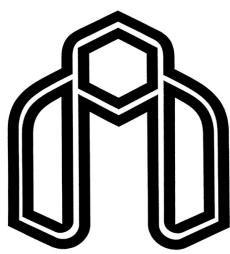


بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيْمِ



دانشکده صنعتی شهروند

دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات

گروه هوش مصنوعی

بهسازی تصاویر به کمک روش اصلاح تطابقی گاما

دانشجو: سکینه اسدی امیری

اساتید راهنما :

دکتر حمید حسنپور

دکتر علی‌اکبر پویان

پایان نامه کارشناسی ارشد

۱۳۸۹ بهمن

بِيَادِ پَرْمَهْرَبَانْم

تَعْدِيمْ بِ

مَادِ عَزِيزِ مَوْلَاهُ وَبَارَادَانْ بَنْزَرْ كَوَارْم

كَهْمِيشَهْ بِهْ مَنْ لَطْفَ وَمَحْبَتْ فَرَاوَانْ دَاشْتَنْز. آنْ قَاتَبْ مَهْرَشَانْ دَرَآسَانْهْ قَلْبَمْ هَمْخَانْ پَارْ جَاست

وَهَرْ كَزْغَرْ وَبْ نَخْوَامَدْ كَرد.

مشکر و قدردانی

پاس خدای را که نیکویی های آفرینش را برای بارگزید و پاس خدای را که سایهی ندانستن را از من زد و دو هزار پاس از برای او، به امید آنکه توفيق
یابم جزو خدمت به خلق او نگوشم.

بر خود وطنیه می دانم که از زحمات بی دریغ استاد راهنمای اولم، جناب آقای دکتر حسن پور که ایجاد ب راد، تامی مرافق پیمان نامه، گام به کام
راهنمایی و حیات دلوزانه نمودنگال مشکر را نایم.

از جناب آقای دکتر پیمان که استاد راهنمای دوم بنده درین پیمان نامه بودند و در مطلع مختلف پیمان نامه، راهنمایی پیشان را از بنده دینه نمودنگال
مشکر را دارم.

بهچنین از جناب آقای دکتر زاهدی نزیر مشکر می نایم.

بهچنین لازم می دانم از تامی بحکلاسی های همراه نم و از دوستان و بگران نزدیکم از جلد آقایان مددی بابلی، سجاد دویشی و خانم ها فاطمه عازی،
مریم حاجی شعبانی، سانه امید نخش و تسمیه تیری به خاطر همراهی ها و همی هایشان قدردانی نایم.

و در پیمان از سرکار خانم سرایی، آموزش دانشده که همیشه همراهانه و دوستانه یانده و فشار نمودن، مشکر می نایم.

چکیده

بهسازی تصویر یکی از پیش‌پردازش‌های مهم در بسیاری از کاربردها از جمله تصویربرداری پزشکی، نجومی، و کاربردهای عمومی می‌باشد. بسیاری از دستگاه‌هایی که برای گرفتن تصویر، چاپ یا نمایش آن به کار می‌روند، به علت وجود محدودیت‌های فنی، تغییر غیرخطی بر روی مقدار پیکسل‌های تصویر اعمال می‌کنند که موجب کاهش کیفیت تصویر می‌شوند. بدین معنی که، پیکسل‌های تصویر به توان مقدار گاما می‌رسند. علاوه بر این، از آنجایی که دستگاه‌های تصویربرداری قادر به نمایش دقیق رنگ، عمق و بافت اشیا مختلف موجود در تصویر نمی‌باشند، در عمل مقدار گامای اعمال شده به تمام نواحی تصویر به یک میزان نمی‌باشد. فرآیندی که برای تصحیح این پدیده گاما انجام می‌گیرد را "اصلاح گاما" می‌گویند. اصلاح گاما باید به صورت تطبیقی (محلی) روی قسمت‌های مختلف تصویر توسط اصلاح گاما به صورت به‌خوبی، صحنه اصلی را بازسازی کند. در این پایان نامه، سه روش برای بهسازی تصویر انجام شود تا بتواند تطبیقی پیشنهاد می‌شود. منظور از بهسازی تصویر، بهبود روشنایی، وضوح و جزئیات تصویر است. در روش‌های موجود اصلاح گاما، اغلب ضریب گاما به طور یکنواخت در تمام قسمت‌های یک تصویر تغییر می‌یابد. ولی همان‌طور که گفتیم، از آنجایی که تغییرات گاما در تصویر ممکن است به صورت محلی انجام گرفته باشد، در روش‌های پیشنهاد شده در این تحقیق، اصلاح گاما به صورت تطبیقی انجام شده است.

روش پیشنهادی اول، مبتنی بر پنجره‌گذاری و ویژگی همگنی ماتریس همرخداد می‌باشد. در این روش، به‌منظور اصلاح محلی تصویر، تصویر به پنجره‌های همپوشان تقسیم شده و سی گاما مشخص (از ۰/۱ تا ۳ با گام ۰/۱) به هر پنجره اعمال می‌شود. یکی از این مقادیر اعمال شده، گاما مناسب هر پنجره می‌باشد، که این گاما با توجه به ویژگی همگنی استخراج شده از ماتریس همرخداد هر پنجره به دست می‌آید. ویژگی همگنی ماتریس همرخداد، بیانگر میزان جزئیات تصویر می‌باشد. در فصل ۵ نشان خواهیم داد، تصویری که سطوح خاکستری آن بهشدت تغییر می‌کند (تصویر با جزئیات زیاد)، دارای مینیمم مقدار همگنی است. از این‌رو با توجه به مقدار این ویژگی، می‌توان به کیفیت تصویر پی برد. بنابراین، گاما مرتبط با مینیمم مقدار همگنی، گاما مناسب هر پنجره می‌باشد. روش دوم، مشابه روش قبل می‌باشد، با این تفاوت که به جای پنجره‌گذاری تصویر، از بخش‌بندی تصویر استفاده شده است. در روش سوم از کلاسیفایر SVM، جهت اصلاح تطبیقی گاما استفاده شده است. در این روش، پایگاهداده‌ای از تصاویر آموزشی با گام‌های مشخص ایجاد شده است. به‌منظور اصلاح محلی تصویر، هر یک از این تصاویر آموزشی به پنجره‌های همپوشان تقسیم‌بندی می‌شوند. نه ویژگی مرتبط با روشنایی، وضوح و میزان جزئیات تصویر، از هیستوگرام، تبدیل کسینوسی و ماتریس همرخداد هر پنجره استخراج می‌گرددند. این ویژگی‌ها بیانگر ماهیت تصویر هستند. بردارهای ویژگی به همراه

کلاس گامای مربوطه، برای آموزش به SVM داده می‌شوند. این پنجره‌گذاری و استخراج ویژگی برای تصویر تست نیز

انجام می‌شود و به SVM اعمال می‌گردد، تا گامای مناسب برای هر پنجره از تصویر تست به دست آید.

هر سه روش پیشنهاد شده، بر روی تصاویر متنوع طبیعت و پزشکی آزمایش شده‌اند و نتایج مطلوبی حاصل شده است.

همچنین برای ارزیابی الگوریتم‌های پیشنهاد شده در این تحقیق، نسبت به روش‌های موجود از معیارهای کیفی و کمی

استفاده شده است. نتایج حاصل از این معیارها، نشان می‌دهند که هر سه روش پیشنهادی در مقایسه با روش‌های

موجود، دارای عملکرد مناسب‌تری هستند.

كلمات کلیدی:

بهسازی تصویر، اصلاح گاما، معیار ارزیابی کیفیت تصویر، ماتریس همرخداد، تبدیل کسینوسی، هیستوگرام،

.SVM پنجره‌گذاری، بخش‌بندی و کلاسیفایر

مقالات استخراج شده از پایان نامه:

1. Sekineh Asadi, Hamid Hassanpour, Ali Akbar Pouyan, "Texture Based Image Enhancement Using Gamma Correction", Middle-East Journal of Scientific Research 6, pp. 569-574, 2010.
 2. Hamid Hassanpour, Sekineh Asadi, "Content Based Image Enhancement Using Gamma Correction, ICEE 2011, (submitted on December 21,2010).
۳. حسن پور حمید، اسدی امیری سکینه، پویان علی اکبر، " بهبود اتوماتیک روشنایی تصویر براساس اصلاح محلی گاما"؛ سومین همایش ملی کامپیوتر و فناوری اطلاعات (accepted)
۴. حمید حسن پور و سکینه اسدی امیری، " بهسازی تصاویر با تکیه بر اطلاعات گاما" مجله علمی پژوهشی داده کاوی تهران (ارسال شده در تاریخ ۱۳۸۹/۹/۱۰).
۵. حمید حسن پور و سکینه اسدی امیری، "بهبود اتوماتیک کیفیت تصویر با تکیه بر اصلاح گاما براساس بافت تصویر" ، شانزدهمین کنفرانس بین المللی کامپیوتر (ارسال شده در تاریخ ۱۳۸۹/۱۰/۳).

فهرست مطالب

شماره صفحه

عنوان

۱- فصل ۱ : مقدمه

۲

۱-۱- مقدمه

۲- فصل دوم: بهسازی تصاویر

۹

۲-۱- مقدمه

۹

۲-۲- بهسازی تصویر در حوزه مکان

۱۲

۲-۲-۱- تبدیلات لگاریتمی

۱۳

۲-۲-۲- تبدیلات قانون توان (گاما)

۲۱

۲-۲-۳- پردازش هیستوگرام

۲۷

۲-۳- بهسازی تصویر با کاهش اثر نویز

۲۸

۴-۲- عوامل ایجاد نویز در تصاویر

۲۸

۵-۲- روش‌های حذف نویز

۲۹

۱-۵-۲- فیلتر پایین گذر یا میانگین

۳۱

۲-۵-۲- فیلتر میانه

۳۲

۳-۵-۲- آستانه گذاری ویولت

فصل سوم: معیار ارزیابی کیفیت تصویر

۳۹

۱-۳- مقدمه

۴۰

۲-۲- ارزیابی کیفیت تصویر به صورت کیفی

۳-۳-۱- ارزیابی کیفیت به صورت کمی

۴۱

۳-۳-۲- تشخیص کیفیت بدون داشتن تصویر مرجع (No Reference)

۴۱

۳-۳-۳- تشخیص کیفیت با مدل مرجع کاوش یافته (Reduced Reference)

۴۲

۳-۳-۴- تشخیص کیفیت با داشتن مدل مرجع (Full Reference)

۴۳

فصل ۴: بخش‌بندی تصاویر

۴-۱- مقدمه

۵۰

۴-۲- خوشبندی

۵۰

۴-۳- روش‌های خوشبندی

۵۲

۴-۳-۱- روش‌های سلسله مراتبی

۵۳

۴-۳-۲- روش‌های تقسیمی

۵۳

۴-۴- الگوریتم K-mean (C-Centeriod یا C-Mean)

۵۳

۴-۵- خوشبندی فازی

۵۶

۴-۵-۱- الگوریتم خوشبندی C میانگین فازی (Fuzzy C-mean)

۵۹

۴-۶- تصاویر پیکسونی

۶۱

۴-۶-۱- تعریف پیکسون

۶۱

۴-۶-۲- بخش‌بندی تصویر مبتنی بر پیکسون

۶۳

فصل پنجم: بهبود تصویر با تکیه بر گاما

۵-۱- مقدمه

۶۸

۵-۲- کلاسیفایر SVM

۶۹

۷۰	۳-۵- استخراج ویژگی به کمک ماتریس هم رخداد
۷۳	۴-۵- استخراج ویژگی به کمک تبدیل کسینوسی گسسته (DCT)
۷۵	۵-۵- استخراج ویژگی به کمک هیستوگرام تصویر
۷۶	۶-۵- روش پیشنهادی مبتنی بر پنجره‌گذاری و ویژگی همگنی ماتریس هم رخداد (روش اول)
۸۱	۷-۵- روش پیشنهادی مبتنی بر بخش‌بندی و ویژگی همگنی ماتریس هم رخداد (روش دوم)
۸۳	۸-۵- روش پیشنهادی مبتنی بر کلاسیفایر SVM (روش سوم)
۸۷	۹-۵- نتایج شبیه‌سازی بر روی تصاویر طبیعت
۹۳	۱۰-۵- نتایج شبیه‌سازی بر روی تصاویر پزشکی
۹۵	۱۱-۵- ارزیابی عددی روش‌های مطرح شده
۹۹	۱۲-۵- نتایج شبیه‌سازی بر روی تصاویر رنگی طبیعت
فصل ۶: جمع‌بندی و پیشنهادات برای ادامه کار	
۱۰۴	۱-۶- جمع‌بندی
۱۰۵	۲-۶- پیشنهادات برای ادامه کار
۱۰۷	پیوست (۱)
۱۱۶	مراجع

فهرست شکل‌ها

شماره صفحه

عنوان

- ۵ شکل (۱-۱): نمونه‌ای از بهسازی تصویر با اصلاح گاما.
- ۱۰ شکل (۲-۱): تعیین مقدار پیکسل جدید توسط پیکسل‌های همسایه
- ۱۰ شکل (۲-۲): اپراتور T برای پنجره همسایگی به اندازه 1×1 .
- ۱۲ شکل (۲-۳): نمایش چند تبدیل پایه برای بهبود کیفیت تصویر [۱].
- ۱۳ شکل (۴-۲): نمونه‌ای از اثر تبدیلات لگاریتمی.
- ۱۴ شکل (۴-۵): نمودار معادله $r^7 = s$ به ازای مقادیر مختلف گاما.
- ۱۵ شکل (۶-۲): اصلاح گاما قبل از نمایش تصویر.
- ۱۷ شکل (۷-۲): اصلاح گاما قبل از نمایش تصویر.
- ۱۹ شکل (۸-۲): سه تصویر با نوردهی متفاوت از یک مکان که هیچ کدام کیفیت مطلوب را ندارند.
- ۲۰ شکل (۹-۲): بهبود کیفیت تصویر با اصلاح گاما.
- ۲۰ شکل (۱۰-۲): بهبود کیفیت تصویر با اصلاح گاما.
- ۲۲ شکل (۱۱-۲): چهار نوع تصویر اصلی: تبره، روشن، واضح پایین، واضح بالا و هیستوگرام متناظر آن‌ها [۱].
- ۲۴ شکل (۱۲-۲): (الف) تصویر ماه مارس که توسط ابزارهای ناسا گرفته شد. (ب) هیستوگرام تصویر (الف) [۱].
- ۲۵ شکل (۱۳-۲): (الف) تابع تبدیل برای تعدل هیستوگرام، (ب) تصویر هیستوگرام تعدل شده، (ج) هیستوگرام (ب).
- ۲۷ شکل (۱۴-۲): (الف) هیستوگرام مشخص شده، (ب) تبدیلات، (ج) تصویر ارتقا یافته با استفاده از نگاشت‌هایی از منحنی (۲)، (د) هیستوگرام تصویر (ج).
- ۳۰ شکل (۱۵-۲): پنجره‌ی متوسط گیری 3×3 .
- ۳۰ شکل (۱۶-۲): تصویر انسنتین حذف نویز شده با فیلتر میانگین، (الف) تصویر اصلی و (ب) تصویر

هموارشده با استفاده از فیلتر میانگین 5×5 .

شکل (۱۷-۲) نتیجه حذف نویز تصویر با استفاده از فیلتر میانه با پنجره‌های مختلف، الف) تصویر نویزی با نویز نمک و فلفل، ب) تصویر حذف نویز شده با فیلتر میانگین، ج) تصویر حذف نویز شده با فیلتر میانه 3×3 و د) تصویر حذف نویز شده با فیلتر میانه 15×15 .

شکل (۱۸-۲): تجزیه تصویر Barbara با سه سطح ویولت

شکل (۱۹-۲): نحوه عملکرد تابع آستانه‌گذاری نرم و سخت برای از بین بردن نویز.
الف) آستانه‌گذاری نرم، ب) آستانه‌گذاری سخت.

شکل (۲۰-۲) مقایسه حذف نویز تصویر با استفاده از روش‌های آستانه‌گذاری ویولت، الف) تصویر نویزی با انحراف استاندارد 20 ، ب) آستانه‌گذاری سخت و ج) آستانه‌گذاری نرم.

شکل (۳-۱): شمای کلی معیار ارزیابی کیفیت تصویر.

شکل (۳-۲): مقیاس کیفیت خطی در روش double stimulus. یکی از این مقیاس‌ها برای تصویر اصلی و دیگری برای تصویر تست می‌باشد.

شکل (۳-۳): معیار ارزیابی کیفیت تصویر بدون مرجع.

شکل (۳-۴): نمونه‌ای از تشخیص کیفیت تصویر بدون داشتن تصویر مرجع. کیفیت بد تصویر، بدون داشتن تصویر مرجع به سهولت برای انسان قابل تشخیص است.

شکل (۳-۵): شمای کلی معیار ارزیابی با مدل مرجع کاهش‌یافته.

شکل (۳-۶): معیار ارزیابی کیفیت تصویر با مرجع.

شکل (۳-۷): نمونه‌ای از تصاویر با کیفیتهای مختلف که همگی از نظر معیار MSE تقریباً یکسان هستند. الف) تصویر اصلی، ب) نویز ضربه‌ای، ج) افزایش وضوح، د) اصلاح گاما، ه) فشرده‌سازی jpeg، و) blurring، ز) نویز سفید گاوسی.

شکل (۳-۸): تصاویر مربوط به شکل (۷-۳) به همراه مقادیر MSE. همگی تقریباً برابر است).

شکل (۴-۱): خوشبندی نمونه‌های ورودی.

شکل (۴-۲): خوشبندی وسائل نقلیه.

شکل (۴-۳): مجموعه داده پرونده ای.

- شکل (۴-۴): توزیع یک بعدی نمونه‌ها.
۵۸
- شکل (۴-۵): خوشبندی کلاسیک نمونه‌های ورودی.
۵۸
- شکل (۴-۶): خوشبندی فازی نمونه‌ها.
۵۹
- شکل (۴-۷): یک تصویر پیکسونی.
۶۲
- شکل (۴-۸): (الف) تصویر پیکسونی و (ب) ساختار گراف متناظر
۶۳
- شکل (۴-۹): (الف) تصویر اصلی، (ب) تصویر هموار شده با استفاده از آستانه‌گذاری نرم ویولت.
۶۴
- شکل (۴-۱۰): ۸ همسایگی برای هر پیکسل.
۶۵
- شکل (۴-۱۱): (الف) تصویر هموار شده، (ب) تصویر پیکسون بندی شده تصویر (الف).
۶۶
- شکل: (۱۲-۴) (الف) تصویر پیکسون بندی شده، (ب) تصویر بخش بندی شده تصویر (الف).
۶۶
- شکل (۵-۱): اساس کار SVM.
۶۹
- شکل (۵-۲): نمایش سه تصویر با مقادیر گامای متفاوت به همراه ماتریس هم رخداد هر یک.
۷۱
- شکل (۵-۳): مولفه‌های اصلی تبدیل کسینوسی گستته.
۷۴
- شکل (۵-۴): نمایش سه تصویر با مقادیر گامای متفاوت به همراه ماتریس DCT هر یک.
۷۵
- شکل (۵-۵): نمایش سه تصویر با مقادیر گامای متفاوت به همراه هیستوگرام هر یک.
۷۶
- شکل (۵-۶): تقسیم تصویر به پنجره‌های همپوشان.
۷۷
- شکل (۵-۷): اصلاح گامای یک پنجره از تصویر.
۷۹
- شکل (۵-۸): اصلاح گامای تصویر براساس روش پیشنهادی اول.
۸۰
- شکل (۵-۹): اصلاح گامای تصویر براساس روش پیشنهادی دوم.
۸۲
- شکل (۵-۱۰): اصلاح گامای تصویر براساس روش پیشنهادی دوم.
۸۲
- شکل (۵-۱۱): نمونه‌ای از تصاویر استاندارد با کیفیت مناسب.
۸۳
- شکل (۵-۱۲): ایجاد سی کلاس از تصویر با مقادیر گامای مختلف.
۸۴
- شکل (۵-۱۳): اصلاح گامای تصویر براساس روش پیشنهادی سوم.
۸۶
- شکل (۵-۱۴): مقایسه روش‌های پیشنهادی با روش‌های ارائه شده در [۱۳] و [۱۸].
۸۸
- شکل (۵-۱۵): مقایسه روش‌های پیشنهادی با روش‌های ارائه شده در [۱۳] و [۱۸].
۸۹
- شکل (۵-۱۶): مقایسه روش‌های پیشنهادی با روش‌های ارائه شده در [۱۳] و [۱۸].
۹۰

- ۹۱ شکل (۱۷-۵): مقایسه روش‌های پیشنهادی با روش‌های ارائه شده در [۱۳] و [۱۸].
- ۹۲ شکل (۱۸-۵): مقایسه روش‌های پیشنهادی با روش‌های ارائه شده در [۱۳] و [۱۸].
- ۹۳ شکل (۱۹-۵): . نمونه‌ای از نتایج حاصل از روش‌های پیشنهادی اول و دوم بر روی تصویر رادیولوژی دندان.
- ۹۴ شکل (۲۰-۵): . نمونه‌ای از نتایج حاصل از روش‌های پیشنهادی اول و دوم بر روی تصویر رادیولوژی
- ۹۶ شکل (۲۱-۵): مقایسه روش‌های پیشنهادی با روش‌های ارائه شده در [۱۳] و [۱۸] به همراه مقادیر SSIM
- ۹۷ شکل (۲۲-۵): مقایسه روش‌های پیشنهادی با روش‌های ارائه شده در [۱۳] و [۱۸] به همراه مقادیر SSIM
- ۹۸ شکل (۲۳-۵): مقایسه روش‌های پیشنهادی با روش‌های ارائه شده در [۱۳] و [۱۸] به همراه مقادیر SSIM
- ۹۹ شکل (۲۴-۵): نمودار معیار SSIM برای شکل‌های (۲۱-۵)، (۲۲-۵) و (۲۳-۵).
- ۱۰۰ شکل (۲۵-۵): اصلاح گام‌ای تصویر رنگی (نمونه اول).
- ۱۰۱ شکل (۲۶-۵): اصلاح گام‌ای تصویر رنگی (نمونه دوم).
- ۱۰۲ شکل (۲۷-۵): اصلاح گام‌ای تصویر رنگی (نمونه سوم).

فصل ۱ :

مقدمه

۱-۱- مقدمه

پردازش تصویر دیجیتال دانش جدیدی است که سابقه‌ی آن به پس از اختراع رایانه‌های دیجیتال باز می‌گردد. این علم نو پا در چند دهه‌ی اخیر از هر دو جنبه‌ی نظری و عملی پیشرفت‌های چشمگیری داشته است. سرعت این پیشرفت به اندازه‌ای بوده است که هم اکنون، به راحتی می‌توان نقش پردازش تصویر دیجیتال را در بسیاری از علوم و صنایع مشاهده نمود. چند دسته‌ی مهم از کاربردهای پردازش تصویر در ذیل آمده است [۱]:

الف) کاربردهای عکاسی مانند بازسازی تصاویر قدیمی، بازسازی تصاویر خراب شده در اثر نویز و بهبود ظاهر تصاویر معمولی [۳-۲].

ب) کاربردهای پزشکی مانند تصاویر اشعه ایکس، MRI، CT-Scan [۴-۵].

ج) کاربردهای امنیتی مانند تشخیص حرکت (در دزدگیرها)، تشخیص اثر انگشت، تشخیص چهره و تشخیص امضاء [۶-۷].

د) کاربردهای نظامی مانند تشخیص و رهگیری خودکار اهداف متحرک یا ثابت از هوا یا زمین [۸].

۵) کاربردهای سنجش از راه دور مانند ارتقا و تحلیل تصاویر هوایی و ماهواره‌ای (برداشته شده از مناطق مختلف جغرافیایی) که در کاربردهای نقشه‌برداری، کشاورزی، هواشناسی و موارد دیگر مفید هستند [۹-۱۰].

