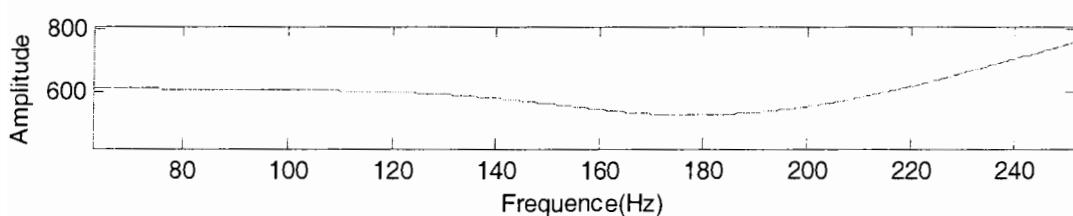
شکل ض-۱۷۹- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) (مکان شاهروド، منبع مولد موج واقع در شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



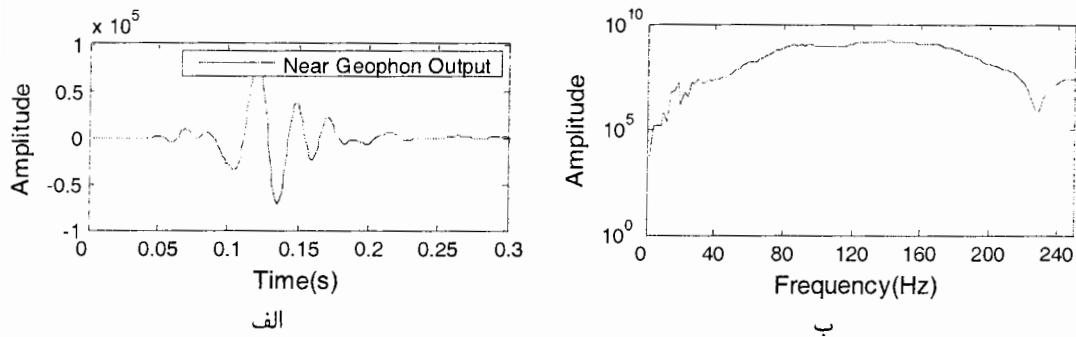
شکل ض-۱۸۰- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگیمتقابل(ب) (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



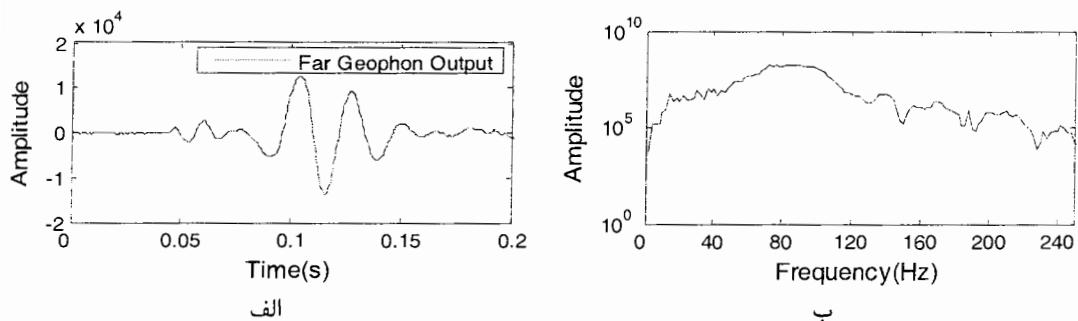
شکل ض-۱۸۱- طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب) (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



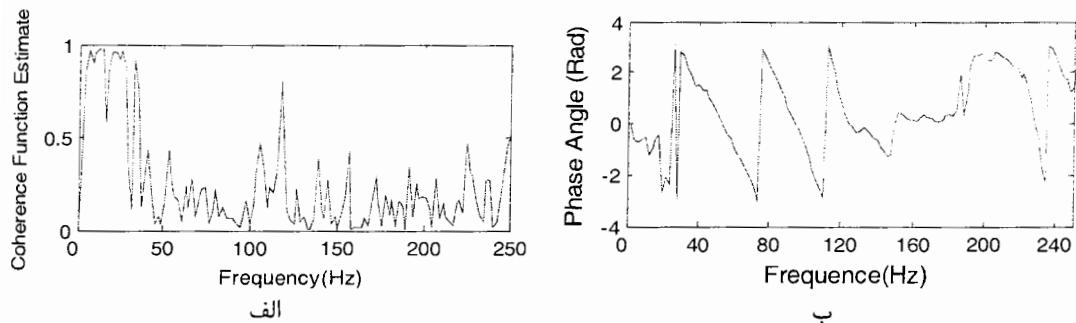
شکل ض-۱۸۲- منحنی پراکندگی فیلتر شده (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۴ متر)



