

جمهوری اسلامی ایران

## دانشگاه صنعتی شاهرود

گزارش نهایی طرح پژوهشی  
کد ۱۱۰۴

امکان استفاده از هندسه فراکتال در پردازش داده‌های  
نقشه‌برداری

مجری  
 بهزاد تخمچی  
 دانشکده معدن و ژئوفیزیک

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

## پیشگفتار

گزارش حاضر نتیجه مطالعات صورت گرفته در راستای انجام طرح پژوهشی با عنوان امکان استفاده از هندسه فرآکتاب در پردازش داده‌های نقشه‌برداری به کد ۱۱۰۶ مصوبه شورای محترم پژوهشی دانشگاه صنعتی شاہروд می‌باشد که در تاریخ ۱۳۸۲/۹/۱۶ به تصویب یکصد و یازدهمین جلسه شورای پژوهشی دانشگاه رسیده است. بدینوسیله از مساعدتهای مسئولین محترم دانشگاه و بالاخص مدیران محترم پژوهشی و سرکار خانم آزادخواه کمال تشکر بعمل می‌آید.

در انجام مطالعه حاضر از راهنمایی‌های استادی محترم، آقایان دکتر مهدی ایران نژاد و دکتر رضا خالو کاکائی بهره‌ها برده‌ام که از ایشان صمیمانه تقدیر می‌نمایم. به انضمام گزارش، نرم‌افزارهایی ارائه گشته که حاصل زحمات آقای سید علی کاظمی دانشجوی محترم رشته اکتشاف معدن می‌باشد، البته در انجام پژوهه نیز از همفکری‌های ایشان بهره فراوان برده‌ام. برایشان آرزوی توفیق می‌کنم. همچنین از خانم‌ها عصمت افشارنیا و نرگس بهی و آقایان سید بیژن ماهباز و سید علی‌هاشمی نسب که بنده را در انجام طرح یاری رسانده‌اند تشکر می‌کنم.

در نهایت امیدوارم نتایج طرح مورد استفاده همکاران محترم دانشگاهی قرار بگیرد.

بهزاد تخم چی

## فهرست مطالب

صفحه	عنوان
	<b>فصل یک: کلیات</b>
۱	۱-۱ مقدمه
۲	۲-۱ روش‌های پردازش اطلاعات
۳	۳-۱ خطای تخمین
	<b>فصل دوم: کلیاتی راجع به فراکتال‌ها</b>
۴	۱-۲ مقدمه
۵	۲-۲ شکل سطوح طبیعی
۶	۳-۲ بعد فراکتال
۷	۴-۲ کاربرد بعد فراکتال
۷	۵-۲ کاربرد فراکتال در پردازش اطلاعات توپوگرافی
	<b>فصل سوم: شرح عملیات نقشه‌برداری</b>
۹	۱-۳ مقدمه
۱۰	۲-۳ برداشت توسط RDS
۱۰	۳-۳ برداشت توسط GPS
۱۱	۴-۳ پردازش اطلاعات
	<b>فصل چهارم: روش‌های محاسبه بعد فراکتال</b>
۱۲	۱-۴ مقدمه
۱۲	۲-۴ روش پرگار تقسیم سیار
۱۴	۳-۴ روش پرگار تقسیم سیار دو بعدی
۱۵	۴-۴ استفاده از تغییر نما

**صفحه**

**عنوان**

۱۶	۴-۵ ارائه نرم افزار
۱۶	۱-۵-۴ شرح عملکرد نرم افزار
۱۷	۲-۵-۴ نحوه خواندن اطلاعات
۱۷	۳-۵-۴ محاسبه بعد فراکتال به روش پرگار تقسیم سیار
۲۰	۴-۵-۴ محاسبه بعد فراکتال به روش تغییرنما
۲۱	۴-۵-۴ محاسبه بعد فراکتال به روش پرگار تقسیم سیار دو بعدی

**فصل پنجم: تولید داده‌ای معتبر آماری با بعد فراکتال معین**

۲۳	۱-۵ مقدمه
۲۳	۵-۲ روشهای تولید نویز (آشفتگی) براونی
۲۴	۵-۳ الگوریتم تولید حرکت براونی کسری یک بعدی
۲۴	۵-۳-۱ روش اول تولید حرکت براونی کسری یک بعدی
۲۴	۵-۳-۲ روش دوم تولید حرکت براونی کسری یک بعدی
۲۵	۵-۴ حرکت براونی کسری دو بعدی
۲۷	۵-۵ نحوه خواندن اطلاعات
۳۰	۶-۵ ساختن ماتریس اعداد تصادفی گوسی
۳۰	۷-۵ ساختن ماتریس اعداد نویز براونی توسط الگوریتم تولید حرکت براونی کسری
۳۰	۸-۵ محاسبه بعد فراکتال به روش تغییرنما
۳۰	۹-۵ اجرای الگوریتم جابجایی نقطه میانی
۳۲	۱۰-۵ نحوه ذخیره محاسبات

## عنوان

## صفحه

### فصل ششم: نحوه کار با نرم افزار FS و FM

۳۳	۱-۶ مقدمه
۳۳	۲-۶ نحوه ارسال داده ها به نرم افزارهای FM و FS
۳۷	۳-۶ طریقه کلی استفاده از نرم افزار FM
۳۷	۱-۳-۶ نحوه محاسبه بعد فراکتال به روش پرگار تقسیم سیار
۴۰	۲-۳-۶ محاسبه بعد فراکتال به روش تغییرنما
۴۲	۳-۳-۶ محاسبه بعد فراکتال به روش پرگار تقسیم سیار دو بعدی
۴۳	۴-۶ نحوه استفاده از نرم افزار Fractal Simulation
۴۵	۵-۶ توضیحات تکمیلی درباره نرم افزار (FS) Fractal Simulation

### فصل هفتم: نتیجه‌گیری و پیشنهادات

۵۰	۱-۷ نتیجه‌گیری
۵۱	۱-۷ پیشنهادات
۵۲	پیوست اول: کدهای اصلی فرم اصلی نرم افزار (FM) Fractal Methods
۶۳	پیوست دوم: کدهای اصلی فرم نمایش گراف نرم افزار (FM) Fractal Methods
۶۷	پیوست سوم: کدهای اصلی فرم اصلی نرم افزار (FS) Fractal Simulation

### فهرست منابع به ترتیب استفاده در متن

## فهرست اشکال

عنوان	صفحه
شکل ۱-۱ مثالی از خطای فاحش تخمینگر خطی	۳
شکل ۲-۱ خط ساحلی انگلستان با گام‌های مختلف پیموده شده است	۶
شکل ۲-۲ نحوه بدست آوردن شبیه فراکتال خط ساحلی انگلستان	۷
شکل ۳-۴ شکل شماتیک جهت نمایش لگاریتم طول خط کش در مقابل لگاریتم طول منحنی	۱۳
شکل ۴-۲ مقایسه روش‌های $\alpha/\beta$ و ب پرگار تقسیم سیار در محاسبه بعد فراکتال	۱۴
شکل ۴-۳ یک شبکه نمونه جهت محاسبه مقادیر تغییرنما در گام‌های مختلف	۱۶
شکل ۴-۴ شمای عملیاتی زیروالهای برنامه FM	۱۸
شکل ۴-۵ جزئیات عمکرد فرمت ب روش پرگار تقسیم سیار	۱۹
شکل ۴-۶ نمایشی از مفاهیم مساحت کلی سطح و مساحت گام در روش پرگار تقسیم سیار دو بعدی	۲۲
شکل ۵-۱ حرکت براونی با پارازیتهای سفید آن (پیتجن و سوب ۱۹۸۸)	۲۵
شکل ۵-۲ مثال تولید اعداد تصادفی حرکت و براونی کسری برای دو مقدار متفاوت از $H$ که توسط نرم افزار تهیه شده رسم شده است	۲۶
شکل ۵-۳ جابجایی نقطه میانی برای حرکت براونی یک بعدی	۲۶
شکل ۵-۴ سه مرحله اول الگوریتم جابجایی نقطه میانی بر روی یک شبکه منظم	۲۸
شکل ۵-۵ شمای عملیاتی زیروالهای برنامه شبیه‌ساز فراکتال (FS) و ارتباط زیروالهای با کلاس مادر	۲۹
شکل ۵-۶ انواع حالات ممکن به لحاظ مجاورت داده معتبر با داده‌های بلانک شده و رفتار نرم افزار با هر کدام از این حالات	۳۱
شکل ۶-۱ شمای گرافیکی پنجره Scattered data interpolation	۳۴
شکل ۶-۲ شمای گرافیکی پنجره Save Grid As	۳۵
شکل ۶-۳ نمایش نحوه انتخاب دستور Sort از منوی Data	۳۶

## عنوان

## صفحه

- شکل ۴-۶ نحوه تنظیمات پنجره Sort ۳۶
- شکل ۵-۶ تنظیمات پنجره Gsi ۳۷
- شکل ۶-۶ شمای ظاهری برنامه قبل از ورود اطلاعات ۳۸
- شکل ۷-۶ شمای ظاهری برنامه پس از ورود اطلاعات ۳۹
- شکل ۸-۶ نحوه انتخاب دستورات مختلف محاسبه و نمایش مقادیر بعد فرآکتال ۴۰
- شکل ۹-۶ پنجره Loop Number ۴۰
- شکل ۱۰-۶ نمایی از پنجره Graph ۴۱
- شکل ۱۱-۶ نحوه ذخیره کردن نتایج ۴۲
- شکل ۱۲-۶ نمایش مقدار تغییرنمای سطح توسط که به توسط نرم افزار محاسبه شده است ۴۲
- شکل ۱۳-۶ شمایی از کادر Random number generator scale ۴۳
- شکل ۱۴-۶ نقشه توپوگرافی و سه بعدی حاصل از کریجینگ داده های منطقه محلات ۴ ۴۶ با فواصل خطوط شبکه ۴۰ متر
- شکل ۱۵-۶ نقشه توپوگرافی و سه بعدی حاصل از جابجایی نقطه میانی داده های منطقه محلات ۴ ۴۷ با فواصل خطوط شبکه ۲۰ متر
- شکل ۱۶-۶ نقشه توپوگرافی و سه بعدی حاصل از جابجایی نقطه میانی داده های منطقه محلات ۴ ۴۸ با فواصل خطوط شبکه ۱۰ متر
- شکل ۱۷-۶ نقشه توپوگرافی و سه بعدی حاصل از کریجینگ داده های منطقه محلات ۴ ۴۹ با فواصل خطوط شبکه ۱۰ متر

## فهرست جداول

### صفحه

### عنوان

۴	جدول ۱-۲ طول ساحل انگلیس با مقیاس‌های مختلف
۱۷	جدول ۱-۴ شمای ماتریس ذخیره نتایج در روش پرگار تقسیم سیار
۲۱	جدول ۲-۴ ماتریس ذخیره نتایج در روش پرگار تقسیم سیار دو بعدی
۴۵	جدول ۱-۶ نتایج چگال کردن سطوح و بعد فراکتال حاصل از آنها

## چکیده

در هندسه فراکتال بر خلاف هندسه اقلیدسی بحث از خطوط و سطوحی است که بعد عدد صحیح

یک و دو ندارند. در این تحقیق منطق و نظریه حجت محاسبه بعد فراکتال سطوح طبیعی هندگان

نقشه‌برداری ارائه گردیده و سپس تخمینگری با منطق فراکتال به نام جابجایی نقطه میانی حجت

چگال کردن اطلاعات ارائه شده است. نحوه عمل تخمینگر بگونه‌ای است که در نهایت بعد فراکتال

نقشه‌ای که بعنوان نقشه توپوگرافی سطح ترسیم می‌شود برابر با بعد فراکتال سطح اولیه خواهد

بود. بعد فراکتال خطوط و سطوح به سه روش پرگار تقسیم سیار، پرگار تقسیم سیار دو بعدی و

تعییرنما محاسبه می‌شود.

در نهایت اثبات شده که سطوح شبیه‌سازی شده به روش فراکتال به لحاظ آماری کاملاً شبیه به

سطوح اولیه بوده و از این منظر تخمینگر فراکتال نسبت به تخمینگرهای دیگر قابل اعتمادتر است.

## کلیات

### ۱-۱ مقدمه

تهیه نقشه دقیق و استفاده صحیح از آن در طرح و اجرای هر پروژه‌ای یکی از عوامل موفقیت آن پروژه به شمار می‌آید. برای تحقیق این امر متخصصین نقشه‌برداری همواره کوشش می‌نمایند تا با بهره‌گیری از وسایل جدید، روش‌های مناسب پردازش اطلاعات و شیوه‌های مدرن ترسیم دقت نقشه‌ها را بیش از پیش افزایش دهند.

به طور کلی نقشه‌برداری تئوریکی از سه فعالیت برداشت‌های صحرایی توسط وسایل نقشه‌برداری، ریاضیات کاربردی جهت پردازش داده‌های برداشت شده و هنر ترسیم نقشه می‌باشد. بدینهی است که در تمامی مراحل عملیاتی مذکور، میزانی از خطا نهفته است. به عنوان مثال برداشت‌های صحرایی به وسیله دستگاه‌های نقشه‌برداری که توسط انسان ساخته شده‌اند صورت می‌گیرد. از آنجا که عملکرد انسان همراه با خطا است، بدون شک میزانی خطای سیستماتیک در هنگام ساخت دستگاه‌ها وجود خواهد داشت که تأثیر خود را در توأم با خطا بودن اطلاعات اولیه خواهد گذاشت. در ضمن کاربر نیز انسان است که فعالیتش توأم با خطا است و تفسیر شرایط طبیعی نیز خطا وارد مجموعه عملیات خواهد نمود. بنابراین در مرحله برداشت سه نوع خطای دستگاهی، انسانی و طبیعی وجود خواهد داشت.

به همین ترتیب در پردازش اطلاعات و ترسیم نقشه نیز خطا وجود خواهد داشت که هنر نقشه‌بردار، کاهش مجموع خطاهای و نزدیک کردن هر چه بیشتر نقشه تهیه شده به واقعیت است.

## ۱- روش‌های پردازش اطلاعات

پردازش اطلاعات نقشه‌برداری شامل دو مرحله است. ابتدا توسط ریاضیات کاربردی می‌بایستی اطلاعات خام اولیه را به مختصات دکارتی تبدیل نمود. برای این منظور بسته به اینکه از چه نوع دستگاهی جهت برداشت اطلاعات اولیه استفاده شده باشد، روابط خاصی موجود است. بنابراین عموماً در انجام این مرحله از پردازش، مشکل و یا خطای خاصی وجود نخواهد داشت.

در مرحله دوم با توجه به اینکه نسبت اطلاعات به مجھولات پسائین است، باید به توسط یک تخمینگر، برای بعضی از نقاط مجھول، ارتفاع را تخمین زد. بدیهی است از تخمینگرهای دستی و یا کامپیوترا می‌توان استفاده کرد. اما با توجه به حجم بالای محاسبات ریاضی تنها تخمینگر دستی، درونیابی - بروندیابی است. در این شیوه فرض بر این است که تغییرات ارتفاعی بین دو نقطه به صورت خطی است. بنابراین به عنوان مثال دقیقاً بین دو نقطه به فاصله یکصد متر از هم که ارتفاع آنها به ترتیب صفر و صد متر است، ارتفاع پنجاه متر خواهد بود. اما در روش‌های نرم‌افزاری از تخمینگرهای متفاوتی می‌توان استفاده کرد. به عنوان مثال در نرم‌افزار سورفر که یک نرم‌افزار نقشه‌برداری است، هشت تخمینگر ارائه شده است. این تخمینگرهای عبارتند از: عکس محدود فاصله<sup>۱</sup>، کریجینگ<sup>۲</sup>، کمینه انحناء<sup>۳</sup>، نزدیکترین همسایه<sup>۴</sup>، رگرسیون چندگانه<sup>۵</sup>، توابع پایه شعاعی<sup>۶</sup>، روش شپارد<sup>۷</sup> و درونیابی خطی<sup>۸</sup> هستند.

هر کدام از تخمینگر، در بعضی از مورفولوژی‌های خاص کاربرد دارند. به عنوان مثال، احتمالاً در مورفولوژی تبخیری، روش‌های عکس محدود فاصله و شپارد و در مورفولوژی هموار، روش‌های کریجینگ و کمینه انحناء تخمین بهتری از سطح ارائه خواهند نمود.

## ۲- خطای تخمین

تخمینگر خوب، تخمینگری است که ارتفاع نقاط مجھول را هرچه نزدیکتر به مقدار واقعی تخمین بزند. به عبارت دیگر، احتمالاً مقادیر تخمین زده شده با مقادیر واقعی برابر نیستند. جالب اینجاست که بعضاً این اختلاف یا خطای می‌تواند بسیار بزرگ هم باشد. به عنوان مثال در شکل ۱-۱ به فرض نقطه وسط مجھول می‌بود. در این صورت تخمینگر خطی، تخمین خط چین را ارائه می‌نمود. به

1- Inverse Distance

2- Kriging

3- Minimum Curvature

4- Nearest Neighbor

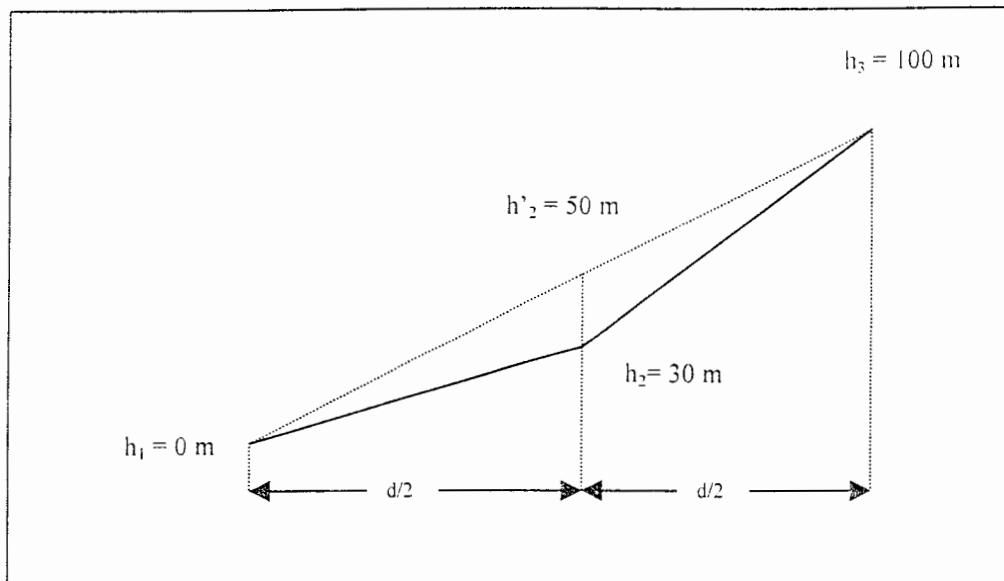
5- Polynomial Regression

6- Radial Basis Functions

7- Shepards Method

8- Triangulation With Linear Interpolation

عبارت دیگر برای نقطه وسط، ارتفاعی معادل ۵۰ متر تخمین زده می‌شد. حال آنکه، همچنانکه در شکل مشاهده می‌شود، ارتفاع نقطه وسط معادل ۳۰ متر است. بنابراین خطای تخمین ۲۰ متر خواهد بود که بدون شک در نقشه‌های با مقیاس بزرگ مورد قبول نیست.



شکل ۱-۱ مثالی از خطای فاحش تخمینگر خطی

بدون شک، هر شخصی با اندکی تذکر مثال‌های مشابهی می‌تواند ارائه دهد که تخمینگرهای غیرخطی نیز خطای فاحشی داشته باشند. بنابراین ملاحظه می‌شود هر چند که توانمندی دستگاهها بیشتر شده و خطاهای برداشت و ترسیم کاهش یافته، کاستن از خطای پردازش ضروری است. البته به عنوان یک راهکار جهت کاستن از خطای پردازش می‌توان فاصله بین نقاط برداشت را خیلی کاهش داد، اما بدیهی است که این روش بدلیل اینکه هزینه‌های عملیات صحرایی و زمان اجرایی عملیات افزایش می‌یابد، مطلوب نیست. تخمینگرها نیز همچون گریجینگ وجود دارند که در صورت چگال بودن شبکه برداشت، می‌توانند ارتباط فضایی بین نقاط اطلاعاتی را کشف کرده و نتیجاً به عنوان یک تخمینگر با حداقل واریانس تخمین عمل می‌نماید. اما از ویژگی‌های این تخمینگر این است که نرم‌ترین منحنی را بر روی شبکه منطبق می‌کند، در صورتی که بعضی موقع در طبیعت مورفولوژی‌های زبر نیز وجود دارند که بدون شک تخمینگرهای نرم کننده برای آن مناطق مناسب نیستند.

در فصول آتی تخمینگری معرفی خواهد گشت که امکان ساختن سطوح زیر توسط آن وجود دارد.

چنانکه در جدول ۱-۲ ملاحظه می‌شود، همواره با کوچک شدن واحد اندازه‌گیری، طولی که از این اندازه‌گیری‌ها حاصل می‌شود بزرگتر می‌شود. در پایان از آنجا که محدودیتی برای کوچک شدن واحد وجود ندارد، با بینهایت بودن طول این خط رویرو می‌شویم. ماندلبروت در جستجوی پاسخی برای این پرسش نظریات تازه‌ای را مطرح ساخت که به تحولی فراگیر در درک و تصویری که تا کنون از بعد وجود داشت انجامید و منجر به پیدایش هندسه فراکتال شد. وی تاکید نمود که با توجه به متغیر بودن مقدار طول نامبرده، دیگر سخن گفتن از طول چنین شکل‌های بی‌قائدای بی‌بهوده است. وی همه پدیدهایی را که با تعاریف معمول با نقطه، خط، صفحه و پیکر هندسی نمی‌توان توصیف کرد از جمله این اشکال دانست [۱].

همانطور که می‌دانیم در هندسه رایج (اقلیدسی) فقط ابعاد عدد صحیح وجود دارد: خط دارای یک بعد، صفحه دو بعد و مکعب دارای سه بعد است. حال آنکه برای هر خط شکسته یا سطح ناهمواری می‌توان بعدی را بدست آورد که عدد صحیح نیست [۲].

## ۲-۲ شکل سطوح طبیعی

بیشتر مردم روی خشکی زندگی می‌کنند. بر روی زمین راه رفته و بر روی تخته سنگ می‌نشینند. اما عموماً به اشکال مختلف سطوح مشترکی که به طور روزمره با آنها برخورد دارند، توجه نمی‌کنند. بنابراین جای تعجب خواهد بود اگر بدانند شکل‌هایی که رؤیت می‌کنند، بسته به مقیاس مشاهده متفاوت هستند. به عنوان مثال یک فضانورد از فضا، زمین را به شکل یک توب آرام و هموار مشاهده می‌کند، در حالیکه هنگام بالا رفتن از یک کوه، شکل زمین به هر چیز جز یک توب آرام و هموار شبیه است. از این مباحث می‌توان به یک نتیجه دست پیدا کرد: ممکن است سطوح خارجی، همچون کوههای هیمالیا هموار باشند. البته این امر با نگاهی از فضا اتفاق می‌افتد. اما همان سطوح با مشاهده از روی زمین کاملاً ناهموار هستند [۲].

به طور کلی شکل ظاهری به میزان فاصله مشاهده شده بستگی دارد. بنابراین این سؤال مطرح می‌گردد: چگونه می‌توان شکل پدیدهای را توصیف کرد که با چشم هموار، ولی به وسیله میکروسکوپ ناهموار به نظر می‌رسد [۳]؟

همچون سؤال بالا را می‌توان در مورد سطوح طبیعی زمین‌شناسی مطرح ساخت. همچنانکه می‌دانیم بعضی از سطوح در اثر فرایند رسوب‌گذاری به وجود می‌آیند. بعضی دیگر در اثر فرسایش یا پوسیدگی بوجود می‌آیند. بعضی نیز به دلیل محیط رشد ناهمگون توسعه پیدا می‌کنند [۳]. بدیهی است که مورفولوژی این سطوح با هم متفاوت بوده و اصولاً شکل متفاوت با هم دارند. بنابراین می‌توان بیان نمود که بسیاری از ساختارهای زمین‌شناسی همچون توپوگرافی از آمار فراکتالی پیروی می‌کنند.

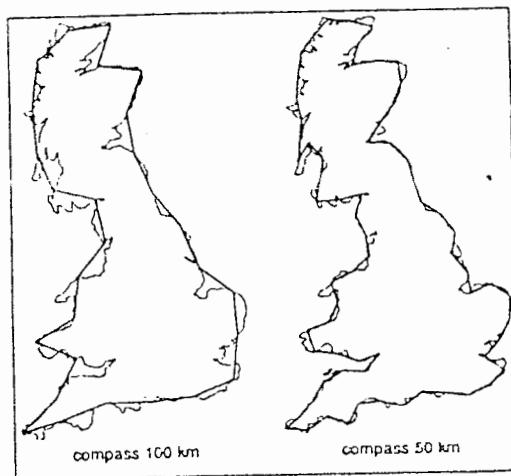
جهت مطالعه ساختارهای فراکتالی می‌بایست بعد فراکتال ساختارها را اندازه‌گیری و محاسبه کرد. بدین ترتیب ایزار کمی بدست خواهد آمد که توسط آن می‌توان بین شکل ساختارهای مختلف

تمایز قائل شد. به عنوان مثال یک خط مستقیم بعد فراکتالی یک داشته، اما یک خط شکسته یا منحنی بعد فراکتالی بزرگتر از یک دارد. به همچنین یک سطح صاف و ملایم بعد فراکتالی دو داشته، اما یک سطح با تغییرات ارتفاعی شدید، بعد فراکتالی بیش از دو خواهد داشت. در ادامه مطالب بیشتری راجع به فراکتال آرائه می‌شود.