و) کاربردهای صنعتی مرتبط با خودکارسازی صنایع مانند تفکیک محصولات مختلف براساس شکل یا اندازه، آشکارسازی نواقص و یا شکستگی‌های موجود در محصولات، تعیین محل اشیاء و اجرای فرآیند تولید با استفاده از ربات‌ها و بینایی ماشینی [۱۱]. علاوه بر آن، بسیاری از فعالیت‌های صنعتی و نیز آزمایش‌های شیمیابی و اتمی که برای انسان مضر و در مواردی غیرممکن است، را می‌توان با استفاده از دانش بینایی ماشینی که مبتنی بر پردازش تصویر است انجام داد.

ز) کاربردهای فشرده‌سازی تصویر مانند ذخیره‌سازی، ارسال تصاویر تلویزیون با کیفیت بالا و ارسال تصاویر متحرک و زنده از روی شبکه اینترنت و یا خط تلفن [۱۲].

همان‌طور که اشاره شد، این علم به سرعت در حال گسترش می‌باشد و تقریباً در تمام علوم می‌توان ردپایی از پردازش تصویر را یافت. به علت اهمیتی که پردازش تصویر، در زمینه‌های مختلف ایفا می‌کند، استفاده از روش‌های بهسازی تصویر ضروری به نظر می‌رسد و اخیراً توجه بسیاری از محققین را به خود جلب نموده است. عوامل مختلفی مانند نویز، وضوح پایین، روش‌نایی نامناسب، رزولوشن پایین، بلورینگ و مات شدگی وجود دارند که بر کیفیت تصویر تاثیر نامطلوبی دارند. هدف بهسازی تصویر، ایجاد یک تصویر باکیفیت، برای بهتر دیده شدن و یا تحلیل شدن توسط انسان می‌باشد. حتی ممکن است در یک کاربرد پردازش تصویر و یا بینایی ماشین، بهبود کیفیت تصویر یک مرحله پیش‌پردازش از سیستم باشد. به عنوان نمونه با تغییر نور صحنه از یک محیط به محیط دیگر، بسیاری از الگوریتم‌های ردیابی اشیا^۱ با شکست مواجه می‌شوند. همچنین در سیستم‌های تشخیص چهره^۲، تغییر نور تصویر ممکن است منجر به عدم شناسایی صحیح شخص شود [۱۳]. از اینرو، بهسازی تصویر در اینگونه کاربردها ضروری به نظر می‌رسد.

در بهبود کیفیت تصویر، فرآیند بهسازی به گونه‌ای انجام می‌گیرد که نتیجه، نسبت به تصویر اصلی برای کاربرد خاص مناسب‌تر باشد. واژه خاص در اینجا مهم است، زیرا موجب می‌شود که در خارج از آن حوزه، تکنیک‌های بهسازی تصویر، مولد خطا باشند. به عنوان نمونه، روشی که برای ارتقای تصویر اشعه ایکس مفید است، ممکن است برای ارتقای تصویر ماهواره‌ای مناسب نباشد.

تا کنون، روش‌های مختلفی برای بهسازی تصویر انجام شده است که هر کدام یک یا چند پارامتر موثر در بهبود کیفیت تصویر را مد نظر قرار دادند [۱۴-۱۷]. اما روش‌های بهسازی تصویر با اصلاح گاما کمتر مورد بررسی قرار گرفته‌اند.

بسیاری از دستگاه‌هایی که برای گرفتن تصویر، چاپ یا نمایش آن به کار می‌روند به علت وجود

¹ Object Tracking

² Face Recognition

محدودیت‌های فنی، تغییر غیرخطی بر روی پیکسل‌های تصویر اعمال می‌کنند که موجب کاهش کیفیت تصویر می‌شوند [۱]. اگر مقدار گامای اعمال شده به تصویر معلوم باشد، با اعمال معکوس مقدار گاما به تک تک پیکسل‌های تصویر، تصویر اولیه حاصل می‌شود. ولی در بسیاری از موارد، گامای اعمال شده به تصویر مشخص نمی‌باشد، و به این سادگی نمی‌توان تنها با معکوس کردن گاما و اعمال آن، به تصویر اولیه برسیم [۱۸]. برای مثال، در بسیاری از موارد، دسترسی به دستگاهی که با آن تصویر گرفته شده است وجود ندارد، همانند تصویری که از وب دانلود می‌کنیم. از این‌رو تکنیکی برای تصحیح مقدار گاما بدون در دست داشتن اطلاعات فنی از دستگاه گیرنده تصویر، ضروری به نظر می‌رسد. علاوه بر این، از آنجایی که دستگاه‌های تصویربرداری، قادر به نمایش دقیق عمق و بافت و رنگ اشیا مختلف موجود در تصویر نمی‌باشند، در عمل مقدار گامای اعمال شده به تمام نواحی تصویر به یک میزان نمی‌باشد. از این‌رو، اصلاح گاما باید به صورت محلی روی قسمت‌های مختلف تصویر انجام شود. اکثر کارهای انجام شده در زمینه تصحیح گاما مربوط به پیاده‌سازی‌های سخت افزاری است که معکوس مقدار گاما را با پارامترهای ثابت و با سرعت زیاد بر روی تصویر اعمال می‌کنند. در [۱۹]، یک ساختار سخت افزاری منعطف که گاما را با تقریب خطی به کمک یک چند جمله‌ای تصحیح می‌کند ارائه شده است. در [۲۰]، یک مدار آنالوگ برای تصحیح خروجی دوربین‌های با لنز CMOS طراحی شده است، که به وسیله آن مقدار هر پیکسل تصویر دیجیتال، قبل از ذخیره شدن با توجه به پارامترهای کالیبراسیون سیستم، تصحیح و ذخیره می‌شود. همان‌طور که گفته شد، در بسیاری از موارد، دسترسی به دستگاهی که با آن تصویر گرفته شده است وجود ندارد. از این‌رو تصحیح مقدار گاما بدون در دست داشتن اطلاعات فنی از دستگاه گیرنده تصویر، ضروری به نظر می‌رسد.

مرجع [۱۸]، با محاسبه ضریب همبستگی درجهات بالا^۳ در حوزه فرکانس، یک گاما برای بهبود کل تصویر تقریب می‌زند. یکی از اشکالات روش فوق، اعمال یک گامای ثابت به کل تصویر می‌باشد. در این روش، بسته به مقدار گاما، تمام نواحی تصویر به یک میزان تغییر می‌کنند. برای رفع این مشکل،

³ Higher Order Correlation

باید از اصلاح گاما به صورت محلی استفاده کرد. همچنین، این روش زمان بر می‌باشد و نتایج، تنها روی تعداد محدودی از تصاویر بررسی شده است. مراجع [۲۱و۲۳] به اصلاح گامای تصویر به صورت محلی پرداخته‌اند. هدف این دو مقاله روشن کردن (تیره کردن) تمام نواحی تیره (روشن) موجود در تصویر و تغییر ناچیز به پیکسل‌های با سطح خاکستری میانی (سطح خاکستری ۱۰۰ تا ۱۵۰) می‌باشد. اشکالی که می‌توان به این دیدگاه گرفت این است که حتی نواحی تیره و یا روشن در تصویر، که به ماهیت آن تصویر مربوط می‌شوند را نیز تغییر می‌دهند. از این‌رو تا حدود زیادی وضوح تصویر از بین می‌رود. شکل (۱-۱) نمونه‌ای از بهسازی تصویر با اصلاح گاما را نشان می‌دهد.



الف) تصویر اولیه



ب) تصویر بهبود یافته با اصلاح گاما

شکل (۱-۱): نمونه‌ای از بهسازی تصویر با اصلاح گاما.

در این پایان نامه سه روش متفاوت برای بهسازی تصاویر توسط اصلاح تطبیقی گاما، پیشنهاد شده است. روش های پیشنهادی تا حدود زیادی مشکلات مطرح شده در فوق را برطرف می نماید. نتایج بر روی تصاویر طبیعت و نیز تصاویر پزشکی مورد بررسی قرار گرفته اند.

در روش اول، به منظور اصلاح محلی تصویر، تصویر به پنجره های هم پوشان تقسیم شده و گامای مناسب برای بهبود هر پنجره، به طور مجزا محاسبه می شود. به هر یک از این پنجره های ایجاد شده، گامای ۱/۰ تا ۳ با گام ۱/۰ اعمال می شود. سپس ماتریس هم رخداد برای هر یک از این پنجره با گامای متفاوت، محاسبه می شود و با توجه به ویژگی همگنی ماتریس هم رخداد که بیانگر میزان جزئیات تصویر می باشد، مقدار گامای مناسب برای هر پنجره از تصویر تقریب زده می شود. با اعمال این مقدار گاما به هر پنجره، تصویر به صورت محلی بهبود می یابد. روش دوم، مشابه روش قبل می باشد، با این تفاوت که به جای پنجره گذاری تصویر، از بخش بندی تصویر استفاده شده است. در روش سوم از کلاسیفایر SVM، جهت اصلاح تطبیقی گاما استفاده شده است. در این روش، پایگاه داده ای از تصاویر با کیفیت های متفاوت، توسط مقادیر گامای مشخص ایجاد شده است. به منظور اصلاح محلی تصویر، هر یک از تصاویر موجود در پایگاه داده به پنجره های هم پوشان تقسیم بندی می شوند. نه ویژگی مرتبط با روشنایی، وضوح و میزان جزئیات تصویر، از هیستو گرام، تبدیل کسینوسی و ماتریس هم رخداد هر پنجره استخراج می گرددند. بردارهای ویژگی به همراه کلاس گامای مربوطه، برای آموزش به SVM داده می شوند. این پنجره گذاری و استخراج ویژگی برای تصویر جدید (تصویری که نیاز به اصلاح گاما دارد) نیز انجام می شود و به SVM اعمال می گردد، تا گامای مناسب برای هر پنجره از تصویر جدید به دست آید.

این پایان نامه جمع بندی تحقیقات انجام شده می باشد. در فصل دوم این پایان نامه، به معرفی چندین روش متدائل که برای بهسازی تصویر وجود دارند می پردازیم. در فصل سوم، معیارهای ارزیابی تصویر را مورد بررسی قرار خواهیم داد. از آن جایی که یکی از روش های پیشنهادی مبتنی بر بخش بندی تصویر می باشد در فصل چهارم، چند روش بخش بندی تصویر براساس خوش بندی و الگوریتم

بخش‌بندی استفاده شده، مورد بررسی قرار گرفته است. در فصل پنجم، الگوریتم‌های پیشنهادی و مقایسه با روش‌های دیگر صورت می‌گیرد. در فصل پایانی نیز به جمع‌بندی و کارهای آتی می‌پردازیم.

فصل دوم:

بهسازی تصاویر

۱-۲- مقدمه

پردازش تصویر یکی از شاخه‌های پرکاربرد علم نوین می‌باشد. تصویر، بهتر از هر اطلاعات دیگر می‌تواند به انسان در درک حوادث و اتفاقات مختلف کمک کند. تصاویر مختلف، همواره تحت شرایط مختلف محیطی و یا به خاطر ساختار دستگاه‌های تصویربرداری، نمایشگرها و پرینترها و اسکنرها دچار اختلالاتی در کیفیت می‌شوند. از اینرو، استفاده از روش‌های بهسازی تصویر ضروری به نظر می‌رسد. روش‌های مختلفی برای بهسازی تصویر وجود دارند، که این روش‌ها در حالت کلی به دو دسته، ۱. روش‌های حوزه مکان، ۲. روش‌های حوزه فرکانس تقسیم می‌شوند.

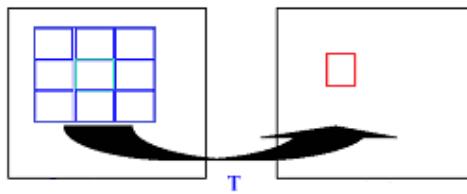
در روش‌های بهسازی تصویر در حوزه مکان، مستقیماً با پیکسل‌های تصویر سر و کار داریم و برای دستیابی به کیفیت مطلوب، پیکسل‌های تصویر دستکاری می‌شوند. ولی در روش‌های بهبود کیفیت در حوزه فرکانس، ابتدا تصویر دیجیتال با یکی از تبدیلات فرکانسی مانند تبدیل فوریه، به حوزه فرکانس انتقال می‌یابد. سپس تغییرات لازم برای بهبود کیفیت، در این حوزه انجام می‌شود و با اعمال تبدیل معکوس فرکانسی، تصویری با کیفیت بهتر در حوزه مکان به دست می‌آید. در این فصل، چندین روش بهسازی تصویر شرح داده می‌شوند.

۲-۲- بهسازی تصویر در حوزه مکان

همان‌طور که ذکر شد روش‌های بهبود کیفیت در حوزه مکان، روش‌هایی هستند که به‌طور مستقیم روی پیکسل‌های تصویر کار می‌کنند. این فرآیند به صورت زیر بیان می‌شود:

$$g(x, y) = T[f(x, y)] \quad (1-2)$$

در این رابطه، f تصویر اصلی، g تصویر پردازش شده و T عملگری روی f است که روی همسایگی نقطه (x, y) تعریف شده است. معمولاً همسایگی یک چهارگوش به مرکز (x, y) است، و نسبت به تصویر خیلی کوچکتر می‌باشد.

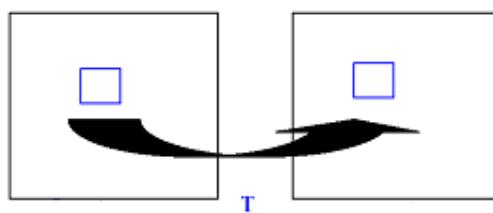


شکل (۱-۲): تعیین مقدار پیکسل جدید توسط پیکسل‌های همسایه.

شکل (۱-۲)، شامل انتقال مبدا همسایگی از پیکسلی به پیکسل دیگر و اجرای عملگر T روی پیکسل‌های موجود در همسایگی، برای تولید خروجی در آن مکان است. بنابراین، برای هر مکان خاص (x,y) ، مقدار تصویر خروجی g در آن مختصات، برابر نتیجه اجرای T روی همسایگی با مبدا (x,y) در f است. معمولاً، این پردازش از بالا و چپ تصویر ورودی شروع می‌شود و پیکسل به پیکسل در پیمایش افقی پیش می‌رود، و هر بار یک سطر اسکن می‌شود. نوع عملیات انجام شده در همسایگی، ماهیت پردازش فیلتر کردن را انجام می‌دهد. کوچکترین همسایگی ممکن، به اندازه 1×1 است، که به آن پردازش نقطه‌ای می‌گویند. در این مورد، g فقط به مقدار f در یک نقطه (x,y) بستگی دارد و T در رابطه (۱-۲) به عنوان تابع تبدیل سطح خاکستری است که به شکل زیر محاسبه خواهد شد:

$$s = T(r) \quad (2-2)$$

برای سهولت در نامگذاری، s و r متغیرهایی هستند که به ترتیب، سطح خاکستری g و f را در هر نقطه (x,y) نشان می‌دهند.



شکل (۲-۲): اپراتور T برای پنجره همسایگی به اندازه 1×1 .

در حالت کلی روش‌های بهبود کیفیت تصویر در حوزه مکان به صورت زیر دسته بندی می‌شوند:

الف) پردازش نقطه‌ای

۱. تبدیل پایه در سطح خاکستری

۱.۱. تبدیل خطی

۲.۱. تبدیل لگاریتمی

۳.۱. تبدیل قانون توانی

۴.۱. تبدیل قطعه به قطعه خطی^۴

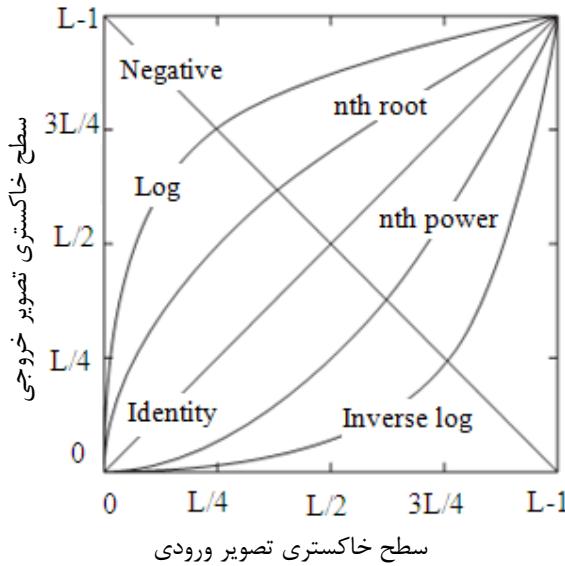
۲. پردازش هیستوگرام

۳. پردازش منطقی/ ریاضی

ب) پردازش با ماسک (فیلترینگ)

همان‌طور که گفته شد مقادیر پیکسل‌ها، قبل و بعد از پردازش به ترتیب توسط r و s نمایش داده می‌شوند که این مقادیر توسط عبارت $s=T(r)$ به هم ربط پیدا می‌کنند. برای معرفی تبدیلات سطح خاکستری، شکل (۳-۲) را در نظر بگیرید. این شکل، سه نوع اصلی از توابعی را نشان می‌دهد که به‌کرار، برای بهبود کیفیت تصویر به کار می‌روند: خطی (تبدیل نگاتیو یا منفی و همانی)، لگاریتمی (تبدیلات لگاریتمی و معکوس آن)، و قانون توان (تبدیلات ریشه n ام و توان n ام).

⁴ Piecewise linear



شکل(۳-۲): نمایش چند تبدیل پایه برای بهبود کیفیت تصویر [۱].

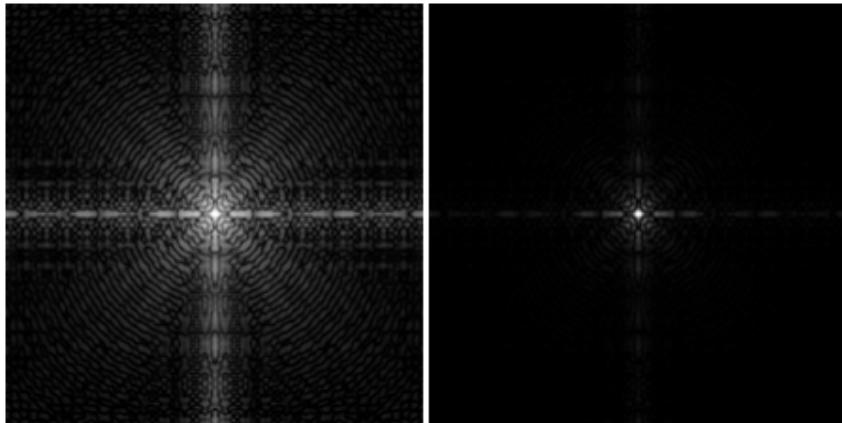
۱-۲-۲- تبدیلات لگاریتمی

شکل کلی این تغییرات به صورت زیر است :

$$s = c \log(1 + r) \quad (3-2)$$

c یک عدد ثابت است، و فرض می‌شود $r \geq 0$ است. شکل منحنی لگاریتمی در شکل (۳-۲) نشان می‌دهد که این تبدیل، بازه نازکی از مقادیر پایین سطوح خاکستری در تصویر ورودی را به بازه وسیع تری از سطوح خروجی تبدیل می‌نماید. درباره مقادیر بالاتر سطح ورودی، عکس آن درست است. این تبدیل، برای بسط مقادیر پیکسل‌های تاریک در یک تصویر و فشرده‌سازی مقادیر سطح بالاتر استفاده می‌شود. هر منحنی که شکل کلی آن مثل تابع لگاریتمی شکل (۳-۲) باشد، این گستردگی و فشرده‌سازی سطوح خاکستری را در یک تصویر انجام می‌دهد، اما تبدیلات توان که در بخش بعدی بحث می‌شود، برای این منظور مناسب‌تراند. تابع لگاریتم دارای این ویژگی مهم است که بازه‌ی پویای تصاویر با تغییرات زیاد را در مقادیر پیکسل فشرده می‌کند. این تابع، یک محدوده سطح خاکستری کوچک را به محدوده بزرگتری نگاشت می‌کند. نمونه‌ای از اثر تبدیلات لگاریتمی را

در شکل (۴-۲) مشاهده می‌کنید. همان‌طور که در شکل (۴-۲) (ب) مشخص است، مقادیر تیره در تصویر ورودی به بازه وسیع‌تری از سطوح خاکستری تبدیل شده است.



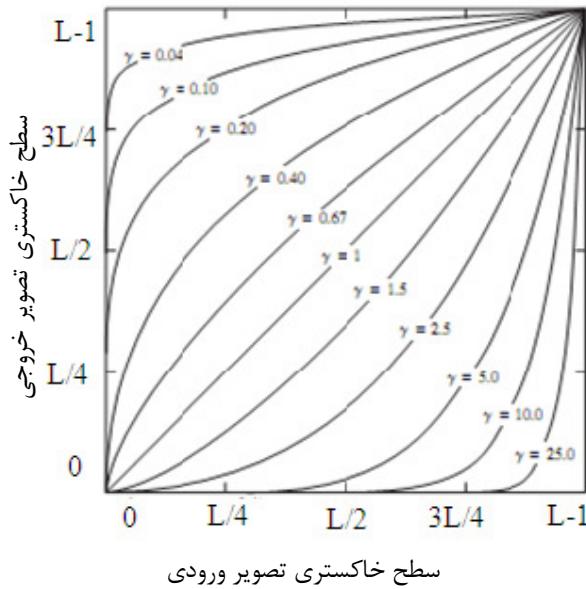
(الف) تصویر اولیه
شکل (۴-۲): نمونه‌ای از اثر تبدیلات لگاریتمی.

۲-۲-۲- تبدیلات قانون توان (گاما)

تبدیل قانون توان به شکل زیر است:

$$s = cr^\gamma \quad (4-2)$$

s و γ ثابت‌های مثبت‌اند. ترسیمات s بر حسب r برای مقادیر مختلف γ به‌ازای $c=1$ در شکل (۵-۲) نشان داده شده است. همان‌طور که مشخص است، برای $\gamma < 1$ ، تصویر روش‌تر و برای $\gamma > 1$ ، تصویر تیره‌تر می‌شود و $\gamma = 1$ ، تبدیل یکانی است که تغییری در کیفیت تصویر ایجاد نمی‌کند.



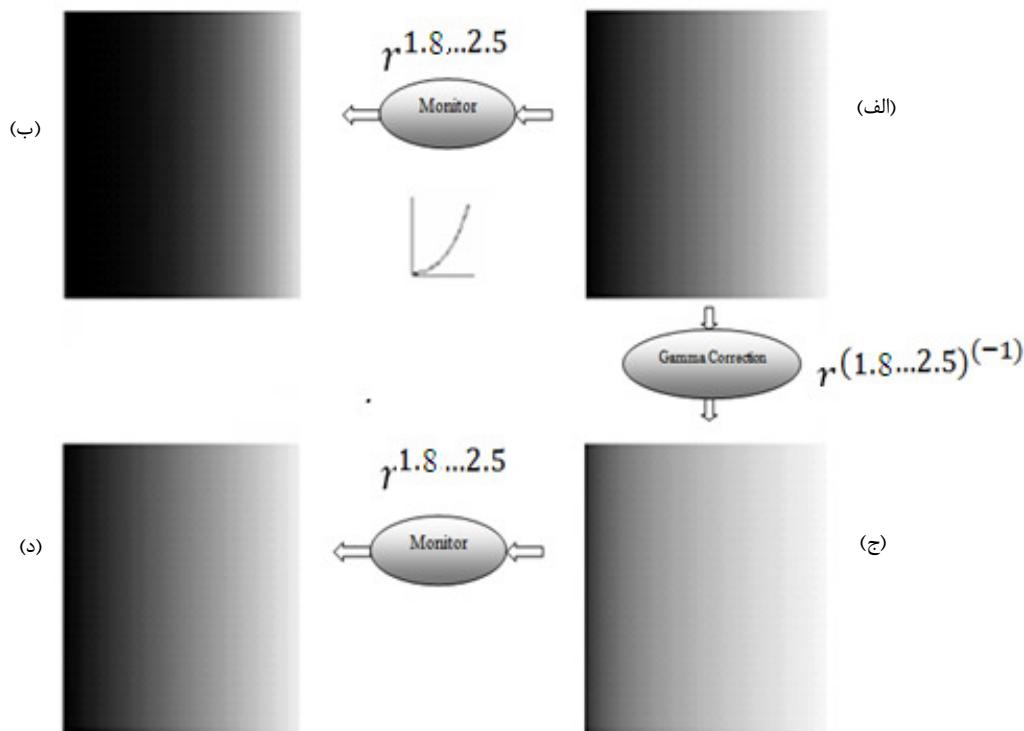
شکل (۵-۲): نمودار معادله $r^\gamma = s$ به ازای مقادیر مختلف گاما.