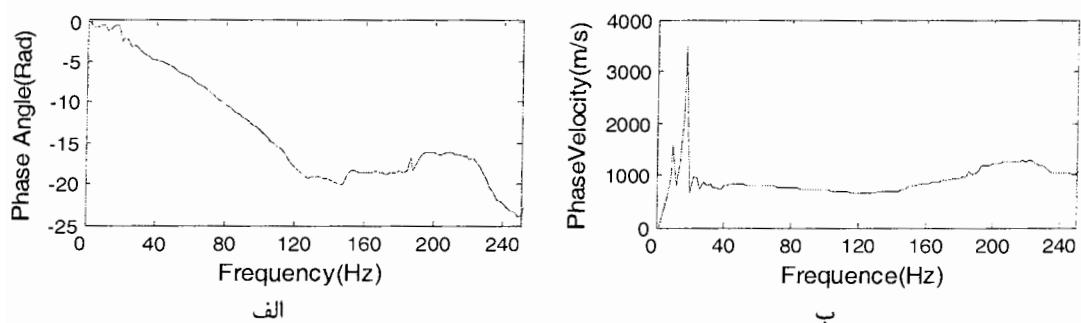
شكل ض-الف-۱۸۳- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



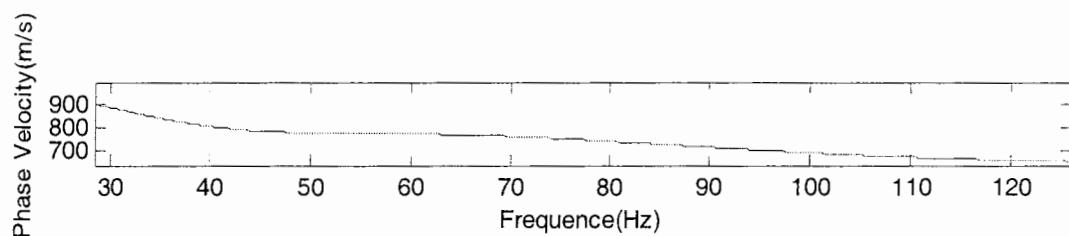
شكل ض-الف-۱۸۴- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



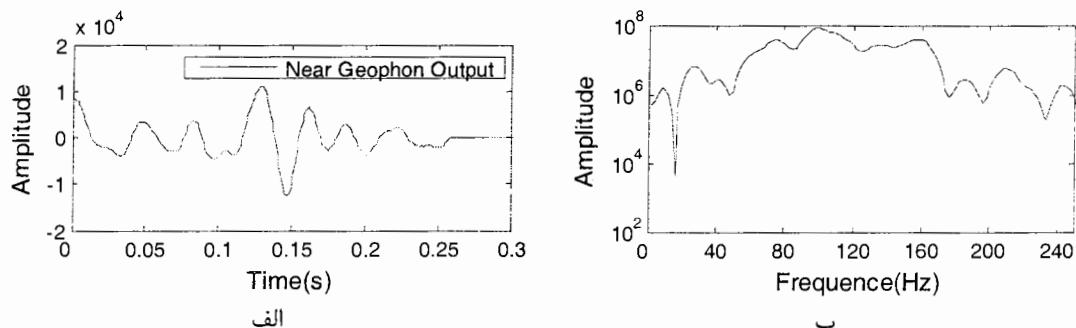
شكل ض-الف-۱۸۵- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگیمتقابل(ب) (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



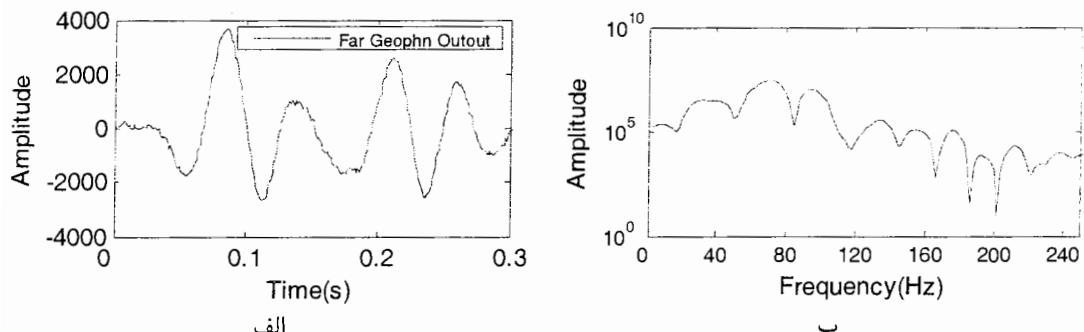
شكل ض-الف-۱۸۶- طیف فاز توان همبستگی متقابل واپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب) (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