### ۳-۲ بعد فراکtal

به روش‌های مختلفی می‌توان بعد به اصطلاح فراکتالی را محاسبه کرد که ساده‌ترین آن چنین است [۱]:

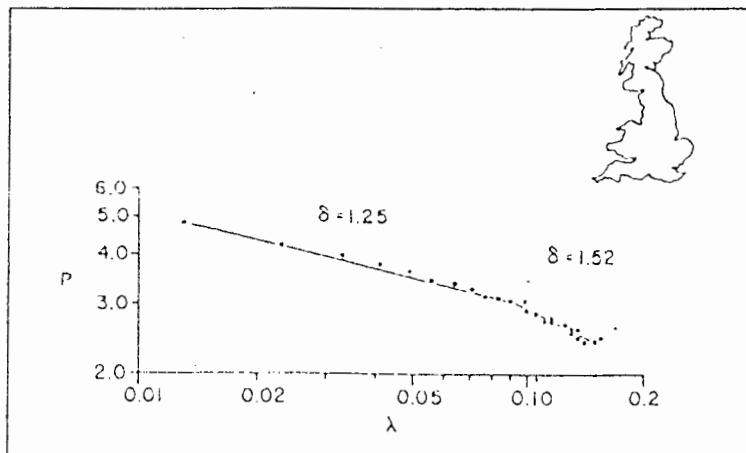
برای اندازه گرفتن طول یک خط بر روی نقشه، ابتدا به کمک پرگار طول معینی<sup>(۲)</sup> را به عنوان مقیاس در نظر گرفته، خط را می‌پیمائیم. طول کامل این خط ( $L$ ) از ضرب تعداد گام‌ها( $N$ ) در مقیاس<sup>(۲)</sup> بدست می‌آید( $L=N.r$ ). بدین‌یعنی است مقدار باقی‌مانده را نیز با این حاصل ضرب جمع می‌نمائیم. عمل یاد شده در مقیاس‌های مختلف<sup>(۲)</sup> تکرار می‌شود. برای مثال در شکل ۱-۲ دو مرحله از انجام این عملیات بر روی سواحل انگلستان آورده شده است.



شکل ۱-۲ خط ساحلی انگلستان با گام‌های مختلف پیموده شده است [۱]

بدین ترتیب به ازاء مقیاس‌های مختلف<sup>(۲)</sup>، طول‌های مختلفی حاصل می‌گردد( $P$ ) که نمونه‌ای از آن در جدول ۱-۲ آورده شده بود. حال یک کاغذ لگاریتمی انتخاب کرده، بر روی محور  $X$ ها مقیاس<sup>(۲)</sup> و بر روی محور  $Y$ ها طول محاسبه شده با آن مقیاس ( $P$ ) وارد می‌شود. از اتصال هر زوج  $r$  و  $P$  یک نقطه حاصل می‌شود. با بهم پیوستن نقاط بدست آمده، خطی با ضریب منفی( $-d$ ) به وجود می‌آید که رابط بین دو مقدار پیش گفته را بیان می‌کند(شکل ۲-۲).

از حاصل جمع عدد یک و ضریب  $d$ ، مقداری حاصل می‌گردد که به آن بعد فراکتال گویند. لازم به ذکر است که در صورت مطالعه یک سطح، بعد فراکتال از افزودن عدد دو به ضریب  $d$  حاصل می‌گشت.



شکل ۲-۲ نحوه بدست آوردن شیب فراکتال خط ساحلی انگلستان [۱]

## ۴-۲ کاربرد بعد فراکتال

از بعد فراکتالی بویژه برای دو منظور می‌توان استفاده کرد. اول اینکه می‌توان هر شکل را با این کمیت معرفی کرد. به معنای دیگر می‌توان پیچ و تاب و تغییرپذیری آن را شناساند. بگونه‌ای که اشکال پرشکنچ‌تر بعد فراکتال بزرگ‌تر خواهند داشت. استفاده دوم عرصه‌ای است که نیاز به کاوش و بررسی بیشتر دارد. در این موارد می‌بایست ارتباط بین بعد فراکتال و ویژگی‌های پدیده مورد پژوهش را شناخت. به عنوان مثال نتیجه یک مطالعه بر روی سیستم گسل نهیندان ثابت کرده است در مناطقی که میدان اثر کرنش دو سطح وسیع گسترش یافته، از تراکم سطوح شکستگی کاسته شده و به عبارت دیگر سیستم گسله در آن مناطق جوانتر است [۴].

خوبشخтанه علی‌رغم فعالیتهای زیادی که راجع به هندسه فراکتال صورت گرفته، همچنان امکان کار بر روی آن وجود دارد. در ادامه استفاده از هندسه فراکتال جهت شبیه‌سازی سطوح زمین‌شناسی شرح داده می‌شود.

## ۵-۲ کاربرد فراکتال در پردازش اطلاعات توپوگرافی

همانگونه که ذکر شد بسیاری از ساختارهای زمین‌شناسی، منجمله توپوگرافی زمین از قواعد آمار فراکتالی پیروی می‌کنند. دلیل این امر خصلت شکل گرفتن، فرسایش، جنس و شرایط محیطی حاکم بر یک منطقه است. به عنوان مثال آهک بدلیل سختی و خصلت شکست تیز احتمالاً مورفولوژی پرشکنچی خواهد داد و یا تبخیریها و یا رس‌ها بدلیل نرمی و قابلیت انحلال بالا،

مورفولوژی تپه‌ماهوری نمایش می‌دهند. البته بدیهی است که طول دوره‌ای که این سنگها در معرض فرسابش بوده‌اند نیز مهم است. به عبارت دیگر هر چه عمر رخنمون یک سنگ افزایش یابد، احتمالاً بدلیل فرسایش بیشتر سطح آن نرم‌تر خواهد بود و بالعکس. در ضمن شرایط محیطی نیز در شکل توپوگرافی نقش بازی می‌کند. بدین صورت که در منطقه‌ای با هوای گرم و مرطوب انتظار یک مورفولوژی نرم و در یک منطقه سرد و کوهستانی و پر برف انتظار یک مورفولوژی سخت و پرشکنج می‌رود.

حال انتظار اینست که در مورفولوژی‌های سخت و پرشکنج، بعد فرآکتال سطح بزرگ و در مورفولوژی‌های نرم و آرام بعد فرآکتال کوچک باشد. بدیهی است اگر روشهای جهت محاسبه بعد فرآکتال سطوح نقشه‌برداری شده وجود داشته باشد، بصورت کمی مورفولوژی را می‌توان معرفی نمود. سپس احتمالاً می‌توان تخمینگری را ابداع کرد که هنگام پردازش و افزایش چگالی آنها، بعد فرآکتال سطح را تغییر ندهد. در این صورت می‌توان انتظار داشت که سطح شبیه‌سازی شده شباخت مناسبی با سطح حقیقی طبیعت داشته باشد.

برای بررسی موارد مذکور نیاز به یک سری اطلاعات دقیق نقشه‌برداری می‌باشد که در راستای اجرای این طرح نسبت به انجام برداشت‌های صحرایی نقشه‌برداری اقدام شده است. چگونگی برداشت اطلاعات و روش‌های پردازش در فصول آتی شرح داده خواهد شد.

## شرح عملیات نقشه‌برداری

### ۱-۳ مقدمه

منظور از برداشت، تعیین مختصات یا موقعیت نقاطیست از زمین که برای تهیه نقشه و یا شناسائی کلی مسطحاتی و ارتفاعی زمین و عوارض آن در یک منطقه لازم است [۵].

روش‌های مختلفی برای برداشت عوارض وجود دارد. به عنوان مثال می‌توان استفاده از دوربین‌های استادیمتری، تبدیل کننده به افق، پارالاکتیک، تبدیل کننده به افق، توtal<sup>۱</sup>، نیوو و یا استفاده از مت، ژالن، کمپاس و تخته سه پایه، بهره جستن از روش‌های فتوگرامتری و در نهایت به توسط GPS را نام برد.

بدیهی است هر روش مزايا و معایب خاص خود را دارد. به عنوان مثال روش استادیمتری سریع بوده اما از دقت خیلی بالایی برخوردار نیست. به عبارت دیگر یک وسیله مهندسی است. اما توtal هم سریع و هم دقیق است، اما این دوربین بسیار گران قیمت بوده و کمتر در اختیار است. روش‌های فتوگرامتری و یا استفاده از GPS دستی بسیار سریع هستند. اما دقت آنها بسیار پایین بوده و برای تهیه نقشه‌های کوچک مقیاس مناسب هستند.

به هر صورت در نقشه‌های مورد استفاده زمین‌شناسان و معدنچیان معمولاً مقیاس‌های متوسط و کوچک و با هزینه کم برداشت در نظر است. بنابراین در این طرح سعی شده است توسط دوربین RDS که نسبت به استادیمترها از دقت بیشتری برخوردار است، برداشت نقشه با مقیاس متوسط و توسط GPS برداشت مناطق با مقیاس کوچک صورت بگیرد تا کارکرد منطق فراکتال در پردازش داده‌های نقشه‌های با مقیاس متفاوت مورد مطالعه قرار بگیرد.

### ۲-۳ برداشت توسط RDS

مناطقی از کردان و کرج جهت برداشت توسط دوربین RDS انتخاب گردیدند. ویژگی مورفولوژی منطقه کردان در کوهستانی بودن آن است. همچنین در این منطقه، رخنمونهایی از رگه‌های سیلیس و باریت مشاهده می‌گردید که به صورت تیز و فرسایش نیافته بر شکنج منطقه افزوده است. هنگام برداشت سعی شده است که تمامی عوارض برداشت گردد، هر چند که بعید به نظر می‌رسد، شکست حاصل از وجود رگه‌های کم ضخامت باریت و سیلیس تأثیر خاصی در بعد فراکتال منطقه بگذارد. در این منطقه به توسط دو ایستگاه نقشه‌برداری حدود ۲۶ نقطه اطلاعاتی از محدوده‌ای به وسعت تقریبی ۱۰ هکتار برداشت شده است. بنابراین به طور متوسط از هر چهار صد متر مربع یک نقطه اطلاعاتی وجود دارد که مقیاس نقشه ۱:۲۰۰۰ خواهد بود. در ضمن سعی شده است عوارض با بلندی  $1/5$  متر برداشت شوند که در مقیاس نقشه خللی وارد نیاید. اطلاعات اولیه پردازش شده و به صورت فایل اطلاعات دکارتی جهت مطالعه بعد فراکتال و پردازش‌های دیگر آماده شده‌اند. این فایل اطلاعاتی در دیسک فشرده پیوست گزارش ارائه شده است.

منطقه دوم عملیاتی در مجاورت فرودگاه پیام، نرسیده به ماهدشت بوده است. مورفولوژی این منطقه تپه ماهوری است. از این منطقه ۲ نقشه تهیه شده است. برداشت یک مرتبه توسط RDS و مرتبه دیگر توسط GPS صورت گرفته است. بدیهی است در این صورت امکان مطالعه توامندی روش‌های فراکتالی در تخمین بعد فراکتال نقشه‌های با مقیاس متفاوت فراهم خواهد گشت. ابتدا به نظر می‌رسد برداشت با GPS بدلیل دقت پایین، بعد فراکتال را نتواند به خوبی بیان نماید. البته این موضوع در فصول آتی مطالعه خواهد شد. به هر حال در برداشت با دوربین RDS از حدود ۲۰ هکتار حدود ۷۰۰ نقطه برداشت شده است. برای این منظور شش ایستگاه نقشه‌برداری در نظر گرفته شده و مقیاس نقشه حدوداً ۱:۱۵۰۰ خواهد بود.

### ۳-۳ برداشت توسط GPS

مناطقی از کرج و محلات جهت برداشت توسط GPS انتخاب گردیدند. همانگونه که سابقاً آورده شد، در منطقه کرج به این دلیل مجدداً با GPS برداشت صورت گرفت که اولاً منطقه تپه ماهور بوده است و ثانیاً بدینوسیله توامندی عملکرد روش‌های تخمین بعد فراکتال و پردازش فراکتالی در موارد برداشت نقشه‌های کوچک مقیاس و بزرگ مقیاس، بررسی می‌شود. بنابراین منطقه مجاور فرودگاه پیام، نرسیده به ماهدشت توسط GPS نیز برداشت گردید. خصلت این داده‌ها چگالی کم آنها نسبت به اطلاعات برداشت شده توسط RDS است. در این مرحله حدود ۲۰۰ برداشت از محدوده حدود ۵۰ هکتار برداشت گردید. به عبارت دیگر حدوداً از هر ۲۵۰۰ متر مربع یک نقطه اطلاعاتی برداشت گردید. بنابراین مقیاس برداشت ۱:۵۰۰۰ خواهد بود. نکته‌ای که لازم به ذکر است اینکه GPS مورد استفاده از نوع گارمین (Summit (etrex)) انتخاب شده

است که از ویژگی‌های آن داشتن آلی متر دیجیتال است. بنابراین هر چند که ممکن است خطای مطلق بیان ارتفاع توسط این وسیله به چند متر برسد، اما خطای نسبی ارتفاعی بین نقاط از حداقل نیم متر تجاوز نمی‌کند (دقت آلی متر). بنابراین واقعاً نقشه برداشت شده می‌تواند مقیاس ۱:۵۰۰۰ داشته باشد.

منطقه دوم عملیاتی توسط GPS در کیلومتر ۲۵ جاده محلات - خمین واقع شده است. از ویژگی‌های این منطقه می‌توان حضور هر دو مورفولوژی کوهستانی و ملایم را ذکر کرد. بدین ترتیب هر سه نوع مورفولوژی‌های کوهستانی، تپه ماهور و ملایم توسط GPS برداشت شده است. از طرف دیگر بعض‌اً شب و شکست شب در مناطق مطالعاتی محلات بقدرتی شدید می‌شود که امید می‌رود به توسط فراکتال تفاوت بعد سطوح مختلف قابل کشف و نمایش باشد. به هر صورت از این منطقه نیز حدود دو هزار نقطه در چند محدوده برداشت شده که مقیاس برداشت حدود ۱:۵۰۰۰ می‌باشد. تمامی اطلاعات برداشت شده در لوح فشرده پیوست گزارش ارائه شده است.

#### ۴-۳ پردازش اطلاعات

تمامی اطلاعات برداشت شده وارد نرم افزار سورفر گردید. بر روی اطلاعات برداشت شده توسط RDS، پردازش نیز صورت گرفته و داده‌های خام تبدیل به مختصات دکارتی گردیدند. اطلاعات برداشت شده توسط GPS نیز که به صورت مختصات دکارتی بوده و نیازی به پردازش اولیه نخواهد داشت. سپس چارچوب نقشه‌ها مشخص شده، توسط تخمینگرهای مناسب در دسترس همچون کریجینگ، عکس مجذور فاصله و ...، بر روی هر مجموعه داده‌ها فایل شبکه‌ای ساخته شده است. در نهایت نقشه‌توبوگرافی هر منطقه ترسیم شده است. در ادامه گزارش از این نقشه‌ها جهت قیاس نتایج حاصل از پردازش فراکتال و نتایج حاصل از روش‌های مرسوم بهره خواهیم جست.

## روشهای محاسبه بعد فراکتال

### ۱-۴ مقدمه

در این طرح، سه الگوریتم جهت محاسبه بعد فراکتال سطوح و خطوط ارائه شده و نرم‌افزارهای مربوطه ارائه گشته‌اند. هر کدام از الگوریتمها در شرایط خاصی جواب مناسب می‌دهند که در توضیح روش‌ها موارد مناسب استفاده از هر کدام نیز ذکر شده است. در زیر روش‌های مذکور آورده شده‌اند.

### ۲-۴ روش پرگار تقسیم سیار

این روش اصولاً برای محاسبه بعد توپولوژی منحنی‌های دو بعدی استفاده می‌شود. روش کار به این صورت است که ابتدا طول منحنی مورد نظر با خط‌کشی به طول  $L$  اندازه‌گیری می‌شود. سپس در هر مرحله طول خط‌کش نصف می‌شود و سپس طول منحنی اندازه‌گیری می‌شود. نهایتاً نمودار لگاریتم طول منحنی در هر مرحله در برابر لگاریتم طول خط‌کش در هر مرحله رسم می‌گردد.

شیب خطی که به روش کمترین مربعات داده‌ها را درون‌یابی کند برابر با  $b$  خواهد بود که در حالت کلی  $b$  مقداری منفی است. در شکل ۱-۴ نموداری جهت نمایش لگاریتم طول خط‌کش در مقابل لگاریتم طول منحنی به عنوان نمونه آورده شده است. بعد فراکتال با استفاده از رابطه ۱-۴ محاسبه می‌شود.

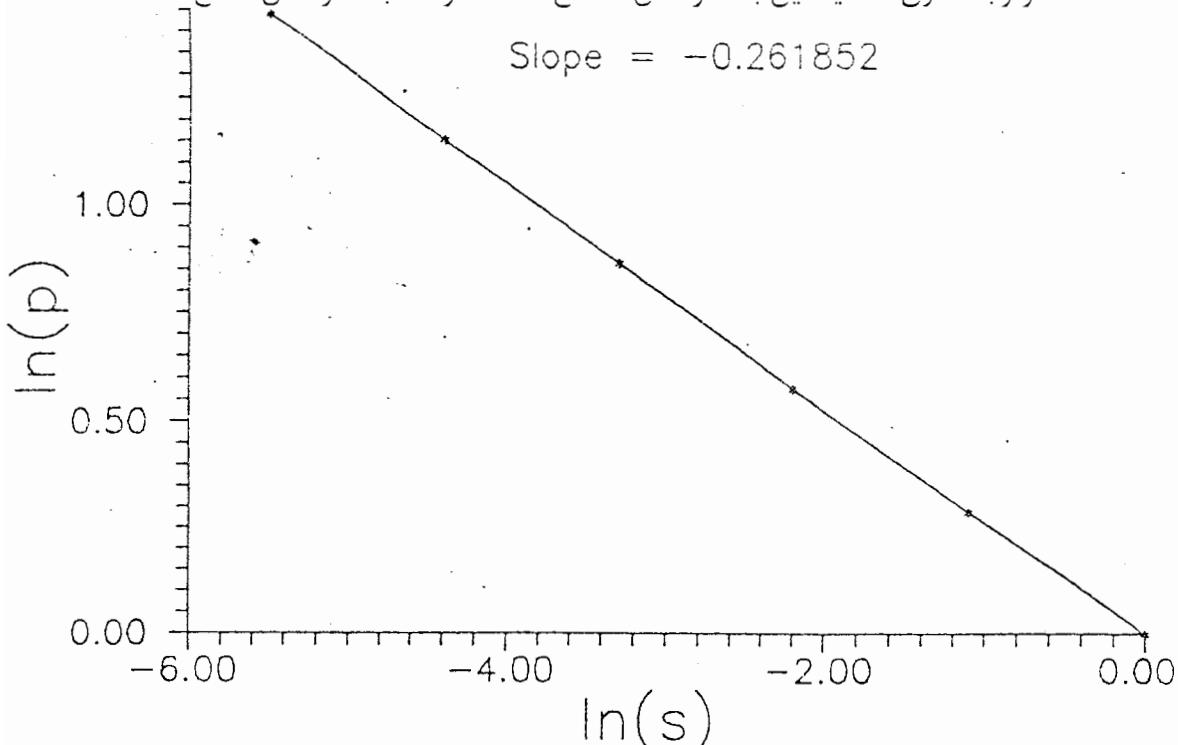
$$D = 1 - b \quad (1-4)$$

البته این روش را با تغییراتی می‌توان برای محاسبه بعد فراکتال سطح نیز تعمیم داد. استفاده از این روش جهت محاسبه بعد فراکتال سطح به دو صورت انجام می‌شود که در زیر شرح داده می‌شوند.

الف- ابتدا یکسری مقاطع یک بعدی از سطح مورد نظر انتخاب می‌گردد. هر یک از مقاطع بعد فراکتال  $1-b$  دارند که از طریق روش پرگار تقسیم بدست آمده است. میانگین بعد فراکتال مقاطع مختلف را محاسبه کرده و بعد فراکتال سطح توسط رابطه  $2-4$  محاسبه می‌شود.

$$D' = 1 + D \quad (2-4)$$

در رابطه فوق  $D$  میانگین بعد فراکتال مقاطع مختلف و  $D'$  بعد فراکتال سطح است.



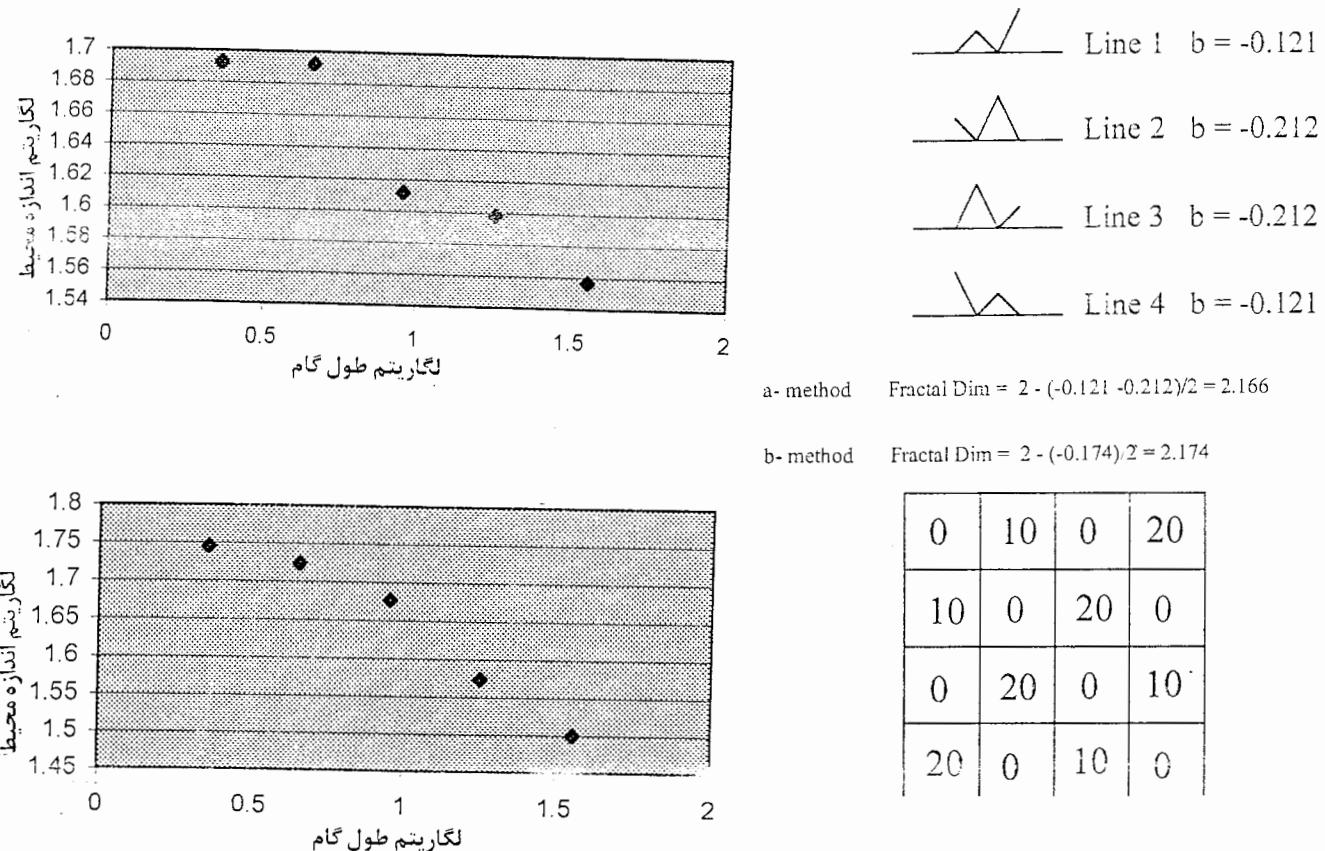
شکل ۱-۴ شکل شماتیک جهت نمایش لگاریتم طول خط کش در مقابل لگاریتم طول منحنی

ب- ابتدا با خطکش به طول  $L$  طول کلیه مقاطع به دست آمده و مجموع آنها محاسبه می‌گردد. در هر مرحله طول خطکش را نصف کرده و طول کلیه مقاطع با هم جمع زده می‌شوند. در نهایت نمودار لگاریتم جمع محیط مقاطع در مقابل لگاریتم طول خطکش رسم شده و بعد فراکتال سطح از فرمول  $3-4$  بدست می‌آید.

$$D = 2 - b \quad (3-4)$$

در رابطه فوق  $D$  بعد فراکتال سطح و  $b$  شیب خط رگرسیون لگاریتم طول خط کش در مقابل لگاریتم محیط سطح است که عددی منفی است.