همان‌طور که قبلاً اشاره شد، بسیاری از دستگاه‌هایی که برای گرفتن تصویر، چاپ یا نمایش به کار می‌روند، به علت وجود محدودیت‌های فنی براساس قانون توان پاسخ می‌دهند. توان در معادله قانون توان، گاما نامیده می‌شود، (به همین دلیل در معادله (۴-۲) از γ استفاده شد). به عبارت دیگر، خروجی حاصل از این دستگاه‌ها، معادل تصویر ورودی به نمای مقدار گاما می‌باشد. فرآیندی که برای تصحیح پدیده‌ی پاسخ قانون توان، انجام می‌گیرد را "اصلاح گاما" می‌گویند. یعنی اگر مقدار گامای اعمال شده به تصویر در معادله قانون توان مشخص باشد، با اعمال معکوس این مقدار گاما به تک تک پیکسل‌های تصویر، مطابق معادله (۵-۲)، تصویر اولیه حاصل می‌شود.

$$r = s^{\frac{1}{\gamma}} \quad (5-2)$$

اگر اصلاح گاما بر روی تصویر انجام نشود تصویر، متفاوت با حالت واقعی دیده می‌شود [۱]. به عنوان مثال، لامپ اشعه کاتدی (CRT) به قانون توان پاسخ می‌دهد، به طوری که توان تقریباً از $1/8$ به $2/5$ تغییر می‌کند. با مراجعه به منحنی مربوط به $\gamma=2/5$ در شکل (۵-۲) مشاهده می‌کنیم که این سیستم‌های نمایش، تمایل به تولید تصاویری دارند که تیره‌تر از حد مورد نظر هستند. این اثر در

شکل (۶-۲) نشان داده شده است. تصویر (۶-۲) (الف) تصویر ورودی است که به مانیتور می‌دهیم، همانطور که اشاره شد مانیتورها قانون توانی را بر روی تصاویر اعمال می‌کنند. از اینرو، خروجی مانیتور نسبت به ورودی تیره‌تر است، شکل (۶-۲) (ب). اصلاح گاما در این مورد کار ساده است. در واقع کاری که باید انجام دهیم این است که تصویر ورودی را با اجرای تبدیل $s = r^{1/2.5} = r^{0.4}$ ، قبل از ارسال آن به مانیتور، پردازش کنیم. نتیجه در شکل (۶-۲) (ج) آمده است. هنگام ورود به همان مانیتور، این ورودی اصلاح شده با گاما، خروجی‌ای تولید می‌کند که خیلی شبیه تصویر اصلی است شکل (۶-۲) (د). این تحلیل می‌تواند به دستگاه‌های تصویربرداری دیگری مثل اسکنر و چاپگرها اعمال شود [۱].



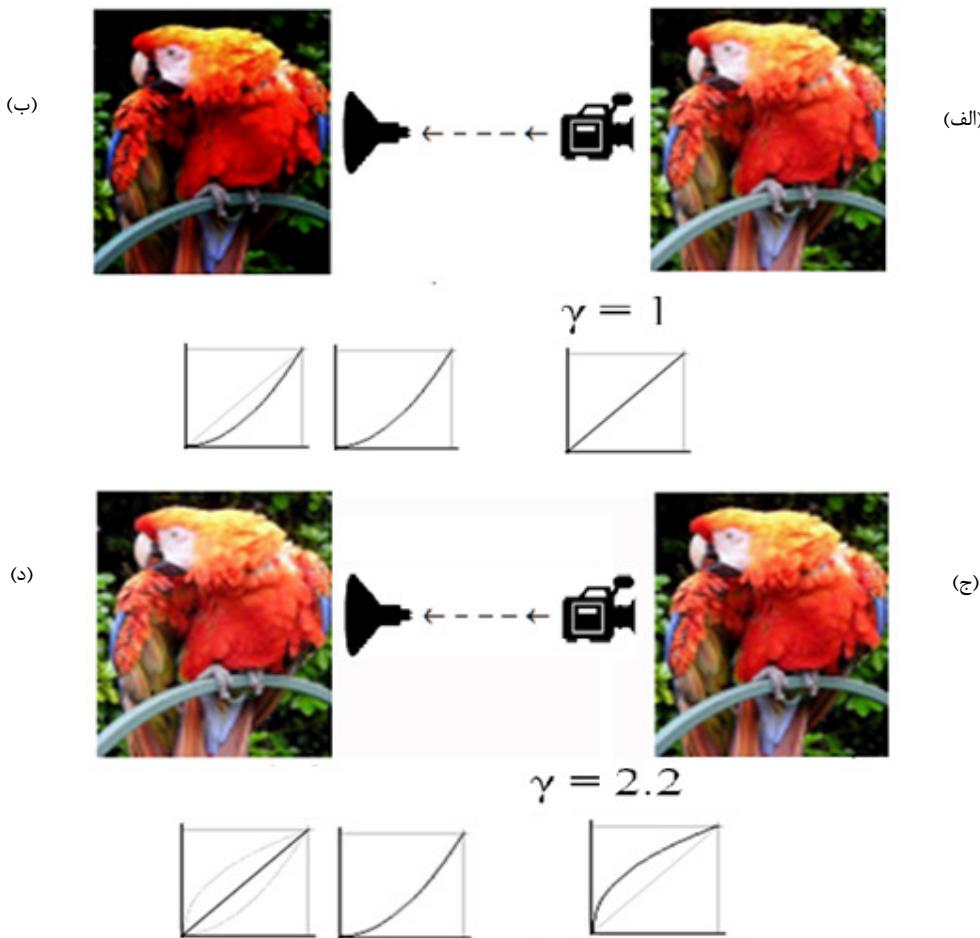
شکل (۶-۲): اصلاح گاما قبل از نمایش تصویر.

اصلاح گاما، در صورتی مهم است که نمایش دقیق تصویر در صفحه نمایش کامپیوتر مطلوب باشد. تصاویری که به‌طور مناسب اصلاح نشدنده، می‌توانند به‌صورت روشن یا خیلی تیره دیده شوند. اصلاح گاما در چند سال گذشته با افزایش کاربرد تصاویر دیجیتال برای اهداف اقتصادی در اینترنت، به‌طور

فزاينده‌اي اهميت پيدا كرده است. معمولا تصویری كه برای يك وب سایت معروف ايجاد شد، ميليون‌ها نفر آن را می‌بینند، كه اغلب آن‌ها مانитورهای مختلف با تنظيمات متفاوتی دارند. همچنان، استانداردهای فعلى تصوير، فاقد مقدار گامایي است كه تصوير با آن ايجاد شده است، لذا موضوع خيلي پيچيده‌تر می‌شود. با توجه به اين قيدها، يك روش معقول هنگام ذخیره تصاوير در وب سایت، پردازش تصویرها، با گامایي است كه ميانگين انواع مانитورها و سистем‌های کامپيوتری موجود در بازار در هر زمان را نشان می‌دهد.

شكل (۷-۲) اين موضوع را نشان می‌دهد. شکل (۷-۲) (الف) تصوير ورودی است كه از دوربین تصویربرداری گرفته شده و بدون انجام اصلاح گاما، بر روی مانيتور نمايش داده می‌شود. همان‌طور كه گفتيم مانيتور قانون توان را بر آن اعمال می‌كند. از اين‌رو خروجى مانيتور تيره‌تر از تصوير واقعی می‌شود (شكل (۷-۲) (ب)).

برای رفع اين مشكل، اصلاح گامایي با ميانگين گامای مانيتور يعني $2/2$ در دوربین تصوير برداری انجام می‌شود (شکل (۷-۲) (ج)). حال اين تصوير را برای نمايش به مانيتور می‌دهيم ، و مانيتور بسته به مقدار گامای خود (در محدوده $1/8$ تا $2/2$) قانون توانی را بر آن اعمال می‌نماید. از اين‌رو همان‌طور كه در شکل (۷-۲) (د)، دیده می‌شود، تصوير ورودی شبیه به تصوير خروجى نمايش داده می‌شود. برای کيفيت بهتر، بعضی از مانيتورها اصلاح گامای جزئی در خود انجام می‌دهند.



شکل (۷-۲): اصلاح گاما قبل از نمایش تصویر.

همان‌طور که گفته شد، برای مواردی که مقدار گامای اعمال شده به تصویر معلوم باشد با اعمال معکوس مقدار گاما به تک تک پیکسل‌های تصویر، تصویر اولیه حاصل می‌شود. ولی در بسیاری از موارد، گامای اعمال شده به تصویر مشخص نمی‌باشد و به این سادگی نمی‌توان تنها با معکوس کردن گاما و اعمال آن، به تصویر اولیه برسیم. از اینرو تکنیکی برای تصحیح مقدار گاما بدون در دست داشتن اطلاعات فنی از دستگاه گیرنده تصویر ضروری است. همچنین در عمل، مقدار گامای اعمال شده به تمامی پیکسل‌های تصویر به یک مقدار نمی‌باشد. از اینرو، اصلاح گاما باید به صورت تطبیقی روی قسمت‌های مختلف تصویر انجام شود، تا بتواند به خوبی، صحنه اصلی را بازسازی کند.

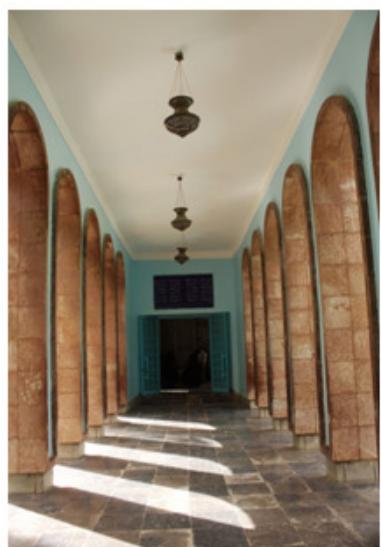
بازه پویا^۵ میزان سطوح روشنایی تصویر از روشن ترین نقطه تا تاریک ترین نقطه می‌باشد. به عنوان مثال، بسیاری از دستگاه‌های تصویربرداری، قادر به نمایش بازه پویای قابل مشاهده توسط چشم انسان نیستند، بدین‌گونه که محدوده رنگ کمتری را نمایش می‌دهند، در نتیجه برخی از جزئیات تصویر از بین می‌روند [۲۲].

برای مثال در یک منظره که در آن، خورشید در آسمان و یک غار تاریک نیز در پائین منظره داشته باشیم، قاعده‌تا بیشترین نور مربوط به نور خورشید و کمترین روشنایی مربوط به فضای داخل غار خواهد بود. در چنین منظره‌ای حتی چشم هم قادر نیست از بیرون، در تاریکی عمیق غار چیزی را تشخیص دهد. اما اگر وارد غار شویم، قادریم در تاریکی غار چیزهای زیادی را ببینیم. علت این است که در فضای واقعی تفاوت بین روشن‌ترین نقطه و تاریک‌ترین نقطه، بیشتر از چیزی است که ما قادر به تشخیص آن باشیم. در واقع، نحوه دیدن انسان به محیطی که در آن حضور دارد وابسته است. اگر ما در محیط تاریک فضای واقعی قرار بگیریم، قادریم تاریکی‌های آن را، از همان تاریک‌ترین نقطه تا چندین سطح روشن‌تر از آن را هم تشخیص دهیم. اما فضاهای روشن‌تر از آن را کاملاً سفید می‌بینیم. در حالی که در فضای واقعی این‌گونه نیست.

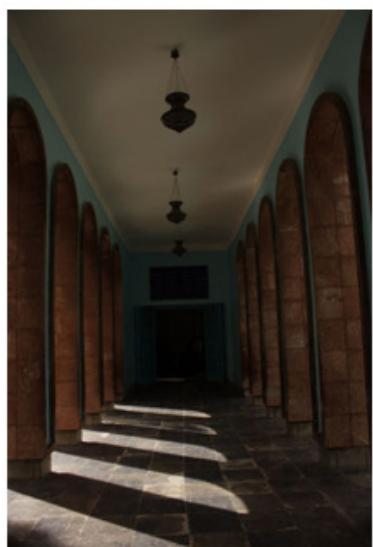
اما در هنگام استفاده از دوربین‌های دیجیتال با محدودیت بیشتری مواجه هستیم، این بازه پویای محدود، سبب شده تا در هنگام ثبت یک صحنه مثلاً با دوربین تنها قادر به ثبت بخشی از سطوح خاکستری موجود در فضای واقعی باشیم و خیلی از سطوح خاکستری را از دست دهیم. این مسئله در شکل (۸-۲) نشان داده شده است. این شکل، سه تصویر با نوردهی متفاوت از یک مکان می‌باشد، که به ترتیب از راست به چپ در حالت نوردهی زیاد، کم و متعادل، تصویر گرفته شده است. به عبارت دیگر عکاس، تلاش داشته است تا با تغییر درجهٔ دیافراگم دوربین، بین مناطق تاریک (قسمت انتهایی و داخل بقعة آرامگاه) و روشن تصویر (نور تابیده شده از فواصل خالی بین ستون‌های سمت چپ تصویر بر روی زمین) تعادلی ایجاد کند تا هم بتواند افراد داخل بقعة را به همان خوبی که خودش با

⁵ Dynamic Range

چشمانش می‌بیند، نشان دهد و هم بتواند نور مناطق روشن تصویر را کنترل کند و از شدت بیش از حد آن‌ها جلوگیری کند. اما با کمی دقیق، متوجه خواهید شد که او در هیچ کدام از این سه تصویر نتوانسته است به خواسته خود دست یابد؛ چرا که در تصویر (۸-۲) (الف)، با آن که توانسته فضای داخل بقعه را به خوبی نشان دهد، اما باز نمودن بیش از حد دیافراگم، باعث ایجاد نور شدید در قسمت‌های روشن شده است. در تصویر وسط، اگرچه با بستن دیافراگم توانسته است نور قسمت‌های روشن تصویر را کنترل کند، اما، باعث از دست دادن قسمت‌های تیره شده است، و در نهایت در تصویر سوم که برای ایجاد توازن، نوردهی را در حالت متعادل تنظیم کرده، هم باعث شده قسمت تاریک داخل بقعه به خوبی مشخص نشود و هم این که نور قسمت‌های روشن تصویر بیش از حد شده است. برای بهبود کیفیت این تصاویر، باید از اصلاح گاما استفاده نمود (شکل (۹-۲)). اصلاح گاما باید به صورت محلی انجام شود تا تمام نواحی تصویر بسته به نیاز روشن، تیره و یا بدون تغییر بمانند.



(ج)



(ب)



(الف)

شکل (۸-۲): سه تصویر با نوردهی متفاوت از یک مکان که هیچ کیفیت مطلوب را ندارند.



شکل (۹-۲): بهبود کیفیت تصویر با اصلاح گاما.

شکل (۱۰-۲) (الف) نمونه دیگری از تصویر گرفته شده از منظرهای با بازه پویای زیاد را نشان می‌دهد، همان‌طور که مشاهده می‌شود بسیاری از جزئیات در این تصویر دیده نمی‌شوند. شکل (۱۰-۲) (ب)، بهبود کیفیت با اصلاح گاما را نشان می‌دهد. همان‌طور که مشخص است بسیاری از جزئیات در این تصویر اصلاح شده، مشخص شده است.



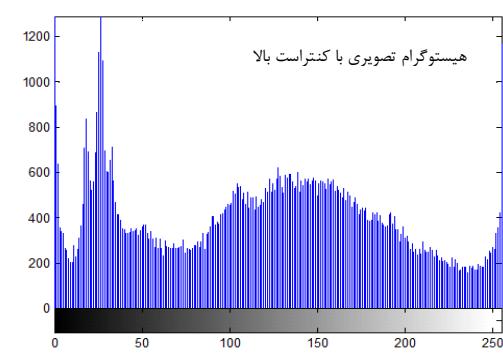
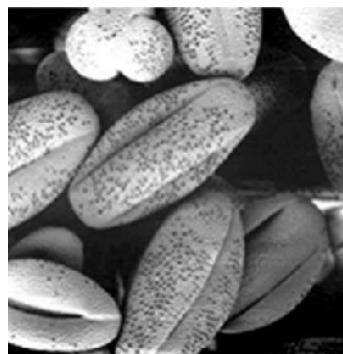
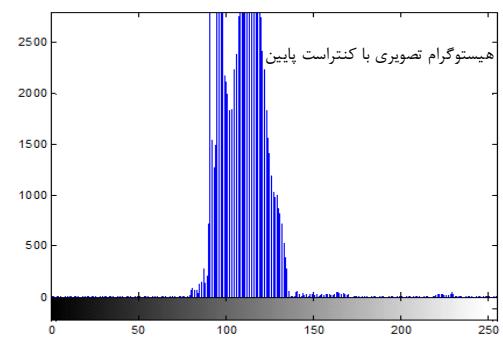
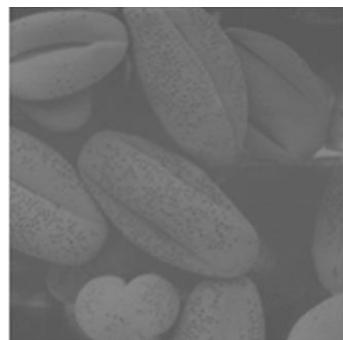
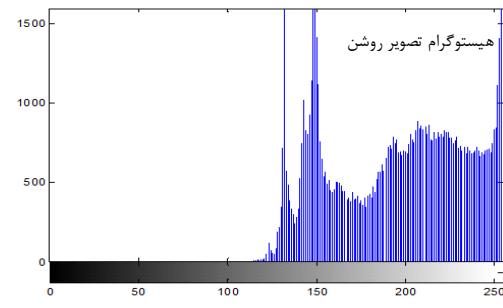
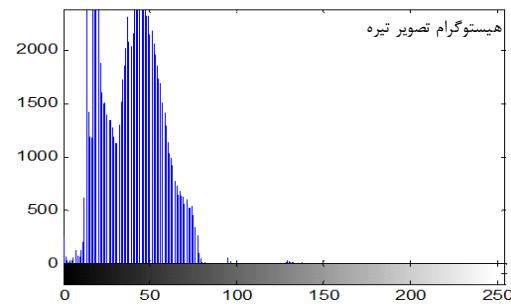
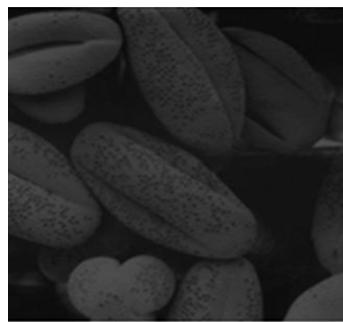
الف) تصویر اولیه
ب) تصویر بهبود یافته

شکل (۱۰-۲): بهبود کیفیت تصویر با اصلاح گاما.

۲-۳-۲- پردازش هیستوگرام

هیستوگرام یک تصویر دیجیتال با سطوح خاکستری در بازه‌ی $[0, L-1]$ ، یک تابع گسسته $h(r_k) = n_k$ است که r_k برابر با k امین مقدار سطح خاکستری، و n_k ، تعداد پیکسل‌های با سطح خاکستری r_k در تصویر می‌باشد. معمولاً هیستوگرام با تقسیم هر یک از مولفه‌های آن، به تعداد کل پیکسل‌های موجود در تصویر، (که با ضرب MN نمایش داده می‌شود) نرمال‌سازی می‌گردد. M و N ، سطر و ستون ابعاد تصویر هستند. بنابراین، هیستوگرام نرمال شده به صورت $p(r_k) = n_k/MN$ ، برای $k=0,1,2,\dots,L-1$ مشخص می‌شود. $P(r_k)$ تقریبی از احتمال وقوع سطح خاکستری r_k در تصویر است. مجموع تمام مولفه‌های هیستوگرام نرمال شده برابر با یک است.

دستکاری هیستوگرام می‌تواند برای ارتقای کیفیت تصویر به کار رود. شکل (۱۱-۲) را در نظر بگیرید، در تصویر تیره، مشاهده می‌شود که مولفه‌های هیستوگرام، در سمت چپ (تاریک) سطح خاکستری، مت مرکز هستند. به طور مشابه، مولفه‌های هیستوگرام تصویر روشن، به سمت بالای سطح خاکستری اریب شده‌اند. تصویری با وضوح پایین، دارای هیستوگرام باریکی است که متمایل به وسط سطوح خاکستری است. سرانجام می‌بینیم که مولفه‌های هیستوگرام در تصویری با وضوح بالا، بازه‌ی وسیعی از مقیاس سطح خاکستری را می‌پوشاند، و توزیع پیکسل‌ها خیلی از یکنواختی دور نیستند، به طوری که چندین خط عمودی از بقیه بلندتر هستند. از نظر شهودی، نتیجه‌گیری می‌شود، تصویری که پیکسل‌های آن کل بازه‌ی سطوح خاکستری ممکن را اشغال می‌کنند، و به طور یکنواخت توزیع شده‌اند، نمایی با وضوح بالا دارند و تن‌های متعددی از خاکستری را نشان می‌دهند. اثر آن، تصویری است که جزئیات سطح خاکستری زیادی را نشان می‌دهد و دارای بازه‌ی پویایی زیاد است.



شکل (۱۱-۲): چهار نوع تصویر اصلی: تیره، روشن، وضوح پایین، وضوح بالا و هیستوگرام متناظر آنها [۱].

الف) تتعديل هیستوگرام

همان طور که گفته شد، احتمال وقوع سطح خاکستری r_k در تصویر به صورت زیر برآورد می‌شود:

$$p_r(r_k) = \frac{n_k}{MN} \quad k = 0, 1, 2, \dots, L-1 \quad (6-2)$$

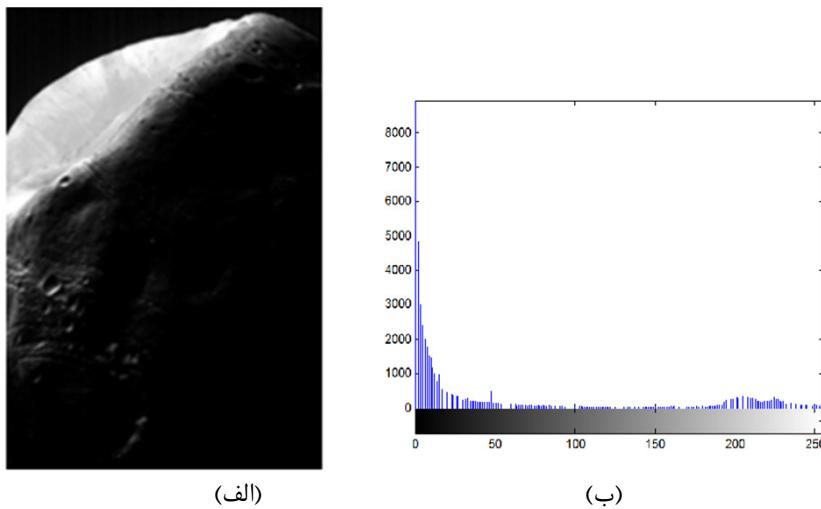
MN تعداد کل پیکسل‌ها در تصویر است، n_k برابر با تعداد پیکسل‌هایی است که دارای سطح خاکستری r_k هستند، و L تعداد سطوح خاکستری ممکن در تصویر است.