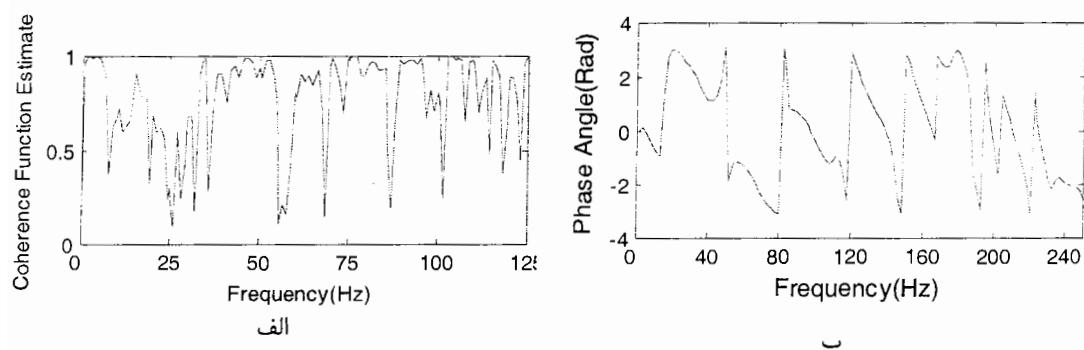
شکل ض-الف-۱۸۷- منحنی پراکندگی فیلتر شده (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



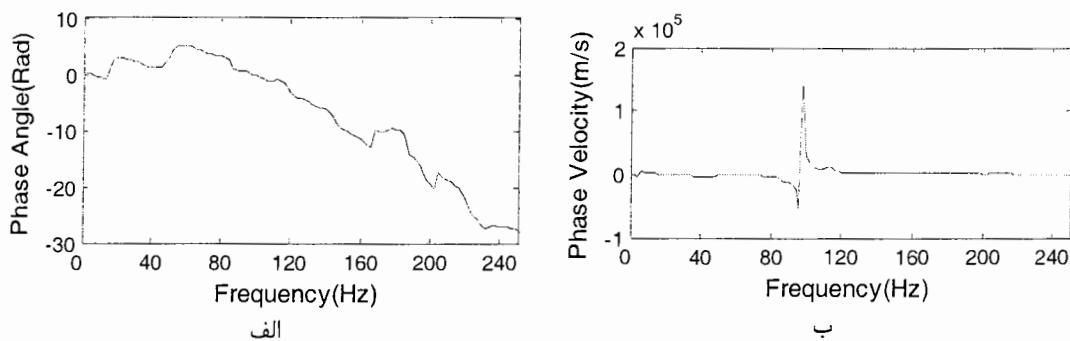
شکل ض-الف-۱۸۸- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



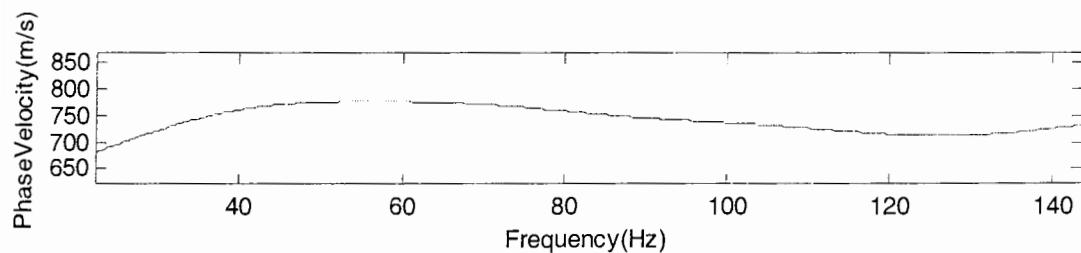
شکل ض-الف-۱۸۹- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



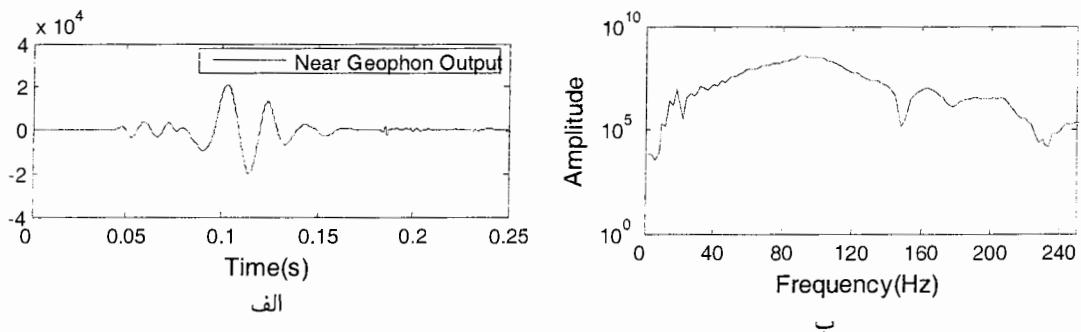
شکل ض-الف-۱۹۰- مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگیمتقابل(ب) (مکان شاهرود، منبع مولد موج واقع در شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