این روش برای اولین بار در این طرح بکار برده شده و به نظر می‌آید نتایج معتبرتری را نسبت به روش اول ارائه می‌کند. در شکل ۲-۴ نموداری جهت مقایسه نتایج حاصل از روش‌های *الف* و *ب* در محاسبه بعد فراکتال آورده شده است.



شکل ۲-۴ مقایسه روش‌های *الف* و *ب* پرگار تقسیم سیار در محاسبه بعد فراکتال

#### ۴-۴ روش پرگار تقسیم سیار دو بعدی

این روش که معادل دو بعدی از روش پرگار تقسیم سیار یک بعدی می‌باشد توسط کلرک<sup>۱</sup> (۱۹۸۶) ارائه گردیده است.

روش عمل به اینترتیب است که ابتدا سلول واحد شبکه را به عنوان گام اولیه در نظر می‌گیریم. مساحت این سلول برابر با حاصلضرب طول سلول شبکه در عرض سلول شبکه است. مقدار میانگین این مقادیر به عنوان ارتفاع نقطه وسط سلول در نظر گرفته شده و از این نقطه به چهار گوشه سلول وصل می‌شود. مساحت رویه سلول برابر با جمع مساحت این چهار مثلث است. در نهایت مساحت کلی سطح برابر با جمع مساحت رویه‌ها خواهد بود.

در مراحل بعدی طول و عرض سلول شبکه را دو برابر کرده و بدینترتیب مساحت سلول چهار برابر می‌شود. سپس مساحت کلی سطح محاسبه می‌شود.

نمودار لگاریتم مساحت کلی سطح در مقابل لگاریتم مساحت سلول شبکه رسم شده و خط رگرسیون منطبق بر داده‌ها ترسیم می‌شود. خط مذکور دارای شیب  $b$  می‌باشد و بعد فراکتال سطح از فرمول  $4-4$  بدست می‌آید [۶].

$$D = 2 - b \quad (4-4)$$

#### ۴-۴ استفاده از تغییر نما

بعد فراکتال با استفاده از تغییرنما توسط رابطه  $4-5$  محاسبه می‌گردد (باروق<sup>۱</sup> (۱۹۸۱) [۹]).

$$D = (D_T + 1) - \frac{\lg \frac{\gamma(h_2)}{\gamma(h_1)}}{2 \lg \left( \frac{h_2}{h_1} \right)} \quad (5-4)$$

در رابطه مذکور پارامترها عبارتند از:

$D$  = بعد فراکتال

$D_T$  = بعد اقلیدسی توپولوژی ساختار

$h_1$  و  $h_2$  = فاصله جدایش

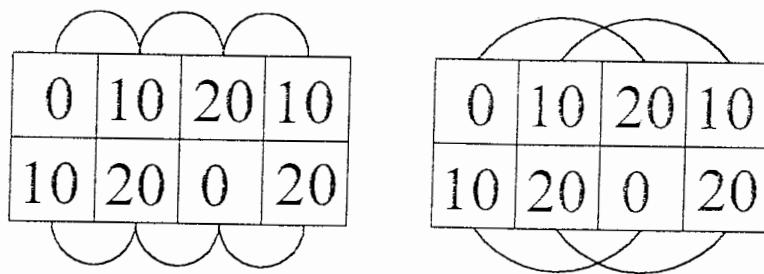
$\gamma(h)$  = مقدار تغییرنما برای فاصله جدایش  $h$

مقدار  $\gamma(h)$  از فرمول  $4-6$  بدست می‌آید [۷]:

$$\frac{1}{2n} \sum_{i=1}^n (z_{x_{i+1}} - z_{x_i})^2 \quad (6-4)$$

برای مثال در شکل ۴-۳،  $h_1 = 1$  و  $h_2 = 2$  انتخاب می‌شود. در اینصورت مقادیر تغییرنما به صورت زیر محاسبه خواهد شد.

$$h_1 = 1 \Rightarrow \gamma(h_1) = \frac{1}{12} \left( (20-10)^2 + (0-20)^2 + (20-0)^2 + (10-0)^2 + (20-10)^2 + (10-20)^2 \right) = 62.5$$



شکل ۳-۴ یک شبکه نمونه جهت محاسبه مقادیر تغییرنما در گامهای مختلف

$$h_2 = 2 \Rightarrow \gamma(h_2) = \frac{1}{8} \left( (0-10)^2 + (20-20)^2 + (20-0)^2 + (10-10)^2 \right) = 100$$

بنابراین در شکل ۳-۴، بعد فراکتال به صورت زیر محاسبه می‌شود.

$$D = (2+1) - \frac{\log(\frac{100}{65.5})}{2\log(\frac{2}{1})} = 2.661$$

#### ۴-۵-۱. آئه ن. دافنا.

بر اساس روش‌های فوق الذکر نرم‌افزار کامپیوتوری بنام روش‌های فراکتال<sup>۱</sup> تهیه گردید که می‌تواند بعد فراکتال سطوح مختلف را به هر یک از این روش‌ها محاسبه نماید. این نرم‌افزار توسط زبان برنامه‌نویسی دلفی<sup>۲</sup> و برای سیستم عامل ویندوز طراحی گردیده است. نرم‌افزار FM قابلیت برقراری ارتباط با نرم‌افزار سورفر<sup>۳</sup> تحت ویندوز از شرکت نرم افزار طلایی<sup>۴</sup> را دارا می‌باشد. به این معنا که خروجی‌های نرم‌افزار سورفر به عنوان ورودی نرم‌افزار FM مورد استفاده قرار می‌گیرد و پس از انجام محاسبات مربوطه بعد فراکتال سطح را گزارش می‌گردد.

در ادامه به شرح نرم افزار و نحوه عملکرد کدهای برنامه پرداخته می‌شود.

#### ۴-۵-۱-۱. شرح عملکرد نرم‌افزار

فایل‌های خروجی نرم‌افزار سورفر توسط برنامه خوانده می‌شوند. لازم به ذکر است که نرم‌افزار سورفر برای شبکه‌بندی از سه فرمت خروجی استفاده می‌کند. فایل‌های با پسوند Grd. از نوع باینری

1- Fractal methods (FM)

2- Delfi

3- Surfer

4- Golden Saft Ware

یا اسکی و فایل‌های با پسوند Dat. از نوع Txt. می‌باشند. این فایل‌های با پسوند Dat. چون بصورت متنی هستند براحتی قابل دسترسی می‌باشند. سپس این فایل‌های متنی وارد نرمافزار FM می‌شوند. نحوه کار به این صورت است که فایل متنی سطر به سطر خوانده شده و سپس اطلاعات آن در یک ماتریس مربعی منتقل می‌شود. نرمافزار FM به روش شی گرا تهیه گردیده است. لذا جزئیات برنامه بر اساس نحوه ارتباط زیر روالها با کلاس مادر مورد بررسی قرار می‌گیرد. در شکل ۴-۴ شمای عملیاتی زیر روالهای برنامه ارائه گشته است.

#### ۴-۵-۲ نحوه خواندن اطلاعات

ابتدا توسط رویه Read-data فایل ورودی داخل ماتریس دینامیکی داده‌ها قرا می‌گیرد. لازم به توضیح است به جهت استفاده بهینه از فضای حافظه موجود، کلیه ماتریس‌های برنامه به صورت پویا طراحی شده‌اند. به این معنا که در ابتدای شروع به کار برنامه طول آنها صفر می‌باشد. لکن در حین اجرای برنامه به هر مقدار که لازم باشد می‌توان به طول آنها افروز و یا از طولشان کاست. بدینترتیب این داده‌ها درون یک String grid قابل نمایش خواهند بود.

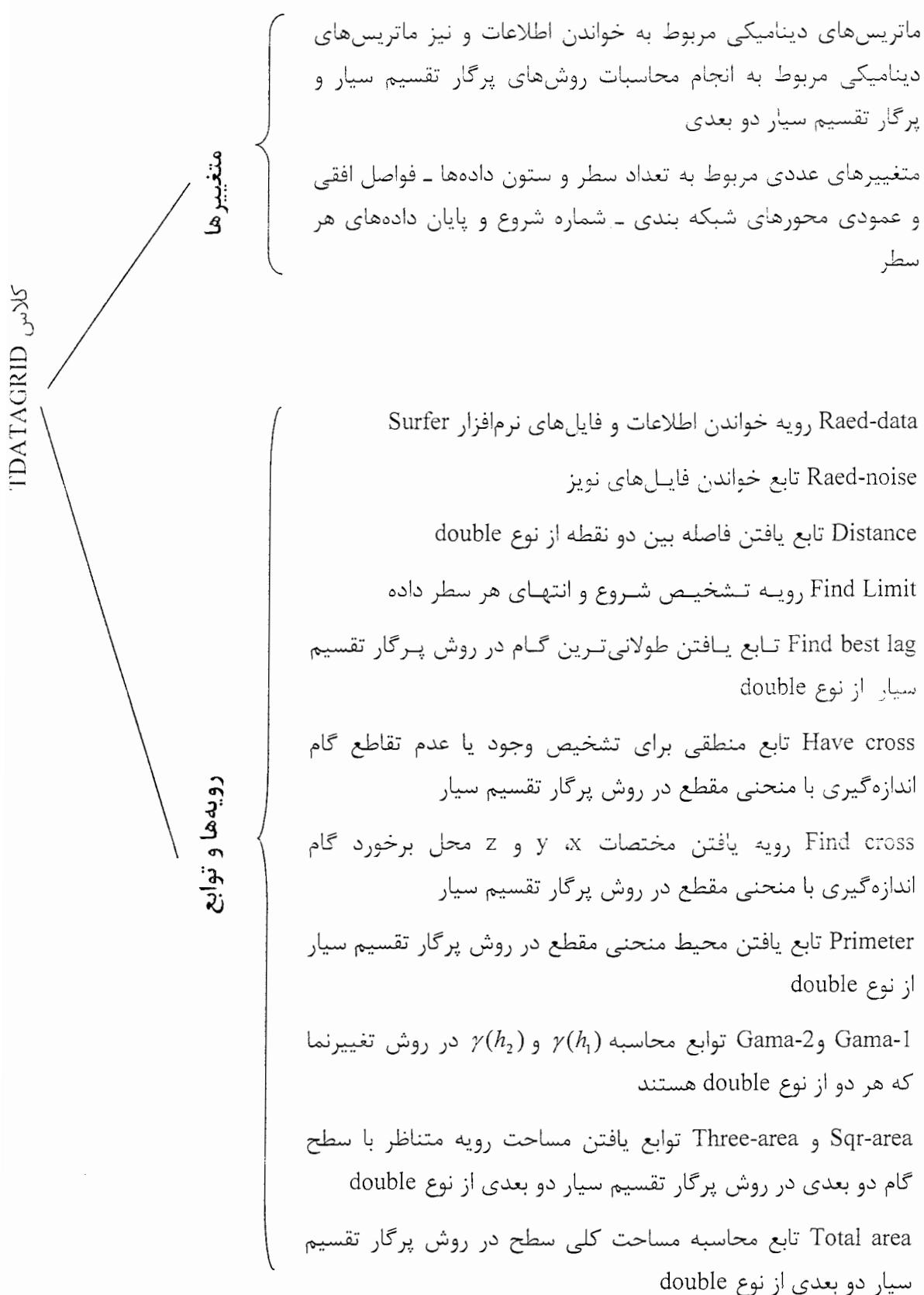
#### ۴-۵-۳ محاسبه بعد فراکتال به روش پرگار تقسیم سیار

در این روش ابتدا تعداد مراحل نصف شدن گام (طول پرگار) وارد می‌گردد. سپس در یک ماتریس دو بعدی که دارای ۲ ستون می‌باشد، لگاریتم گام و محیط مربوط به هر گام محاسبه می‌گردد. تعداد سطرهای این ماتریس برابر تعداد مراحل نصف شدن گام می‌باشد. در جدول ۱-۴ شمای ماتریس ذخیره نتایج آورده شده است. در شکل ۴-۵ جزئیات عملکرد فرمت ب روش پرگار تقسیم سیار ارائه شده است.

جدول ۱-۴ شمای ماتریس ذخیره نتایج در روش پرگار تقسیم سیار

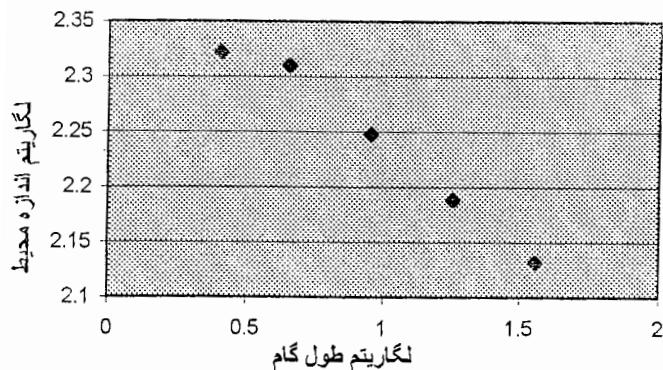
محیط	گام
$P_1$	L
$P_2$	$L/2$
$P_3$	$L/4$
$P_n$	$L/2^{n-1}$

$$n = \text{تعداد مراحل نصف شدن گام}$$



شکل ۴-۴ شمای عملیاتی زیرروالهای برنامه FM

مسیر چهارم	مسیر سوم	مسیر دوم	مسیر اول		
۳۶,۰۵۵۵	۳۶,۰۵۵۵	۳۶,۰۵۵۵	۳۶,۰۵۵	طول گام	گام اول
۳۶,۰۵۵۵	۳۱,۶۲۲۸	۳۱,۶۲۲۸	۳۶,۰۵۵	محیط مسیر	
۱	۰,۸۷۷	۰,۸۷۷	۱	تعداد تکرار	
۱۸,۰۲۷۷	۱۸,۰۲۷۷	۱۸,۰۲۷۷	۱۸,۰۲۷۷	طول گام	
۳۹,۶۷۰۸	۳۷,۴۹۷۷	۳۷,۴۹۷۷	۳۹,۶۷۰۸	محیط مسیر	گام دوم
۲,۲۰۰	۲,۰۷	۲,۰۷	۲,۲۰۰	تعداد تکرار	
۹,۰۱۳۸	۹,۰۱۳۸	۹,۰۱۳۸	۹,۰۱۳۸	طول گام	
۴۰,۹۱۰۷	۴۷,۵۴۹۶	۴۷,۵۴۹۶	۴۰,۹۱۰۷	محیط مسیر	گام سوم
۴,۵۳	۵,۲۷۵	۵,۲۷۵	۴,۵۳	تعداد تکرار	
۴,۵۰۶۹	۴,۵۰۶۹	۴,۵۰۶۹	۴,۵۰۶۹	طول گام	
۴۹,۲۲۶	۵۲,۹۲۳۲	۵۲,۹۲۳۲	۴۹,۲۲۶	محیط مسیر	گام چهارم
۹۲۴۶.۱۰	۱۱,۷۴۲۶	۱۱,۷۴۲۶	۱۰,۹۲۴۶	تعداد تکرار	
۲,۵۳۳۵	۲,۵۳۳۵	۲,۵۳۳۵	۲,۵۳۳۵	طول گام	
۴۹,۲۸۰۸	۵۵,۶۲۱۸	۵۵,۶۲۱۸	۴۹,۲۸۰۸	محیط مسیر	گام پنجم
۲۱,۸۶۸۹	۲۴,۶۸۲۹	۲۴,۶۸۲۹	۲۱,۸۶۸۹	تعداد تکرار	



0	10	0	20
10	0	20	0
0	20	0	10
20	0	10	0

$$\text{Fractal Dim} = 2 - (-0.174)/2 = 2.174$$

شکل ۴-۵ جزئیات عملکرد فرمت ب روش پرگار تقسیم سیار

بعد فراکتال بر طبق الگوریتم زیر محاسبه خواهد شد.

الف- در هر سطح ماتریس داده، توسط رویه Find-limit محدوده شروع و پایان داده معتبر مشخص می‌گردد.

تبصره: داده معتبر داده‌ای است که شامل Z (میزان ارتفاع) یک نقطه می‌باشد و در واقع داده‌ای است که توسط نرم‌افزار سورفر بلانک<sup>۱</sup> شده است.

ب- در هر سطح طولانی‌ترین گام ممکن برای محاسبه محیط عبارت از فاصله بین دو سر ابتدا و انتهای داده‌های معتبر سطر است. لذا این گام به عنوان طولانی‌ترین گام در نظر گرفته می‌شود.

ج- مراحل الف و ب برای کلیه سطرهای ماتریس داده انجام می‌شود و بزرگترین مقدار گام بدست آمده، توسط رویه Find-best-lag بعنوان گام اصلی شروع محاسبه محیط در نظر گرفته می‌شود.

د- تعداد مراحل نصف شدن گام توسط نرم‌افزار از کاربر استعلام و معین می‌گردد.

ه- به ازاء مقدار گام، محیط کلیه سطرهای محاسبه شده و با هم جمع می‌گردد.

و- مقدار گام و محیط مربوطه در ماتریس مربوط به ذخیره نتایج ثبت می‌گردد.

ز- گام نصف می‌شود.

ح- مراحل ه و و ز به تعداد دفعاتی که در مرحله د مشخص شده انجام می‌گیرد.

ط- ارسال نتایج محاسبات و مقادیر ماتریس ذخیره نتایج به نمودار گرافیکی و رسم نمودار لگاریتم محیط در برابر لگاریتم گام اندازه‌گیری صورت می‌گیرد.

در اینصورت بعد فراکتال از رابطه ۷-۴ بدست می‌آید.

$$D = 1 + (1 - b) \quad (7-4)$$

در رابطه فوق b شبیب نمودار است.

#### ۴-۵-۴ محاسبه بعد فراکتال به روش تغییر نما

پس از خواندن اطلاعات ورودی و ارسال اطلاعات به ماتریس داده مراحل زیر انجام می‌گیرد.

الف- تعیین فواصل جداش  $h_1$  و  $h_2$  برای محاسبه تغییرنما

ب- در هر سطر ماتریس داده، توسط رویه Find-limit محدوده داده معتبر مشخص می‌گردد.

ج- به ازاء فاصله جدایش  $h_2$  مقدار تابع  $G_{\text{ama}-2}$  برای کلیه سطرهای ماتریس داده محاسبه می‌گردد.

د- به ازاء فاصله جدایش  $h_1$  مقدار تابع  $G_{\text{ama}-1}$  برای کلیه سطرهای ماتریس داده، محاسبه می‌گردد.

ه- مقدار تغییرنما و سپس بعد فراکتال از رابطه ۵-۴ گزارش می‌گردد.

#### ۴-۵ محاسبه بعد فراکتال به روش پرگار تقسیم سیار دو بعدی

در این روش ابتدا تعداد مراحل دو برابر شدن طول گام اولیه و یا چهار برابر شدن مساحت گام اولیه مشخص می‌گردد.

سپس در یک ماتریس دو بعدی که دارای دو ستون می‌باشد، لگاریتم مساحت گام دو برابر لگاریتم مساحت سطح کلی ثبت می‌گردد. تعداد سطرهای این ماتریس برابر تعداد مراحل چهار برابر شدن سطح گام می‌باشد. در جدول ۴-۲ شمای ماتریس ذخیره نتایج آورده شده است.

جدول ۴-۲ ماتریس ذخیره نتایج در روش پرگار تقسیم سیار دو بعدی

مساحت کلی	مساحت گام
$A_1$	$S_1$
$A_2$	$4S$
$A_3$	$16S$
$A_n$	$4^{n-1} S$

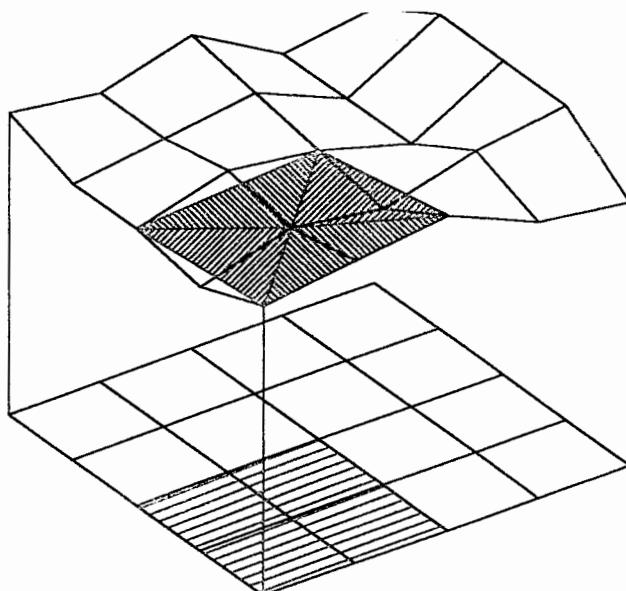
$n =$  تعداد مراحل ۴ برابر شدن سطح

نحوه محاسبه بعد فراکتال بر طبق الگوریتم زیر خواهد بود.

الف- کوچکترین گام که در واقع همان مساحت سلول واحد شبکه می‌باشد به عنوان گام اولیه در نظر گرفته می‌شود.

- ب- تعداد مراحل چهار برابر شدن سطح گام از کاربر پرسیده می‌شود.
- ج- توسط تابع Three-area سطح پوسته هرسلول شبکه به چهار مثلث تقسیم می‌گردد. ارتفاع (Z) نقطه وسط هر سلول از میانگین‌گیری ارتفاع در گوشها بدست می‌آید. مساحت این چهار مثلث محاسبه می‌گردد.
- د- توسط تابع Total-area مساحت کلی سطح با استفاده از نتایج مرحله ج بدست می‌آید.
- ه- مقدار مساحت گام و مساحت کلی سطح متناظر با آن در ماتریس نتایج ثبت می‌گردد.
- و- سطح گام چهار برابر می‌شود.
- ز- مراحل ج، د، ه و و به تعداد دفعات تعیین شده در مرحله ب تکرار می‌شود.
- ح- ارسال نتایج محاسبات و مقادیر ماتریس ذخیره نتایج به نمودار گرافیکی و رسم نمودار لگاریتم مساحت کلی سطح در برابر لگاریتم مساحت گام اندازه‌گیری صورت می‌گیرد. بدینترتیب شبیه نمودار (b) محاسبه می‌گردد. بعد فراکتال با استفاده از رابطه  $4 - 4$  بدست می‌آید. جب‌ت روشن شدن موضع در شکل ۶-۴ مفاهیم مساحت گام و مساحت کلی سطح نمایش داده شده است.

لازم به تذکر است که این نرم‌افزار توانایی محاسبه بعد فراکتال سطوح بلند شده در نرم‌افزار سورفر را به روش پرگار تقسیم سیار دو بعدی ندارد. در ضمن این برنامه قادر است تا به کمک تابع Read-noise فایل‌های مربوط به نویزهای تولید شده در نرم‌افزار دیگری بنام شبیه‌سازی فراکتال<sup>۱</sup> را خوانده و به کمک روش‌های پرگار تقسیم سیار و تغییرنما بعد فراکتال آن را محاسبه نماید.



شکل ۶-۴ نمایشی از مفاهیم مساحت کلی سطح و مساحت گام در روش پرگار تقسیم سیار دو بعدی

## تولید داده‌های معتبر آماری با بعد فراکتال معین

### ۱-۵ مقدمه

در این فصل روش‌هایی جهت تولید اعداد براونی ارائه گردیده و همچنین تخمینگری جهت افزایش چگالی داده‌ها بگونه‌ایکه در مراحل شبیه‌سازی سطوح بعد فراکتال تغییر نکند شرح داده خواهد شد.

### ۲-۵ روش‌های تولید نویز (آشفتگی) براونی<sup>۱</sup>

مبانی تولید حرکت براونی، بر اساس حرکت تصادفی ذرات استوار است. بدین معنا که یک ذره به ازای هر واحد افزایش در محور  $x$  می‌تواند یک یا چند واحد در راستای محور  $y$  افزایش یا کاهش داشته باشد [۸]. از این روش می‌توان برای تولید اعداد تصادفی براونی استفاده نمود.

از نقطه نظر زمین آماری، حرکت براونی، مدل مفید و مهمی جهت مطالعه آماری ساختارهای زمین شناسی است. برای تولید حرکت براونی نیاز به یکسری ورودی‌هایی از اعداد تصادفی توزیع طبیعی با میانگین صفر و واریانس واحد داریم که اصطلاحاً اعداد تصادفی گوسی نامیده می‌شوند. روش‌های تولید این گونه اعداد تصادفی بسیار توسعه یافته‌اند و در این مبحث نیازی به شرح چگونگی تولید آنها نمی‌باشد.

در این نرم‌افزار به دو روش می‌توان حرکت براونی را شبیه‌سازی کرد. اول به کمک اعداد تصادفی گوسی و الگوریتم تولید حرکت براونی کسری و دوم با استفاده از الگوریتم جابجایی نقطه میانی می‌توان حرکت براونی را تولید کرد.

ابتدا هر یک از روش‌های فوق‌الذکر شرح داده می‌شوند.

### ۳-۵ الگوریتم تولید حرکت براونی کسری یک بعدی

به دو روش از این الگوریتم جهت تولید حرکت براونی کسری یک بعدی استفاده شده است.  
در زیر این دو روش شرح داده می‌شوند.