شكل گیسته این تبدیل در معادله (7-۲)، نشان داده شده است:

$$s_k = T(r_k) = (L-1) \sum_{j=0}^k p_r(r_j) = \frac{(L-1)}{MN} \sum_{j=0}^k n_j \quad k = 0, 1, 2, \dots, L-1 \quad (7-2)$$

در این تبدیل، تصویر خروجی، با نگاشت هر پیکسل در تصویر ورودی با سطح خاکستری r_k به پیکسل متناظر با سطح s_k در تصویر خروجی، به دست می‌آید. تبدیل $T(r_k)$ در این معادله، تبدیل تعديل هیستوگرام نامیده می‌شود.

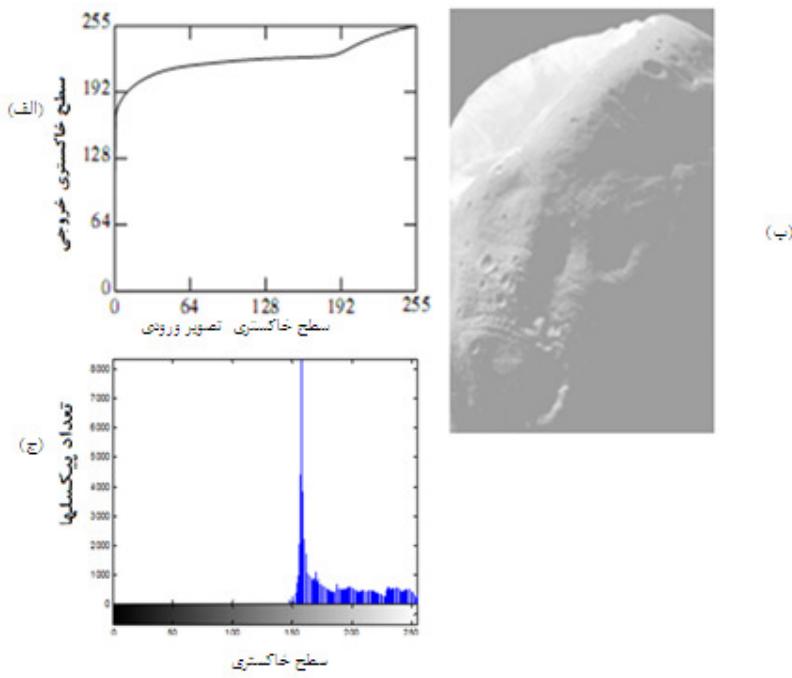
به عبارت دیگر، تعديل هیستوگرام، به طور خودکار یکتابع تبدیل را تعیین می‌کند که سعی دارد یک تصویر خروجی تولید نماید که هیستوگرام یکنواختی داشته باشد. اگر به دنبال استفاده از روش‌های خودکار برای بهبود تصویر باشیم، این روش خوب است، زیرا نتایج این تکنیک قابل پیش‌بینی‌اند و پیاده‌سازی آن ساده است. البته در این قسمت نشان می‌دهیم که، کاربردهایی وجود دارند که در آن‌ها، تلاش برای ارتقای تصویر با تبدیل تعديل هیستوگرام، بهترین روش نیست.



شکل(۱۲-۲) : (الف) تصویری از ماه مارس که توسط ابزارهای ناسا گرفته شد. (ب) هیستوگرام تصویر (الف) [۱].

شکل (۱۲-۲) (الف)، تصویری از ماه مارس که توسط ابزار ویژه ناسا گرفته شد، و شکل (۱۲-۲) (ب)، هیستوگرام آن را نشان می‌دهد. این تصویر توسط ناحیه‌های تاریک بزرگ پوشیده شده است، که منجر به هیستوگرامی شده است که توسط تجمع پیکسل‌ها در انتهای تاریک مقیاس خاکستری مشخص گردید. در نگاه اول، فرد ممکن است نتیجه بگیرد که تعدیل هیستوگرام، روش خوبی برای ارتقای این تصویر می‌باشد، به طوری که جزئیات نواحی تاریک بیشتر قابل رویت شوند.

شکل (۱۳-۲) (الف)، تعدیل هیستوگرام به دست آمده از هیستوگرام شکل (۱۲-۲) (ب) را نشان می‌دهد. مرتبط‌ترین ویژگی اینتابع تعدیل، چگونگی ارتقای آن از سطح خاکستری صفر به سطحی نزدیک ۱۹۰ است. این اتفاق ناشی از متمرکز شدن وسیع پیکسل‌ها در هیستوگرام ورودی است که سطوحی نزدیک به صفر دارند. وقتی این تعدیل به سطوح تصویر ورودی اعمال شد تا نتیجه‌ی هیستوگرام تعدیل شده به دست آید، اثرش، نگاشت فاصله خیلی باریکی از پیکسل‌های تاریک به انتهای بالای مقیاس خاکستری تصویر خروجی است. چون پیکسل‌های زیادی در تصویر ورودی دارای سطوحی در این فاصله‌اند، نتیجه، تصویری با نمای روشن می‌شود، (شکل (۱۳-۲)(ب)). مشکل اینتابع تعدیل، ناشی از تمرکز وسیع پیکسل‌ها در تصویر اصلی با سطوح نزدیک به صفر است. یک روش معقول، اصلاح هیستوگرام آن تصویر است به طوری که فاقد این ویژگی باشد.



شکل (۱۳-۲): (الف) تابع تبدیل برای تعدیل هیستوگرام، (ب) تصویر هیستوگرام تعدیل شده، (ج) هیستوگرام (ب).

ب) تطبیق هیستوگرام

هدف تطبیق هیستوگرام، این است که با استفاده از یک هیستوگرام دلخواه، تصویر مورد نظر را بهبود

داد. برای این کار مراحل زیر را انجام می‌دهیم [۱]:

۱. هیستوگرام $p_r(r)$ تصویر مورد نظر را محاسبه کنید، و از آن برای یافتن تبدیل تعدیل

هیستوگرام مطابق معادله (۷-۲) استفاده نمایید. مقادیر حاصل، یعنی s_k را به بازه صحیح $[0..L-1]$

گرد کنید.

۲. تمام مقادیر تابع تبدیل G را با استفاده از معادله (۸-۲) برای $q=0,1,2,\dots,L-1$ محاسبه

کنید، که $p_z(z_i)$ مقادیر هیستوگرام مشخص شده است. مقادیر G را به مقادیر صحیح در بازه $[0,L-1]$

گرد کنید. مقادیر G را در جدول ذخیره نمایید.

$$G(z_q) = (L-1) \sum_{i=0}^q p_z(z_i) \quad (8-2)$$

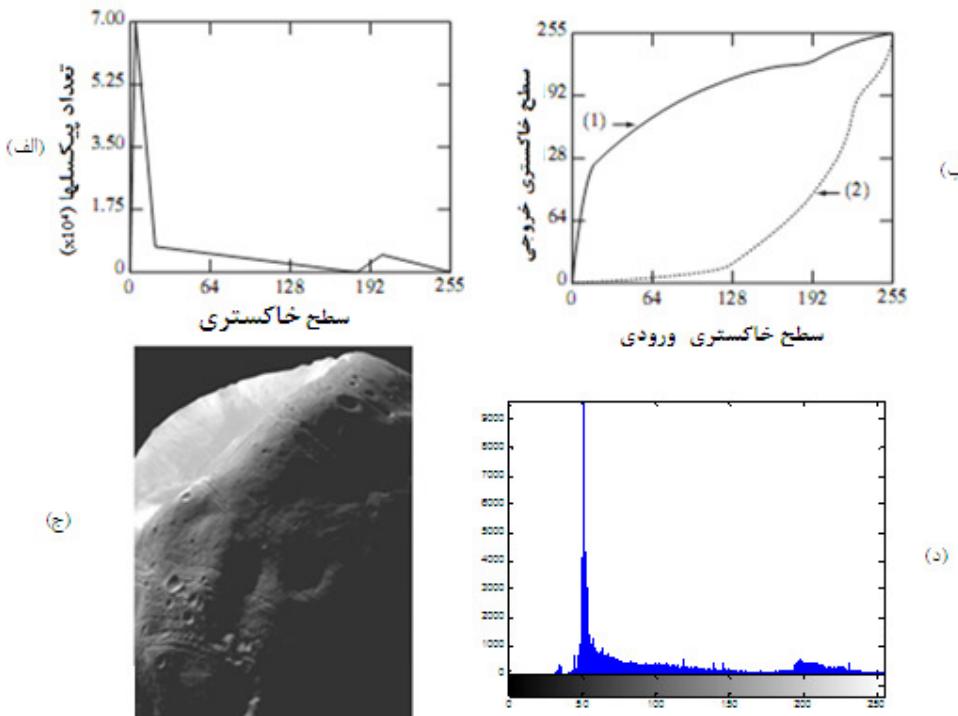
۳. برای هر مقدار s_k و $k=0,1,2,\dots,L-1$ با استفاده از مقادیر ذخیره شدهی G از مرحله ۲، مقدار

متناظر z_q را پیدا کنید، به طوری که (z_q) نزدیکترین مقدار به s_k باشد، و این نگاشتها از s به z را ذخیره نمایید. وقتی بیش از یک مقدار s_k مورد نظر را برآورده می‌کند، کوچکترین مقدار را براساس قرارداد به دست آورید.

۴. تصویر هیستوگرام مشخص شده را ایجاد کنید. برای این کار، ابتدا تصویر ورودی را با هیستوگرام تعديل شده، تبدیل نمایید و سپس با استفاده از نگاشت پیدا شده در مرحله ۳، هر مقدار $p_{z_i}(z_i)$ مربوط به هیستوگرام مشخص شده، نمی‌توانند صفر باشند. البته G باید دقیقاً یکنواخت باشد، که براساس معادله (۸-۲) معنایش این است که هیچ‌کدام از مقادیر

همان‌طور که گفته شد، مشکل تابع تبدیل در شکل (۱۳-۲) (الف)، ناشی از تمرکز وسیع پیکسل‌ها در تصویر اصلی با سطوح نزدیک به صفر است. یک روش معقول، اصلاح هیستوگرام آن تصویر است به‌طوری که فاقد این ویژگی باشد. شکل (۱۴-۲) (الف) یک تابع مشخص شدهی دستی را نشان می‌دهد که شکل کلی هیستوگرام اصلی را حفظ می‌کند، اما انتقال سطوح هموارتری را در منطقه تاریک مقیاس خاکستری دارد. نمونه‌برداری این تابع در ۲۵۶ مقدار گسسته‌ی یکسان، هیستوگرام مشخص شدهی مطلوب را ایجاد می‌کند. تابع تبدیل $G(z)$ که با استفاده از معادله (۸-۲) از این هیستوگرام به دست آمد، با برچسب تبدیل (۱) در شکل (۱۴-۲) (ب)، مشخص شده است. تصویر ارتقا یافته در شکل (۱۴-۲) (ج)، با اجرای تبدیل (۲) به پیکسل‌های تصویر هیستوگرام تعديل شده در شکل (۱۳-۲) (ب) به دست آمد. بهبود تصویر هیستوگرام مشخص شده، نسبت به نتیجه به دست آمده توسط تعديل هیستوگرام، با مقایسه این دو تصویر مشخص است.

مشخصات هیستوگرام، یک فرآیند آزمایش و خطای است و به طور کلی، قوانینی برای مشخص کردن هیستوگرام‌ها وجود ندارد.



شکل (۱۴-۲): (الف) هیستوگرام مشخص شده، (ب) تبدیلات، (ج) تصویر ارتقا یافته با استفاده از نگاشتهایی از منحنی (۲)، (د) هیستوگرام تصویر (ج).

۳-۲- بهسازی تصویر با کاهش اثر نویز

نویز به معنی اعوجاج ناخواسته در یک سیگنال یا تصویر است که به عنوان یک اختلال مزاحم در نظر گرفته می‌شود. همچنین در جایی دیگر نویز را به عنوان صدای ناخواسته‌ای که به هنگام گوش کردن به یک صدای دیگر، به وجود آمده است معرفی می‌کنند. این تعریف به این معنی است که نویز، چیزی نیست که به خودی خود وجود داشته باشد، بلکه چیزی است که مستمع را از گوش کردن به چیزی که روی آن متمرکز شده است منحرف می‌کند [۲۳].

فرض کنید با یکی از دوستان خود در یک مهمانی مشغول صحبت کردن هستید. مکالمه‌ی شما مدام توسط سر و صدای افراد دیگر دچار وقفه می‌شود. این صداها نویز هستند و شما می‌خواهید فقط به صحبت‌های یکدیگر گوش دهید. همین مساله برای افراد دیگر نیز وجود دارد، یعنی آنها نیز می‌خواهند به هر طریق ممکن فقط صحبت یکدیگر را گوش کنند و صحبت شما از نظر آنها نویز

محسوب می‌شود. تعریف نویز را این گونه بیان می‌کنند. نویز مجموعه‌ای از سیگنال‌هاست که برای ما خواهایند نیستند [۲۴].

در کاربردهای دیگر همانند پردازش تصویر، نویز اطلاعات ناخواسته‌ای است که در تصویر به وجود آمده است. بنابراین باید بتوانیم بر اساس برخی از مشخصه‌هایی که برای ما کاملاً واضح هستند، بین اطلاعات خواسته و ناخواسته تفاوت قائل شویم، تا بتوانیم اطلاعات ناخواسته را تا حد ممکن از بین

ببریم.

۴-۲- عوامل ایجاد نویز در تصاویر

تصاویر دیجیتالی، با نویزهای متعددی می‌توانند درگیر شوند. این نویزها ممکن است از چندین راه وارد یک تصویر دیجیتال شوند. اگر تصویر از روی فیلم فوتografی ساخته شده باشد، بافت این فیلم می‌تواند یک منبع نویز باشد. همچنین نویز می‌تواند در اثر صدمه دیدن این فیلم به وجود آید. اگر تصویر مستقیماً به فرمت دیجیتالی باشد، مکانیزم جمع‌آوری داده‌ها (مثلاً یک آشکارساز CCD) می‌تواند منبع دیگری از نویز باشد. انتقال الکترونیکی داده‌های تصویر می‌تواند منبع دیگری از ایجاد نویز باشد. در حالت کلی می‌توان گفت نویز در تصویر عبارت است از، مشخصه‌هایی از تصویر که ما آنها را نمی‌خواهیم و توجه ما را از بررسی مشخصه‌های اصلی تصویر منحرف می‌کنند. این مشخصه‌ها می‌توانند انواع مختلفی داشته باشند. در ادامه این فصل چند روش حذف نویز تصویر بررسی می‌شود.

۵-۲- روش‌های حذف نویز

تاکنون روش‌های متعددی برای حذف نویز ارائه شده‌اند و هر یک از آنها نیز به نوعی برای بهبود روش‌های قبلی تلاش نموده‌اند. در ادامه، چند روش رایج برای حذف نویز را مورد بررسی قرار می‌دهیم. باید توجه داشت که در اکثر این روش‌ها، نویز به صورت جمع‌شونده فرض می‌شود. یعنی تصویر اصلی S با نویز N ، جمع شده و تصویر X را نتیجه می‌دهد.

۲-۵-۱- فیلتر پایین گذر یا میانگین

بنیادی ترین روش حذف نویز، استفاده از فیلتر پایین گذر است. البته خیلی معمول است که در پردازش سیگنال، فرض می شود نویز شامل تمام باندهای فرکانسی است در صورتی که سیگنال اصلی شامل بخشی از فرکانس های پایین می شود. با این دانش، ما می توانیم فرکانس های بالاتر را حذف کنیم و به این ترتیب بخش بزرگی از نویز موجود در سیگنال از بین می رود. البته باید توجه داشت، بخش کوچکی از انرژی سیگنال اصلی نیز از بین می رود. خروجی با کانولوشن بین سیگنال اصلی و یک پنجره فیلتر به دست خواهد آمد. برای یک تصویر، مقدار خروجی y_0 به صورت زیر به دست می آید:

$$y_0 = \frac{\sum_i \omega_i x_i}{\sum_i \omega_i} \quad (9-2)$$

که ω_i پنجره کانولوشن و x_i پیکسل های موجود در همان پنجره از تصویر می باشند. یعنی مقدار یک پیکسل مرکزی از مجموع وزنی پیکسل های همسایگی آن به دست می آید. این همسایگی ها را می توان با توجه به کاربرد به چندین صورت در نظر گرفت. فیلتر کردن تصویر، به وسیله کانولوشن یک فیلتر ماتریسی دو بعدی با یک تصویر دو بعدی انجام می شود. فیلتر میانگین، با جایگزین کردن هر پیکسل با مقدار میانگین همسایگی های آن عمل می کند. این عمل باعث از بین بردن تأثیر مقدار سطح خاکستری پیکسلی می شود که سطح خاکستری آن تفاوت فاحشی با سایر همسایگی هاییش دارد. مرکز ماتریس فیلتر، در پیکسل مورد نظر ضرب شده و سایر المان های ماتریس فیلتر با پیکسل های متناظر خود ضرب می شوند. همانند سایر کانولوشن ها، این فیلتر نیز بر اساس ایده پنجره گذاری عمل می کند، که این پنجره، بیانگر شکل و اندازه همسایگی هایی است که در محاسبه این فیلتر به کار گرفته می شوند. اغلب یک پنجره مربعی 3×3 نشان داده شده در شکل (۱۵-۲) مورد استفاده قرار می گیرد. البته می توان از پنجره های بزرگتری (5×5) نیز استفاده کرد، که این پنجره ها برای هموار سازی شدید تر مورد استفاده قرار می گیرند [۱].

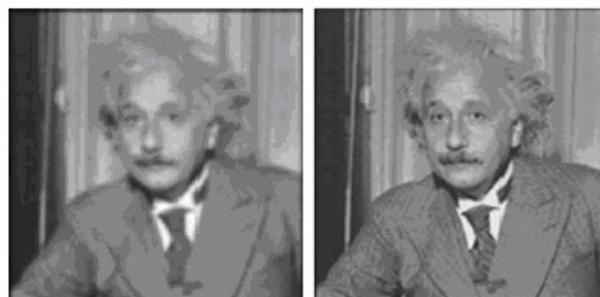
$\frac{1}{9}$	$\frac{1}{9}$	$\frac{1}{9}$
$\frac{1}{9}$	$\frac{1}{9}$	$\frac{1}{9}$
$\frac{1}{9}$	$\frac{1}{9}$	$\frac{1}{9}$

شکل (۱۵-۲): پنجره‌ی متوسط گیری 3×3 .

چند قانون در مورد این فیلترها وجود دارد:

- اندازه آن باید فرد باشد زیرا باید یک مرکز داشته باشد.
- چنانچه بخواهید تصویر به دست آمده دارای روشنایی برابر با تصویر اصلی باشد، باید مجموع ضرایب ماتریس فیلتر برابر با یک باشد.
- اگر مجموع المان‌ها بزرگتر از یک باشد، تصویر به دست آمده تصویری روشن‌تر از تصویر اصلی شده و اگر مجموعشان کوچکتر از یک باشد تصویر تیره‌تر خواهد شد.

در شکل (۱۶-۲)، نمونه‌ای از فیلتر کانولوشنی بر روی یک تصویر، آزمایش شده است. مقدار هموارسازی مستقیماً متناسب با اندازه‌ی فیلتر است.

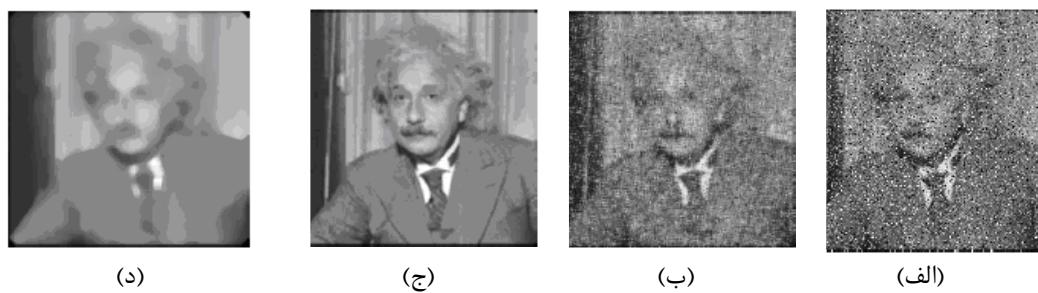


شکل (۱۶-۲): تصویر انیشتین حذف نویز شده با فیلتر میانگین، (الف) تصویر اصلی و (ب) تصویر هموارشده با استفاده از فیلتر میانگین 5×5 .

۲-۵-۲- فیلتر میانه

این فیلتر کاری مشابه با فیلتر میانگین انجام می‌دهد، اما به جای گرفتن مقدار میانگین یا متوسط، مقدار میانه‌ی همسایگی‌ها را در نظر می‌گیرد. مقدار میانه به این صورت به دست می‌آید که تمام مقادیر سطوح خاکستری را از مقدار کوچک به بزرگ مرتب، و سپس مقدار وسط این مقادیر را به عنوان مقدار جایگزین پیکسل مرکزی انتخاب می‌کنیم. اگر تعداد کل پیکسل‌های یک پنجره عدد زوج باشد، دو مقدار برای مقدار مرکزی به دست می‌آید، که در این حالت مقدار متوسط این دو عدد را انتخاب می‌کنیم.

با استفاده از یک فیلتر میانگین، مقادیر سطح خاکستری نویزها نیز در متوسط‌گیری شرکت می‌کنند. اما زمانی که از فیلتر میانه استفاده شود، تنها از مقدار سطح خاکستری یک یا دو پیکسل تصویر اصلی استفاده می‌شود [۲۵]. این فیلتر می‌تواند کیفیت تصویر را نیز بهتر حفظ کند. فیلتر میانه با استفاده از عملیات کانولوشن روی تصویر، عمل حذف نویز را انجام نمی‌دهد، بلکه از یک الگوریتم مرتب‌سازی استفاده می‌کند. تصویر به دست آمده، پس از اعمال فیلتر میانه کوانتیزه شده و تیزتر دیده می‌شود. در شکل (۱۷-۲) دیده می‌شود که حذف نویز با استفاده از یک فیلتر میانه 3×3 در شکل (۱۷-۲) (ج) منجر به نتیجه‌ی بسیار بهتری نسبت به فیلتر میانگین در ابعاد 3×3 در حذف این نویز شده است. شکل (۱۷-۲) (د) نتیجه‌ی اعمال یک فیلتر میانه 15×15 است. توجه داشته باشید که اگرچه بسیاری از جزئیات تصویر از دست رفته است، اما نواحی مرزی (لبه‌ها) در تصویر حفظ شده‌اند.



شکل (۱۷-۲) نتیجه حذف نویز تصویر با استفاده از فیلتر میانه با پنجره‌های مختلف، (الف) تصویر نویزی با نویز نمک و فلفل، (ب) تصویر حذف نویز شده با فیلتر میانگین، (ج) تصویر حذف نویز شده با فیلتر میانه 3×3 و (د) تصویر حذف نویز شده با فیلتر میانه 15×15 .