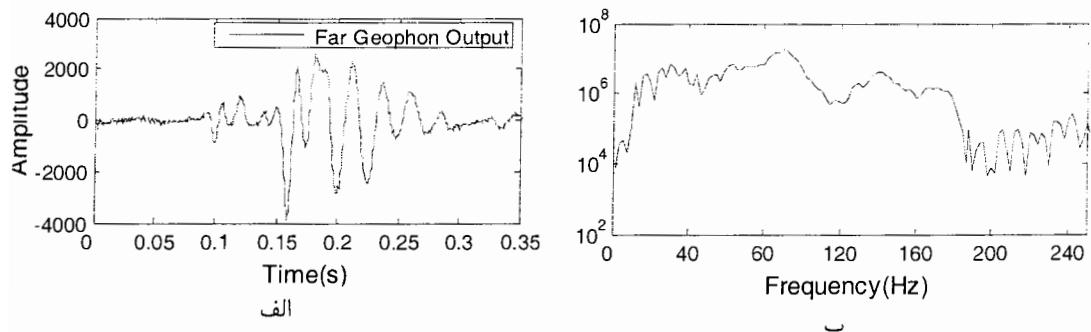
شکل ض-الف-۱۹۱- طیف فاز توان همبستگی متقابل و اپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)  
(مکان شهرود، منبع مولد موج واقع در شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



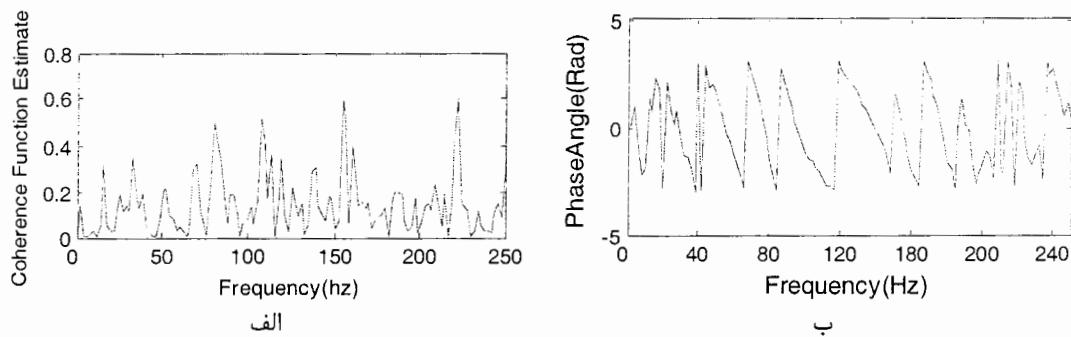
شکل ض-الف-۱۹۲- منحنی پراکندگی فیلتر شده (مکان شهرود، منبع مولد موج واقع در شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۱۶ متر)



شکل ض-الف-۱۹۳- مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی متقابل(ب) (مکان  
شهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۳۲ متر)

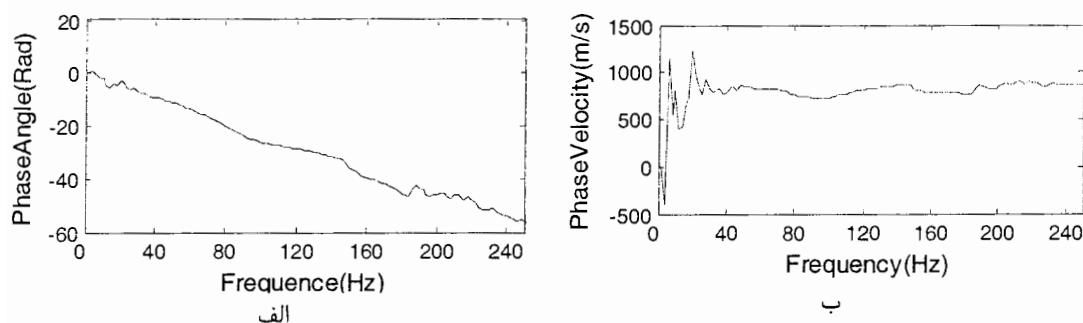


شکل ض-الف-۱۹۴- مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی متقابل(ب) (مکان  
شهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۳۲ متر)