#### ۱-۳-۵ روش اول تولید حرکت براونی کسری یک بعدی

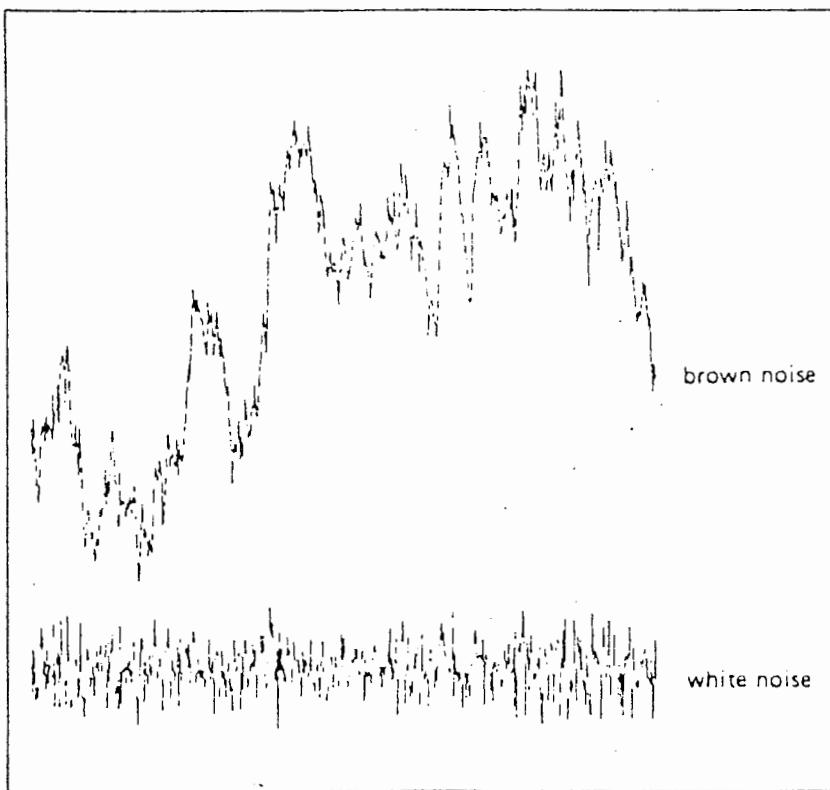
در این روش یک مقدار اولیه به عنوان نقطه شروع حرکت براونی تولید می‌شود. سپس با استفاده از رابطه ۱-۵ عدد تصادفی بعدی تولید می‌شود [۶].

$$x(T_2) = x(T_1) + \alpha(T_2 - T_1)^H \quad (1-4)$$

چنانچه  $H = \frac{1}{2}$  باشد حرکت براونی تصادفی استاندارد تولید خواهد شد که بعد فراکتال آن نیز  $1/5$  است. اما چنانچه  $H$  هر عدد دیگری در فاصله صفر و یک باشد ( $0 < H < 1$ ) حرکت براونی کسری با بعد فراکتال  $D=2-H$  بدست می‌آید. در شکل ۱-۵ پارازیت‌های سفید و همچنین پارازیت‌های براونی مربوطه به عنوان نمونه آورده شده‌اند. همچنین در شکل ۲-۵ مثالی از تولید اعداد تصادفی حرکت براونی کسری برای دو مقدار متفاوت  $H$  آورده شده است.

#### ۲-۳-۵ روش دوم تولید حرکت براونی کسری یک بعدی

این روش به الگوریتم جابجایی نقطه میانی موسوم است. این الگوریتم به دقت از مفهوم تکرار جابجاسازی (همچون منحنی سه‌گوش کوچ) پیروی می‌کند [۶]. در هر مرحله، از نتایج مرحله قبل به عنوان ورودی استفاده می‌شود. نقطه میانی قطعه اول به صورت متوسط دو نقطه انتهایی به علاوه یک جبرانی تصادفی محاسبه می‌گردد. اندازه جبرانی تصادفی متناسب با اندازه قطعه است. این فرآیند روی دو قطعه جدیدی که شکل گرفته تکرار می‌شود تا شکل نهایی حاصل بشود [۶].

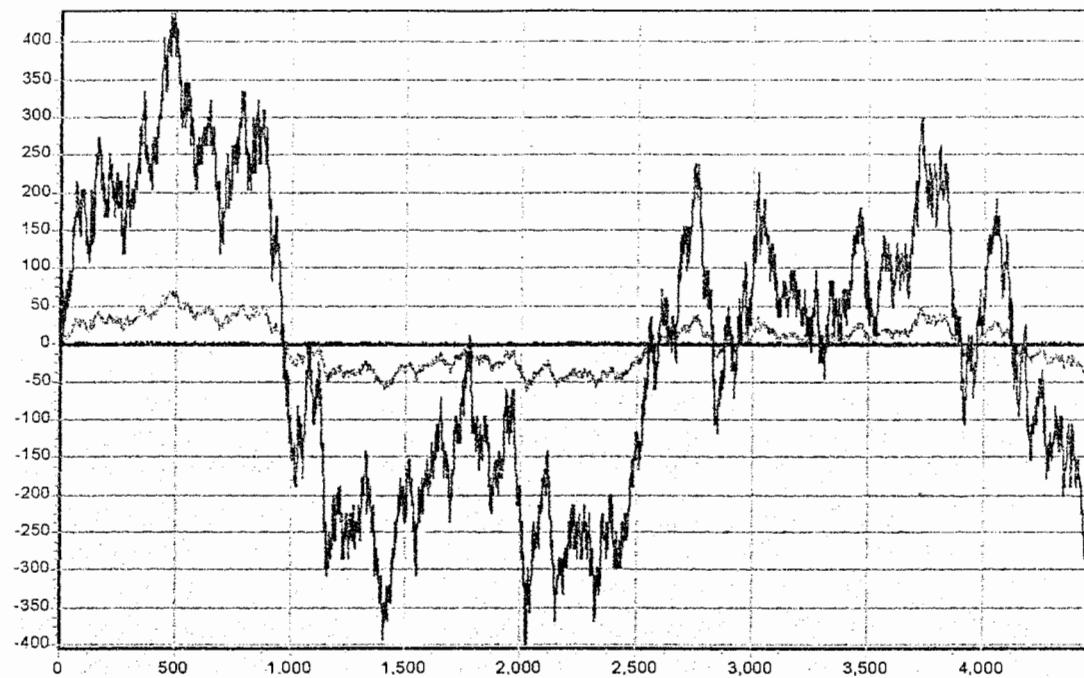


شکل ۳-۵ حرکت براونی با پارازیت‌های سفید آن (پیتجن و سوپ ۱۹۸۸) [۶]

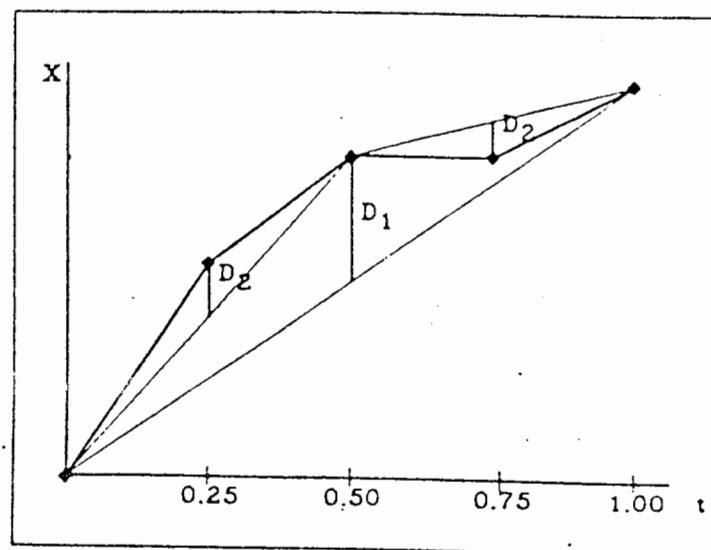
در شکل ۳-۵ به صورت شماتیک مثالی از جابجایی نقطه میانی برای حرکت براونی یک بعدی آورده شده است. لازم به ذکر است که اندازه جبرانی تصادفی، ضریبی مناسب با طول قطعه از یک عدد تصادفی گوسی است.

#### ۴-۵ حرکت براونی کسری دو بعدی

الگوریتم حرکت براونی کسری دو بعدی را می‌توان بر پایه تکنیک جابجایی نقطه میانی یک بعدی توسعه داد. نقطه میانی یک سلول شبکه مربعی به صورت متوسط چهار نقطه گوشه‌ای بعلاوه یک جبرانی تصادفی مناسب با فاصله نقطه میانی از نقاط گوشه‌ای محاسبه می‌گردد. همچنین از این تکنیک می‌توان بر روی شبکه سه ضلعی متساوی الاضلاع استفاده نمود. ارتفاع نقطه میانی سه ضلعی برابر است با متوسط ارتفاع سه نقطه گوشه‌ای بعلاوه جبرانی تصادفی که مناسب با میانگین فواصل است [۶].



شکل ۲-۵ مثالی از تولید اعداد تصادفی حرکت براونی کسری برای دو مقدار متفاوت از  $H$  که توسط نرم افزار تهیه شده، رسم شده است



شکل ۳-۵ جابجایی نقطه میانی برای حرکت براونی یک بعدی

در اینجا مختصرًا الگوریتم حرکت براونی کسری روی شبکه مربعی توضیح داده می‌شود.

در هر مرحله از فرآیند ترکیب، نقطه میانی سلول شبکه مربعی از مرحله قبل حاصل می‌شود. اگر اندازه ضلع شبکه معمولی  $S$  باشد، شبکه جدید که  $45$  درجه نسبت به شبکه معمولی می‌چرخد، اندازه سلولی برابر با  $\frac{S}{\sqrt{2}}$  خواهد داشت. در هر تکرار اندازه سلول شبکه در ضرب  $r = \frac{1}{\sqrt{2}}$  ضرب خواهد شد [۶]. در شکل ۴-۵ سه مرحله اول الگوریتم جابجایی نقطه میانی بر روی یک شبکه منظم نشان داده شده است.

بر اساس روش‌های فوق الذکر نرم‌افزار کامپیوترا تهیه گردید که می‌تواند حرکت براونی را تولید کند. هدف اصلی که در تهیه این نرم‌افزار دنبال شده، ایجاد روشی برای تولید حرکت براونی با استفاده از الگوریتم جابجایی نقطه براونی، بدون تغییر تغییرنمای داده‌های اولیه (بعد فراکتال سطح اولیه) است.

این نرم‌افزار توانایی استفاده از خروجی‌های شبکه‌بندی شده نرم‌افزار سورفر با فرمت dat. را دارد. همچنین می‌تواند داده‌های بلانک شده را نیز به عنوان ورودی بپذیرد.

فایل‌های با پسوند dat. که به صورت Space delimiter جدا شده و نحوه ساخت آنها در فصل بعد توضیح داده خواهد شد، به عنوان ورودی این نرم‌افزار هستند.

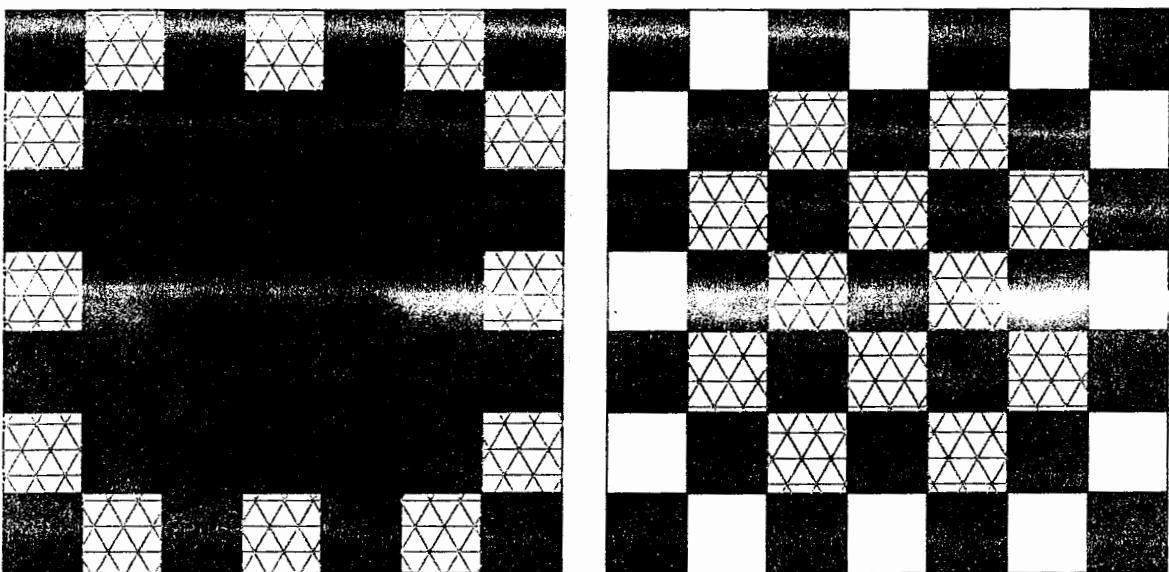
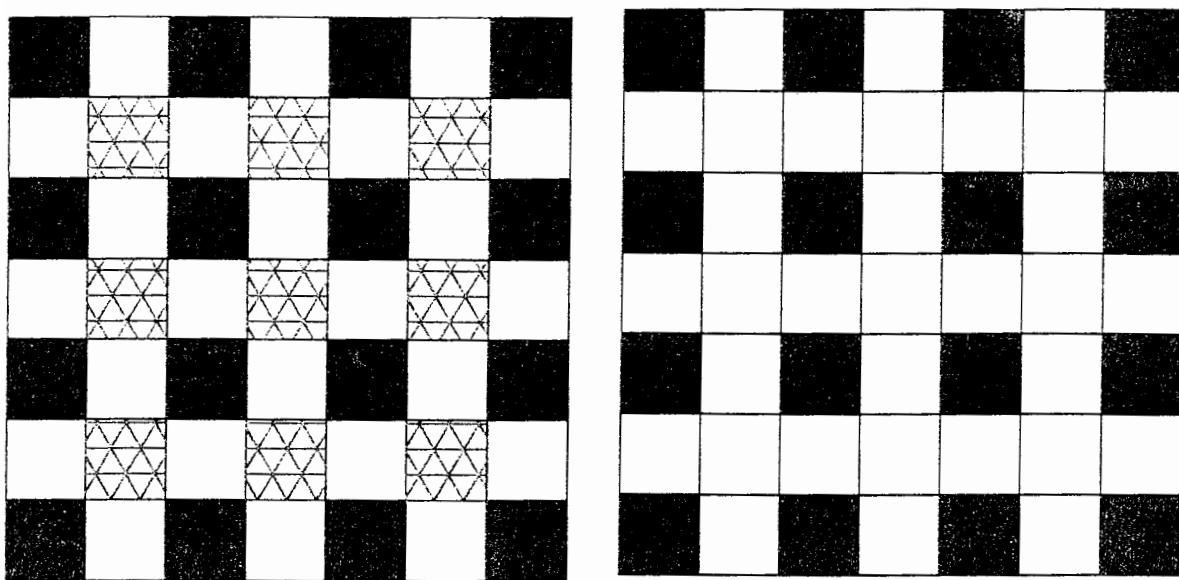
شیوه تولید نرم‌افزار FM سطر خوانده شده و در یک ماتریس مربعی قرار داده می‌شود. در نهایت محاسبات بر روی آن انجام می‌شود. سپس تغییرنمای پایه این داده‌ها محاسبه می‌گردد و اعداد تصادفی گوسی نیز تولید می‌شوند. نهایتاً توسط الگوریتم جابجایی نقطه میانی ضربی متناسب با طول شبکه این اعداد گوسی برای ایجاد مدل جابجایی نقطه میانی بکار می‌رود.

این ضربی باید بگونه‌ای توسط کاربر انتخاب شود که تغییرنمای اولیه تغییر نکند. در شکل ۵-۵ جزئیات برنامه بر اساس ارتباط زیر روال‌ها با کلاس مادر شرح داده شده است.

## ۵-۵ نحوه خواندن اطلاعات

ابتدا توسط رویه Read-Data فایل ورودی درون ماتریس داده‌ها قرار می‌گیرد. سپس این داده‌ها درون یک String Grid نمایش داده می‌شوند.

String Grid به تعداد سطر و ستون‌های شبکه داده‌ها می‌باشد. در ردیف صفر اعداد متعلق به محور  $x$  های داده‌ها نمایش داده می‌شود که در واقع تفاضل هر دو عدد مجاور برابر مقدار  $x$  شبکه داده‌ها است. در ستون صفر هم اعداد متعلق به محور  $y$  های داده‌ها نمایش داده می‌شود که تفاضل هر دو عدد مجاور برابر مقدار  $y$  شبکه داده‌ها می‌باشد.



داده‌های مربوط به شبکه اولیه



داده‌های مربوط به اجرای مرحله اول الگوریتم جابجایی نقطه میانی



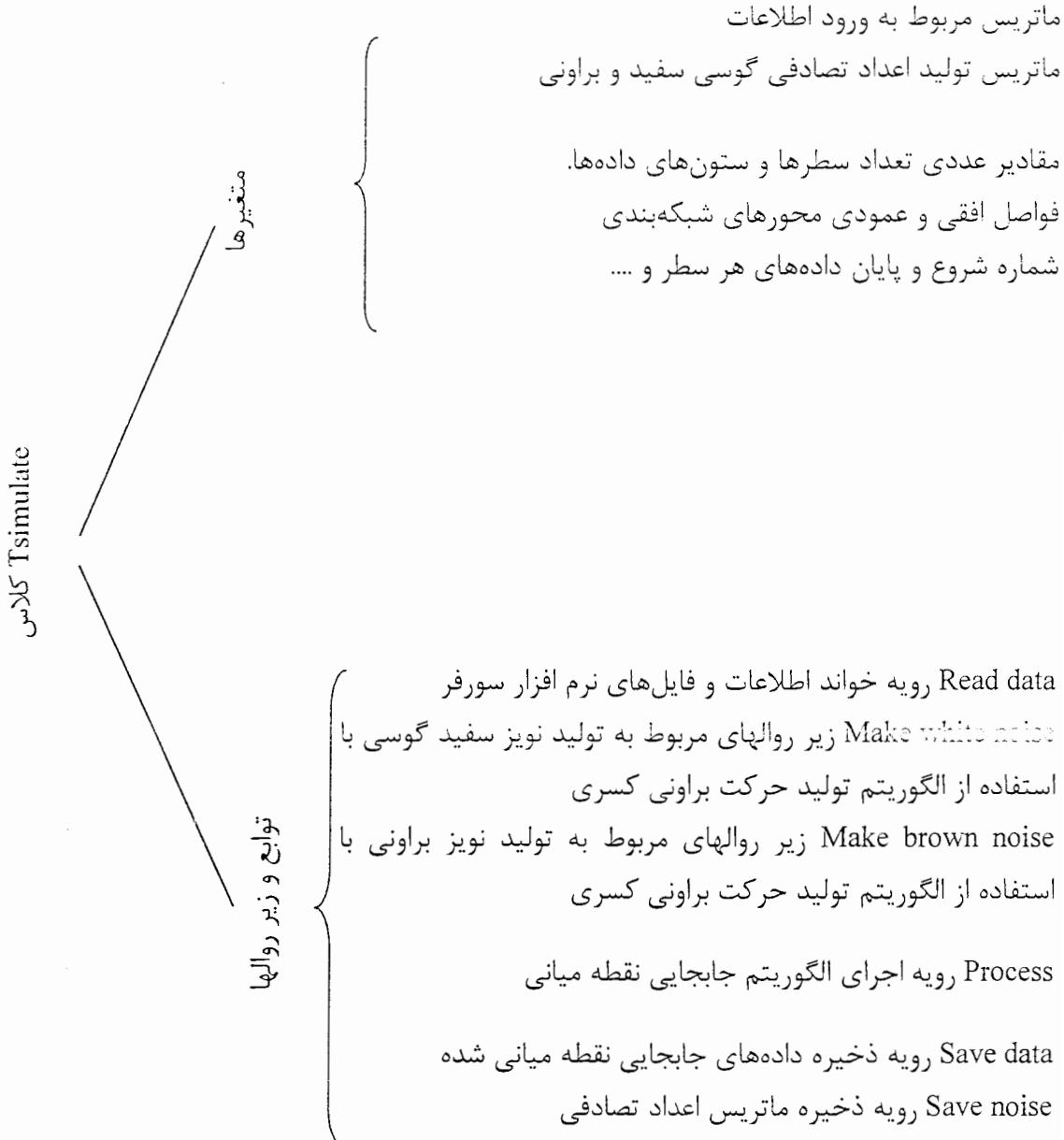
داده‌های مربوط به اجرای مرحله دوم الگوریتم جابجایی نقطه میانی



داده‌های مربوط به اجرای الگوریتم جابجایی نقطه میانی بر روی نقاط مرزی



شکل ۴-۵ سه مرحله اول الگوریتم جابجایی نقطه میانی بر روی یک شبکه منظم



شکل ۵-۵ شمای عملیاتی زیر روالهای برنامه شبیه‌ساز فراکتال (FS) و ارتباط زیر روالها با کلاس مادر

## ۵-۶ ساختن ماتریس اعداد تصادفی گوسی

چنانچه شبکه ورودی دارای  $x$  ستون و  $y$  ردیف باشد، می‌بایست پس از یک مرحله انجام جابجایی نقطه میانی به یک شبکه با  $(2x-1)$  ستون و  $(2y-1)$  سطر تبدیل شود. لذا می‌بایست تعداد  $[(2x-1)(2y-1)]$  عدد تصادفی گوسی تولید شود. این عمل توسط رویه Make-white-noise صورت می‌گیرد و اعداد تولید شده در یک ماتریس خطی دینامیکی قرار داده می‌شوند.

## ۷-۵ ساختن ماتریس اعداد نویز براونی توسط الگوریتم تولید حرکت براونی کسری

با استفاده از اعداد تصادفی تولید شده در مرحله اعداد تصادفی Brown noise تولید می‌گردند. این عمل توسط رویه Make-white-noise صورت می‌گیرد. تعداد اعداد تولید شده نویز براونی به همان تعداد اعداد گوسی می‌باشد. این اعداد نیز درون یک ماتریس خطی دینامیکی قرار می‌گیرند.

## ۸-۵ محاسبه بعد فراکتال به روش تغییرنما

در این مرحله بعد فراکتال داده‌های ورودی همانند روشهای در نرم‌افزار FM شرح داده شد محاسبه می‌گردد و عدد محاسبه شده توسط یک Message box به کاربر ارائه می‌گردد.

## ۹-۵ اجرای الگوریتم جابجایی نقطه میانی

این عمل توسط رویه Process صورت می‌پذیرد.

در ذیل این رویه شرح داده می‌شود.

داده‌هایی که قرار است توسط الگوریتم جابجایی نقطه میانی تخمین زده شوند به سه گروه تقسیم می‌گردند.

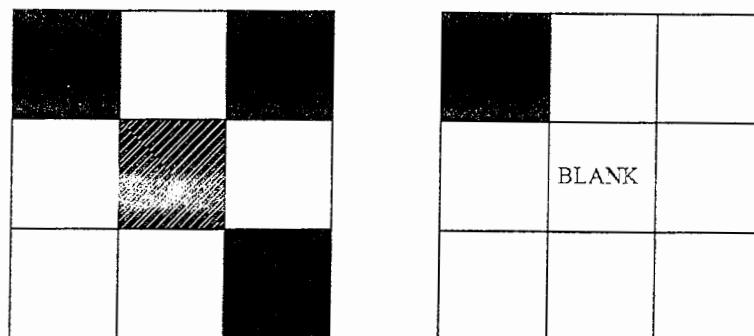
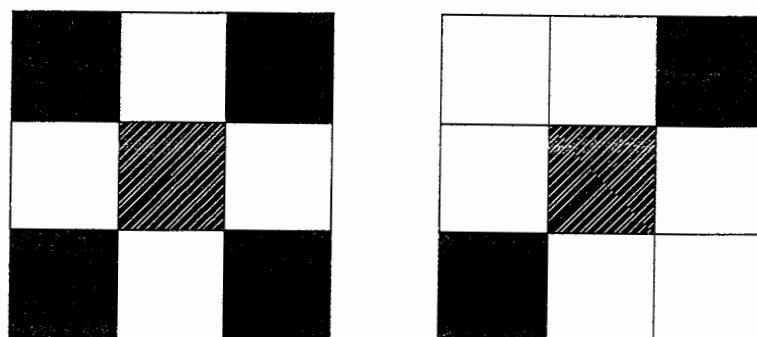
الف- داده‌هایی که برای اجرای الگوریتم جابجایی نقطه میانی طول شبکه‌ای برابر طول شبکه اولیه داده‌ها برایشان در نظر گرفته می‌شود.

ب- داده‌هایی که طول شبکه‌شان در ضریب  $R = \frac{1}{\sqrt{2}}$  ضرب می‌شود. این داده‌ها متعلق به مرحله دوم جابجایی نقطه میانی هستند و نسبت به شبکه اولیه  $45^\circ$  چرخش دارند.