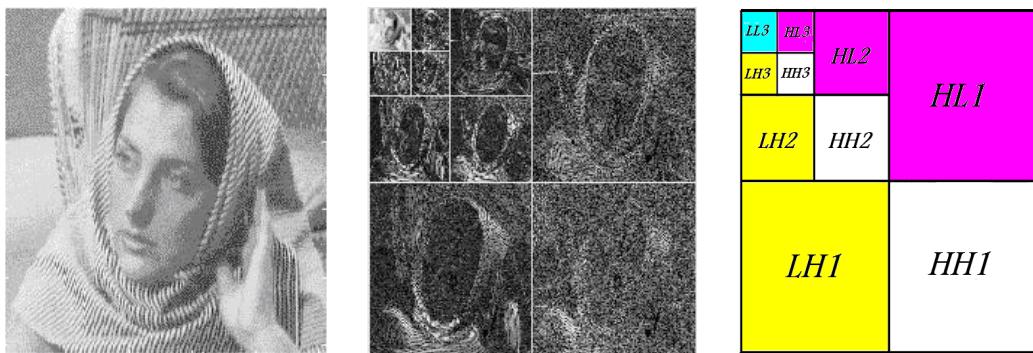
۳-۵-۲- آستانه‌گذاری ویولت

حذف نویز با استفاده از ویولت، یکی از روش‌های پرکاربرد در سال‌های اخیر محسوب می‌شود [۲۶-۲۹]. کار اصلی در این روش، یافتن تابع ویولت پایه‌ی مناسب به گونه‌ای است که اکثر نویز سیگنال، روی تعداد کمی از بردارهای پایه نمایش داده شوند. سپس حذف نویز به این صورت انجام می‌شود که بخش‌هایی از این بردارها که به عنوان نویز درنظر گرفته شده‌اند، از بین رفته و مابقی ضرایب که به عنوان سیگنال اصلی می‌باشند باقی گذاشته می‌شوند [۲۷]. برای حذف کردن این بردارها نیز از روش‌های آستانه‌گیری مختلفی استفاده می‌شود که انتخاب یک آستانه‌ی مناسب نیز می‌تواند در پروسه‌ی حذف نویز بسیار تاثیرگذار باشد. ضرایب به دست آمده از ویولت با مقدار آستانه مقایسه می‌شوند. اگر مقدارشان کوچکتر از مقدار آستانه بود حذف و در غیراینصورت بی‌تغییر نگه داشته و یا اصلاح می‌شوند. سپس تبدیل معکوس ویولت روی آنها اعمال می‌شود تا سیگنال حذف نویز شده به دست آید.

ضرایب ویولت دارای چهار زیرباند HL , LH , HH و LL است. زیرباند HH در بردارنده‌ی جزئیات قطری تصویر، زیرباند HL در بردارنده‌ی جزئیات افقی و زیرباند LH در بردارنده‌ی ساختارهای عمودی تصویر می‌باشند. این سه زیرباند، زیرباندهای جزئیات^۶ نامیده می‌شوند. زیرباند LL در بردارنده‌ی جزئیات فرکانس‌پایین تصویر، یعنی کلیات موجود در تصویر می‌باشد. روش آستانه‌گذاری ویولت تمام ضرایب موجود در زیرباندهای جزئیات تصویر را با استفاده از توابع آستانه‌گذاری نرم یا سخت بررسی می‌کند و سپس تخمین تصویر حذف نویز شده با استفاده از تبدیل معکوس ویولت به دست می‌آید.

در شکل (۱۸-۲) تصویر Barbara با سه سطح تجزیه‌ی ویولت نشان داده شده است. در این تصویر زیرباندهای مختلف معرفی شده را می‌توان دید.

⁶ Details



شکل (۱۰-۲): تجزیه تصویر Barbara با سه سطح ویولت

الف) آستانه‌گذاری سخت^۷

اولین روشی که برای آستانه‌گذاری از آن استفاده می‌شود آستانه‌گذاری سخت است. با استفاده از این روش، با توجه به رابطه‌ی (۱۰-۲)، ضرایب بزرگتر از مقدار آستانه، بدون تغییر باقی می‌مانند و ضرایب کوچکتر از این مقدار، با صفر جایگزین می‌شوند.

$$\gamma(Y) = \begin{cases} Y & \text{if } Y > T \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases} \quad (10-2)$$

این فرآیند بر این اساس است که تصویر با ضرایب بزرگ ویولت بازنمایی می‌شود. این ضرایب بعد از پایان عملیات حذف نویز، نیز باقی گذاشته می‌شوند، اما نویز در اطراف ضرایب کوچک قرار دارد که بعد از تبدیل ویولت، این ضرایب حذف می‌شوند. متاسفانه، لبه‌ها، بسیاری از ضرایب ویولت را به مقادیری کوچکتر از آستانه (البته نه به اندازه صفر) سوق می‌دهند. حذف این ضرایب منجر به نوساناتی در حوالی لبه‌های تصویر می‌شوند.

⁷ Hard Thresholding

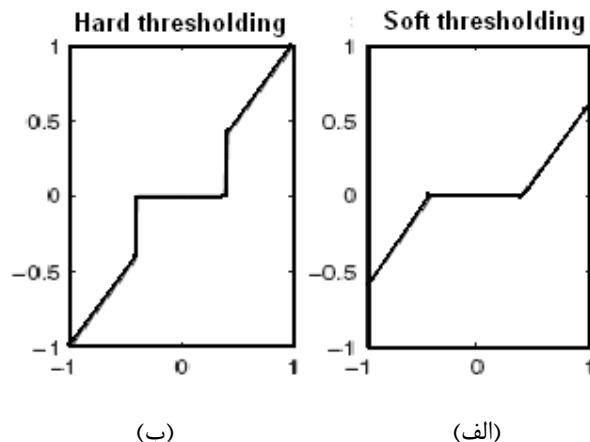
ب) آستانه‌گذاری نرم^۸

در آستانه‌گذاری نرم، تمام ضرایبی که کوچکتر از مقدار آستانه در هر یک از زیرباندها هستند، با صفر جایگزین می‌شوند و ضرایب بالاتر از مقدار آستانه با توجه به رابطه‌ی (۱۱-۲)، به اندازه‌ی مقدار آستانه کاهش می‌یابند.

$$a(\alpha) = \begin{cases} \frac{v_\beta(\alpha) - \text{sgn}(v_\beta(\alpha))T}{v_\beta(\alpha)} & |v_\beta(\alpha)| \geq T \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases} \quad (11-2)$$

پیوستگی اپراتور آستانه‌گذاری نرم، بهتر می‌تواند ساختار ضرایب ویولت را حفظ کند و مانع از نوسانات اطراف نقاط ناپیوستگی شود. توجه داشته باشید که آستانه‌گذاری نرم همانند یک اپراتور ایده‌آل، تمامی ضرایب ویولت را به‌منظور کاهش میزان نویز، تضعیف می‌کند. برای سادگی می‌توان آستانه‌گذاری سخت را پرسه‌ی صفر کردن المان‌هایی دانست که قدر مطلق آنها کوچکتر از مقدار آستانه است، و آستانه‌گذاری نرم نیز همان آستانه‌گذاری سخت است با این تفاوت که در این روش پس از جایگزینی المان‌های کوچکتر از مقدار آستانه با عدد صفر، ضرایب باقیمانده به صفر انتقال می‌یابند. معمولاً در اکثر آزمایشات از آستانه‌گذاری نرم استفاده می‌شود، چون این نوع آستانه‌گذاری اثر تخریبی کمتری در تصویر به وجود می‌آورد. شکل (۱۹-۲) نحوه عملکرد روش‌های آستانه‌گذاری سخت و نرم را نشان می‌دهد.

⁸ Soft Thresholding



شکل (۱۹-۲): نحوه عملکرد توابع آستانه‌گذاری نرم و سخت برای از بین بردن نویز. (الف) آستانه‌گذاری نرم، (ب) آستانه‌گذاری سخت.

برای مقایسه این دو روش حذف نویز، شکل (۲۰-۲) را ببینید. در این تصاویر، قسمتی از تصویر

Lena را ملاحظه می‌کنید که با استفاده از روش‌های آستانه‌گذاری سخت و نرم حذف نویز شده است.



شکل (۲۰-۲) مقایسه حذف نویز تصویر با استفاده از روش‌های آستانه‌گذاری ویولت، (الف) تصویر نویزی با انحراف استاندارد ۲۰، (ب) آستانه‌گذاری سخت و (ج) آستانه‌گذاری نرم.

ج) محاسبه‌ی مقدار آستانه

در هر یک از دو روش آستانه‌گذاری که معرفی شدند، انتخاب مقدار مناسب برای آستانه، می‌تواند بسیار حیاتی باشد. چون روش‌های آستانه‌گذاری، با صفر کردن ضرایب کوچکتر از مقدار آستانه هر گونه اطلاعاتی که در این ضرایب موجود باشد را از بین خواهند برد. انتخاب مقدار آستانه به این دلیل حائز اهمیت است که انتخاب مقدار بزرگ برای آستانه، می‌تواند علاوه بر از بین بردن نویز تصویر،

اطلاعات زیادی از تصویر اصلی را نیز از بین ببرد. همچنین انتخاب یک مقدار کوچک برای آستانه می‌تواند موجب شود که نویز موجود در تصویر به خوبی از بین نرود. بنابراین محاسبه‌ی مقدار مناسب برای آستانه، نیاز به دقت بسیار بالایی دارد تا بتوان علاوه بر حذف نویز موجود در تصویر، اطلاعات اصلی موجود در سیگنال اصلی تصویر را نیز به خوبی حفظ نمود.

چند روش برای محاسبه‌ی مقدار آستانه وجود دارند. از جمله‌ی آنها می‌توان به روش ارائه شده در [۳۰] اشاره نمود. این آستانه با رابطه‌ی (۱۲-۲) محاسبه می‌شود.

$$T = \sqrt{2 \log(M)} \sigma \quad (12-2)$$

که σ انحراف استاندارد نویز و M تعداد پیکسل‌های تصویر می‌باشد. مقدار آستانه در حالتی که M خیلی بزرگ باشد، عدد بزرگی را در نظر می‌گیرد، که در این حالت ضرایب زیادی از سیگنال اصلی به همراه نویز از دست خواهند رفت. بنابراین، این نوع آستانه گذاری نمی‌تواند خیلی موفق باشد. از طرفی می‌توان از آستانه‌گذاری Bayesian استفاده کرد. این روش از محاسبات ریاضی استفاده می‌کند تا مقدار آستانه‌ی مناسبی را انتخاب کند که مستقل از تعداد پیکسل‌های تصویر و

وابسته به زیرباندهای تصویر باشد. در این روش مقدار آستانه از روش $T = \frac{\sigma^2}{\sigma_x}$ محاسبه می‌شود. این مقدار آستانه با استفاده از رابطه‌ی $\frac{T}{\sigma}$ نرمالیزه می‌شود. مقدار آستانه، به طور مستقیم با σ که مقدار انحراف استاندارد نویز است و به طور معکوس با σ_x که انحراف استاندارد سیگنال X است در ارتباط

می‌باشد. زمانی که $1 < \frac{\sigma}{\sigma_x} < 1$ باشد، سیگنال خیلی از نویز قوی‌تر است، T عدد کوچکی انتخاب

خواهد شد تا نویز را از بین ببرد و سیگنال اصلی را حفظ کند، و زمانی که $1 > \frac{\sigma}{\sigma_x} > 1$ باشد، نویز

خیلی بیشتر از سیگنال اصلی خواهد بود و در این حالت مقدار آستانه عدد بزرگی انتخاب می‌شود تا نویزها از بین بروند و سیگنال اصلی باقی بمانند. بنابراین ملاحظه می‌شود که این نوع آستانه‌گذاری، تطبیق یافته با مشخصه‌های سیگنال و نویز است که در پارامترهای σ_x و σ انعکاس یافته‌اند.

د) تخمین پارامترها برای محاسبه‌ی آستانه

یکی از مراحل انتخاب مقدار آستانه، محاسبه‌ی پارامترهای σ_x و σ_y در هر زیرباند می‌باشد. واریانس

نویز که در [۲۶] از آن استفاده شده است از زیرbandهای HH_1 به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$\hat{\sigma} = \frac{Median(|Y_{i,j}|)}{0.6745} \quad (13-2)$$

که در آن $|Y_{i,j}|$ در آیههای زیر باند HH_1 می‌باشد. با توجه به فرضیات آماری سیگنال و نویز می‌توان

نوشت:

$$\sigma_y^2 = \sigma_x^2 + \sigma^2 \quad (14-2)$$

از آنجا که Y دارای میانگین صفر است، درنتیجه σ_y^2 با توجه به رابطه‌ی زیر به دست خواهد آمد:

$$\hat{\sigma}_y^2 = \frac{1}{m^2} \sum_{i,j=1}^n Y_{i,j}^2 \quad (15-2)$$

که m بعد هر یک از زیرباندها می‌باشد. با محاسبه‌ی σ_y^2 و σ^2 از (۱۵-۲) و (۱۳-۲) مقدار σ_x

به صورت زیر به دست خواهد آمد:

$$\hat{\sigma}_x = \sqrt{\max((\hat{\sigma}_y^2 - \hat{\sigma}^2), 0)} \quad (16-2)$$

در حالت کلی می‌توان پروسه‌ی حذف نویز ویولت را به سه مرحله‌ی زیر خلاصه کرد:

۱. یک ویولت مادر و تعداد سطوح ویولت مناسب (N) را انتخاب کرده و تجزیه‌ی ویولت تصویر را

در N سطح انجام می‌دهیم.

۲. برای هر یک از سطوح ۱ تا N مقدار آستانه را به دست می‌آوریم و این مقدار را با استفاده از

آستانه‌گذاری نرم روی زیرباندهای جزئیات اعمال می‌کنیم.

۳. تبدیل معکوس ویولت را روی ضرایب اصلی کلیات سطح N ام و ضرایب اصلاح شده‌ی

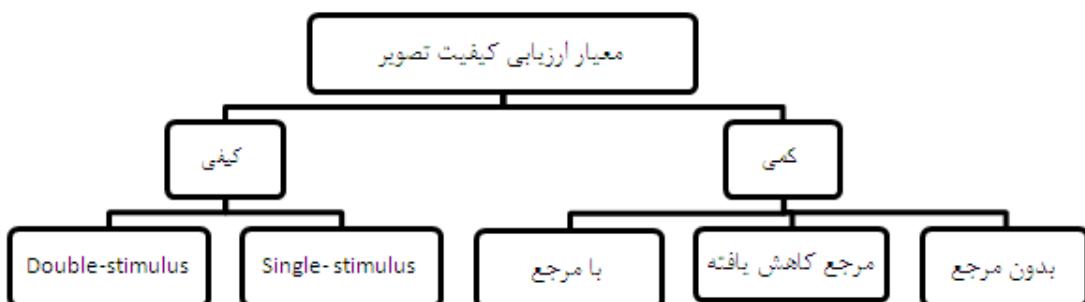
جزئیات سطوح ۱ تا N ام اعمال می‌کنیم تا تصویر حذف نویز شده به دست آید.

فصل سوم:

معیار ارزیابی کیفیت تصویر

۱-۳- مقدمه

تشخیص کیفیت تصاویر از جمله مباحث پرکاربرد و چالش‌انگیز در مسائل مربوط به الگوریتم‌های پردازش تصویر است. تشخیص کیفیت، نه تنها به عنوان معیاری جهت میزان مقبولیت یک تصویر مورد استفاده قرار می‌گیرد، بلکه کارآیی بسیاری از الگوریتم‌های مرتبط با تصویر را نیز بیان می‌کند. از این‌رو معیار ارزیابی کیفیت تصویر^۹، برای نشان دادن بهبود کیفیت تصویر ضروری است. دو روش پایه‌ای تشخیص کیفیت تصویر، به صورت‌های کیفی^{۱۰} و کمی^{۱۱} می‌باشند که شما کلی آن در شکل (۱-۳) نشان داده شده است. در روش کیفی، انسان کیفیت تصویر را ارزیابی می‌کند، در حالیکه در روش کمی، کیفیت تصویر به صورت اتوماتیک ارزیابی می‌شود. از آنجایی که انسان‌ها، کاربران نهایی بیشتر کاربردهای مالتی مدیا هستند، ارزیابی کیفی، معیار دقیق‌تر و قابل اعتمادتری می‌باشد. ولی بعد اشاره خواهیم نمود که به دلیل برخی مشکلات آن، امروزه از روش‌های کمی استفاده می‌شود. به همین علت، روش‌های تشخیص کیفیت به صورت کمی، کیفیت تصویر را به صورت عددی ارزیابی می‌کنند بسیار مفید واقع شدند. روش‌های تشخیص کیفیت کمی، کیفیت تصویر را طوری پیش‌بینی می‌کنند که به معیار کیفی نزدیک باشند [۳۱]. در این فصل، چندین روش معیار ارزیابی تصویر مورد بررسی قرار گرفته است.



شکل (۱-۳): شما کلی معیار ارزیابی کیفیت تصویر.

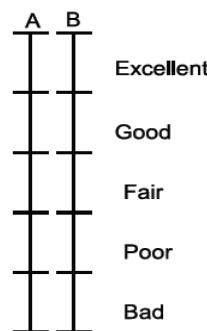
^۹. Image Quality Assessment

^{۱۰}. Subjective

^{۱۱}. Objective

۲-۳- ارزیابی کیفیت تصویر به صورت کیفی

از آنجایی که انسان دریافت کننده نهایی تصویر می‌باشد، رضایت انسان از تصویر، نقش مهمی در ارزیابی تصویر دارد. معیار ارزیابی کیفیت تصویر به صورت کیفی، توسط چند انسان انجام می‌شود. این روش، براساس موجود بودن یا عدم موجود بودن تصویر مرجع به دو دسته double stimulus و single stimulus تقسیم می‌شود. در روش double stimulus، هر دو تصویر منبع و تصویر تست، به چند انسان ارائه می‌شوند و آن‌ها به کیفیت هر دو تصویر، مشابه شکل (۲-۳) بر روی مقیاس کیفیت خطی، امتیازی می‌دهند. ولی در روش single stimulus، کیفیت تصویر تست، بدون ارجاع به تصویر مرجع ارزیابی می‌شود. در این روش هر تصویر تست، توسط چند کاربر ارزیابی می‌شود و امتیازی به آن داده می‌شود. میانگین این امتیازها (^{۱۲}MOS) به عنوان امتیاز نهایی تصویر در نظر گرفته می‌شود. ولی در double stimulus تفاصل MOS تصویر تست با MOS تصویر مرجع، به عنوان امتیاز تصویر تست به دست می‌آید.



شکل (۲-۳): مقیاس کیفیت خطی در روش double stimulus. یکی از این مقیاس‌ها برای تصویر اصلی و دیگری برای تصویر تست می‌باشد.

همان‌طور که اشاره شد معیار سنجش کیفیت تصویر کیفی، به تعدادی انسان برای ارزیابی تصویر نیاز دارد. با وجود اینکه این روش قابل اعتماد و دقیق می‌باشد، ولی وقت‌گیر و پرهزینه است و در نتیجه برای کاربردهای بلادرنگ، قابل اجرا نمی‌باشد. از این‌رو روش‌های اتوماتیکی برای ارزیابی کیفیت تصویر،

¹² Mean Opinion Score

مورد نیاز هستند که بتوانند کیفیت تصویر را طوری پیشگویی کنند که نزدیک به معیار تشخیص کیفی باشد. این روش‌ها به عنوان روش‌های کمی نام برده می‌شوند.

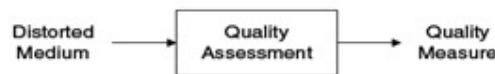
۳-۳-۳- ارزیابی کیفیت به صورت کمی

هدف تشخیص کیفیت به صورت کمی، طراحی روش‌های محاسباتی است که بتوانند کیفیت تصویر را به صورت دقیق و اتوماتیک پیش بینی کنند. در واقع الگوریتم‌هایی که در این زمینه وجود دارند، باید به گونه‌ای کیفیت تصویر را پیش بینی کنند، که به معیار کیفی نزدیک باشند.

ارزیابی کیفیت تصویر به صورت کمی، به ۳ دسته Reduced Reference، Full Reference (FR) و No Reference (NR) تقسیم می‌شوند [۳۲].

۳-۳-۱- تشخیص کیفیت بدون داشتن تصویر مرجع (No Reference)

در این روش کیفیت یک تصویر، بدون داشتن تصویر مرجع تخمین زده می‌شود (شکل ۳-۳). این روش به مراتب پیچیده و مشکل می‌باشد، اگرچه ارزیابی تصویر تست بدون موجود بودن تصویر مرجع، برای انسان کار ساده‌ای است [۳۱-۳۲]. به عنوان مثال، انسان با دیدن شکل (۴-۳) به راحتی می‌تواند به کیفیت پایین آن اشاره کند. علت داوری نیز در این نکته نهفته است که انسان با توجه به شناختی که از ساختار تصویری چهره دارد، تشخیص می‌دهد لبه‌های تصویر از حالت طبیعی خارج شده‌اند و به عبارتی کیفیت تصویر پایین است. این موضوع به ظاهر ساده، ولی در واقع بسیار پیچیده است و با دانش قبلی انسان از مفهومی به نام "چهره انسان" ارتباط تنگاتنگی پیدا می‌کند. به طوری که، بدون آنکه انسان نسخه اصلی این تصویر را دیده باشد بر کیفیت پایین آن صحه می‌گذارد [۳۳].



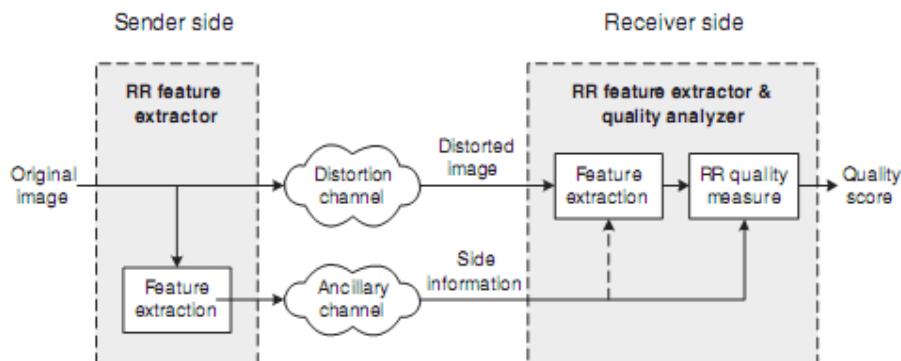
شکل (۳-۳): معیار ارزیابی کیفیت تصویر بدون مرجع.



شکل (۴-۳): نمونه‌ای از تشخیص کیفیت تصویر بدون داشتن تصویر مرجع. کیفیت بد تصویر، بدون داشتن تصویر مرجع به سهولت برای انسان قابل تشخیص است.

۲-۳-۳- تبخیص کیفیت با مدل مرجع کاهش یافته (Reduced Reference)

در این روش برای ارزیابی تصویر تست، تصویر مرجع به صورت کامل وجود ندارد، بلکه مشخصه‌ها و ویژگی‌هایی از تصویر مرجع در زمان مقایسه در دسترس می‌باشند [۳۱]. شما کلی این روش در شکل (۳-۵) نشان داده شده است. در این روش یک فرآیند استخراج ویژگی در سمت فرستنده و یک فرآیند استخراج ویژگی و مقایسه این ویژگی‌ها برای ارزیابی تصویر تست، در سمت گیرنده انجام می‌شود. ویژگی‌های استخراج شده از تصویر مرجع، از کanal انتقال داده می‌شوند. همین ویژگی‌ها باید در سمت گیرنده، از تصویر مرجع که احتمالاً دچار آسیب شده، استخراج گردد (در شکل با خط چین نشان داده شده است). مهمترین مسئله در این سیستم، پهنای باند کanal می‌باشد. از اینرو با توجه به این محدودیت، تنها باید ویژگی‌های مناسب و مفید را انتخاب نمود [۳۴].



شکل (۳-۵): شما کلی معیار ارزیابی با مدل مرجع کاهش یافته.