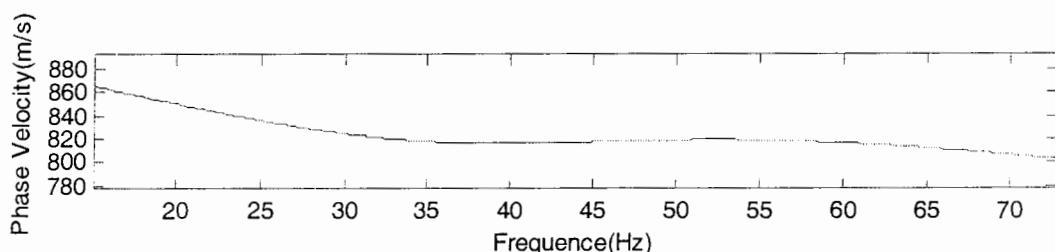
شکل ض-الف-۱۹۵- مقادیر مربوط به تابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگی-متقابل(ب) (مکان

شهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۳۲ متر)



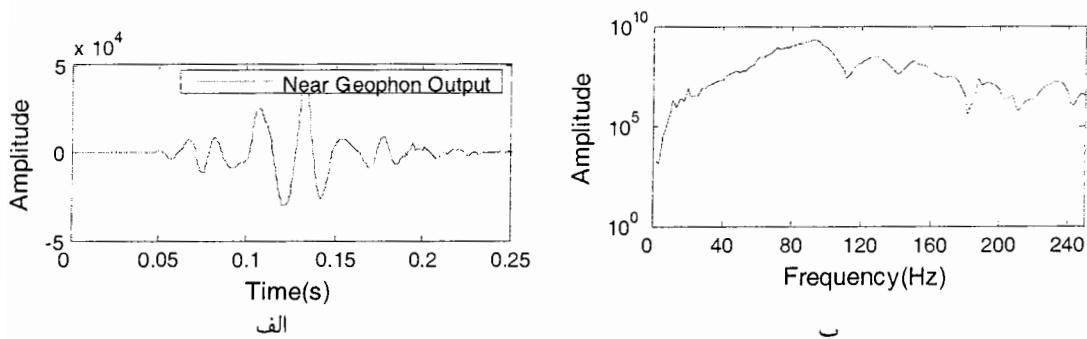
شکل ض-الف-۱۹۶- طیف فاز توان همبستگی متقابل و اپیچیده شده(الف) و منحنی پراکندگی فیلتر نشده (ب)

(مکان شهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۳۲ متر)



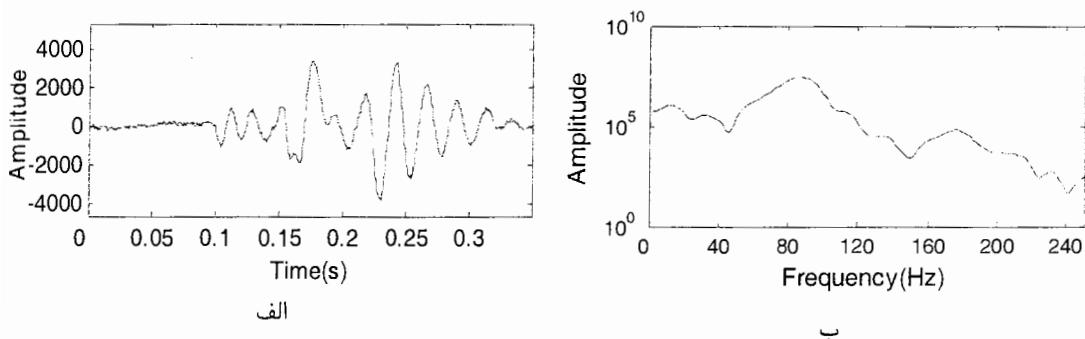
شکل ض-الف-۱۹۷- منحنی پراکندگی فیلتر شده (مکان شهرود، منبع مولد موج واقع در جنوب نقطه مرکزی، فاصله

بین ژئوفون‌ها ۳۲ متر)