ج- داده‌هایی که در لبه مرزی شبکه و یا مرز منطقه بلانک شده قرار دارند. این داده‌ها نیز بسته به اینکه متعلق به کدام مرحله جابجایی باشند (مرحله اول یا دوم) خود به ۲ گروه تقسیم می‌شوند:

اول داده‌هایی که فقط یک همسایه معتبر دارند و دوم داده‌هایی که بیش از یک همسایه معتبر دارند.

داده‌های گروه اول بلانک در نظر گرفته می‌شوند. لکن داده‌های گروه دوم مشابه داده‌های مراحل الف و ب محاسبه می‌گردند. در شکل ۶-۵ ۶ انواع حالات ممکن به لحاظ مجاورت داده معتبر با داده‌های بلانک شده و رفتار نرم افزار با هر کدام از این حالات نمایش داده شده است.



شکل ۶-۵ ۶ انواع حالات ممکن به لحاظ مجاورت داده معتبر با داده‌های بلانک شده و رفتار نرم افزار با هر کدام از این حالات

ارتفاع هر داده تخمین زده شد برابر میانگین ارتفاع چهار نقطه یا کمتر از همسایگانش در سلول شبکه، بعلاوه یک جبرانی تصادفی که ضریبی مناسب با طول شبکه از اعداد تصادفی گوسی است، در نظر گرفته می‌شود.

این ضریب در ابتدای شروع رویه Process توسط کاربر تعیین می‌شود.

نهایتاً بعد فراکتال شبکه چگال شده جدید توسط روش تغییرنما گزارش می‌گردد. رویه آنقدر انجام می‌پذیرد تا با بدست آوردن ضریب مناسب بتوان شبکه اولیه را بدون تغییر بعد فراکتال چگال نمود.

## ۱۰-۵ نحوه ذخیره محاسبات

برای این کار دو رویه Save data و Save noise در نظر گرفته شده است.

رویه Save data شبکه نهایی را درون فایل با فرمت dat. و از نوع متنی (text) و بصورت (Tab delimited) ذخیره می‌نماید که این فایل هم توسط نرم‌افزار سورفر و هم نرم‌افزار FM و هم به عنوان ورودی اولیه برای ایجاد یک شبکه چگال‌تر در نرم‌افزار شبیه‌ساز فراکتال قرار می‌گیرند.

این فایل‌ها توسط نرم‌افزار FM قابل بازخوانی برای محاسبه بعد فراکتال‌شان هستند. همچنین می‌توانند توسط نرم‌افزارهای مختلف ترسیم نمودار مانند Exel و ... نیز بازخوانی شوند.

# ۶

## نحوه کار با نرم افزارهای FM و FS

### ۱-۶ مقدمه

در این فصل به تفصیل راجع به عملکرد نرم افزارهای نوشته شده توضیح داده می شود.

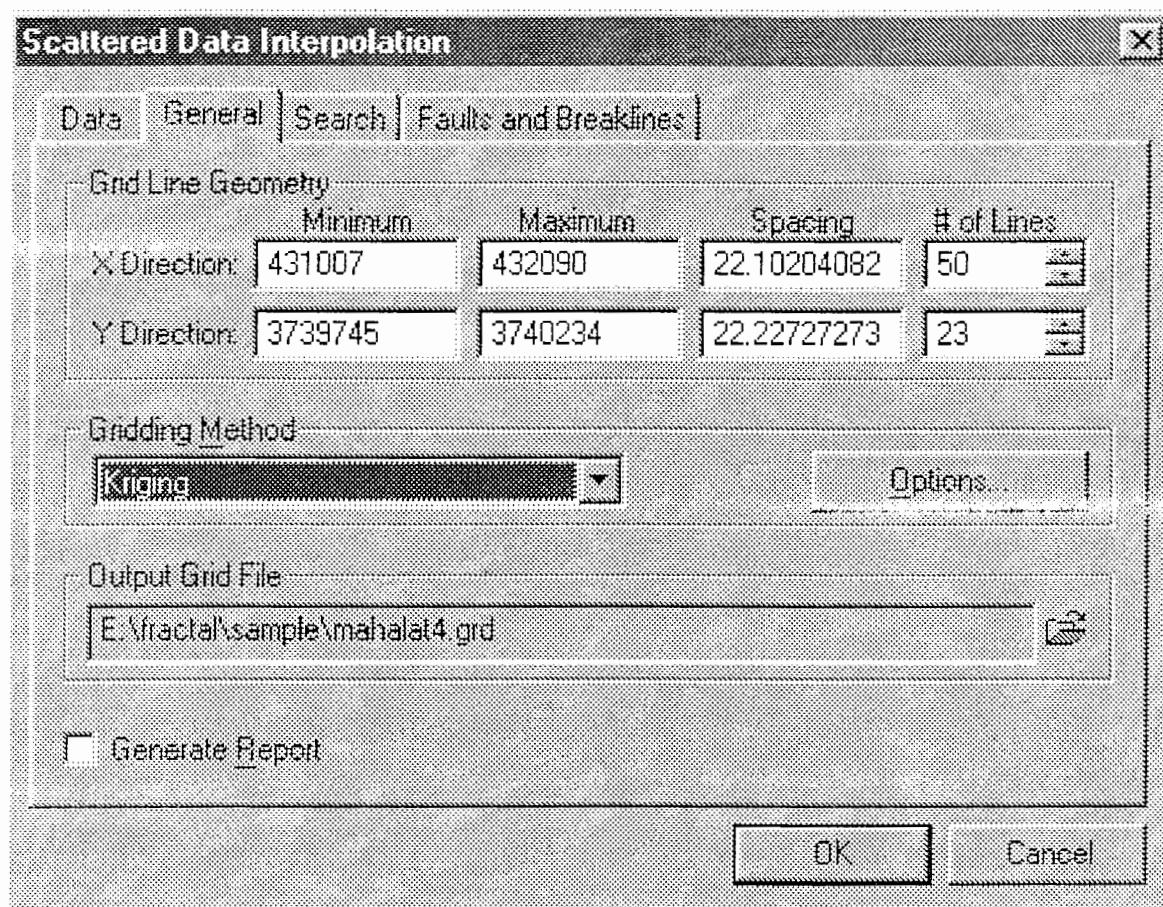
### ۲-۶ نحوه ارسال داده ها به نرم افزارهای FM و FS

ابتدا نرم افزار سورفر فایل ورودی داده ها را تبدیل به فایل های با پسوند .grd. و به صورت متنی می نماید. نحوه کار بدین صورت است که ابتدا از منوی grid گزینه data را انتخاب نموده و فایل داده های اصلی بعنوان فایل ورودی معرفی می شوند. در پنجره Scattered Data Interpolation تعداد خطوط شبکه بندی و فاصله بین خطوط شبکه بندی در محدوده x و y و همچنین پارامترهای دیگری نظیر روش شبکه بندی را می شود تنظیم کرد (شکل ۱-۶).

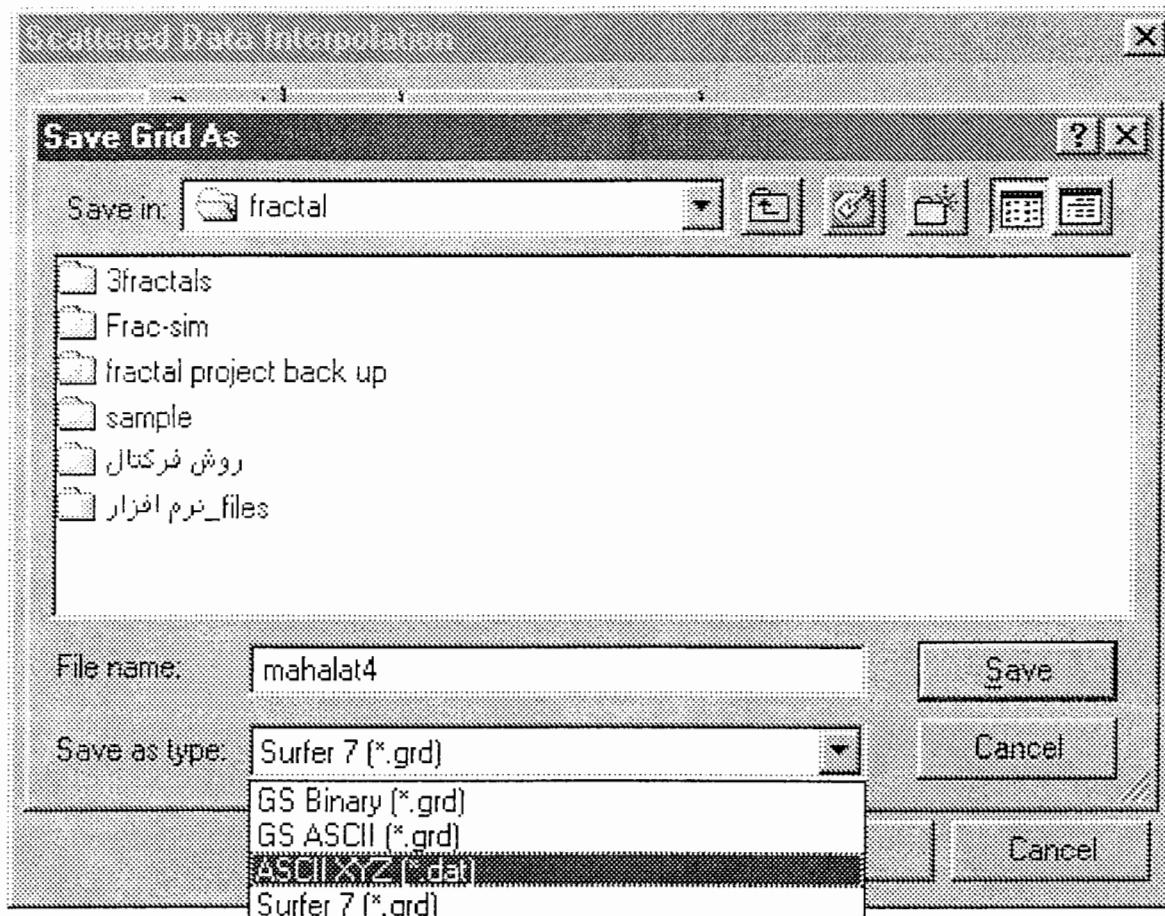
سپس در پانل Out Put Grid File نام فایل خروجی را تعیین نموده و در کادر as در قسمت Save as type گزینه ASCII XYZ انتخاب می شود (شکل ۲-۶). در نتیجه خروجی ها به صورت متنی ذخیره می شوند.

از منوی File و توسط گزینه Open فایل متنی شبکه بندی شده بازخوانی می شود. در اینجا می بایست داده ها به طریق خاصی مرتب سازی گردد. به این نحو که ابتدا بر حسب ستون y ها و سپس بر حسب ستون x ها عمل مرتب سازی انجام می گیرد. به این منظور از منوی Data گزینه

Sort را انتخاب کرده (شکل ۳-۶) و بدینترتیب پنجره Sort باز می‌شود. روش کار به این ترتیب است که در پانل Sort Frist By به ترتیب گزینه‌های مربوط به محور yها و سپس محور xها انتخاب می‌شوند (شکل ۴-۶).

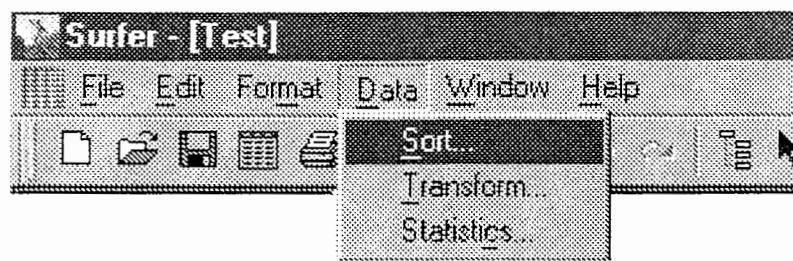


شکل ۱-۶ شمای گرافیکی پنجره Scattered data interpolation

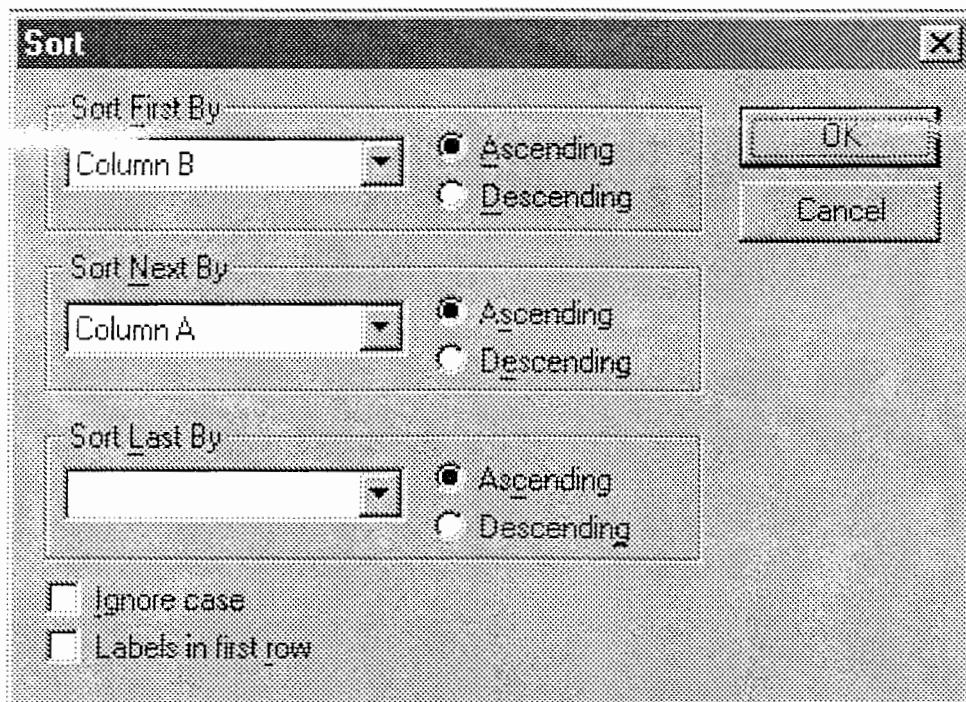


شکل ۲-۶ شمای گرافیکی پنجره Save Grid As

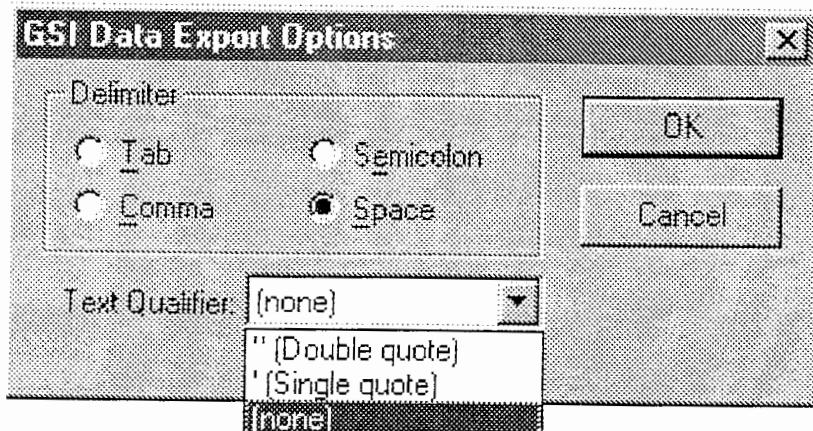
هر دو پارامتر  $x$  و  $y$  را بصورت افزیشی مرتب نموده و فایل را ذخیره می‌کنیم. برای این کار ابتدا از منوی فایل گزینه **Save as** انتخاب می‌شود و پنجره GSI باز شده و پارامترهای **Delemiter** و **Text Qualifier** به ترتیب بر روی **Space** و **None** تنظیم می‌شوند (شکل ۲-۶).



شکل ۳-۶ نمایش نحوه انتخاب دستور Sort از منوی Data



شکل ۴-۶ نحوه تنظیمات پنجره Sort



شکل ۵-۶ تنظیمات پنجره GSI

### ۶-۳ طریقه کلی استفاده از نرم افزار FM

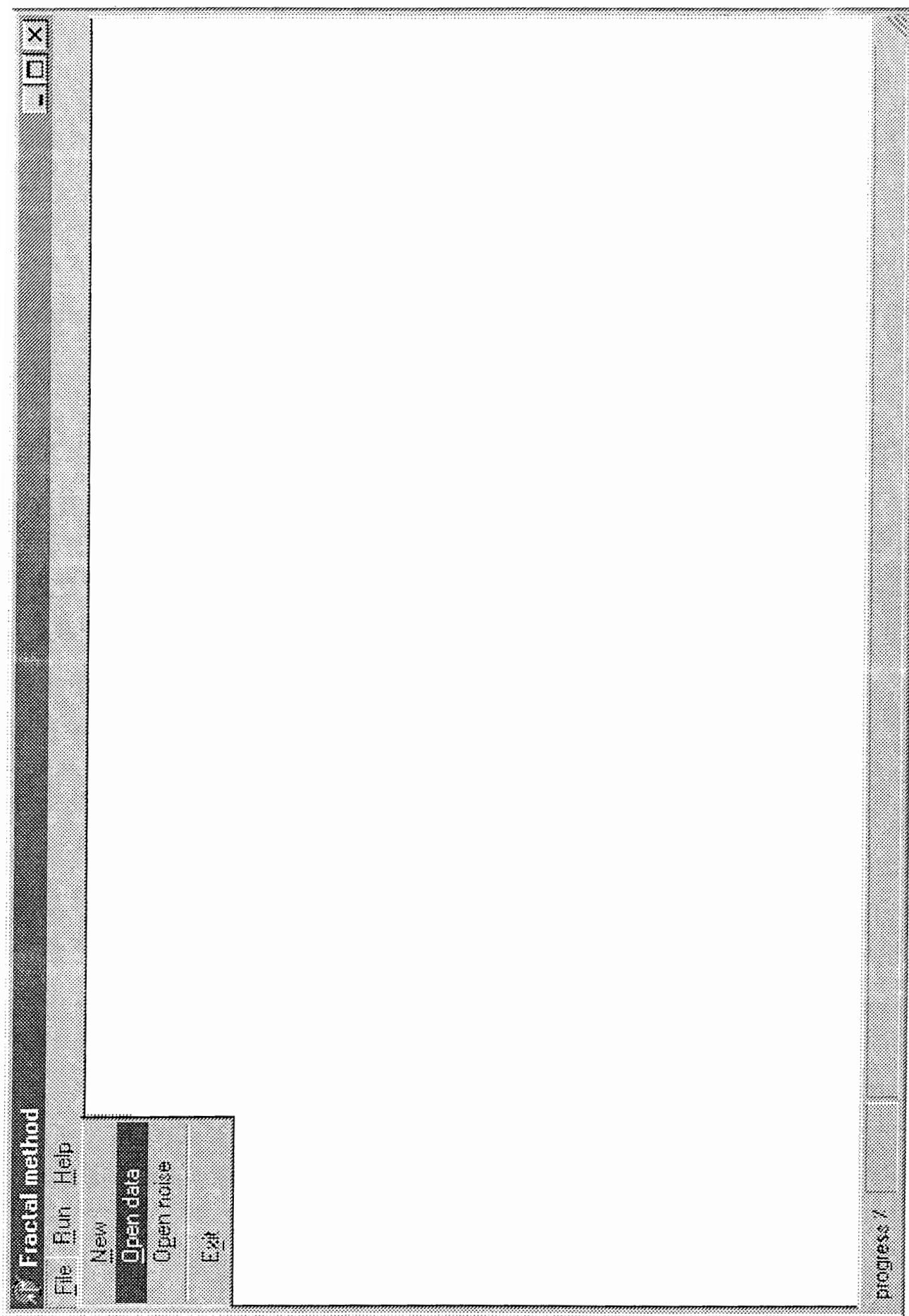
پس از اجرای برنامه از منوی فایل گزینه Open Data انتخاب می شود (شکل ۶-۶). فایل ورودی تهیه شده، به عنوان ورودی نرم افزار انتخاب می شود. پس از مدت کوتاهی، کلیه داده ها در یک جدول مربعی نمایش داده می شوند. سطر اول نشان دهنده مقادیر محور xها و ستون اول نشان دهنده مقادیر محور yها می باشند. در مابقی خانه های جدول مقادیری از ارتفاع نقاط شبکه بندی به ترتیب مختصات x و y آنها نمایش داده می شود (شکل ۶-۶).

در این مرحله امکان محاسبه بعد فراکتال به سه روش پرگار تقسیم سیار، تغییرنما و پرگار تقسیم سیار دو بعدی وجود خواهد داشت (شکل ۶-۸).

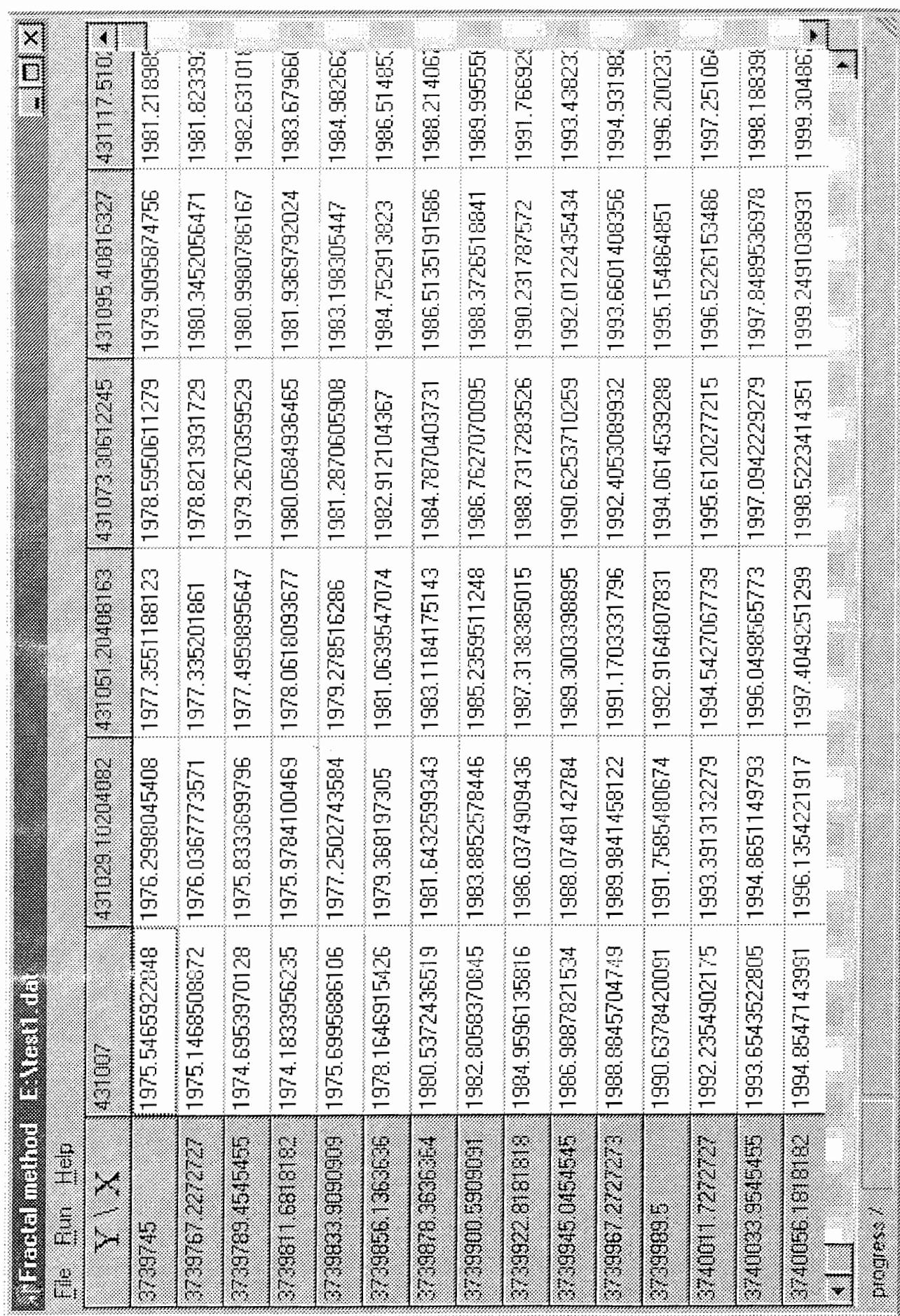
### ۶-۳-۱ نحوه محاسبه بعد فراکتال به روش پرگار تقسیم سیار

از منوی Run در شکل ۶-۸ گزینه Floating Dividing Scale انتخاب می شود. قادر باز شده، مقدار Loop Number را که در واقع همان تعداد مراحل نصف شدن گام پرگار می باشد وارد می شود. این مقادیر با توجه به تعداد داده ها و همچنین مقدار پارامتر x Spacing بستگی مستقیم دارد. عموماً برای این مقدار مقادیر بین ۱۵ تا ۲۵ انتخاب می گردد (شکل ۶-۹).

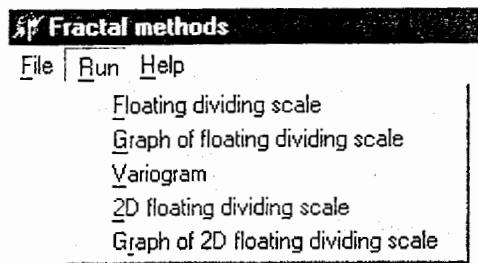
سپس از منوی Run (شکل ۶-۸) گزینه Graph of Floating Dividing Scale را انتخاب کرده بدینترتیب پنجره Graph باز می گردد.