۳-۳-۳- تشخیص کیفیت با داشتن مدل مرجع (Full Reference)

در این روش برای ارزیابی تصویر تست، تصویر مرجع به صورت کامل وجود دارد و کیفیت تصویر تست براساس مقایسه با تصویر مرجع به دست می‌آید [۳۱]. شمای کلی این روش در شکل (۳-۶) نشان داده شده است. در این فصل به چند روش مهم و پرکاربرد این دسته می‌پردازیم.



شکل (۳-۶): معیار ارزیابی کیفیت تصویر با مرجع.

الف) معیار میانگین مربع خطأ (MSE^{۱۳})

یکی از قدیمی‌ترین و ساده‌ترین معیار ارزیابی کیفیت تصویر با مرجع، روش MSE می‌باشد. این معیار، بیانگر اختلاف مربعی بین تصویر بهبود یافته و تصویر اصلی می‌باشد و به صورت زیر تعریف می‌شود:

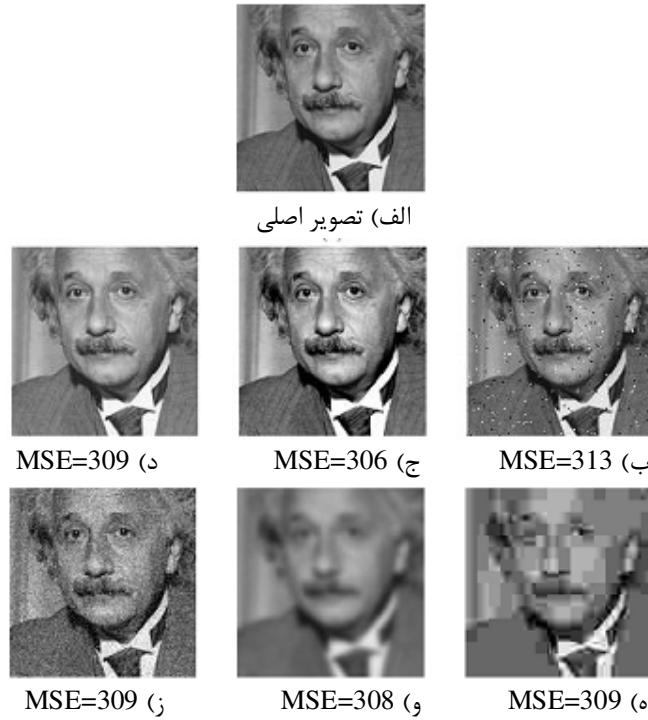
$$MSE = \sqrt{\frac{1}{NM} \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^M (I_{original}(i, j) - I_{enhancement}(i, j))^2} \quad (1-3)$$

بدیهی است هر چه مقدار این معیار عددی، کوچکتر به دست آید نشان‌دهنده نزدیک بودن تصویر اصلی و تصویر بهبود یافته می‌باشد. در معیار MSE به واسطه آنکه، سیستم بینایی انسان^{۱۴} مورد توجه قرار نمی‌گیرد، عملًا تمامی پیکسل‌ها نقش یکسانی پیدا می‌کنند، در حالی که مسلمًا مقادیر پیکسل‌ها بسته به موقعیت آنها در تصویر، تاثیرات متفاوتی را بر روی چشم انسان ایجاد می‌کنند. برای نمونه، چشم انسان نسبت به نویز در مناطق با بافت متراکم نسبت به بافت یکنواخت حساسیت کمتری دارد، همچنان در نواحی از تصویر که روشنایی خیلی زیاد و یا خیلی کم باشد، حساسیت کمتری از خود نشان می‌دهد. شکل (۳-۷)، مثال مناسبی برای نشان دادن این موضوع می‌باشد. در این شکل، (الف)، تصویر اصلی "انیشتین" می‌باشد و بقیه تصاویر، دچار اعوجاج مختلفی شده‌اند. علی‌رغم اینکه کیفیت

¹³ Mean Square Error

¹⁴ Human Visual System

تصاویر دچار اعوجاج شده، از نظر انسان متفاوت است، ولی میانگین مربع خطأ (MSE) همه آن‌ها تقریباً یکسان است.



شکل (۳-۷): نمونه‌ای از تصاویر با کیفیت‌های مختلف که همگی از نظر معیار MSE تقریباً یکسان هستند.
الف) تصویر اصلی، ب) نویز ضربه‌ای، ج) افزایش وضوح، د) اصلاح گاما، ه) فشرده‌سازی jpeg، و) blurring، ز) نویز سفید گاوی.

PSNR (ب)

یکی دیگر از معیارهای کمی سنجش کیفیت تصویر که مرتبط با MSE است روش Peak Signal-to Noise Ratio (PSNR) است که به صورت زیر تعریف می‌شود :

$$PSNR = 10 \log_{10} \frac{L^2}{MSE} \quad (۲-۳)$$

L محدوده مجاز و قابل قبول برای سطح خاکستری (Intensity) تصویر است، برای تصاویر gray scale که هر پیکسل آن ۸ بیت است، $L=2^8=255$ در نظر گرفته می‌شود. معیار PSNR نیز مشکلات ذکر شده در MSE را دارد.

ج) معیار شباهت ساختاری (SSIM^{۱۵})

با توجه به مشکلات و محدودیتهای روش‌های سنتی نظیر MSE، PSNR روش‌های مختلفی در زمینه بهبود پارامترهای تشخیص با توجه به پارامترهای موثر در سیستم بینایی انسان مطرح شده‌اند. ایده بسیاری از این روش‌ها، همان روش‌های قبلی نظیر MSE است با این تفاوت که نحوه تاثیر پیکسل‌ها با توجه به موقعیت آنها مختلف باشد. یکی از روش‌های سنجش کیفیت، معیار شباهت ساختاری یا SSIM می‌باشد. این معیار اولین بار در سال ۲۰۰۲ توسط Alan C.Bovik و Zhou Wang معرفی شد.^[۳۵]

این معیار ترکیبی از سه معیار مختلف می‌باشد، اگر x و y به ترتیب تصویر اصلی و تصویر تخمینی باشد. این معیار بصورت زیر تعریف می‌شود:

$$SSIM = Q = Q_1 Q_2 Q_3 = \frac{\sigma_{xy}}{\sigma_x \sigma_y} \times \frac{2\bar{x}\bar{y}}{(\bar{x})^2 + (\bar{y})^2} \times \frac{2\sigma_x \sigma_y}{\sigma_x^2 + \sigma_y^2} \quad (۳-۳)$$

$$= s(x, y)^\alpha \times l(x, y)^\beta \times c(x, y)^\gamma$$

در این معادله \bar{X} میانگین و σ_x انحراف معیار تصویر x و \bar{Y} میانگین و σ_y انحراف معیار تصویر y می‌باشند که در زیر نشان داده شده است:

$$\bar{X} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N x_i \quad , \quad \bar{Y} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N y_i \quad (۴-۳)$$

$$\sigma^2_x = \frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^N (x_i - \bar{X})^2 \quad , \quad \sigma^2_y = \frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^N (y_i - \bar{Y})^2 \quad (۵-۳)$$

$$\sigma^2_{xy} = \frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^N (x_i - \bar{X})(y_i - \bar{Y}) \quad (۶-۳)$$

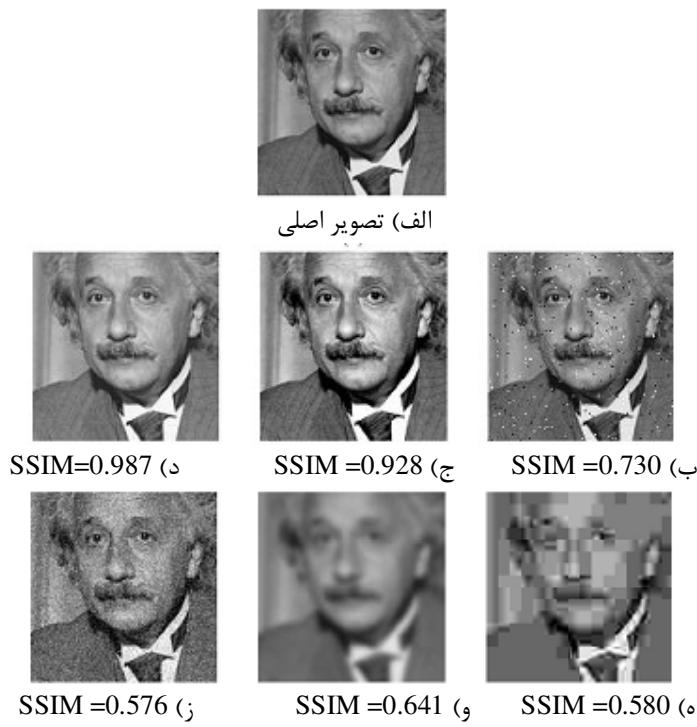
محدوده SSIM بین (-۱ و ۱) می‌باشد که مقدار ۱ نشانگر ماقزیموم شباهت بین دو تصویر است. همان‌طور که گفته شده این معیار، ترکیب سه معیار قدرتمند می‌باشد که می‌توان آنها را بصورت زیر شرح داد.

^{۱۵} Structural similarity

در این معادله، ترکیب اول (Q_1) ضریب همبستگی بین دو تصویر y ، x می‌باشد که وابستگی خطی بین دو تصویر را نشان می‌دهد، و محدوده آن بین $(-1 + 1)$ می‌باشد. به این ترکیب،تابع شبهات ساختاری گفته می‌شود (Structural SIMilarity). اگر y ، x کاملاً هم وابستگی خطی داشته باشند، اما ممکن است با یکدیگر تفاوت‌هایی داشته باشند که دو ترکیب دیگر در این مورد استفاده می‌شود. ترکیب دوم (Q_2) تابع روشنایی (Luminance function) می‌باشد، که متوسط روشنایی بین دو تصویر را اندازه‌گیری می‌کند. در واقع نشان می‌دهد چه میزان متوسط روشنایی دو تصویر به هم نزدیک است. ترکیب سوم (Q_3) تابع کنتراست (Contrast function) نامیده می‌شود که چگونگی شباهت بین تصاویر را نمایش می‌دهد. همچنین ضرائب α ، β ، γ پارامترهایی هستند که برای وزن دهی هر تابع بکار می‌روند. معمولاً این مقادیر را برابر یک در نظر می‌گیرند. در این معیار، هر چه مقدار اندازه‌گیری شده برای یک تصویر، به یک نزدیکتر باشد، تصویر دارای کیفیت بهتری می‌باشد. برای استفاده این معیار در پردازش تصویر، ابتدا تصویر را به صورت پنجره‌هایی تقسیم‌بندی می‌کنیم، سپس برای هر پنجره مقدار SSIM را محاسبه می‌نماییم سپس از روی مقدار میانگین، مقدار SSIM تصویر محاسبه می‌شود. (معادله (7-۳))

$$SSIM(x, y) = \frac{1}{M} \sum_{j=1}^M SSIM(x_j, y_j) \quad (7-3)$$

در این رابطه y ، x به ترتیب، تصویر اصلی و تصویر بهبودیافته می‌باشند و M تعداد پنجره‌های تصویر می‌باشد. j ، y_j ، x_j نیز محتويات j امین پنجره می‌باشند. شکل (8-۳)، تصاویر مربوط به شکل (7-۳) را به همراه مقادیر SSIM نشان می‌دهد. همان‌طور که مشاهده می‌کنید معیار SSIM نمایانگر بهتری برای کیفیت تصویر است.



شکل (۸-۳): تصاویر مربوط به شکل (۷-۳) به همراه مقادیر SSIM همگی تقریباً برابر است.

د) معیار میزان حفظ لبه (FOM^{۱۶})

نام دیگر این معیار، معیار ارزش تصویر می‌باشد که برای ارزش‌گذاری روی تصویری که لبه بهتری دارد استفاده می‌شود. این معیار بصورت زیر است :

$$FOM = \frac{1}{Max} \sum_{i=1}^M \frac{1}{1 + \lambda d_i^2} \quad (8-3)$$

در این معادله M تعداد پیکسل‌های لبه در تصویر بهبودیافته و N تعداد پیکسل‌های لبه در تصویر اصلی است. d_i فاصله اقلیدسی بین i امین پیکسل لبه پیدا شده و نزدیک‌ترین پیکسل لبه ایده‌آل می‌باشد، و λ عموماً یک مقدار ثابت است که مقدار $1/9$ دارد. در این روش ابتدا با استفاده از یک الگوریتم لبه‌یاب قوی، لبه‌ها محاسبه می‌شوند. سپس با استفاده از فرمول گفته شده، مقدار FOM محاسبه می‌شود [۳۶].

¹⁶.Figure of Merit

FOM مقداری در محدوده ۰ و ۱ دارد. هر چقدر این مقدار، به ۱ نزدیک‌تر باشد نشان‌دهنده این است که لبه تصویر، بهتر حفظ شده است. نکته مهم در این حالت این است که فیلتر لبه‌یاب دقیقی برای این کار باید استفاده شود. اکثر مراجع از فیلتر لبه‌یاب canny برای هر دو تصویر ایده‌آل و تخمینی استفاده نمودند.

فصل ٤:

بخش‌بندی تصاویر

۱-۴ - مقدمه

یکی از روش‌های پیشنهاد شده در این پایان‌نامه، مبتنی بر بخش‌بندی تصویر است. بر این اساس که ابتدا تصویر را به چند بخش تقسیم نموده، سپس هر بخش را به‌طور مجزا بهبود می‌دهد. از این‌رو در این فصل مروری بر مهم‌ترین الگوریتم‌هایی که برای بخش‌بندی تصویر مورد استفاده قرار گرفته‌اند خواهیم داشت. به‌طور کلی روش‌های پیشنهادی برای بخش‌بندی تصویر، را می‌توان به دو دسته روش‌های مبتنی بر هیستوگرام^{۱۷} [۳۸-۳۷] و روش‌های مبتنی بر خوشه‌بندی^{۱۸} [۴۰-۳۹] تقسیم‌بندی کرد. در روش‌های مبتنی بر هیستوگرام، تقسیم‌بندی تصاویر بر اساس توزیع پیکسل‌ها صورت می‌گیرد و هدف، یافتن سطح آستانه‌ای مناسب برای اعمال به تصویر است. این روش، بیشتر برای تصاویر ساده‌ای که شامل زمینه و پس‌زمینه بوده و دارای تغییرات زیاد سطوح خاکستری نمی‌باشند، کاربرد دارند. روش‌های مبتنی بر خوشه‌بندی بر اصل سازماندهی الگوها و دسته‌بندی داده‌ها استوار است. نمونه‌های موجود در هر خوشه، کمترین پراکندگی را نسبت به قرار گرفتن در سایر خوشه‌ها دارند و اعضای هر خوشه بیشترین شباهت را به هم دارند. در این فصل، ابتدا چند روش بخش‌بندی براساس خوشه‌بندی معرفی شده است. سپس به بیان مفهوم پیکسون پرداخته و در انتها الگوریتم استفاده شده برای بخش‌بندی تصاویر شرح داده می‌شود.

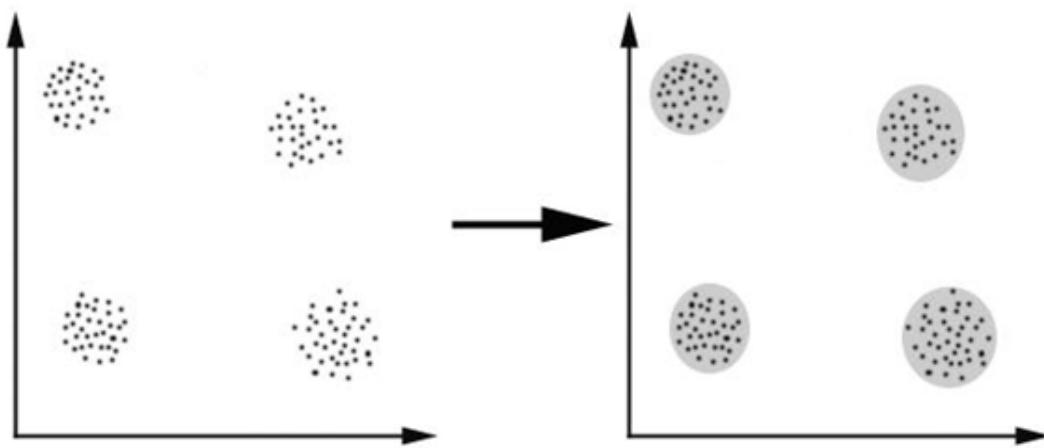
۲-۴ - خوشه‌بندی

خوشه‌بندی یکی از شاخه‌های یادگیری بدون نظارت می‌باشد و فرآیند خودکاری است که در طی آن، نمونه‌ها به دسته‌هایی که اعضای آن مشابه یکدیگر می‌باشند تقسیم می‌شوند، که به این دسته‌ها خوشه گفته می‌شود. بنابراین خوشه، مجموعه‌ای از اشیاء می‌باشد که در آن اعضای مجموعه با یکدیگر مشابه بوده و با اشیاء موجود در خوشه‌های (مجموعه‌های) دیگر، غیر مشابه می‌باشند. برای مشابه

¹⁷ Histogram-based

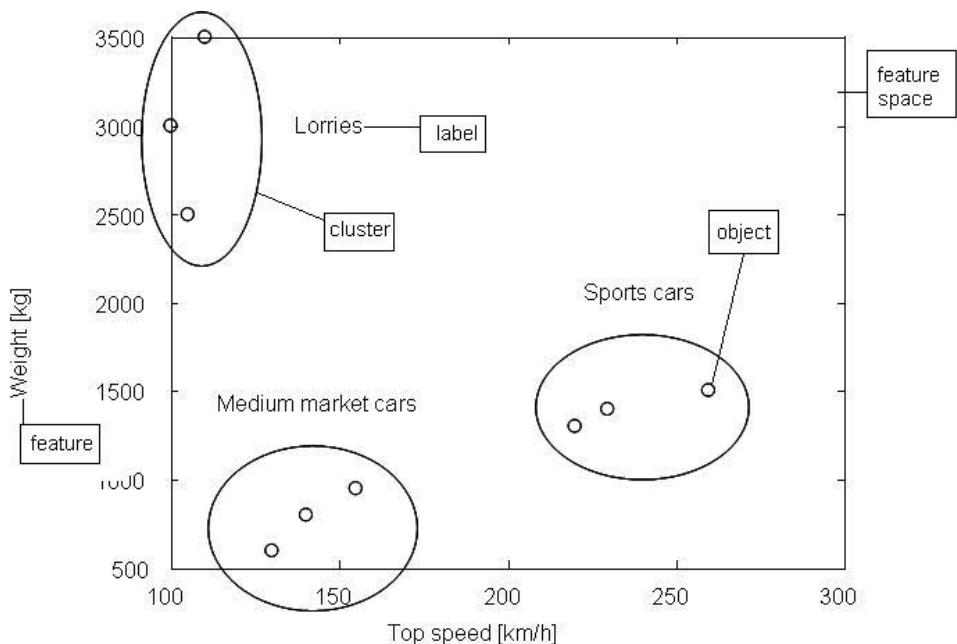
¹⁸ Clustering-Based

بودن می‌توان معیارهای مختلفی را در نظر گرفت، مثلاً می‌توان معیار فاصله را برای خوشبندی مورد استفاده قرار داد و اشیائی را که به یکدیگر نزدیک‌تر هستند را به عنوان یک خوش در نظر گرفت. به این نوع خوشبندی، خوشبندی مبتنی بر فاصله نیز گفته می‌شود. به عنوان مثالی از خوشبندی، در شکل (۱-۴) نمونه‌های ورودی در سمت چپ به چهار خوشی مشابه، شکل سمت راست تقسیم می‌شوند. در این مثال، هر یک از نمونه‌های ورودی به یکی از خوشها تعلق دارد، و نمونه‌ای وجود ندارد که متعلق به بیش از یک خوش باشد.



شکل (۱-۴): خوشبندی نمونه‌های ورودی.

به عنوان یک مثال دیگر، شکل (۲-۴) را در نظر بگیرید. در این شکل هر یک از دایره‌های کوچک، یک وسیله نقلیه (شیء) را نشان می‌دهد، که با ویژگی‌های وزن و حداکثر سرعت مشخص شده‌اند. هر یک از بیضی‌ها، یک خوش می‌باشد و عبارت کنار هر بیضی برچسب آن خوش را نشان می‌دهد. کل دستگاه مختصات که نمونه‌ها در آن نشان داده شده‌اند را فضای ویژگی می‌گویند.



شکل (۴-۲): خوشبندی وسایل نقلیه.

همان‌طور که در این شکل می‌بینید، وسایل نقلیه به سه خوشبندی تقسیم شده‌اند. برای هر یک از این خوشبندی‌ها، می‌توان یک نماینده در نظر گرفت. مثلاً می‌توان میانگین وسایل نقلیه باری را محاسبه کرد و به عنوان نماینده خوشبندی وسایل نقلیه باری معرفی نمود. در واقع الگوریتم‌های خوشبندی، اغلب بدین گونه‌اند که یک سری نماینده اولیه برای نمونه‌های ورودی در نظر گرفته می‌شود. سپس از روی میزان تشابه نمونه‌ها با این نماینده‌ها، مشخص می‌شود که نمونه به کدام خوشبندی تعلق دارد. بعد از این مرحله، نماینده‌های جدید از روی نمونه‌های متعلق به خوشبندی محاسبه می‌شود و دوباره نمونه‌ها با این نماینده‌ها مقایسه می‌شوند، تا مشخص شود که به کدام خوشبندی تعلق دارند. این کار آنقدر تکرار می‌شود تا زمانی که نماینده‌های خوشبندی تغییری نکنند.

۳-۴- روش‌های خوشبندی

الگوریتم‌های زیادی جهت خوشبندی معرفی شده است. الگوریتم‌های پیشنهادی را می‌توان به دو دسته سلسله مراتبی و تقسیمی در نظر گرفت.

۴-۳-۱- روش‌های سلسله مراتبی

روش‌های سلسله مراتبی بیشتر براساس تئوری گراف استوار است. در این روش، هر داده بطور مستقل به عنوان یک خوشه در نظر گرفته می‌شود. یعنی اگر N نمونه داشته باشیم، N خوشه داریم که هر یک دارای یک نمونه می‌باشند. با تعریف معیار شباهت به عنوان مثال فاصله اقلیدسی، دو یا چند خوشه، خود تشکیل یک خوشه بزرگتر را می‌دهند. این روند، ادامه می‌یابد تا شرط پایانی الگوریتم، که عموماً تعداد خوشه‌ها است، تحقق پذیرد.

خوشه‌بندی سلسله مراتبی، متراکم شونده^{۱۹} نیز نامیده می‌شود، زیرا خوشه‌ها را به تدریج ادغام می‌کند. خوشه‌بندی تقسیم کننده^{۲۰} نیز وجود دارد که به صورت عکس، عمل می‌کند. به این صورت که ابتدا همه اشیاء را در یک خوشه قرار می‌دهد و به تدریج آن را به قطعه‌های کوچکتر تقسیم می‌کند.

۴-۳-۲- روش‌های تقسیمی

روش‌های تقسیمی، داده‌ها را براساس معیار تشابه، به تعداد خاص کلاستر (خوشه) تقسیم‌بندی می‌کند. در این روش تمام تکنیک‌ها، بر این فرض استوار است که هر داده تنها متعلق به یک خوشه می‌باشد. معروف‌ترین الگوریتم‌ها در این گروه، الگوریتم K-mean و Fuzzy c-mean می‌باشند که داده‌ها را به ترتیب به K و C خوشه مستقل تقسیم‌بندی می‌کنند.

۴-۴- الگوریتم (C-Centeriod) K-mean

C-Mean یکی از ساده‌ترین الگوریتم‌های یادگیری بدون نظارت است که بسیاری از مسائل خوشه‌بندی را حل می‌کند، و از جمله الگوریتم‌های خوشه‌بندی مبتنی بر بهینه‌سازی تابع هزینه می‌باشد. در این روش، داده‌ها به K کلاس مجزا با مقدار متوسط C_j تقسیم‌بندی می‌شوند.