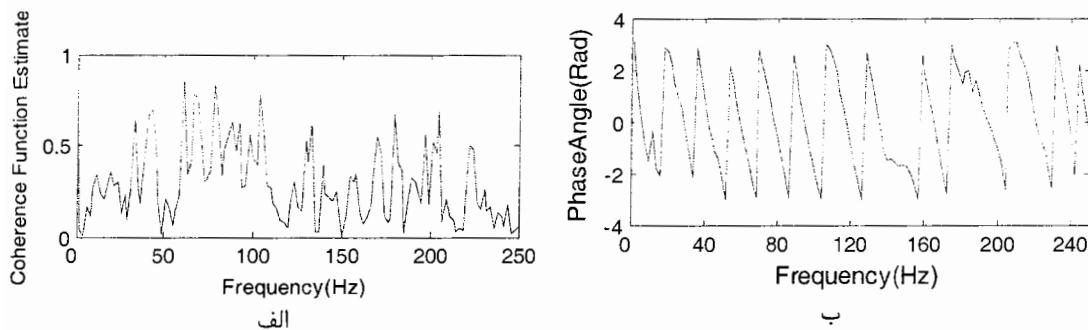


شکل ض-الف-۱۹۸- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) (مکان شهرود، منبع مولد موج واقع در

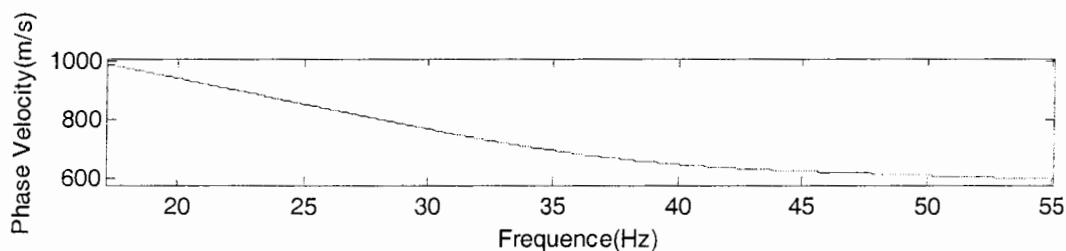
شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۳۲ متر)



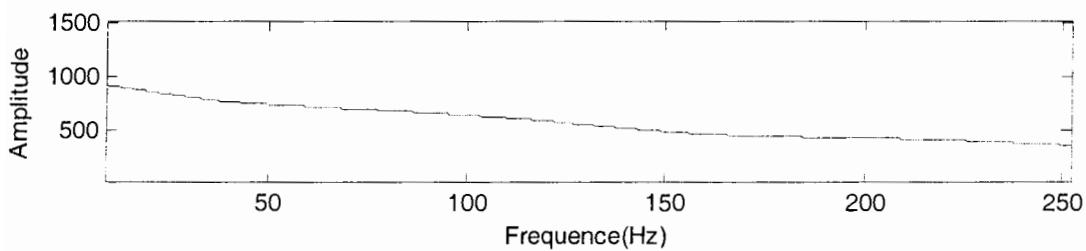
شكل ض-الف-۱۹۹- لرزه نگاشت (الف) و طیف توان خود همبستگی(ب) (مکان شاهروود، منبع مولد موج واقع در شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۳۲ متر)



شكل ض-الف-۲۰۰- مقادیر مربوط بهتابع میزان همبستگی(الف) و طیف فاز توان همبستگیمتقابل(ب) (مکان شاهروود، منبع مولد موج واقع در شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۳۲ متر)



شكل ض-الف-۲۰۱- منحنی پراکندگی فیلتر شده (مکان شاهروود، منبع مولد موج واقع در شمال نقطه مرکزی، فاصله بین ژئوفون‌ها ۳۲ متر)



شكل ض-الف-۲۰۲- منحنی پراکندگی نهایی(مکان شاهروود)

```

x = input ('Enter Vector X As Xt Value :')

y = input ('Enter Vector Y As Xt Value :')

d = input ('Enter d As Sampeling Time Interval :')

D = input ('Enter D As Distance Between Receivers :')

%define time axis

for i = 1 : length(x)
    t(i) = i * d ;
end

%define frequence axis

for i = 1 : length(x)/2
    z1(i) = (i-1) / (length(x)*d) ;
end

for i = 1 : length(x)
    z(i) = (i-1) / (length(x)*d) ;
end

%calculation FFT for both matrix X and Y %
%the image part of FFT should multiple in (-1)%
for i = 1 : length(x)
    s = 0 ; p = 0 ;
    for j = 1 : length(x)
        s = s + (x(j) * cos((2 * pi * (i-1) * (j-1)) / (length(x)))) ;
        p = p + (y(j) * cos((2 * pi * (i-1) * (j-1)) / (length(x)))) ;
    end
    ax(i) = s ;
    ay(i) = p ;
end

for i = 1 : length(x)
    s = 0 ; p = 0 ;
    for j = 1 : length(x)
        s = s + (x(j) * sin((2*pi*(i-1)*(j-1)) / (length(x)))) ;
        p = p + (y(j) * sin((2*pi*(i-1)*(j-1)) / (length(x)))) ;
    end
    bx(i) = s ;
    by(i) = p ;
end

%Calculation Amplitude Density% r = abs(z)%
for i = 1 : length(x)