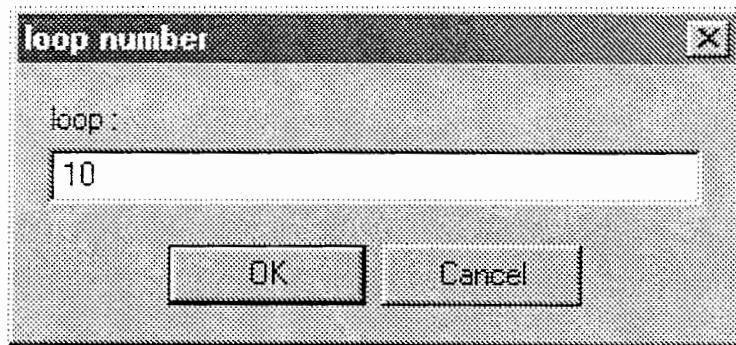
شکل ۶۲۶ شمای ظاهري برنامه قبل از ورود اطلاعات



شکل ۶-۷-شماي تالهري برنامه پس از ورود اطلاعات



شکل ۸-۶ نحوه انتخاب دستورات مختلف محاسبه و نمایش مقادیر بعد فراکتال



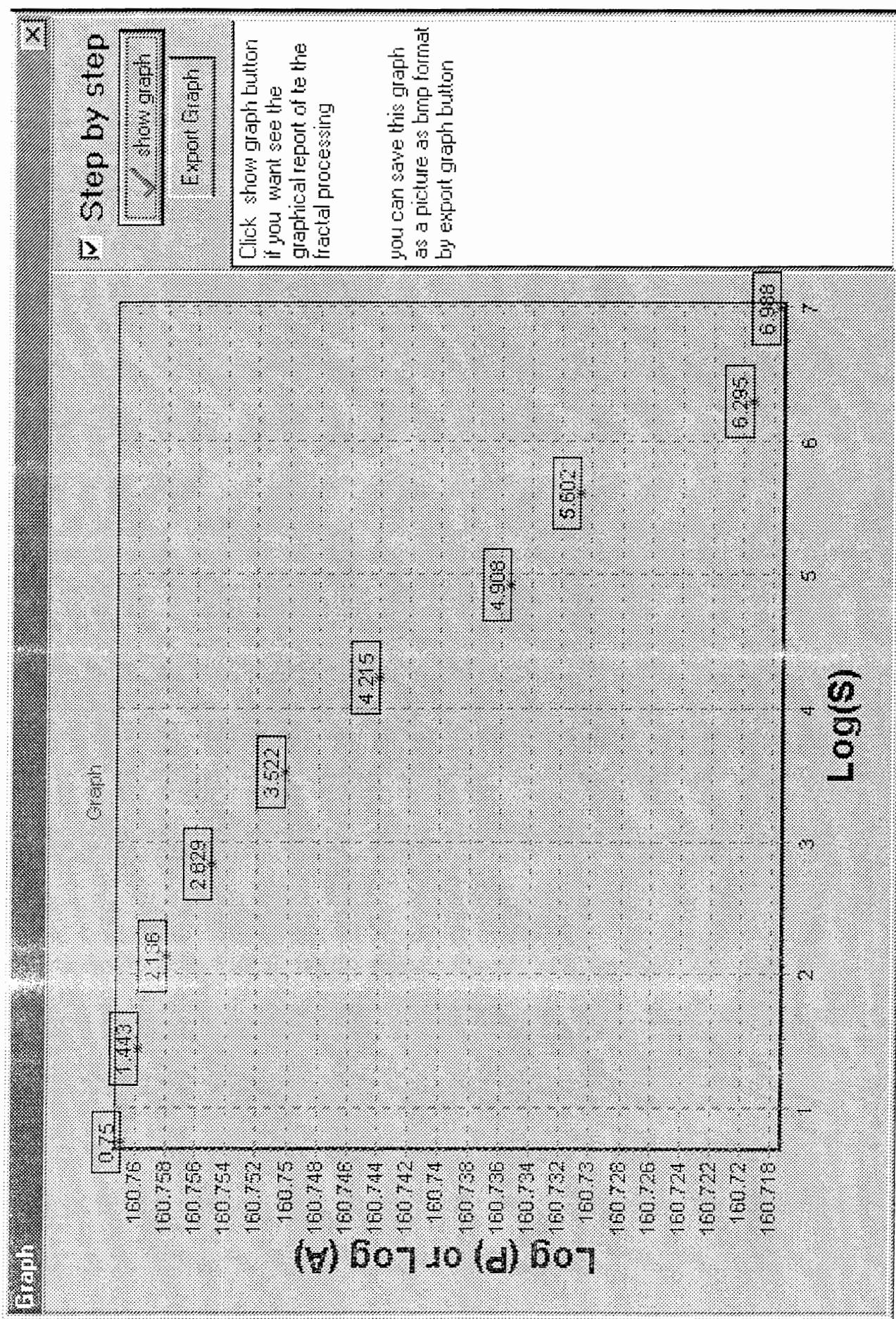
شکل ۹-۶ شمای کلی پنجره Loop Number

جهت مشاهده نمودار لگاریتم محیط در برابر لگاریتم طول پرگار، میبایست بر روی دکمه کلیک نمود (شکل ۱۰-۶). Show graph

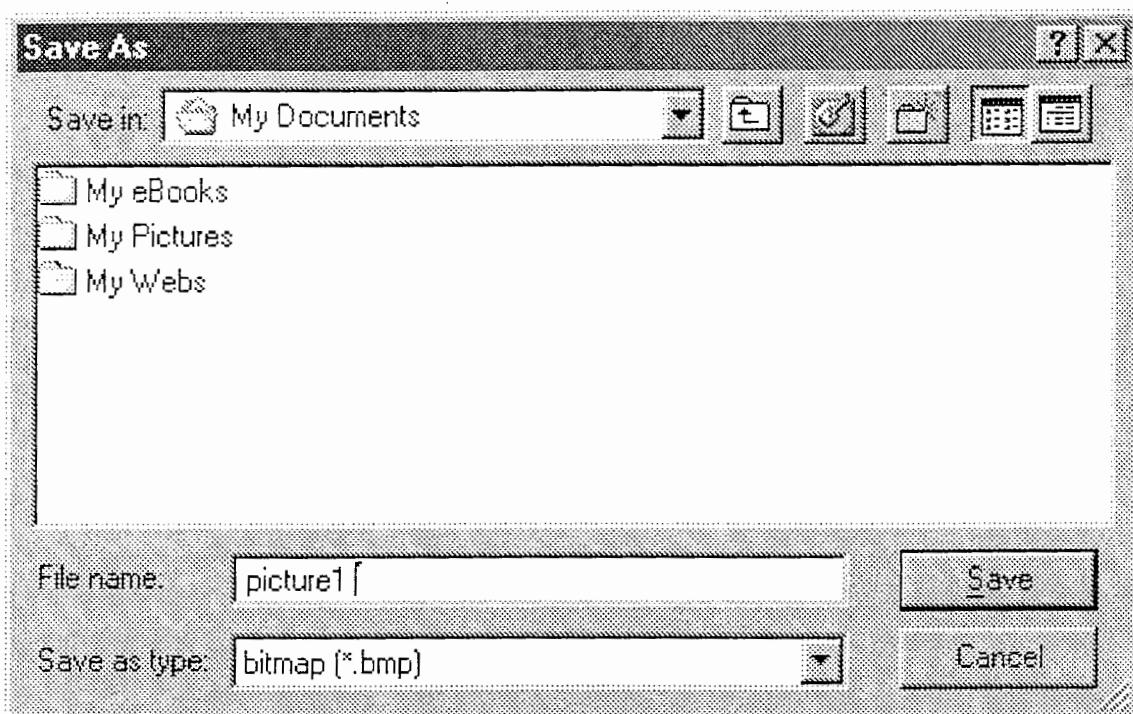
### ۶-۳-۲- محاسبه بعد فراکتال به روش تغییرنما

برای محاسبه بعد فراکتال به روش تغییرنما، پس از ورود دادهها به نرم افزار، از منوی Run گزینه Variogram انتخاب میشود. بلاfacسله فرآیند محاسبه بعد فراکتال آغاز میگردد. در پایان مقدار تغییرنما (b) در یک کادر نمایش پیغام مشاهده میگردد. در شکل ۱۱-۶ نحوه ذخیره کردن نتایج و در شکل ۱۲-۶ شمایی از کادر نمایش پیغام آورده شده است. در نهایت بعد فراکتال سطح با استفاده از رابطه ۱-۶ محاسبه میشود.

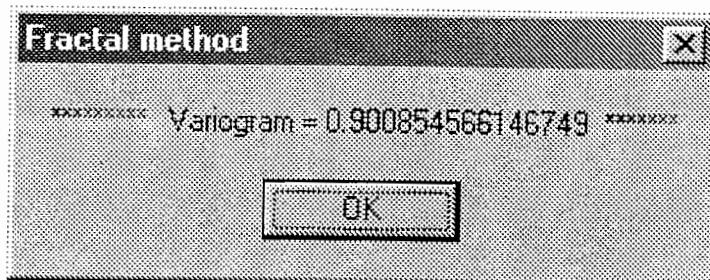
$$D = 2 + 1 - b \quad (1-6)$$



شکل ۱۰-۶ نمایی از پنجره Graph



شکل ۱۱-۶ نحوه ذخیره کردن نتایج



شکل ۱۲-۶ نمایش مقدار تغییرنمای سطح که به توسط نرم افزار محاسبه شده است

### ۳-۳-۶ محاسبه بعد فراکتال به روش پرگار تقسیم سیار دو بعدی

برای محاسبه بعد فراکتال داده‌ها به روش پرگار تقسیم سیار دو بعدی، پس از ورود داده‌ها به نرم افزار از منوی Run گزینه 2Dfloyting Diviping Scale انتخاب می‌شود. در ابتدا تعداد مراحل دو برابر شدن گام از کاربر پرسیده می‌شود. پس از پایان فرآیند محاسبه، بعد از منوی Run گزینه Graphe 2Dfloyting Diviping Scale را از شکل ۸-۶ انتخاب نموده و بدینترتیب پنجره نمایش گراف ظاهر می‌گردد.

در پنجره نمایش گراف برای مشاهده نتایج حاصله بر روی دستور Show Graph کلیک کرده و لگاریتم مساحت کلی سطح به ازای لگاریتم مساحت گام به عنوان مقدار متغیر (b) در نظر گرفته می شود. سپس بعد فراکتال توسط رابطه ۲-۶ بدست می آید.

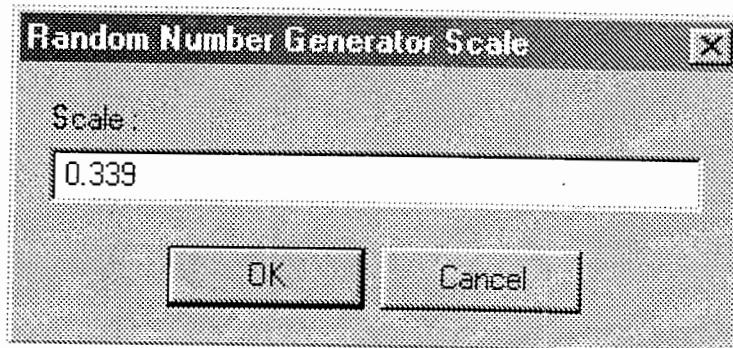
$$D = 2 + b \quad (2-6)$$

چنانچه نیاز به تهیه خروجی گرافیکی از نمودار حاصله باشد با کلیک بر روی دستور Export Graph میتوان فایل هایی با فرمت .bmb میتوان فایل هایی با فرمت .bmb تهیه نمود.

#### ۴-۶ نحوه استفاده از نرم افزار Fractal Simulation

پس از اجرای برنامه از منوی File، گزینه Open را انتخاب نموده و فایل ورودی را معرفی می کنیم. فرمت نمایش اطلاعات در اینجا نیز شبیه نرم افزار FM می باشد.  
پس از نمایش داده ها در جدول، مقدار تغییرنمای داده های ورودی مانند شکل ۱۲-۶ در یک کادر نمایش داده می شود.

حال می بایست عمل تخمین داده های میانی به روش جابجایی نقطه میانی انجام گیرد. برای این کار از منوی Process گزینه Run انتخاب می گردد. کادر Random number generator scale باز می شود (شکل ۱۳-۶).



شکل ۱۳-۶ شمایی از کادر Random number generator scale

در اینجا باید عددی را بعنوان ضریب اختصاص داده شده به اعداد تصادفی تولید شده برای اختصاص به داده‌های میانی وارد کرد. این عدد باید به گونه‌ای انتخاب شود که پس از انجام عمل درون‌بابی بعد فراکتال داده‌های حاصل از یک بار جابجایی نقطه میانی با بعد فراکتال داده‌های ورودی یکسان باشد.

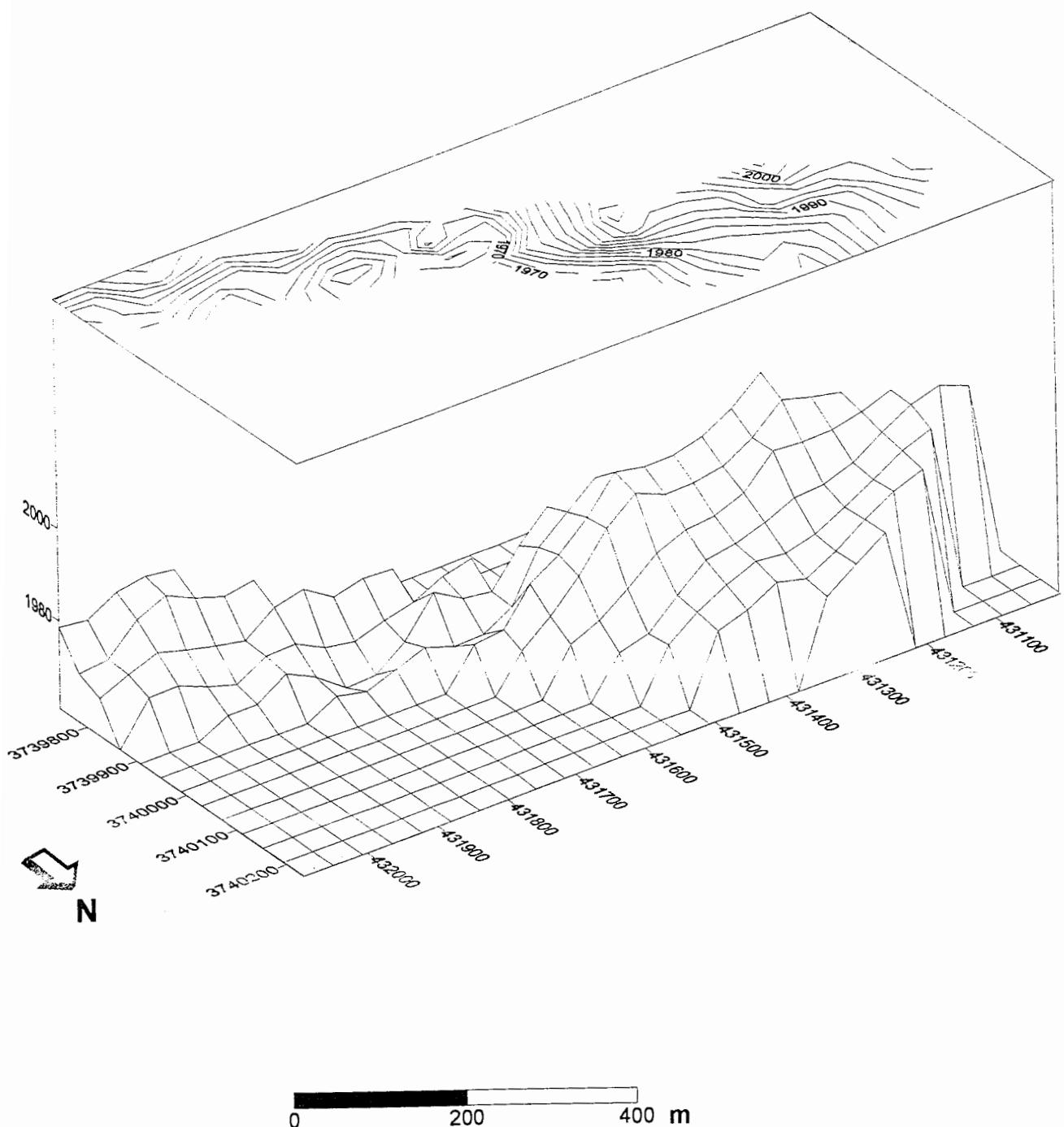
بدین منظور می‌بایست عموماً عددی را بین صفر تا یک به متغیر مربوطه اختصاص داد. هر چه این مقدار به صفر نزدیک‌تر شود مقدار تغییرنما بزرگ‌تر خواهد بود و هر چه این مقدار به یک نزدیک‌تر شود، مقدار تغییرنما کوچک‌تر خواهد بود. مقدار مناسب برای این ضریب را می‌توان به روش جستجوی دودویی با دقت سه رقم اعشار با انجام حدوداً ۵ تا ۱۰ بار تکرار بدست آورد. در صورت نیاز نتایج محاسبات توسط دستور Save as از منوی فایل قابل ذخیره‌سازی می‌باشد. همچنین می‌توان توسط دستور Save white noise از منوی فایل، ماتریس اعداد تصادفی تولید شده را ذخیره نمود. در جدول ۱-۶ مقادیر تغییرنما و مقادیر بعد فراکتال نقاط اطلاعات توپوگرافی منطقه محلات <sup>۴</sup> بعنوان نمونه آورده شده است. بدیهی برای کلیه مناطقی که در آنها نقشه‌برداری صورت می‌گیرد، همچون فایل مذکور می‌توان شبکه اطلاعاتی را چگال نمود بگونه‌ایکه بعد فراکتال شبکه چگال شده و شبکه اولیه یکسان باقی بماند. همچنین جهت مقایسه در اشکال ۱۴-۶ الی ۱۷-۶ نقشه‌های توپوگرافی و سه‌بعدی منطقه محلات <sup>۴</sup> آورده شده است. در شکل ۱۴-۶ نقشه کریجینگ شده با طول شبکه ۴۱ متر رسم شده است. لازم به ذکر است که مساحت منطقه مطالعاتی حدود ۴,۵ هکتار و تعداد نقاط برداشت شده ۱۱۲ نقطه بوده است. لذا طول شبکه اولیه از حاصل تقسیم مساحت منطقه بر تعداد داده‌ها بدست آمده است. همانگونه که در جدول ۱-۶ ملاحظه می‌شود بعد فراکتال سطح اولیه که به روش تغییرنما محاسبه شده برابر ۲,۱۷۲ است. در شکل ۱۵-۶ نقشه توپوگرافی و سه‌بعدی داده‌هایی رسم شده که حاصل یک بار جابجایی نقطه میانی شدن سطح اولیه هستند، بگونه‌ایکه طول شبکه به حدود ۲۰ متر کاهش یافته اما بعد فراکتال سطح تغییر نکرده است. البته این موضوع در جدول ۱-۶ قابل مشاهده است. در شکل ۱۶-۶ نقشه توپوگرافی و سه‌بعدی سطح حاصل از جابجایی نقطه میانی شدن سطح قبلی ترسیم شده است. در این فایل طول شبکه به حدود ۱۰ متر کاهش یافته است. همانگونه که در جدول ۱-۶ ملاحظه می‌شود بعد فراکتال این سطح نیز با بعد فراکتال سطوح قبل برابر و مساوی ۲,۱۷۲ است. بنابراین در واقع هنر تکنیک بکار برد شده، در شبیه‌سازی سطوحی است که بعد فراکتال آنها تغییر نمی‌کند. به عبارت دقیقتر تخمینگر فراکتال یا جابجایی نقطه میانی سطوحی را در نقشه‌برداری گسترش می‌دهد که به لحاظ آماری معتبر هستند. جهت مقایسه در شکل ۱۷-۶ نقشه توپوگرافی و سه‌بعدی اطلاعات محلات <sup>۴</sup> با تخمینگر کریجینگ و طول شبکه ۱۰ متر ترسیم شده است. همانگونه که در جدول ۱-۶ ملاحظه می‌شود بعد فراکتال این سطح به ۲,۰۵۶ کاهش یافته که در واقع این موضوع با خصلت تخمینگر کریجینگ که نرم‌سازی است مطابقت دارد.

جدول ۱-۶ نتایج چگال کردن سطوح و بعد فراکتال حاصل از آنها

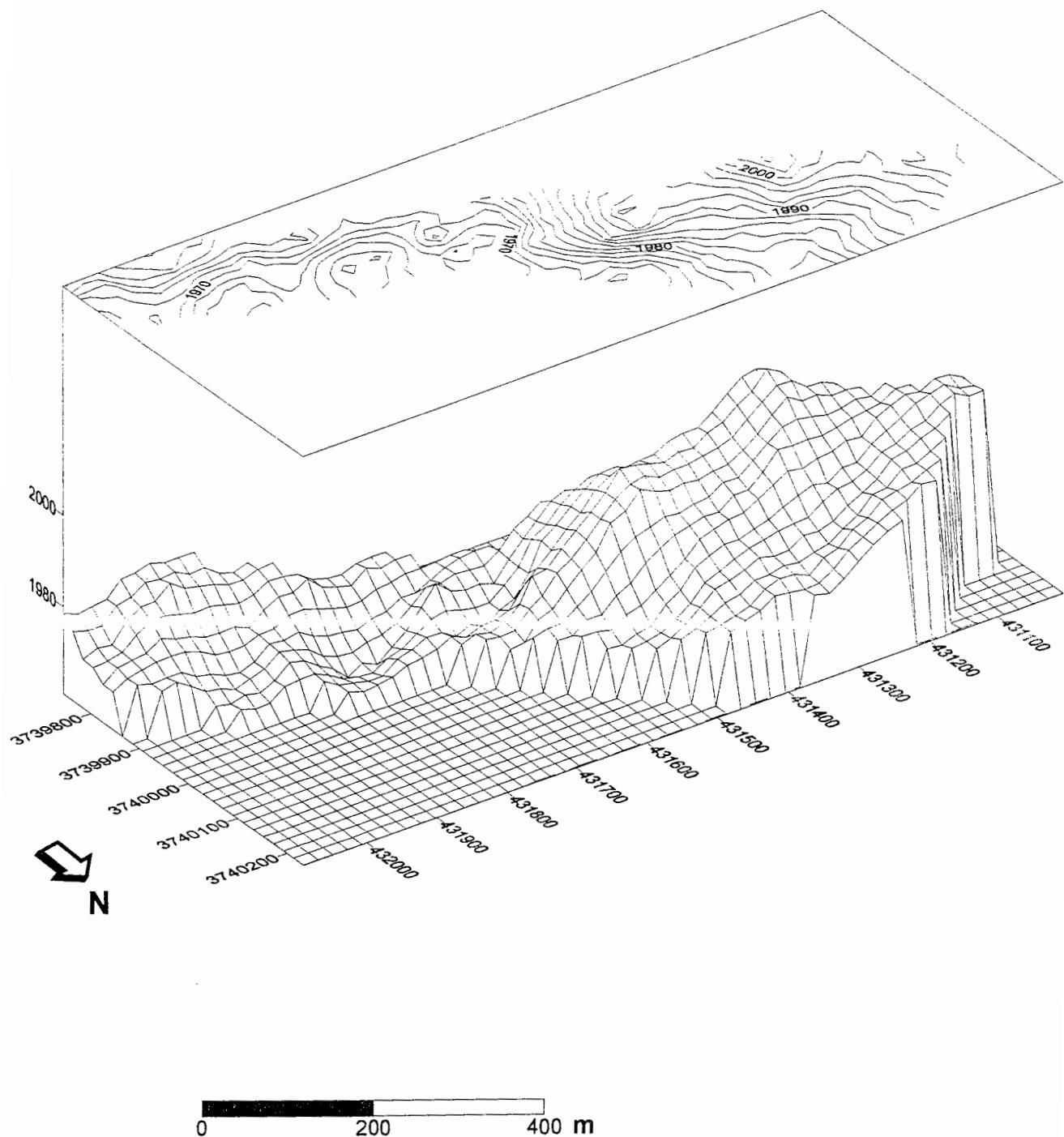
شماره شکل	فواصل خطوط شبکه	پردازشگر	مقدار تغییرنما	بعد فراکتال
۱۴-۶	۴۱	کریجینگ	۰,۸۲۲	۲,۱۷۲
۱۵-۶	۲۰	جابجایی نقطه میانی	۰,۸۲۸	۲,۱۷۲
۱۶-۶	۱۰	جابجایی نقطه میانی	۰,۸۲۸	۲,۱۷۲
۱۷-۶	۱۰	کریجینگ	۰,۹۴۴	۲,۰۵۶