¹⁹ Agglomerative

²⁰ Divisive

این روش علی‌رغم سادگی، یک روش پایه برای بسیاری از روش‌های خوشه‌بندی دیگر (مانند خوشه‌بندی فازی) محسوب می‌شود. این الگوریتم از یک شیوه ساده برای خوشه‌بندی یک مجموعه داده استفاده می‌کند. ایده اصلی تعریف C مرکز، برای هر یک از خوشه‌ها می‌باشد. این مراکز بایستی با دقت زیاد انتخاب شوند، زیرا مراکز مختلف، نتایج مختلف را به وجود می‌آورند [۴۱].

بنابراین بهترین انتخاب، قرار دادن مراکز در فاصله هر چه بیشتر از یکدیگر می‌باشد. قدم بعدی، تخصیص هر الگو به نزدیک‌ترین مرکز می‌باشد. وقتی همه‌ی نقاط به مراکز موجود تخصیص داده شدنده، مرحله اول تکمیل شده است و یک گروه‌بندی اولیه انجام شده است. در این مرحله نیاز داریم که C مرکز جدید، برای خوشه‌های مرحله قبل محاسبه کنیم. بعد از تعیین C مرکز جدید، مجدداً داده‌ها را به مراکز مناسب تخصیص می‌دهیم. این مراحل را آنقدر تکرار می‌کنیم که دیگر C مرکز، جابجا نشوند.

در نوع ساده‌ای از این روش، ابتدا به تعداد خوشه‌های مورد نیاز، نقاطی به صورت تصادفی انتخاب می‌شوند. سپس داده‌ها با توجه به میزان نزدیکی (شباهت) به یکی از این خوشه‌ها نسبت داده می‌شوند. بدین ترتیب خوشه‌های جدیدی حاصل می‌شوند. با تکرار همین روال می‌توان در هر تکرار، با میانگین‌گیری از داده‌ها، مراکز جدیدی برای آنها محاسبه کرد و مجدداً داده‌ها را به خوشه‌های جدید نسبت داد. این روند تا زمانی ادامه پیدا می‌کند که دیگر تغییری در داده‌ها حاصل نشود. تابع زیر به عنوان تابع هدف مطرح است.

$$J = \sum_{j=1}^k \sum_{i=1}^n \|x_i^{(j)} - C_j\| \quad (1-4)$$

که $\|\cdot\|$ معیار فاصله بین نقاط و C_j مرکز خوشه j است.

الگوریتم K-means بصورت زیر جمع‌بندی می‌شود:

۱. مرکز اولیه K برای $C_1, C_2, C_3, \dots, C_k$ میان داده‌های ورودی (x) ، براساس قاعده

دلخواهی انتخاب می‌شوند. این انتخاب می‌تواند بصورت تصادفی یا براساس توزیع داده‌ها و یا قاعده‌ای دیگر باشد.

۲. در n امین مرحله، معین می‌سازیم که هر داده متعلق به کدام خوشه است، و این، براساس

معیار نزدیک‌تر بودن داده به مرکز خوشه می‌باشد. به بیان دیگر:

$$x \in S_j(n) \quad \text{if } \|x - C_j\| < \|x - C_i\| \quad (2-4)$$

$$i = 1, 2, 3, \dots, K, i \neq j$$

که در رابطه فوق $S_j(n)$ ، بیانگر مجموعه داده‌ای است که مرکز آن $C_j(n)$ است. نماد \parallel بیانگر فاصله می‌باشد. این روند برای تمام داده‌ها، می‌بایست انجام گیرد تا هر داده، متعلق به یک خوشه یا گروه گردد.

۳. مقدار متوسط داده‌های اختصاص یافته به هر خوشه در مرحله n را محاسبه کرده و مقدار

به دست آمده را به عنوان مرکز جدید خوشه در مرحله $n+1$ در نظر می‌گیریم. به عبارت دیگر:

$$C_j(n+1) = \frac{1}{N_j} \sum_{x \in S_j(n)} x \quad (3-4)$$

$$j = 1, 2, 3, \dots, K$$

که در رابطه فوق N_j تعداد داده‌های تخصیص یافته به مجموعه $S_j(n)$ می‌باشد.

۴. مرحله (۲) و (۳) آنقدر تکرار می‌شوند تا زمانی که محل همهی مراکز خوشه‌ها نسبت به

مرحله‌ی قبل، تغییر چندانی نکنند.

$$j = 1, 2, \dots, K \quad C_j(n+1) = C_j(n) \quad (4-4)$$

کیفیت خوشه‌بندی توسطتابع خطایی به صورت زیر محاسبه می‌گردد:

$$J = \sum_{j=1}^K \sum_{x \in S_j(n)} |x - C_j|^2 \quad (5-4)$$

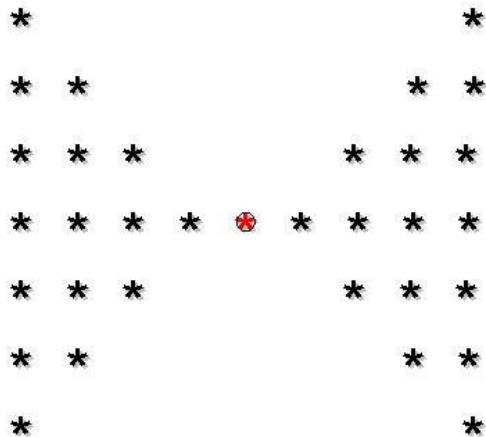
که برابر مجموع مربع خطای هر داده تا مرکز خوشی خود می‌باشد، همان‌گونه که از رابطه فوق مشهود است، میزان خطای به تعداد خوشها بستگی دارد. از مهم‌ترین مسائل این الگوریتم، تعیین بهینه تعداد خوشها (K) و مقدار اولیه مراکز خوشها ($C_j(o)$) می‌باشد.

۴-۵- خوشبندی فازی

برای درک بهتر خوشبندی فازی و الگوریتم‌های مختلف آن لازم است تا ابتدا با مفهوم مجموعه‌های فازی و تفاوت آنها با مجموعه‌های کلاسیک آشنا شویم. در مجموعه‌های کلاسیک، یک عضو از مجموعه مرجع یا عضوی از مجموعه A است یا عضو مجموعه A نیست. مثلاً مجموعه مرجع اعداد حقیقی را در نظر بگیرید. عدد 2.5 عضو مجموعه اعداد صحیح نمی‌باشد، حال آنکه عدد 2 عضو این مجموعه است. به زبان دیگر تعلق عدد 2.5 به مجموعه اعداد صحیح صفر است، و تعلق عدد 2 به این مجموعه 1 است. در واقع می‌توان برای هر مجموعه یک تابع تعلق تعریف کرد که مقدار این تابع تعلق، برای اعضای مجموعه یک می‌باشد، و برای بقیه صفر. در مجموعه‌های کلاسیک، مقدار این تابع تعلق، صفر یا یک است. حال مجموعه انسان‌های جوان و پیر را در نظر بگیرید. سوالی که در اینجا مطرح می‌شود این است که آیا فردی با سن 25 جزء مجموعه جوان است یا خیر؟ سن 20 چطور؟ سن 35 همانطور که حدس زدید نمی‌توان بطور قطعی و یقین مرزی برای انسان‌های جوان و پیر در نظر گرفت. دلیل آن هم این است که اگر فرضاً 35 ، جوان محسوب شود، 36 نیز می‌تواند جوان باشد و همین‌طور 37 و 38 و غیره. در واقع در اینجا با مفهوم عدم قطعیت مواجه هستیم. ما خودمان نیز از عدم قطعیت در زندگی روزمره بارها استفاده کرده‌ایم مثلاً هوای سرد، آب داغ و غیره. در واقع تمامی مثال‌های بالا، مثال‌هایی از مجموعه‌های فازی می‌باشند. تفاوت اصلی مجموعه‌های فازی و مجموعه‌های کلاسیک در این است که تابع تعلق مجموعه‌های فازی دو مقداری نیست (صفر یا یک) بلکه می‌تواند هر مقداری بین صفر تا یک را اختیار کند. حال مجموعه انسان‌های جوان را در نظر بگیرید، اگر 25 سال را سن جوانی در نظر بگیریم می‌توانیم به 25 تعلق یک بدهیم، و مثلاً به 30

۰.۸ و به ۳۵ تعلق ۰.۹ و به ۰.۷۵ را بدھیم. اگر اعضای یک مجموعه فازی تنها دارای تابع تعلق صفر و یک باشند، این مجموعه فازی به یک مجموعه کلاسیک تبدیل خواهد شد. نکته جالب توجه این است که مثلا سن ۵۰ می تواند با تعلق ۰.۵ عضو مجموعه جوان باشد و با تعلق ۰.۵ عضو مجموعه پیر، یعنی یک عضو مجموعه مرجع می تواند با درجه های تعلق مختلف، عضو مجموعه های فازی تعریف شده روی مجموعه مرجع باشد.

در خوشبندی کلاسیک، هر نمونه ورودی متعلق به یک و فقط یک خوش می باشد و نمی تواند عضو دو خوش و یا بیشتر باشد. مثلا در شکل (۴-۲) هر یک از وسائل نقلیه عضو یک خوش می باشد و نمونه ای عضو دو خوش نیست، به زبان دیگر خوش ها همپوشانی ندارند. حال حالتی را در نظر بگیرید که میزان تشابه یک نمونه با دو خوش و یا بیشتر یکسان باشد. در چنین حالتی در خوشبندی کلاسیک، بدلیل آنکه هر نمونه باید به یک و فقط یک خوش متعلق باشد، باید تصمیم گیری شود که این نمونه متعلق به کدام خوش است. تفاوت اصلی خوشبندی کلاسیک و خوشبندی فازی در همین است. در خوشبندی فازی، یک نمونه می تواند متعلق به بیش از یک خوش باشد. برای روشن تر شدن مطلب، شکل (۴-۳) را در نظر بگیرید.



شکل (۴-۳): مجموعه داده پروانه ای.

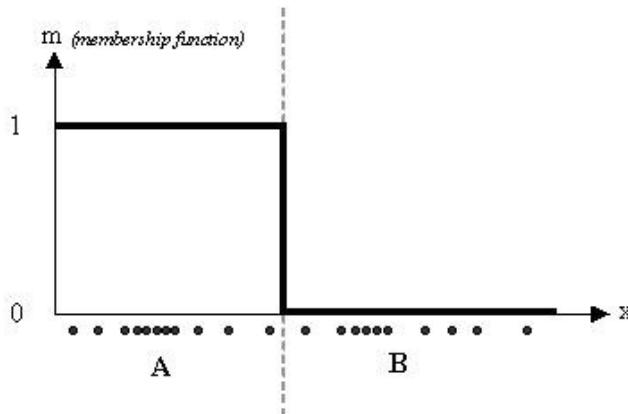
اگر نمونه های ورودی مطابق شکل فوق باشند، مشخص است که می توان داده ها را به دو خوش تقسیم کرد، اما مشکلی که پیش می آید این است که داده های مشخص شده در وسط، می تواند عضو هر دو

خوشه باشد. بنابراین باید تصمیم گرفت که داده مورد نظر متعلق به کدام خوشه است، خوشه سمت راست، یا خوشه سمت چپ. اما اگر از خوشه‌بندی فازی استفاده کنیم، داده مورد نظر با تعلق 0.5 عضو خوشه سمت راست و با تعلق مشابه عضو خوشه سمت چپ است. تفاوت دیگر در این است که مثلاً نمونه‌های ورودی در سمت راست شکل (۴-۳)، می‌توانند با یک درجه تعلق خیلی کم عضو خوشه سمت چپ نیز باشند که همین موضوع برای نمونه‌های سمت چپ نیز صادق است. برای مشاهده عملکرد خوشه‌بندی فازی، به مثال زیر توجه کنید. در شکل (۴-۴) یک توزیع یک بعدی از نمونه‌های ورودی آورده شده است.



شکل (۴-۴): توزیع یک بعدی نمونه‌ها.

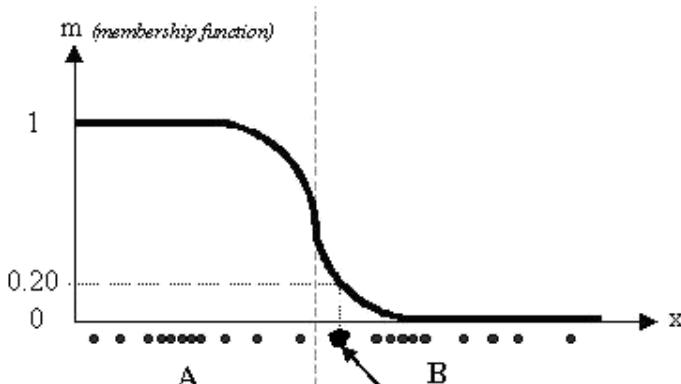
اگر از الگوریتم C میانگین کلاسیک استفاده کنیم، داده‌های فوق به دو خوشه مجزا تقسیم خواهند شد و هر نمونه تنها متعلق به یکی از خوشه‌ها خواهد بود. بعبارت دیگر تابع تعلق هر نمونه مقدار 0 یا 1 خواهد داشت. نتیجه خوشه‌بندی کلاسیک مطابق شکل (۵-۴) است :



شکل (۵-۴): خوشه‌بندی کلاسیک نمونه‌های ورودی.

شکل (۵-۴) تابع تعلق مربوط به خوشه A را نشان می‌دهد. تابع تعلق خوشه B، متمم تابع تعلق A می‌باشد. همان‌طور که مشاهده می‌کنید نمونه‌های ورودی تنها به یکی از خوشه‌ها تعلق دارند و

بعارت دیگر ماتریس U بصورت باینری می‌باشد. حال اگر از خوشبندی فازی استفاده کنیم، خواهیم داشت، شکل (۶-۴):



شکل (۶-۴): خوشبندی فازی نمونه‌ها.

مشاهده می‌کنید که در این حالت، منحنی تابع تعلق، هموارتر است و مرز بین خوشبندی‌ها بطور قطع و یقین مشخص نشده است. بعنوان مثال نمونه‌ای که پر رنگ‌تر مشخص شده است با درجه تعلق ۰.۲ به خوشبندی A و با درجه تعلق ۰.۸ به خوشبندی B نسبت داده شده است.

۶-۵-۱- الگوریتم خوشبندی C میانگین فازی (Fuzzy C-mean)

یکی از مهم‌ترین و پرکاربردترین الگوریتم‌های خوشبندی، الگوریتم C میانگین فازی می‌باشد [۴۲]. در این الگوریتم نمونه‌ها به C خوشبندی تقسیم می‌شوند و تعداد C از قبل مشخص شده است. در این الگوریتم، تابع هدف بصورت زیر می‌باشد:

$$J = \sum_{i=1}^c \sum_{k=1}^n u_{ik}^m d_{ik}^2 = \sum_{i=1}^c \sum_{k=1}^n u_{ik}^m \|x_k - v_i\|^2 \quad (6-4)$$

در فرمول فوق ($m \in [1, \infty]$ می‌باشد و میزان فازی بودن را نشان می‌دهد در اکثر موارد برای m عدد ۲ انتخاب می‌شود. اگر m به سمت یک میل کند ($1 \rightarrow m$) خوشبندی کریسپ یا سخت‌تر می‌شود و بر عکس اگر m به سمت بینهایت میل کند ($\infty \rightarrow m$) خوشبندی فازی‌تر خواهد شد. البته انتخاب مقادیر بزرگ m ، زمان محاسبات را افزایش می‌دهد. در فرمول فوق x_k نمونه k ام و v_i نماینده یا مرکز

خوشه i ام و n تعداد نمونه‌ها می‌باشد. u_{ik} میزان تعلق نمونه k ام در خوشه i ام را نشان می‌دهد. علامت \parallel میزان تشابه (فاصله) نمونه با (از) مرکز خوشه می‌باشد، که می‌توان از هر تابعی که بیانگر تشابه نمونه و مرکز خوشه باشد استفاده کرد. از روی u_{ik} می‌توان یک ماتریس U تعریف کرد که دارای c سطر و n ستون می‌باشد و مولفه‌های آن، هر مقداری بین ۰ تا ۱ را می‌توانند اختیار کنند. اگر تمامی مولفه‌های ماتریس U بصورت ۰ و یا ۱ باشند، الگوریتم مشابه c میانگین کلاسیک خواهد بود. با اینکه مولفه‌های ماتریس U می‌توانند هر مقداری بین ۰ تا ۱ را اختیار کنند، اما مجموع مولفه‌های هر یک از ستون‌ها باید برابر ۱ باشد و داریم:

$$\sum_{i=1}^c u_{ik} = 1, \forall k = 1, \dots, n \quad (7-4)$$

معنای این شرط این است که مجموع تعلق هر نمونه، به c خوشه باید برابر ۱ باشد. برای بدست آوردن فرمول‌های مربوط به u_{ik} و v_i باید تابع هدف تعریف شده را مینیمم کنیم. با استفاده از شرط فوق و برابر صفر قرار دادن مشتق تابع هدف، خواهیم داشت:

$$u_{ik} = \frac{1}{\sum_{j=1}^c \left(\frac{d_{ik}}{d_{jk}} \right)^{2/(m-1)}} \quad (8-4)$$

$$v_i = \frac{\sum_{k=1}^n u_{ik}^m x_k}{\sum_{k=1}^n u_{ik}^m} \quad (9-4)$$

با استفاده از دو فرمول محاسبه شده، الگوریتم خوشه‌بندی c میانگین فازی بصورت زیر بیان می‌شود.

مراحل الگوریتم:

۱. مقداردهی اولیه برای c , m و U^0 . خوشه‌های اولیه حدس زده شوند.
۲. مراکز خوشه‌ها محاسبه شوند (محاسبه v_i ها).
۳. محاسبه ماتریس تعلق از روی خوشه‌های محاسبه شده در مرحله‌ی (۲).

۴. $\epsilon \leq \|U_{i+1} - U_i\|$, الگوریتم خاتمه می‌یابد و در غیراینصورت برو به مرحله (۲).

از نقاط قوت این الگوریتم می‌توان به همگرایی آن و از نقاط ضعف آن زمان زیاد محاسبات اشاره نمود.

۶-۴- تصاویر پیکسونی

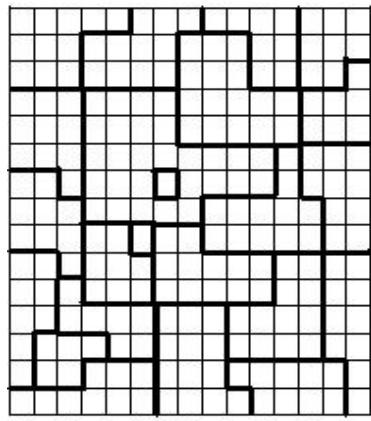
اولین بار Pina و Puetter برای بازیابی تصاویر از مفهوم پیکسون استفاده کردند [۴۳]. ایده‌ی آنان به این صورت بود که در یک تصویر، اطلاعات موجود به صورت محلی توزیع می‌شود و درنتیجه آنها را می‌توان مانند سلول‌هایی با اندازه‌ی متغیر در نظر گرفت.

۶-۱- تعریف پیکسون

یک پیکسون مانند P_i ، مجموعه‌ای از پیکسل‌های بهم متصل است که شدت روشنایی آنها بسیار بهم نزدیک و یا یکسان می‌باشد که متوسط روشنایی این پیکسل‌ها به عنوان شدت روشنایی پیکسون در نظر گرفته می‌شود [۴۴]. در حقیقت تصویری مانند I را با استفاده از پیکسون می‌توان به صورت زیر نشان داد :

$$I = \bigcup_{i=1}^n P_i \quad (10-4)$$

که در آن n تعداد پیکسون‌ها می‌باشد. برای مثال شکل (۷-۴) را می‌توان به عنوان یک تصویر پیکسونی در نظر گرفت، که از پیکسون‌های متفاوت تشکیل شده است. در این شکل، تعداد پیکسل‌ها ۲۲۵ می‌باشد اما با نگاشت این تصویر به یک تصویر پیکسونی، تعداد پیکسون‌های موجود در آن، ۲۳ شده است که در مقایسه با تعداد پیکسل‌های موجود تعداد کمی می‌باشد [۴۵].



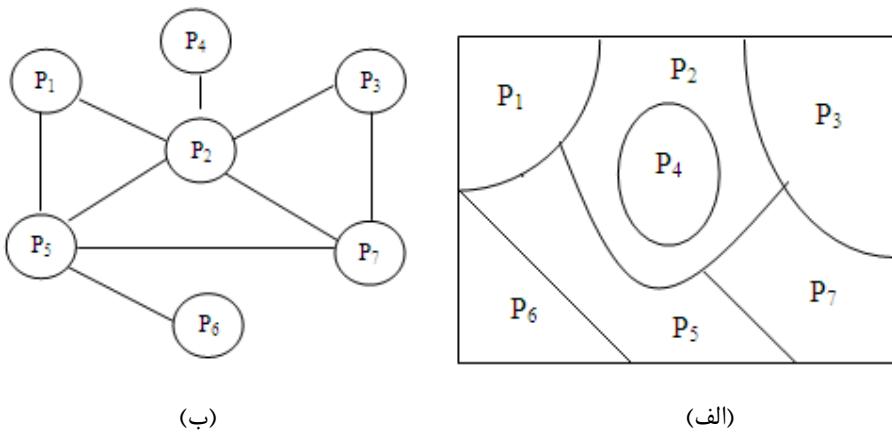
شکل (۷-۴): یک تصویر پیکسونی.

در واقع می‌توان فرآیند تقسیم یک تصویر به پیکسون‌های مختلف را یک بخش‌بندی اولیه در نظر گرفت. برای شکل دادن پیکسون‌ها، ابتدا پیکسل‌ها را از چپ به راست اسکن کرده و پیکسل‌های همسایه‌ی آن را بررسی می‌کنیم و در صورت تطابق بر روی آن برچسب مساوی قرار می‌دهیم. برای این منظور با توجه به نوع و جهت حرکت، برای رشد (اسکن) از پیکسل‌های شرقی، جنوب‌شرقی و جنوبی استفاده شده است و برای پیکسل‌های بعدی نیز این روال ادامه می‌پابد.

در انتهای فرآیند، تعداد پیکسون‌ها و شکل آنها به دست خواهد آمد. این تطابق می‌تواند حداقل و یا حداقل و یا میانگین بین دو پیکسل باشد. نتیجه‌ی فرآیند تشکیل پیکسون، ساختاری گراف مانند، به صورت زیر می‌باشد که ساختار همسایگی آنها همانند شکل (۸-۴) خواهد بود.

$$G = (Q, E) \quad (11-4)$$

در این ساختار، G تصویر پیکسونی، Q مجموعه‌ای از رئوس گراف و E مجموعه‌ی لبه‌های گراف است که نشان‌دهنده‌ی همسایگی‌ها می‌باشد.