```

```

Adx(i) = sqrt((ax(i)^2) + (bx(i)^2)) ;
Ady(i) = sqrt((ay(i)^2) + (by(i)^2)) ;

end

%calculation phase spectru m%O=angle(fft(t))%
for i = 1 : length(x)

    if (abs(bx(i))>(1*10^-50) )
        ox(i) = atan2 (-bx(i),ax(i)) ;
    end

    if (abs(bx(i))<=(1*10^-50))
        ox(i) = atan2 (bx(i),ax(i)) ;
    end

end

for i = 1 : length(x)

    if (abs(by(i))>(1*10^-50) )
        oy(i) = atan2 (-by(i),ay(i)) ;
    end

    if (abs(by(i))<=(1*10^-50))
        oy(i) = atan2 (by(i),ay(i)) ;
    end

end

%Calculation Unwrap Phase Spectrum %0 = unwrap(a)%
for i = 1 : length(x)
    oxunwrap(i) = ox(i) ;
end

for i = 1 : length(x) - 1
    delta(i) = oxunwrap(i+1) - oxunwrap(i) ;
end

for i = 1 : length(x) - 1
    if delta(i)>3.1416
        for c = i : length(x) - 1
            oxunwrap(c + 1) = oxunwrap(c + 1) - (2 * pi) ;
        end
    end

    if delta(i)<=-3.1416
        for c = i : length(x) - 1

```

```

        oxunwrap(c + 1) = oxunwrap(c + 1) + (2 * pi) ;
    end
end
end

for i = 1 : length(x)
    oyunwrap(i) =oy(i) ;
end

for i = 1 : length(x) - 1
    delta(i) = oyunwrap(i+1) - oyunwrap(i) ;
end

for i = 1 : length(x) - 1
    if delta(i)>3.1416
        for c = i : length(x) - 1
            oyunwrap(c + 1) = oyunwrap(c + 1) - (2 * pi) ;
        end
    end

    if delta(i)<=-3.1416
        for c = i : length(x) - 1
            oyunwrap(c + 1) = oyunwrap(c + 1) + (2 * pi) ;
        end
    end
end

%Calculation Auto Power Spectrum %pxx=x.*conj(x)/N%
for i = 1 : length(x) / 2
    apsx(i) = (1 / length(x)) * ((ax(i)^2) + (bx(i)^2)) ;
    apsy(i) = (1 / length(x)) * ((ay(i)^2)+(by(i)^2)) ;
end

h1 = figure('Name','Auto Power Spectrum for signal(1 )','NumberTitl','off') ;
plot(z1,apsx)
xlabel('frequence ( Hz )');ylabel('Auto Power Spectrum Amplitude (rms) ')
';
hold off;
h2 = figure('Name','Auto Power Spectrum for signal(2)', 'NumberTitl','off');
plot(z1,apsy)
xlabel('frequence ( Hz )');ylabel('Auto Power Spectrum Amplitude (rms)')
;
hold off;

%Calculation Cross Power Spectrum %Pxy=y.*Conj(x)/N%
for i = 1 : length(x)
    Re_cps(i) = (1 / length(x)) * ((ax(i)*ay(i)) + (bx(i) * by(i))) ;

```

```

xlabel('frequence ( Hz )');ylabel('unwrap Phase angle( Rad )');
hold off;

%calculation phase velocity%
for i = 1 : length(x) / 2
    if o_pcs_unwrap(i) ~= 0
        Vr(i) = (-z(i) * 2 * pi * D) / o_pcs_unwrap(i) ;
    end
end
h1 = figure('Name','Shear Wave Velocity Profile without filtering
','NumberTitl','off');
plot(z1,Vr)
xlabel('frequence ( Hz )');ylabel('Phase Velocity (m/sec)');
hold off;

calculation Coherence Function%Cxy = cohere(x,y)%
for i=1:length(x)/2
    Cf(i)=((Im_cps(i)^2)+(Re_cps(i)^2))/(apsx(i)*apsy(i));
end
h3 = figure('Name','Coherence Function ','NumberTitl','off');
plot(z1,Cf)
xlabel('frequence ( Hz )');ylabel('Coherence Function ');
hold on;
Cf

%filtering
for i=1:length(x)/2
    max(i)=2*D*((i-1)/(length(x)*d));
    min(i)=(D/3)*((i-1)/(length(x)*d));

    if Vr(i)<=max(i)&Vr(i)>=min(i)
        f(i)=1;
    else
        f(i)=0;
    end;
end

for i=1:(length(x)/2)-1
    f1(i)=f(i+1)-f(i);
end

%k=min and h=max
k = 1 ; h = length(x) / 2 ;
for i = 1 : (length(x) / 2 )- 1
    if f1(i) == 1
        k = i + 1 ;
    end
    if f1(i) == -1