## ۶-۵ توضیحات تکمیلی درباره نرم افزار (FS) Fractal Simulation

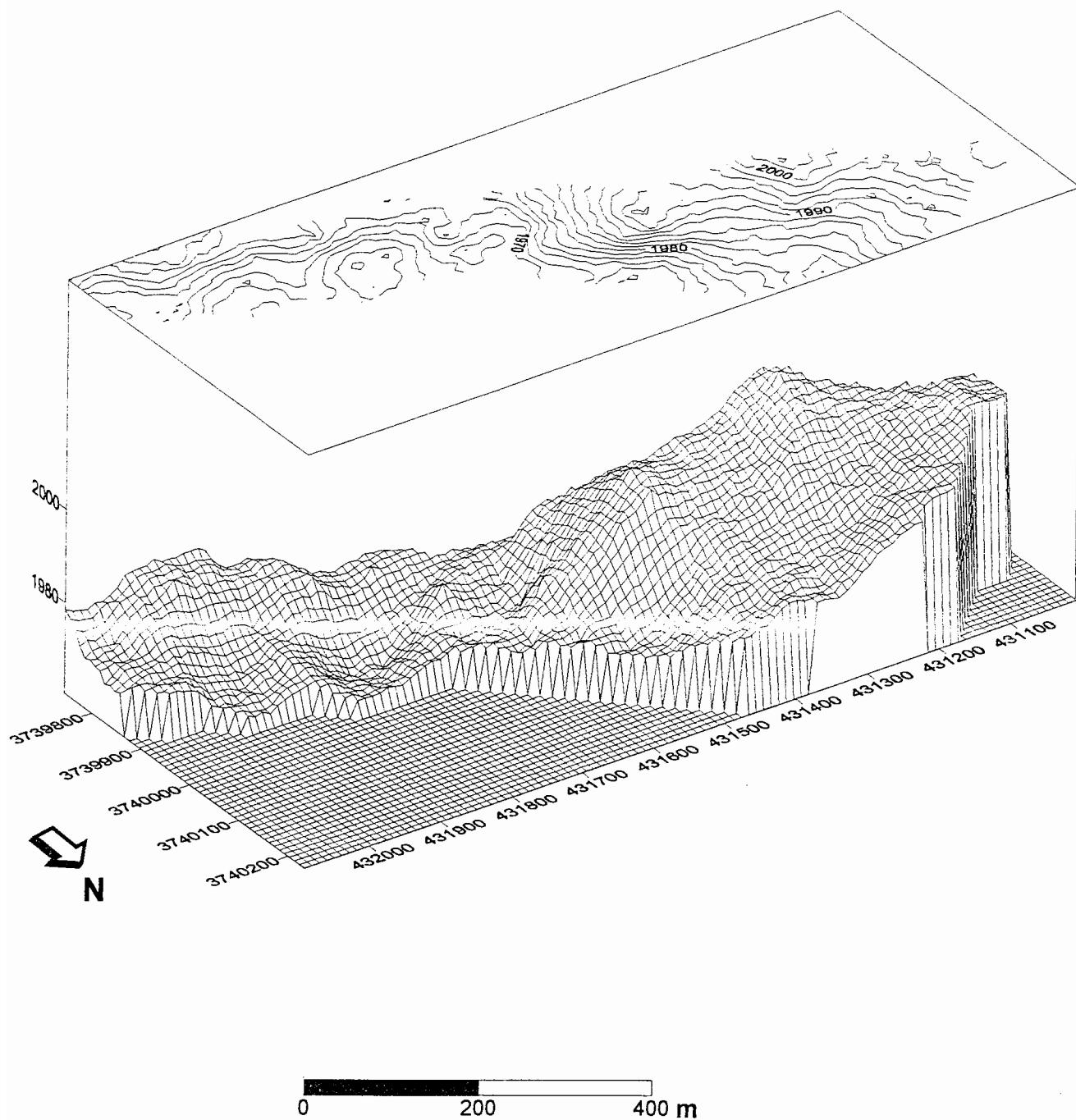
در این نرم افزار فرآیند جابجایی نقطه میانی به شرح زیر انجام می‌گیرد. در مرحله اول داده‌هایی که شماره ستون و سطر مربوط به آنها هر دو زوج است مورد بررسی قرار می‌گیرد، بطوریکه مقدار هر داده جمع میانگین چهار داده مجاور به علاوه جبرانی تصادفی متناسب با طول شبکه بدست می‌آید. این جبرانی تصادفی حاصل ضرب عدد تصادفی گوسی در مقیاس (Scall) مربوط به طول شبکه بدست می‌آید. در مرحله بعد، نوبت به داده‌هایی می‌رسد که فقط یکی از شماره‌های مربوط به سطر و ستون آنها زوج است و دیگری فرد می‌باشد. شبکه مربوط به این داده‌ها نسبت به شبکه اولیه دارای چرخش  $45^\circ$  می‌باشد. لذا مقدار آن از حاصل جمع میانگین چهار همسایه مجاور و  $\frac{\sqrt{2}}{2}$  برابر جبرانی تصادفی متناسب با طول شبکه بدست می‌آید. در مرحله آخر نقاطی از سطراها و ستون‌های لبه شبکه که می‌بایست درون‌بایی شوند از حاصل جمع میانگین سه همسایه مجاور آنها و جبرانی تصادفی متناسب با طول شبکه محاسبه می‌شوند.



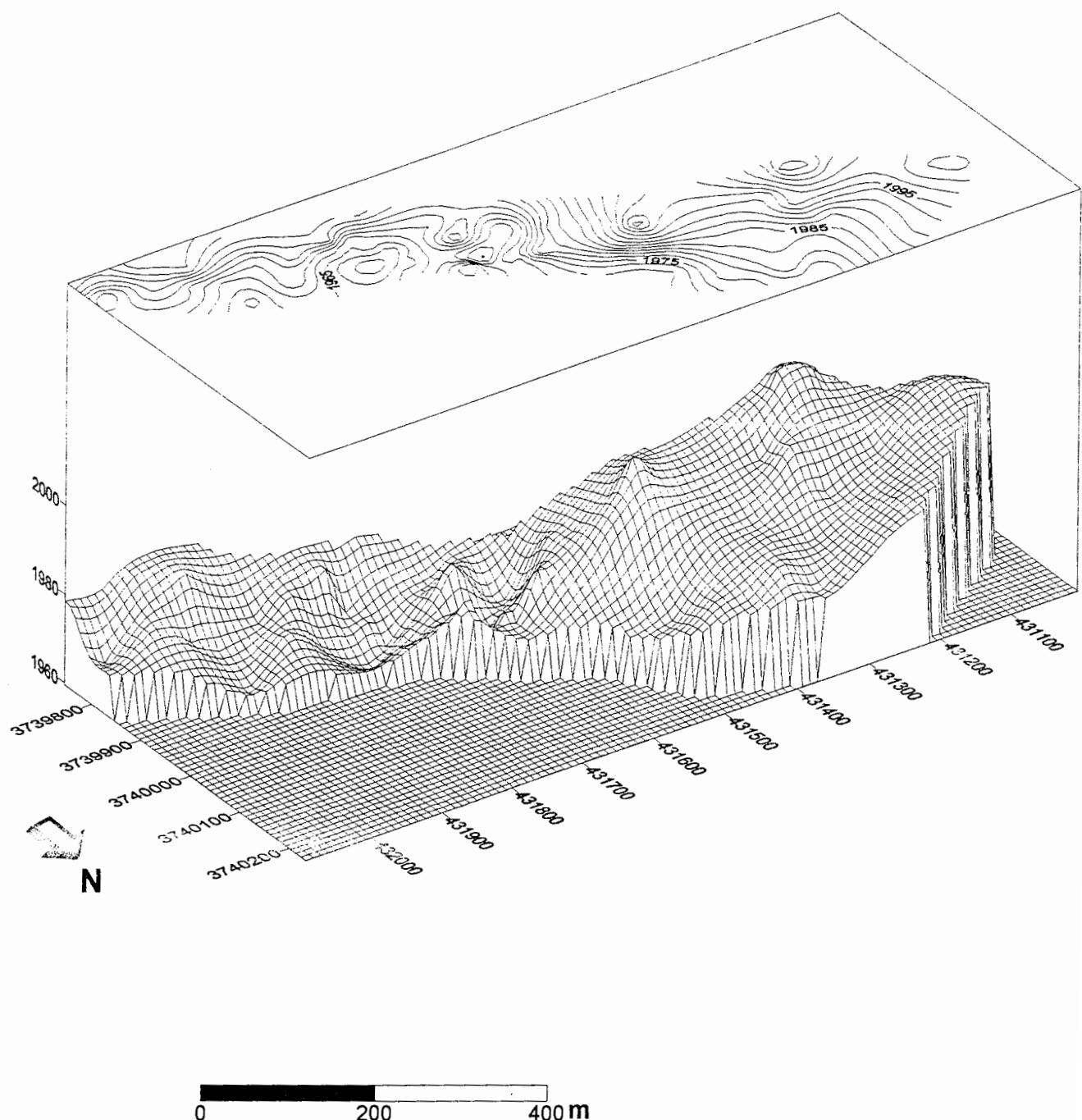
شکل ۱۴-۶ نقشه توپوگرافی و سه بعدی حاصل از کریجینگ داده های منطقه محلات ۴ با فواصل خطوط شبکه ۴۰ متر



شکل ۱۵-۶ نقشه توپوگرافی و سه بعدی حاصل از جابجایی نقطه میانی داده‌های منطقه محلات ۴ با فواصل خطوط شبکه ۲۰ متر



شکل ۱۶-۶ نقشه توپوگرافی و سه بعدی حاصل از جابجایی نقطه میانی داده‌های منطقه محلات <sup>۴</sup> با فواصل خطوط شبکه ۱۰ متر



شکل ۱۷-۶ نقشه توپوگرافی و سه بعدی حاصل از کریجینگ داده‌های منطقه محلات ۴ با فواصل خطوط شبکه ۱۰ متر

## نتیجه‌گیری و پیشنهادات

### ۱- نتیجه‌گیری

در هندسه فراکتال بحث از خطوط و سطوحی است که بعد عدد صحیح یک و دو ندارند. به عبارت دیگر یک خط شکسته، بعدی بین یک و دو و یک سطح منحنی، بعدی بین دو و سه دارد. بنابراین در این تحقیق سعی بر آن بوده که بعد فراکتال سطوح طبیعی را هنگام نقشه‌برداری محاسبه کرده و سپس از تخمینگری با منطق فراکتال به نام جابجایی نقطه میانی جهت چگال کردن اطلاعات استفاده شود، بگونه‌ایکه در نهایت بعد فراکتال نقشه‌ای که عنوان نقشه توپوگرافی سطح ترسیم می‌شود برابر با بعد فراکتال سطح اولیه باشد. در این راستا نرم‌افزاری تحت عنوان روش‌های فراکتالی<sup>۱</sup> طراحی و با زبان برنامه‌نویسی دلفی تحت سیستم عامل ویندوز نوشته شد که به سه روش پرگار تقسیم سیار، پرگار تقسیم سیار دو بعدی و تغییرنما، مقدار بعد فراکتال خطوط و سطوح را محاسبه می‌نماید. بدینترتیب بعد فراکتال کلیه اشکال قابل محاسبه هستند.

سپس نرم‌افزاری تحت عنوان شبیه‌ساز فراکتال<sup>۲</sup> طراحی و نوشته شد که به توسط الگوریتم جابجایی نقطه میانی از روی اطلاعات اولیه، سطوحی را شبیه‌سازی می‌کند که بعد فراکتال آنها با بعد فراکتال طبیعی سطوح برابر است. در فصول گذشته نتیجه عملکرد الگوریتمهای مذکور و توانمندی روش فراکتال در شبیه‌سازی ارائه گردید.

در نهایت ملاحظه می‌شود که به توسط روش فراکتال، سطوحی را می‌توان شبیه‌سازی کرد که به لحاظ آماری کاملاً شبیه به سطوح اولیه هستند. البته همچنین در فصول گذشته ثابت گردید که تخمینگرهای دیگر و در راس آنها کریجینگ، قابلیت شبیه‌سازی سطوح معتبر آماری را ندارند، هر چند که ممکن است اینگونه تخمینگرها کمترین واریانس تخمین را نیز ارائه دهند.

<sup>1</sup> -Fractal Methods (FM)

<sup>2</sup> - Fractal Simulation (FS)

## ۲-۷ پیشنهادات

با توجه به نتیجه مطالعات صورت گرفته فضای بسیار وسیعی در مقابل دید برای مطالعات آتی گشوده گردید که تعدادی به عنوان پیشنهاد معرفی می‌گردد.

الف - بدون شک از منطق فراکتال جهت ترسیم منحنی‌های هم‌عیار، هم‌ضخامت و ... در فعالیتهای معدنکاری و همچنین منحنی‌های هم‌گرانی، هم‌مغناطیس و ... در برداشت‌های ژئوفیزیکی می‌توان بهره جست. لذا توصیه می‌شود کاربردهای منطق فراکتال در وادی‌های مذکور مطالعه گردد.

ب - یقیناً یکی از نقاط ضعف مطالعات فعلی مشخص نکردن خطای تخمین است. البته در این طرح خطای منطق فراکتال نسبت به روش کریجینگ مورد مطالعه قرار گرفته است و میانگین و واریانس اختلاف بین مقادیر تخمین زده به روش‌های فراکتال و کریجینگ به ترتیب برابر صفر و کوچکتر از یک بوده‌اند. ولی بدون شک مطالعه دقیق‌تر و کمی نمودن خطای تخمین‌گر فراکتال ضروری است.

ج - البته الگوریتم جابجایی نقطه میانی، الگوریتم مناسبی و قوی جهت شبیه‌سازی سطوح است. اما مطالعه و ارائه نرم‌افزار برای الگوریتم‌های احتمالی دیگر و یا ارائه الگوریتم‌های جدید نیز مفید خواهد بود.

## پیوست اول

کدهای اصلی فرم اصلی نرم افزار

Fractal Methods  
(FM)

```

n1: TMenuItem;
Open1: TMenuItem;
New1: TMenuItem;
Help1: TMenuItem;
About1: TMenuItem;
openxyzfile: TOpenDialog;
stgrid: TStringGrid;
Panell: TPanel;
Run1: TMenuItem;
floatingdividingscale: TMenuItem;
graphfds: TMenuItem;
variogram: TMenuItem;
status: TStatusBar;
N2Dfloatingdividingscale: TMenuItem;
graph2dfds: TMenuItem;
Opennoise1: TMenuItem;
procedure Open1Click(Sender: TObject);
procedure FormCreate(Sender: TObject);
procedure variogramClick(Sender: TObject);
procedure floatingdividingscaleClick(Sender: TObject);
procedure graphfdsClick(Sender: TObject);
procedure N2DfloatingdividingscaleClick(Sender: TObject);
procedure graph2dfdsClick(Sender: TObject);
procedure Opennoise1Click(Sender: TObject);
private
  { Private declarations }
public
  { Public declarations }
end;

var
  Form1: TForm1;

implementation

uses Unit2;

{$R *.DFM}

constructor tdatagrid.create;
begin
  loop:=0;
  x_line_no:=0;
  y_line_no:=0;
  z_line_no:=0;
  x_spacing:=0;
  y_spacing:=0;
  lag:=10;
  lag_zero:=10;
  x_start:=0;

```

```

z_start:=0;
x1:=0;
z1:=0;
x2:=0;
z2:=0;
setlength(data,0,0);
setlength(perimeter_matrix,0,0,0);
end;

procedure tdatagrid.read_data;
var
f1:textfile;
ch:char;
ch1:shortstring;
i:integer;
j:integer;
begin
if form1.openxyzfile.Execute then
begin
setlength(data,0,0);
for i:=0 to form1.stgrid.ColCount do
  for j:=0 to form1.stgrid.RowCount do
    begin
      form1.stgrid.Cells[i,j]:="";
    end;
form1.stgrid.ColCount:=1;
form1.stgrid.RowCount:=1;
form1.stgrid.FixedCols:=0;
form1.stgrid.FixedRows:=0;
i:=0;
assignfile(f1,form1.openxyzfile.FileName);
reset(f1);
while not eof(f1) do
  begin
    i:=i+1;
    readln(f1);
  end;
setlength(data,3,i);
z_line_no:=i;
i:=0;
j:=0;
ch1:="";
reset(f1);
while not eof(f1) do
  begin
    read(f1,ch);
    if ((ch<>' ')and(ch<>#13))then
      begin
        if (ch<>#10)then

```

```

begin
ch1:=ch1+ch;
end;
if (ch=#10)then
begin
i:=i+1;
j:=0;
end;
end;
if ((ch=' ')or(ch=#13))then
begin
data[j][i]:=strtofloat(ch1);
j:=j+1;
ch1:="";
end;
end;
closefile(f1);
i:=0;
while data[1,i]=data[1,0] do // # of line X lineno//
begin
i:=i+1;
end;
x_line_no:=i;
y_line_no:=round(z_line_no/x_line_no);
for i:=0 to z_line_no-1 do
begin
form1.stgrid.Cells[((i) mod x_line_no)+1,0]:=floattosrt(data[0,i]);
end;
for i:=0 to z_line_no-1 do
begin
form1.stgrid.Cells[0,((i) div (x_line_no))+1]:=floattosrt(data[1,i]);
end;
for i:=0 to z_line_no-1 do
begin
form1.stgrid.Cells[((i) mod x_line_no)+1,((i) div
(x_line_no))+1]:=floattosrt(data[2,i]);
end;
form1.stgrid.ColCount:=(x_line_no)+1;
form1.stgrid.RowCount:=(y_line_no)+1;
form1.stgrid.FixedCols:=1;
form1.stgrid.Fixedrows:=1;
x_spacing:=(strtofloat(form1.stgrid.Cells[2,0])-strtofloat(form1.stgrid.Cells[1,0]));
y_spacing:=(strtofloat(form1.stgrid.Cells[0,2])-strtofloat(form1.stgrid.Cells[0,1]));
setlength(data,0,0);
setlength(data,x_line_no,y_line_no);
for i:=0 to x_line_no-1 do
begin
for j:=0 to y_line_no-1 do

```

```

begin
  data[i,j]:=strtofloat(form1.stgrid.Cells[i+1,j+1]);
end;
end;
end;

procedure tdatagrid.read_noise;
var
  f1:textfile;
  ch:char;
  ch1:shortstring;
  i:integer;
  j:integer;
begin
if form1.openxyzfile.Execute then
begin
setlength(data,0,0);
  for i:=0 to form1.stgrid.ColCount do
    for j:=0 to form1.stgrid.RowCount do
      begin
        form1.stgrid.Cells[i,j]:="";
      end;
  form1.stgrid.ColCount:=1;
  form1.stgrid.RowCount:=1;
  form1.stgrid.FixedCols:=0;
  form1.stgrid.FixedRows:=0;
  i:=0;
  assignfile(f1,form1.openxyzfile.FileName);
  reset(f1);
  while not eof(f1) do
    begin
      i:=i+1;
      readln(f1);
    end;
  setlength(data,3,i);
  z_line_no:=i;
  i:=0;
  j:=0;
  ch1:="";
  reset(f1);
  while not eof(f1) do
    begin
      if ((ch<>' ')and(ch<>#13))then
        begin
          if (ch<>#10)then
            begin
              ch1:=ch1+ch;
            end;
        end;
    end;

```

```

        if (ch=#10)then
            begin
                i:=i+1;
                j:=0;
            end;
        end;
        if ((ch=' ')or(ch=#13))then
            begin
                data[j][i]:=strtofloat(ch1);
                j:=j+1;
                ch1:="";
            end;
        end;
    closefile(f1);
    i:=0;
while data[1,i]=data[1,0] do // # of line X lineno//
begin
    i:=i+1;
end;
x_line_no:=i;
y_line_no:=round(z_line_no/x_line_no);
for i:=0 to z_line_no-1 do
begin
    form1.stgrid.Cells[((i) mod x_line_no)+1,0]:=floattosrt(data[0,i]);
end;
for i:=0 to z_line_no-1 do
begin
    form1.stgrid.Cells[0,((i) div (x_line_no))+1]:=floattosrt(data[1,i]);
end;
for i:=0 to z_line_no-1 do
begin
    form1.stgrid.Cells[((i) mod x_line_no)+1,((i) div
(x_line_no))+1]:=floattosrt(data[2,i]);
end;
form1.stgrid.ColCount:=(x_line_no)+1;
form1.stgrid.RowCount:=(y_line_no)+1;
form1.stgrid.FixedCols:=1;
form1.stgrid.Fixedrows:=1;
x_spacing:=(strtofloat(form1.stgrid.Cells[2,0])-strtofloat(form1.stgrid.Cells[1,0]));
y_spacing:=1;
setlength(data,0,0);
setlength(data,x_line_no,y_line_no);
for i:=0 to x_line_no-1 do
begin
    for j:=0 to y_line_no-1 do
        begin
            data[i,j]:=strtofloat(form1.stgrid.Cells[i+1,j+1]);
        end;
    end;

```

```

end;
end;

function tdatagrid.distance(x1,z1,x2,z2:double):double;
var
distance:double;
begin
distance:=sqrt(sqr(x1-x2)+sqr(z1-z2));
result:=distance;
end;
function tdatagrid.have_cross(x1,z1,x2,z2:double):boolean;
begin
if distance(x1,z1,x2,z2)>=lag then result:=true
else result:=false;
end;
procedure tdatagrid.find_limit(row_no:integer);
var
i:integer;
begin
i:=0;
line_start_no:=0;
line_end_no:=0;
while (datagrid1.data[i,row_no]>(1.70141e37)) do
begin
i:=i+1;
end;
line_start_no:=i;
i:=datagrid1.x_line_no-1;
while (datagrid1.data[i,row_no]>(1.70141e37)) do
begin
i:=i-1;
end;
line_end_no:=i;
end;

function tdatagrid.find_best_lag;
var
bestlag:double;
j:integer;
begin
lag_zero:=0;
for j:=0 to y_line_no-1 do
begin
find_limit(j);

bestlag:=distance(strtofloat(form1.stgrid.Cells[1,0])+line_start_no*x_spacing,data[line_start_no,j],strtofloat(form1.stgrid.Cells[1,0])+line_end_no*x_spacing,data[line_end_no,j]);
if bestlag>lag_zero then lag_zero:=bestlag;
end;

```

```

end;

function tdatagrid.three_area(i1,j1,k1,i2,j2,k2,a5,b5,c5:double):double;
var
t1,t2,t3:double;
sath:double;
begin
t1:=(j2-j1)*(c5-k1)-(k2-k1)*(b5-j1))*((j2-j1)*(c5-k1)-(k2-k1)*(b5-j1));
t2:=((k2-k1)*(a5-i1)-(i2-i1)*(c5-k1))*((k2-k1)*(a5-i1)-(i2-i1)*(c5-k1));
t3:=((i2-i1)*(b5-j1)-(j2-j1)*(a5-i1))*((i2-i1)*(b5-j1)-(j2-j1)*(a5-i1));
sath:=((exp((0.5)*ln(t1+t2+t3)))/2);
result:=sath;
end;

function tdatagrid.sqr_area(a1,b1,c1,a2,b2,c2,a3,b3,c3,a4,b4,c4:double):double;
var
s1,s2,s3,s4:double;
begin
s1:=three_area(a1,b1,c1,a2,b2,c2,a5,b5,c5);
s2:=three_area(a2,b2,c2,a3,b3,c3,a5,b5,c5);
s3:=three_area(a3,b3,c3,a4,b4,c4,a5,b5,c5);
s4:=three_area(a4,b4,c4,a1,b1,c1,a5,b5,c5);
result:=(s1+s2+s3+s4);
end;

function tdatagrid.total_area(length:integer):double;
var
i,j:integer;
s:double;
begin
i:=0;
j:=0;
s:=0;
while (j+length)<(y_line_no-1) do
begin
i:=0;
while (i+length)<(x_line_no-1) do
begin
a1:=i*x_spacing;
b1:=j*y_spacing;
c1:=data[i,j];
a2:=i*x_spacing;
b2:=(j+length)*y_spacing;
c2:=data[i,j+length];
a3:=(i+length)*x_spacing;
b3:=(j+length)*y_spacing;
c3:=data[i+length,j+length];
a4:=(i+length)*x_spacing;
b4:=j*y_spacing;
c4:=data[i+length,j];

```

```

        a5:=(i+(length/2))*x_spacing;
        b5:=(j+(length/2))*y_spacing;
        c5:=((c1+c2+c3+c4)/4);
        s:=s+(sqr_area(a1,b1,c1,a2,b2,c2,a3,b3,c3,a4,b4,c4));
        i:=i+length;
        end;
        j:=j+length;
        end;
    result:=s;
    end;

procedure tdatagrid.find_cross(x1,z1,x2,z2:double);
begin
    x_start:=x1+lag*cos(arctan((z2-z1)/(x2-x1)));
    z_start:=z1+lag*sin(arctan((z2-z1)/(x2-x1)));
end;

function tdatagrid.perimeter(row:integer):double;//row:satri az matrix data ke
mikhahim dimentione fractale anra bedast avarim;
var
i:integer;
martabe:integer;
begin
martabe:=0;
for i:=line_start_no to line_end_no-1 do
begin
    x2:=(i+1)*x_spacing;
    z2:=data[i+1,row];
    while have_cross(x1,z1,x2,z2)=true do
        begin
            martabe:=martabe+1;
            find_cross(x1,z1,x2,z2);
            x1:=x_start;
            z1:=z_start;
        end;
    end;
result:=(lag*(martabe+distance(x1,z1,x2,z2))/lag)) ;
end;

function gamal:double;
var
i,j:integer;
sum,altitutesubtracting:double;
k:integer;
begin
sum:=0;
k:=0;
for j:=0 to datagrid1.y_line_no-1 do
begin
    datagrid1.find_limit(j);

```

```

for i:=datagrid1.line_start_no to datagrid1.line_end_no-1 do
begin
altitudesubtracting:=(datagrid1.data[i,j]-datagrid1.data[i+1,j]);
sum:=sum+(altitudesubtracting*altitudesubtracting);
k:=k+1;
end;
end;
result:=sum/(2*k);
end;

function gama2:double;
var
i,j:integer;
sum,altitudesubtracting:double;
k:integer;
begin
sum:=0;
k:=0;
for j:=0 to datagrid1.y_line_no-1 do
begin
datagrid1.find_limit(j);
for i:=datagrid1.line_start_no to datagrid1.line_end_no-2 do
begin
altitudesubtracting:=(datagrid1.data[i,j]-datagrid1.data[i+2,j]);
sum:=sum+(altitudesubtracting*altitudesubtracting);
k:=k+1;
end;
end;
result:=sum/(2*k);
end;

function log(x:double):double;
begin
result:=(ln(x)/2.3025850);
end;

procedure TForm1.Open1Click(Sender: TObject);
begin
datagrid1.read_data;
form1.Caption:='Fractal method'+ ' '+openxyzfile.FileName;
end;

procedure TForm1.FormCreate(Sender: TObject);
begin
datagrid1:=tdatagrid.create;
end;

procedure TForm1.floatingdividingscaleClick(Sender: TObject);
var
i:integer;

```

```

lag1:=datagrid1.perimeter_matrix[0,j,k];
end;
datagrid1.perimeter_matrix_1[1,j]:=(perimeter);
datagrid1.perimeter_matrix_1[0,j]:=(lag1);
end;
form2.ShowModal;
end;

procedure TForm1.N2DfloatingdividingscaleClick(Sender: TObject);
var
i:integer;
begin
datagrid1.length:=1;
datagrid1.loop:=strtoint(inputbox('loop number','loop ','10'));
setlength(datagrid1.perimeter_matrix_1,2,datagrid1.loop);
for i:=0 to datagrid1.loop-1 do
begin
  datagrid1.length:=i+1;

  datagrid1.perimeter_matrix_1[0,i]:=(datagrid1.length)*(datagrid1.x_spacing)*(datagrid1.y_spacing)*(datagrid1.length);
  datagrid1.perimeter_matrix_1[1,i]:=datagrid1.total_area(datagrid1.length);
end;
end;

procedure TForm1.graph2dfdsClick(Sender: TObject);
begin
form2.ShowModal;
end;

procedure TForm1.Opennoise1Click(Sender: TObject);
begin
datagrid1.read_noise;
form1.Caption:='Fractal method'+ ' '+openxyzfile.FileName;
end;

end.

```

## پیوست دوم

کدهای اصلی فرم نمایش گراف نرم افزار

**Fractal Methods  
(FM)**

```

unit Unit2;

interface

uses
  Windows, Messages, SysUtils, Classes, Graphics, Controls, Forms, Dialogs,
  ExtCtrls, TeeProcs, TeEngine, Chart, Grids, Series, StdCtrls, Buttons;

type
  TForm2 = class(TForm)
    Chart1: TChart;
    Series1: TPointSeries;
    Series2: TLineSeries;
    sd1: TSaveDialog;
    Panel1: TPanel;
    BitBtn1: TBitBtn;
    stepbox: TCheckBox;
    BitBtn2: TBitBtn;
    Button1: TButton;
    Memo1: TMemo;
    procedure FormShow(Sender: TObject);
    procedure BitBtn1Click(Sender: TObject);
    procedure BitBtn2Click(Sender: TObject);
    procedure Chart1Click(Sender: TObject);
    procedure Button1Click(Sender: TObject);
  private
    { Private declarations }
  public
    { Public declarations }

  end;

var
  Form2: TForm2;

implementation

uses Unit1;
var
  row_no:integer;
  i:integer;
  ln_matrix:array of array of double;
  {$R *.DFM}

procedure TForm2.FormShow(Sender: TObject);
begin
  row_no:=0;
  i:=0;
  chart1.Series[0].Clear;
end;

```

```

procedure TForm2.BitBtn1Click(Sender: TObject);
var
row:integer;
begin
if stepbox.Checked=true then
begin
  if row_no<(datagrid1.y_line_no) then
    begin
      form2.Chart1.Series[0].Clear;
      for row:=0 to loop_all-1 do
        begin
          form2.Chart1.Series[0].AddXY(datagrid1.perimeter_matrix[0,row,row_no],datagrid1.
perimeter_matrix[1,row,row_no],"clred");
        end;
      row_no:=row_no+1;
    end;
  end;
end;

procedure TForm2.BitBtn2Click(Sender: TObject);
var
row:integer;
i:integer;
begin
for i:=0 to datagrid1.loop-1 do
  begin
    form2.Chart1.Series[0].AddXY(datagrid1.perimeter_matrix_1[0,i],datagrid1.perimete
r_matrix_1[1,i],"clblue");
  end;
end;

procedure TForm2.Chart1Click(Sender: TObject);
begin
if form2.Chart1.Series[0].Marks.style=smslabel then
  begin
    form2.Chart1.Series[0].Marks.style:=smsxvalue;
  end
else
  begin
    form2.Chart1.Series[0].Marks.style:=smslabel;
  end;
end;

procedure TForm2.Button1Click(Sender: TObject);
begin
if sd1.Execute then
  begin

```

```
form2.Chart1.SaveToBitmapFile(sd1.FileName);
end;
end;

end.
```

## پیوست سوم

کدهای اصلی فرم اصلی نرم افزار

**Fractal Simulation  
(FS)**

```

unit Unit1;
interface

uses
  Windows, Messages, SysUtils, Classes, Graphics, Controls, Forms, Dialogs,
  Menus, Grids, StdCtrls, ExtCtrls;
type tsimulate=class
private
public
  delta_x:real;
  data:array of array of real;
  data_surf_matrix:array of array of real;
  noise:array of real;
  column:integer;
  row:integer;
  x_spacing,y_spacing:double;
  x_line_no:integer;
  y_line_no:integer;
  line_start_no,line_end_no:integer;
  z_line_no:integer;
  dimention:double;
  mean,std:real;
  z_scale:real;
  data_source:topendialog;
  data_target:tsavedialog;
  noise_target:tsavedialog;
  procedure read_data;
  procedure make_white_noise;
  procedure process;
  procedure save_data;
  procedure save_noise;
  procedure find_limit(row_no:integer);
  function gama1:double;
  function gama2:double;
  constructor create;
  end;

```

```

type
  TForm1 = class(TForm)
    MainMenu1: TMainMenu;
    File1: TMenuItem;
    Exit1: TMenuItem;
    N2: TMenuItem;
    SaveAs1: TMenuItem;
    Open1: TMenuItem;
    run1: TMenuItem;
    Process1: TMenuItem;
    Help1: TMenuItem;
    openxyzfile: TOpenDialog;

```

```

stgrid: TStringGrid;
Panel1: TPanel;
About1: TMenuItem;
Savexyzfile: TSaveDialog;
noisegrid: TStringGrid;
N1: TMenuItem;
ShowRandomNumberGrid1: TMenuItem;
Graph1: TMenuItem;
Savewhitenoise1: TMenuItem;
savenoise: TSaveDialog;
procedure FormCreate(Sender: TObject);
procedure Open1Click(Sender: TObject);
procedure Process1Click(Sender: TObject);
procedure Graph1Click(Sender: TObject);
procedure SaveAs1Click(Sender: TObject);
procedure Savewhitenoise1Click(Sender: TObject);
private
  { Private declarations }

public
  { Public declarations }

end;

var
  Form1: TForm1;

implementation

uses Unit2, Unit3;
{$R *.DFM}
function log(x:double):double;
begin
  result:=(ln(x)/2.3025850);
end;
function findmean(matrix:array of real;a:longint):real;
var
  mean:real;
  sum:real;
  i:longint;
begin
  sum:=0;
  for i:=0 to (a-1) do
    begin
      sum:=sum+matrix[i];
    end;
  mean:=sum/a;
  result:=mean;
end;
function findstd(matrix:array of real;a:longint):real;

```

```

var
sum:real;
mean:real;
std:real;
i:longint;
begin
mean:=findmean(matrix,a);
sum:=0;
for i:=0 to (a-1) do
begin
sum:=sum+(matrix[i]-mean)*(matrix[i]-mean);
end;
sum:=sum/(a-1);
std:=sqrt(sum);
result:=std;
end;
function normalize(a:real;mean:real;std:real):real;
var
norm:real;
begin
norm:=((a-mean)/std);
result:=norm;
end;

procedure tsimulate.find_limit(row_no:integer);
var
i:integer;
begin
i:=0;
line_start_no:=0;
line_end_no:=0;
while (data_surf_matrix[i,row_no]>(1.70141e37)) do
begin
i:=i+1;
end;
line_start_no:=i;
i:=x_line_no-1;
while (data_surf_matrix[i,row_no]>(1.70141e37)) do
begin
i:=i-1;
end;
line_end_no:=i;
end;

function tsimulate.gamal:double;
var
i,j:integer;
sum,altitudesubtracting:double;
k:integer;

```

```

begin
sum:=0;
k:=0;
for j:=0 to y_line_no-1 do
begin
  find_limit(j);
  for i:=line_start_no to line_end_no-1 do
    begin
      altitudesubtracting:=(data_surf_matrix[i,j]-data_surf_matrix[i+1,j]);
      sum:=sum+(altitudesubtracting*altitudesubtracting);
      k:=k+1;
    end;
  end;
result:=sum/(2*k);
end;

function tsimulate.gama2:double;
var
i,j:integer;
sum,altitudesubtracting:double;
k:integer;
begin
sum:=0;
k:=0;
for j:=0 to y_line_no-1 do
begin
  find_limit(j);
  for i:=line_start_no to line_end_no-2 do
    begin
      altitudesubtracting:=(data_surf_matrix[i,j]-data_surf_matrix[i+2,j]);
      sum:=sum+(altitudesubtracting*altitudesubtracting);
      k:=k+1;
    end;
  end;
result:=sum/(2*k);
end;

procedure tsimulate.read_data;
var
i,j:integer;
f1:textfile;
ch:char;
ch1:shortstring;
h1,h2:double;
begin
begin
  SetLength(data,0,0);
  i:=0;
  assignfile(f1,data_source.FileName);
  reset(f1);

```

```

while not eof(f1) do
begin
i:=i+1;
readln(f1);
end;
setlength(data,3,i);
z_line_no:=i;
i:=0;
j:=0;
ch1:="";
reset(f1);
while not eof(f1) do
begin
read(f1,ch);
if ((ch<>' ')and(ch<>#13))then
begin
if (ch<>#10)then
begin
ch1:=ch1+ch;
end;
if (ch=#10)then
begin
i:=i+1;
j:=0;
end;
end;
if ((ch=' ')or(ch=#13))then
begin
data[j][i]:=strtofloat(ch1);
j:=j+1;
ch1:="";
end;
end;
closefile(f1);
i:=0;
while data[1,i]=data[1,0] do
begin
i:=i+1;
end;
x_line_no:=i;
y_line_no:=round(z_line_no/x_line_no);
setlength(data_surf_matrix,x_line_no+1,y_line_no+1);
for i:=0 to z_line_no-1 do
begin
data_surf_matrix[((i) mod x_line_no)+1,0]:=(data[0,i]);
end;

for i:=0 to z_line_no-1 do
begin
data_surf_matrix[0,((i) div (x_line_no))+1]:=(data[1,i]);

```

```

begin
for i:=1 to 2*x_line_no-1 do
begin
  data[2][k]:=(data_surf_matrix[i,j]);
  k:=k+1;
end;
end;
assignfile(f,data_target.FileName);
rewrite(f);
for i:=0 to matrixrow do
begin
  ch:=(floattostr(data[0][i])+' '+floattostr(data[1][i])+' '+floattostr(data[2][i]));
  writeln(f,ch);
end;
closefile(f);
end;
end;

procedure tsimulate.save_noise;
var
matrixrow:integer;
ch:shortstring;
F: TextFile;
i,j,k:integer;
begin
if noise_target.Execute then
begin
  k:=0;
  setlength(data,3,(2*x_line_no-1)*(2*y_line_no-1));
  matrixrow:=(2*x_line_no-1)*(2*y_line_no-1)-1;
  for i:=0 to matrixrow do
begin
  begin
    data[0][i]:=i;
    data[1][i]:=0;
  end;
  for j:=0 to (2*x_line_no-1)*(2*y_line_no-1)-1 do
begin
  begin
    data[2][j]:=noise[j];
  end;
end;
  assignfile(f,noise_target.FileName);
  rewrite(f);
  for i:=0 to matrixrow do
begin
  begin
    ch:=(floattostr(data[0][i])+' '+floattostr(data[1][i])+' '+floattostr(data[2][i]));
    writeln(f,ch);
  end;
  closefile(f);
end;
end;
end;
end;
procedure tsimulate.make_white_noise;
var

```

```

i:integer;
begin
setlength(noise,(2*x_line_no-1)*(2*y_line_no-1));
randomize;
for i:=0 to (2*x_line_no-1)*(2*y_line_no-1)-1 do
begin
noise[i]:=random;
end;
mean:=findmean(noise,(2*x_line_no-1)*(2*y_line_no-1));
std:=findstd(noise,(2*x_line_no-1)*(2*y_line_no-1));
for i:=0 to (2*x_line_no-1)*(2*y_line_no-1)-1 do
begin
noise[i]:=normalize(noise[i],mean,std);
end;
end;
procedure tsimulate.process;
var
count:longint;
i,j,mcount:integer;
m1,m2,m3,m4:real;
mid:real;
begin
count:=0;
z_scale:=strtofloat(inputbox('Random Number Generator Scale','Scale ','1'));
showmessage('The White Random Number Generater is OK '+' '+'Mean =
'+floattostr(findmean(noise,(2*x_line_no-1)*(2*y_line_no-1)))+
' '+'Variance =
'+floattostr(findstd(noise,(2*x_line_no-1)*(2*y_line_no-1))));
application.ProcessMessages;
setlength(data_surf_matrix,2*(x_line_no),2*(y_line_no));
for i:=1 to (2*(x_line_no)-1) do
begin
if (i mod 2)=0 then data_surf_matrix[i,0]:=(((data_surf_matrix[i-1,0])+(data_surf_matrix[i+1,0]))/2);
end;
for i:=1 to (2*(y_line_no)-1) do
begin
if (i mod 2)=0 then data_surf_matrix[0,i]:=(((data_surf_matrix[0,i-1])+(data_surf_matrix[0,i+1]))/2);
end;
for i:=1 to (2*(x_line_no)-1) do
begin
for j:=1 to (2*(y_line_no)-1) do
begin
if (((i mod 2)=0) and ((j mod 2)=0)) then
begin
m1:=0;
m2:=0;
m3:=0;
m4:=0;
mcount:=0;

```

```

if data_surf_matrix[i+1,j+1]<1.70141e38 then
begin
m1:=data_surf_matrix[i+1,j+1];
mcount:=mcount+1;
end;
if data_surf_matrix[i-1,j-1]<1.70141e38 then
begin
m2:=data_surf_matrix[i-1,j-1];
mcount:=mcount+1;
end;
if data_surf_matrix[i+1,j-1]<1.70141e38 then
begin
m3:=data_surf_matrix[i+1,j-1];
mcount:=mcount+1;
end;
if data_surf_matrix[i-1,j+1]<1.70141e38 then
begin
m4:=data_surf_matrix[i-1,j+1];
mcount:=mcount+1;
end;
mid:=m1+m2+m3+m4;
if mcount>1 then
begin
data_surf_matrix[i,j]:=(z_scale*noise[count]+(mid/mcount));
end
else
begin
data_surf_matrix[i,j]:=1.70141e38;
end;
count:=count+1;
end;
end;

for i:=2 to (2*(x_line_no)-2) do
begin
for j:=2 to (2*(y_line_no)-2) do
begin
if ( (((i mod 2)=0) and ((j mod 2)<>0)) or (((i mod 2)<>0) and ((j mod
2)=0)) ) then
begin
m1:=0;
m2:=0;
m3:=0;
m4:=0;
mcount:=0;
if data_surf_matrix[i,j+1]<1.70141e38 then
begin
m1:=data_surf_matrix[i,j+1];
mcount:=mcount+1;

```

```

        end;
        if data_surf_matrix[i,j-1]<1.70141e38 then
            begin
                m2:=data_surf_matrix[i,j-1];
                mcount:=mcount+1;
            end;
        if data_surf_matrix[i+1,j]<1.70141e38 then
            begin
                m3:=data_surf_matrix[i+1,j];
                mcount:=mcount+1;
            end;
        if data_surf_matrix[i-1,j]<1.70141e38 then
            begin
                m4:=data_surf_matrix[i-1,j];
                mcount:=mcount+1;
            end;
        mid:=m1+m2+m3+m4;
        if mcount>1 then
            begin
                data_surf_matrix[i,j]:=(z_scale*noise[count]/1.41421356+(mid/mcount));
                end
            else
                begin
                    data_surf_matrix[i,j]:=1.70141e38;
                end;
                count:=count+1;
            end;
        end;
    end;

for i:=1 to (2*(x_line_no)-1) do
begin
if (i mod 2)=0 then
    begin
        m1:=0;
        m2:=0;
        m3:=0;
        mcount:=0;
        if data_surf_matrix[i-1,1]<1.70141e38 then
            begin
                m1:=data_surf_matrix[i-1,1];
                mcount:=mcount+1;
            end;
        if data_surf_matrix[i+1,1]<1.70141e38 then
            begin
                m2:=data_surf_matrix[i+1,1];
                mcount:=mcount+1;
            end;
        if data_surf_matrix[i,2]<1.70141e38 then

```

```

begin
m3:=data_surf_matrix[i,2];
mcount:=mcount+1;
end;
mid:=m1+m2+m3;
if mcount>1 then
begin

data_surf_matrix[i,1]:=(z_scale*noise[count]/1.41421356+(mid/mcount));
end
else
begin
data_surf_matrix[i,1]:=1.70141e38;
end;
count:=count+1;
m1:=0;
m2:=0;
m3:=0;
mcount:=0;
if data_surf_matrix[i-1,2*(y_line_no)-1]<1.70141e38 then
begin
m1:=data_surf_matrix[i-1,2*(y_line_no)-1];
mcount:=mcount+1;
end;
if data_surf_matrix[i+1,2*(y_line_no)-1]<1.70141e38 then
begin
m2:=data_surf_matrix[i+1,2*(y_line_no)-1];
mcount:=mcount+1;
end;
if data_surf_matrix[i,2*(y_line_no)-2]<1.70141e38 then
begin
m3:=data_surf_matrix[i,2*(y_line_no)-2];
mcount:=mcount+1;
end;
mid:=m1+m2+m3;
if mcount>1 then
begin
data_surf_matrix[i,2*(y_line_no)-1]:=(z_scale*noise[count]/1.41421356+(mid/mcount));
end
else
begin
data_surf_matrix[i,2*(y_line_no)-1]:=1.70141e38;
end;
count:=count+1;
end;
end;

for j:=1 to (2*(y_line_no)-1) do
begin

```

```

if (j mod 2)=0 then
begin
m1:=0;
m2:=0;
m3:=0;
mcount:=0;
if data_surf_matrix[1,j-1]<1.70141e38 then
begin
m1:=data_surf_matrix[1,j-1];
mcount:=mcount+1;
end;
if data_surf_matrix[1,j+1]<1.70141e38 then
begin
m2:=data_surf_matrix[1,j+1];
mcount:=mcount+1;
end;
if data_surf_matrix[2,j]<1.70141e38 then
begin
m3:=data_surf_matrix[2,j];
mcount:=mcount+1;
end;
mid:=m1+m2+m3;
if mcount>1 then
begin

data_surf_matrix[1,j]:=(z_scale*noise[count]/1.41421356+(mid/mcount));
end
else
begin
data_surf_matrix[1,j]:=1.70141e38;
end;
count:=count+1;
m1:=0;
m2:=0;
m3:=0;
mcount:=0;
if data_surf_matrix[2*(x_line_no)-1,j-1]<1.70141e38 then
begin
m1:=data_surf_matrix[2*(x_line_no)-1,j-1];
mcount:=mcount+1;
end;
if data_surf_matrix[2*(x_line_no)-1,j+1]<1.70141e38 then
begin
m2:=data_surf_matrix[2*(x_line_no)-1,j+1];
mcount:=mcount+1;
end;
if data_surf_matrix[2*(x_line_no)-2,j]<1.70141e38 then
begin
m3:=data_surf_matrix[2*(x_line_no)-2,j];
mcount:=mcount+1;

```

```

        end;
        mid:=m1+m2+m3;
        if mcount>1 then
            begin
                data_surf_matrix[2*(x_line_no)-
1,j]:=(z_scale*noise[count]/1.41421356+(mid/mcount));
                end
            else
                begin
                    data_surf_matrix[2*(x_line_no)-1,j]:=1.70141e38;
                    end;
                count:=count+1;
            end;
        end;
    showmessage('# of lines (X direction) = '+inttostr(2*(x_line_no)-1)+'
# of
lines (y direction) = '+inttostr(2*(y_line_no)-1));
end;

constructor tsimulate.create;
begin
setlength(data,0,0);
setlength(data_surf_matrix,0,0);
delta_x:=1;
mean:=0;
std:=1;
setlength(noise,0);
row:=0;
column:=0;
x_line_no:=1;
y_line_no:=1;
z_line_no:=1;
z_scale:=1;
end;

var
sim1:tsimulate;
procedure TForm1.FormCreate(Sender: TObject);
begin
sim1:=tsimulate.create;
end;

procedure TForm1.Open1Click(Sender: TObject);
var
i,j:integer;
begin
sim1:=tsimulate.create;
sim1.data_source:=form1.openxyzfile;
sim1.data_target:=form1.Savexyzfile;
sim1.noise_target:=form1.savenoise;
if openxyzfile.Execute then

```

```

begin
sim1.read_data;
sim1.make_white_noise;
form1.stgrid.ColCount:=2*sim1.x_line_no;
form1.stgrid.RowCount:=2*sim1.y_line_no;
form1.stgrid.FixedCols:=1;
form1.stgrid.FixedRows:=1;
for i:=0 to (2*(sim1.x_line_no))-1 do
begin
for j:=0 to (2*(sim1.y_line_no))-1 do
begin
form1.stgrid.Cells[i,j]:=floattostr(sim1.data_surf_matrix[i,j]);
end;
end;
form1.Caption:='Fractal simulation '+sim1.data_source.FileName;
end;
end;
procedure TForm1.Process1Click(Sender: TObject);
var
i,j:integer;
h1,h2:double;
oldx_line_no,oldy_line_no:integer;
begin
sim1.process;
for i:=0 to (2*(sim1.x_line_no))-1 do
begin
for j:=0 to (2*(sim1.y_line_no))-1 do
begin
form1.stgrid.Cells[i,j]:=floattostr(sim1.data_surf_matrix[i,j]);
end;
end;
setlength(sim1.data_surf_matrix,0,0);
setlength(sim1.data_surf_matrix,2*sim1.x_line_no-1,2*sim1.y_line_no-1);
for i:=0 to 2*sim1.x_line_no-1-1 do
begin
for j:=0 to 2*sim1.y_line_no-1-1 do
begin
sim1.data_surf_matrix[i,j]:=strtofloat(form1.stgrid.Cells[i+1,j+1]);
end;
end;
oldx_line_no:=sim1.x_line_no;
oldy_line_no:=sim1.y_line_no;
sim1.x_line_no:=2*sim1.x_line_no-1;
sim1.y_line_no:=2*sim1.y_line_no-1;
sim1.x_spacing:=0;
sim1.y_spacing:=0;
h1:=0;
h2:=0;
sim1.dimention:=0;

```

فهرست منابع به ترتیب  
استفاده در متن

- [۱] امینی نجفی، ” با هندسه فراکتال آشنا شویم“، مجله رشد آموزش زمین‌شناسی، بهار و تابستان ۱۳۷۲
- [۲] تخم چی - بهزاد، ” شبیه‌سازی و مدلسازی زمین آماری و هندسه فراکتال“، سمینار کارشناسی ارشد، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، تابستان ۱۳۷۵
- [۳] Barabasi, A.L. and Stanley, H.E., “Fractal concepts in surface growth” Cambridge University Press, 1995
- [۴] شهریاری - سهراب، خطیب - محمد مهدی، ” تحلیل فراکتالی سیستم گسل نهیندان“، مجله علوم زمین، شماره ۲۳ و ۲۴، بهار و تابستان ۷۶، صفحه ۲۲ تا ۳۹
- [۵] ذوالفقاری، محمود، ” نقشه‌برداری“، چاپ دهم، خرداد ۱۳۷۰
- [۶] Kuchta, Marke. “Improved mine planning using geostatistical and Fractal geometry for geologic modeling”, Lulea, Sweden – June 1990
- [۷] مدنی - حسن، ” مبانی زمین‌آمار“ ، انتشارات دانشگاه صنعتی امیرکبیر - واحد تفرش، ۱۳۷۳
- [۸] Journal, A.C and Huijbregts “Mining geostatistics” Academic Press - 1990