```

```

    h = i ;
    end
end

for p = k : h
    fx(p) = (p - 1 ) / (length(x) * d) ;
    Vrf(p) = Vr(p) ;
end
h3 = figure('Name','Shear Wave Velocity Profile with filtering
','NumberTitl','off');
plot(fx,Vrf)
xlabel('frequence ( Hz )');ylabel('Phase Velocity (m/sec)');
hold off;

h1 = figure('Name','Signal (1) in Time Domain ','NumberTitl','off');
plot(t,x)
xlabel('time ( sec )');ylabel('Geophone ( 1 )');

h1 = figure('Name','Signal (2) in Time domain ','NumberTitl','off');
plot(t,y)
xlabel('Time ( sec )');ylabel('Geophone ( 2 )');
hold on;

```

ضمیمه ج

ضمیمه ج- انواع زمین ها از نظر نوع سنگ و خاک به شرح جدول زیر طبقه بندی می شوند: [اعضای کمیته دائم بازنگری آیین نامه طرح ساختمان ها در برابر زلزله، ۱۳۸۳]

جدول ض-ج-۱- طبقه بندی نوع زمین بر اساس سرعت متوسط موج برشی

حدود تقریبی $\bar{V}_s$ (متر بر ثانیه)	تصویف مواد مشکله	نوع زمین
$\bar{V}_s \geq 750$	الف- سنگ های آذرین (دارای بافت درشت و ریز دانه) سنگ های رسوبی سخت و بسیار مقاوم و سنگ های دگرگونی توده ای (گناپس-سنگ های متبلور سیلیکاته) طبقات کنگلومرا	I
$375 \leq \bar{V}_s \leq 750$	ب- خاک های سخت (شن و ماسه متراکم، رس بسیار سخت) با ضخامت کمتر از ۳۰ متر	
$375 \leq \bar{V}_s \leq 750$	الف- سنگ های آذرین سست (مانند توف)، سنگ های سست رسوبی، سنگ های دگرگونی متورق و به طور کلی سنگ هایی که در اثر هوازدگی (تجزیه و تخریب) سست شده اند.	II
$375 \leq \bar{V}_s \leq 750$	ب- خاک های سخت (شن و ماسه متراکم، رس بسیار سخت) با ضخامت بیشتر از ۳۰ متر	
$175 \leq \bar{V}_s \leq 375$	الف- سنگ های متلاشی شده در اثر هوازدگی	III
$175 \leq \bar{V}_s \leq 375$	ب- خاک های با تراکم متوسط، طبقات شن و ماسه با پیوند متوسط بین دانه ای و رس با سختی متوسط	
$\bar{V}_s \leq 175$	نهشته های نرم با رطوبت زیادتر اثر بالا بودن سطح آب زیر زمینی ب- هر گونه پروفیل خاک که شامل حداقل ۶ متر خاک رس با اندیس خمیری بیش از ۲۰ و درصد رطوبت بیشتر از ۴۰	IV

$\bar{V}_s$  سرعت موج برشی می باشد که با رعایت اثر ضخامت لایه ها در فاصله ۳۰ متری عمق زمین میانگین گیری شده است. مثلاً اگر  $d_i$  و  $V_{si}$  به ترتیب ضخامت لایه  $i$  و سرعت موج برشی در آن باشند، با استفاده از رابطه (ض-ج-۱) مقدار  $\bar{V}_s$  را می توان محاسبه کرد.

$$\frac{1}{\bar{V}_s} = \frac{\sum d_i}{\sum \left( \frac{d_i}{V_{si}} \right)} \quad (\text{ض-ج-1})$$

## **Abstract**

Shear wave velocity is an important factor in geotechnical investigation such as sub surface layers strength evaluation, site investigations and determination of sub surface profile. The tradition method for determination shear wave velocity profile is an expensive and time consumer method called down hole test (DHT). There is a new non destructive method as an alternative for DHT. This method is spectral analysis of surface waves. This method aimed obtaining by using dispersion characteristics of the waves. Then the site's shear wave velocity profile is calculated using inversion technique.

This approach is based on producing and recording the seismic waves under surface, analysis of phase difference of these waves in frequency domain and inversion the results.

In this research work rayliegh wave propagation in layer media studied. A computer program made using MATLAB for obtaining field dispersion curves. The dispersion curves of sites in Mashhad and one site in Shahrood University of technology inverted by a simple method and the shear wave velocity profile obtained. Finally these profiles compared with the profile obtained by DHT. Result show good correlation between SASW and DHT method.