شکل (۸-۴): الف) تصویر پیکسونی و ب) ساختار گراف متناظر

۲-۶-۴-بخش‌بندی تصویر مبتنی بر پیکسون

همان‌طور که اشاره شد، یکی از روش‌های پیشنهاد شده برای بهسازی تصویر مبتنی بر بخش‌بندی تصویر می‌باشد. الگوریتم بخش‌بندی استفاده شده برای این روش، مطابق [۴۶] می‌باشد، که از سه مرحله زیر تشکیل شده است:

الف) روش آستانه‌گذاری ویولت به عنوان یک مرحله‌ی پیش‌پردازش

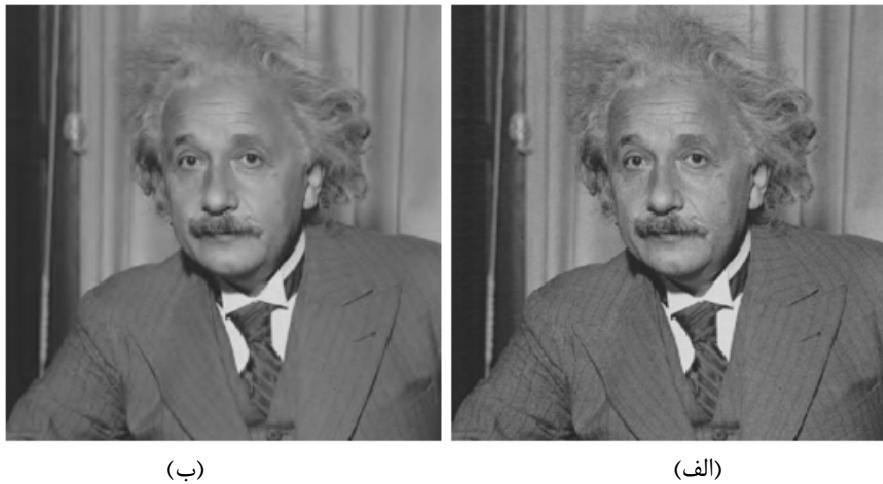
ب) الگوریتم پیکسون‌بندی تصویر

ج) استفاده از یک الگوریتم بخش‌بندی برای جداسازی پیکسون‌ها

الف) مرحله‌ی پیش‌پردازش

همان‌گونه که اشاره شد اولین قدم در الگوریتم استفاده شده، مرحله‌ی پیش‌پردازش است. در اینجا روش آستانه‌گذاری ویولت که کارایی بالایی در کاهش میزان نویز (برای تصاویر نویزی) و یا هموارسازی (در تصاویر بدون نویز) دارد به کار گرفته شده است. آستانه‌گذاری ویولت، باعث ایجاد تصویر همواری می‌شود که این امر سبب نزدیکی مقادیر پیکسل‌ها به یکدیگر شده و منجر به ایجاد پیکسون بزرگتری می‌شود. در این مرحله، ابتدا تابع ویولت مادر مناسب و تعداد سطوح مناسب

ویولت انتخاب می‌شود. سپس تصویر به کمک این تابع ویولت مادر و تعداد سطوح ویولت انتخاب شده به زیرباندهای جزئیات (LL) و کلیات (LH, HL, HH) تقسیم شده و مقدار مناسب آستانه برای این زیرباندها انتخاب می‌شود. گام بعدی اعمال آستانه به دست آمده به ضرایب جزئیات تصویر است. با توجه به کارایی بهتر روش آستانه‌گذاری نرم نسبت به آستانه‌گذاری سخت، از روش آستانه‌گذاری نرم استفاده شده است. در این حالت ضرایب کوچکتر از مقدار آستانه برابر با صفر می‌شوند و ضرایب بزرگتر از آن به اندازه‌ی سطح آستانه کاهش می‌یابند. سپس با استفاده از تبدیل معکوس ویولت از ضرایب جزئیات و ضرایب تقریبی ویولت، تصویر نهایی (حذف نویز شده یا هموارشده) بازسازی می‌شود. این فرآیند با توجه به تعداد سطوح ویولت انتخاب شده، تکرار می‌گردد تا در نهایت، تصویر نهایی در مرحله‌ی پیش‌پردازش به دست آید. در این روش از تعیین آستانه Bayesshrink و تابع ویولت مادر db8 در پیاده‌سازی استفاده شده است. شکل (۹-۴)، نمونه‌ای از آستانه‌گذاری نرم ویولت را نشان می‌دهد. همان‌طور که مشخص است، تصویر (۹-۴) (ب) هموار شده است.



شکل (۹-۴): الف) تصویر اصلی، ب) تصویر هموار شده با استفاده از آستانه‌گذاری نرم ویولت.

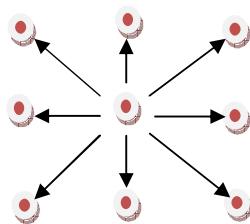
ب) مرحله‌ی پیکسون‌بندی

پیکسون، مجموعه‌ای از پیکسل‌های بهم پیوسته است که اجتماع آنها در کنار یکدیگر تصویر اصلی را می‌سازد. به عبارت دیگر

$$IM = \bigcup_{i=1}^n p_i \quad (12-4)$$

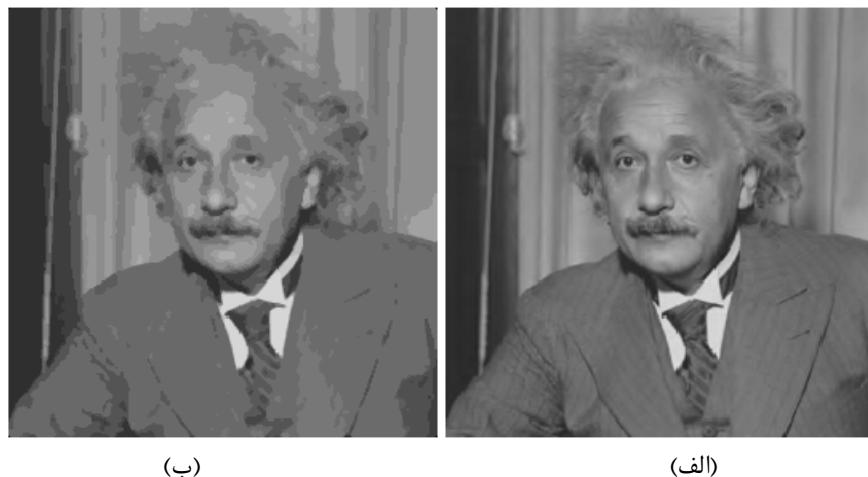
که در آن IM تصویر پیکسونی، n تعداد پیکسون‌ها و p_i یک پیکسون می‌باشد. مقدار میانگین پیکسل‌هایی که هر پیکسون را می‌سازند به عنوان شدت پیکسون تعریف می‌شود. شکل و اندازه هر پیکسون با توجه به تصویر اصلی مشاهده شده می‌تواند تغییر کند.

مرحله‌ی بعد، استخراج پیکسون‌های است. در اینجا، از پیکسل اول، اسکن تصویر (پیکسل‌ها) آغاز شده و با توجه به همسایگی‌های تعریف شده هر دو پیکسلی که شرط تطابق را ارضاء کنند برچسب یکسان خورده و در یک پیکسون قرار می‌گیرند. این شرط عموماً فاصله‌ی میان سطوح خاکستری پیکسل‌های است که مقدار آستانه‌ای برای آن تعریف می‌شود. برای جلوگیری از حذف جزئیات مهم تصویر، این مقدار آستانه نباید بزرگ انتخاب شود (در اینجا $T = 10$ انتخاب شده است). در الگوریتم استفاده شده، تمامی ۸ همسایگی برای هر پیکسل بررسی می‌شود. شکل (۱۰-۴)، ۸ همسایگی استفاده شده را نشان می‌دهد.



شکل (۱۰-۴): ۸ همسایگی برای هر پیکسل.

در این حالت، پیکسون‌های به مراتب بزرگی به دست می‌آیند که یکپارچگی درون آن نیز به خوبی حفظ شده است. برای پیکسل‌های مرزی، چون تمامی همسایه‌ها وجود ندارند، با توجه به محل قرارگیری پیکسل، تنها همسایه‌های موجود بررسی می‌شوند. این عمل تا جایی ادامه می‌یابد که پیکسلی وجود نداشته باشد که بدون برچسب باشد، در واقع یعنی، هر پیکسل به یک پیکسونی تعلق یافته است. شکل (۱۱-۴)، نتیجه‌ی حاصل از پیکسون‌بندی تصویر را بر روی تصویر هموار شده توسط آستانه‌گذاری نرم نشان می‌دهد.



شکل (۱۱-۴): (الف) تصویر هموار شده، ب) تصویر پیکسون بندی شده تصویر (الف).

ج) مرحله‌ی بخش بندی نهایی

پس از شکل‌گیری تصویر پیکسونی، مسأله‌ی بخش‌بندی تصویر به مسأله‌ی برچسب‌گذاری پیکسون‌ها

تبدیل می‌شود که صرفه‌جویی قابل ملاحظه‌ای در حجم محاسبات را نتیجه می‌دهد.

پس از شکل‌گیری و استخراج پیکسون‌ها، بخش‌بندی نهایی صورت می‌گیرد. در اینجا از الگوریتم

Fuzzy C-Mean (FCM) بدین منظور استفاده شده است. نتیجه حاصل از این بخش‌بندی در شکل

(۱۲-۴) نشان داده شده است.



شکل (۱۲-۴) (الف) تصویر پیکسون بندی شده ، ب) تصویر بخش‌بندی شده تصویر (الف).

فصل پنجم:

بھبود تصویر با تکیه بر گاما

۱-۵ - مقدمه

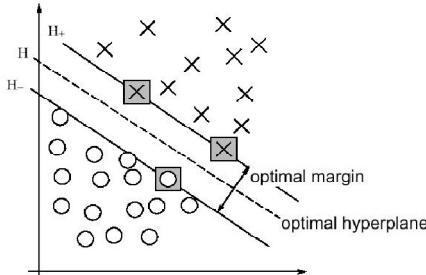
همان طور که قبل اشاره شد، اگر مقدار گامای اعمال شده به تصویر معلوم باشد، با اعمال معکوس مقدار گاما به تک تک پیکسل های تصویر، تصویر اولیه حاصل می شود. ولی در بسیاری از موارد، گامای اعمال شده به تصویر مشخص نمی باشد و به این سادگی نمی توان تنها با معکوس کردن گاما و اعمال آن، به تصویر اولیه برسیم. از اینرو، تکنیکی برای تصحیح مقدار گاما بدون در دست داشتن اطلاعات فنی از دستگاه گیرنده تصویر، ضروری به نظر می رسد. در این پایان نامه، سه روش متفاوت، برای بهبود کیفیت تصویر توسط اصلاح گاما به صورت محلی پیشنهاد شده است که موجب بهبود وضوح، بهبود روشنایی و نمایش بهتر جزئیات تصویر می گردد.

در روش اول از اطلاعات بافت تصویر که از ماتریس هم رخداد استخراج می شود، برای تعیین گاماهای مناسب تصویر استفاده شده است. به منظور اصلاح محلی تصویر، تصویر به پنجره های هم پوشان تقسیم می شود. سپس با توجه به ویژگی همگنی ماتریس هم رخداد که بیانگر میزان جزئیات تصویر می باشد، گامای مناسب برای هر پنجره از تصویر تقریب زده می شود. در روش دیگر، به جای پنجره گذاری تصویر، از بخش بندی تصویر استفاده شده و با توجه به ویژگی همگنی ماتریس هم رخداد، گامای مناسب برای هر بخش از تصویر محاسبه می شود. این روش، بیشتر برای تصاویر پزشکی کاربرد دارد. در روش سوم از کلاسیفایر SVM استفاده شده است. ویژگی های استفاده شده در این روش از ماتریس هم رخداد، تبدیل کسینوسی و هیستوگرام تصویر استخراج شده اند. این ویژگی ها بیانگر میزان جزئیات، وضوح و روشنایی تصویر هستند. بر این اساس، در این فصل، ابتدا کلاسیفایر SVM و سپس ماتریس هم رخداد، تبدیل کسینوسی، هیستوگرام تصویر، و ویژگی های استخراج شده از هر یک بیان می شوند. سپس روش های پیشنهاد شده، شرح داده می شوند، و در انتهای مقایسه ای بین روش های پیشنهادی و روش های موجود [۱۳] و [۱۸] انجام شده است.

۲-۵ - کلاسیفایر SVM^{۲۱}

SVM یک روش بسیار قدرتمند در کلاس‌بندی است، که بر مبنای مینیمم سازی ریسک ساختاری عمل می‌کند و هنگامی که بر داده‌های تست اعمال می‌شود، نتایج بسیار خوبی را ارائه می‌دهد.

ایده اصلی یک کلاسیفایر SVM در شکل (۱-۵) نمایش داده شده است:



شکل (۱-۵): اساس کار SVM

این شکل ساده‌ترین حالت را نشان می‌دهد که در آن بردارهای ویژگی (x) با یک ابرصفحه مجزاساز خطی به صورت معادله (۱-۵) از هم جدا می‌شوند:

$$f(x) = w^T x + b \quad (1-5)$$

w در این رابطه، بردار عمود بر ابرصفحه مجزاساز است. فاصله این ابرصفحه تا مبدا برابر $\|w\|$ خواهد بود، $\|w\|$ نرم اقلیدسی است. با انتخاب w و b های مختلف، صفحه‌های مختلفی می‌توانند به عنوان صفحه مجزا ساز انتخاب شوند. در بین آنها، SVM به دنبال ابرصفحه بهینه‌ای می‌گردد، که فاصله بین ابرصفحه و نزدیک‌ترین نمونه‌ها به این ابرصفحه را بیشینه کند [۴۷ و ۴۸]. این شیوه، در واقع برگرفته از ویژگی کمینه کردن ریسک ساختاری است.

در حالت کلی‌تر، که در آن داده‌های آموزشی به صورت خطی در فضای ورودی جدایی‌پذیر نیستند، یک تبدیل غیرخطی برای تصویر کردن بردارهای ویژگی x به فضای با ابعاد بالاتر (فضای ویژگی) انجام می‌شود. این تبدیل، توسط توابع کرنل انجام می‌گردد.

²¹ Support-Vector Machine

در این تحقیق و معمولاً در بسیاری از کاربردهای دیگر، داده‌های ورودی به صورت خطی جدایی‌پذیر نیستند، بنابراین از SVM غیرخطی استفاده می‌شود. در این تحقیق از کرنل چند جمله‌ای استفاده شده است. برای مطالعه بیشتر در مورد SVM به پیوست (۱) مراجعه نمایید.

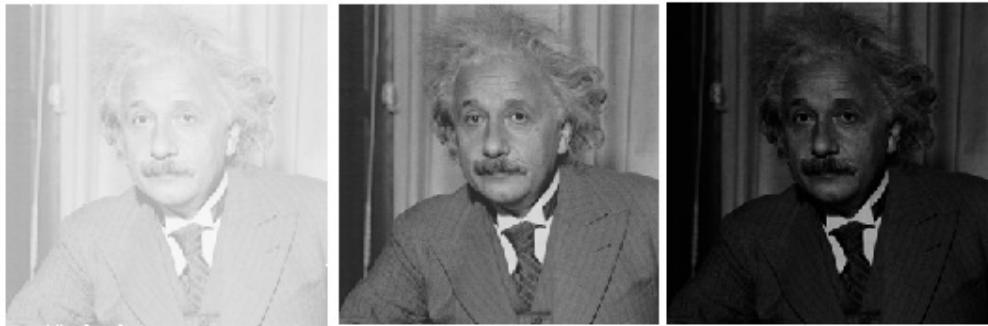
۳-۵- استخراج ویژگی به کمک ماتریس همرخداد

با توجه به اطلاعات استخراج شده از بافت تصویر، می‌توان به میزان کیفیت تصویر پی برد. بدین معنی که تصاویر با کیفیت مناسب، قادر به نمایش جزئیات زیادی هستند. اطلاعات بافتی یک تصویر در ماتریس همرخداد آن نهفته است [۴۹].

ماتریس همرخداد، نرخ رخداد مقادیر خاکستری دو پیکسل وابسته از تصویر را که در فاصله و جهت بخصوصی از یکدیگر قرار گرفته‌اند، بیان می‌کند. ماتریس همرخداد G_{ij} ، ماتریس مربعی است که عناصر آن نشان‌دهنده فرکانس نسبی دو پیکسل، یکی با سطح خاکستری α و دیگری با سطح خاکستری β در فاصله خاص و در یک جهت تعیین شده در تصویر می‌باشند. زاویه‌های ممکن بین دو پیکسل 0° ، 45° ، 90° و 135° درجه می‌باشند. تعداد سطوح خاکستری ممکن در تصویر، اندازه ماتریس G را تعیین می‌کند. برای تصویر ۸ بیتی (۲۵۶ سطح ممکن)، اندازه G برابر 256×256 خواهد بود [۱]. بهمنظور کاهش بار محاسباتی، می‌توان از کوانتیزه کردن سطوح خاکستری استفاده کرد. به عنوان مثال، در مورد ۲۵۶ سطح خاکستری، این کار را به این صورت انجام می‌دهیم که ۳۲ سطح اول خاکستری را برابر یک، ۳۲ سطح بعدی را برابر ۲، و غیره قرار می‌دهیم. به این ترتیب ماتریس همرخداد 8×8 به وجود می‌آید.

همان‌طور که اشاره شد، اطلاعات بافتی در این ماتریس نهفته است. مزیت استفاده از ماتریس همرخداد برای نمایش بافت تصویر، این است که موقعیت مکانی پیکسل‌ها نیز در نظر گرفته می‌شود [۱]. با توجه به این اطلاعات بافتی، می‌توان به میزان کیفیت تصویر پی برد.

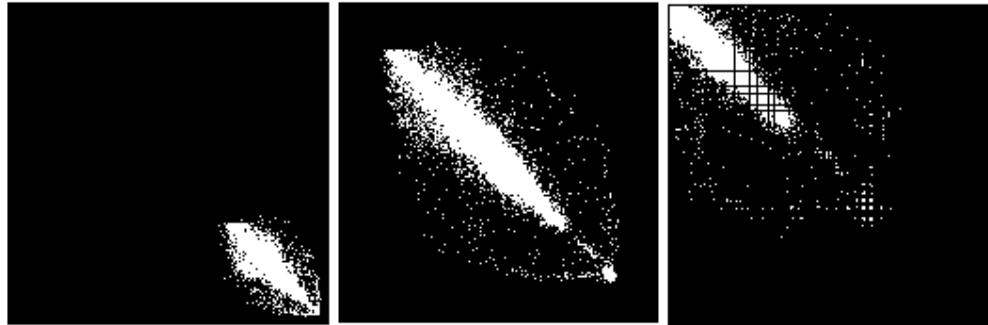
شکل (۲-۵)، سه تصویر با مقادیر گامای متفاوت به همراه ماتریس هم‌رخداد هر یک را به صورت تصویر نشان می‌دهد. این ماتریس‌های هم‌رخداد، از فاصله یک و زاویه صفر درجه بین دو پیکسل، در انداز 256×256 ایجاد شده‌اند. همان‌طور که از تصاویر ماتریس هم‌رخداد مشخص است، مقادیر ماتریس هم‌رخداد مربوط به تصویر تیره (روشن) متمایل به ابتدای (انتهای) قطر اصلی و ماتریس هم‌رخداد مربوط به تصویر استاندارد ($\gamma = 1$)، بازه وسیعی از قطر اصلی را شامل می‌شوند. همچنین هر چه مقادیر ماتریس هم‌رخداد از قطر اصلی فاصله بیشتری داشته باشند، تغییرات سطح خاکستری در تصویر بیشتر است. از این‌رو جزئیات تصویر بیشتر قابل نمایش است.



ج) تصویر روشن ($\gamma = 0.2$)

ب) تصویر استاندارد ($\gamma = 1$)

الف) تصویر تیره ($\gamma = 2.4$)



ه) ماتریس هم‌رخداد تصویر (الف) و ماتریس هم‌رخداد تصویر (ب) ز) ماتریس هم‌رخداد تصویر (ج)

شکل (۲-۵): نمایش سه تصویر با مقادیر گامای متفاوت به همراه ماتریس هم‌رخداد هر یک.

برای استخراج ویژگی، ابتدا باید مانند معادله (۲-۵)، این ماتریس را نرمال نمود. در این معادله، n برابر با مجموع عناصر ماتریس G است.

$$P = G / n \quad (2-5)$$

این احتمالات در بازه‌ی [0,1] هستند و مجموع آن‌ها ۱ است:

$$\sum_{i=1}^k \sum_{j=1}^k p_{ij} = 1 \quad (3-5)$$

K بعد سطر (یا ستون) ماتریس مربع G است. هارلیک [۵۰، ۱۴] ویژگی بر روی این ماتریس تعریف نمود. بسیاری از این ویژگی‌ها مشابه می‌باشند. چهار ویژگی متدائل که از ماتریس هم‌رخداد P استخراج می‌شوند، به صورت روابط زیر بیان می‌شوند.

۱. همبستگی

همبستگی، معیاری از چگونگی همبستگی پیکسل به همسایه‌اش روی کل تصویر است. بازه‌ی مقادیر ۱ تا -۱ است، که متناظر با همبستگی‌های مثبت و منفی کامل است. اگر انحراف استاندارد صفر باشد، این معیار تعریف نمی‌شود. m_r و m_c و σ_r و σ_c به ترتیب میانگین و انحراف استانداردی است که در امتداد سطرها و ستون‌های ماتریس P محاسبه شدند.

$$COR = -\sum_{i=1}^{256} \sum_{j=1}^{256} \frac{(i - m_r)(j - m_c)p_{ij}}{\sigma_r \sigma_c} \quad (4-5)$$

۲. کنتراست

معیاری از کنتراست بین یک پیکسل و همسایه آن روی کل تصویر است. بازه‌ی مقادیر از صفر تا $(k-1)^2$ است، (k، بعد ماتریس هم‌رخداد می‌باشد، که در اینجا ۲۵۶ در نظر گرفتیم).

$$CON = \sum_{i=1}^{256} \sum_{j=1}^{256} (i - j)^2 p(i, j) \quad (5-5)$$

۳. انرژی

معیاری از یکنواختی است که در بازه‌ی [0,1] است. انرژی برای تصویر ثابت، ۱ است.

$$ENR = \sum_{i=1}^{256} \sum_{j=1}^{256} p(i, j)^2 \quad (6-5)$$

۴. همگنی

نزدیکی مکانی توزیع عناصر در G را به قطر، اندازه‌گیری می‌کند. بازه‌ی مقادیر $[0,1]$ است، و ماکریم وقتی به دست می‌آید که G ماتریس قطری باشد.

$$HOM = \sum_i^{256} \sum_j^{256} \frac{p(i,j)}{1+|i-j|} \quad (7-5)$$

۴-۵- استخراج ویژگی به کمک تبدیل کسینوسی گسسته (DCT)

تبدیل کسینوسی تصویر، بیان‌کننده میزان تغییرات مقادیر سطح خاکستری در جهت و نرخ مشخص می‌باشد. ویژگی‌های استخراج شده از این ماتریس، مکمل ویژگی‌های استخراج شده از ماتریس هم‌رخداد هستند و اطلاعات دیگری از بافت تصویر استخراج می‌کنند.

تبدیل کسینوسی گسسته، تصویر را به صورت حاصل جمع تعدادی تابع کسینوسی (سینوسی) با دامنه‌ها و فرکانس‌های مختلف بازنمایی می‌کند. تبدیل کسینوسی برای یک داده دو بعدی مثل تصویر را می‌توان همانند تبدیل موجک دو بعدی، با اعمال تبدیل کسینوسی یک بعدی به طور جداگانه به هر سطر و ستون از تصویر به دست آورد. تبدیل کسینوسی گسسته برای تصویر f با ابعاد $N \times M$ به صورت

معادله (۸-۵) محاسبه می‌شود:

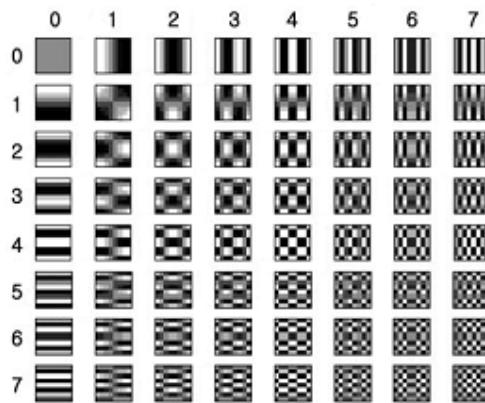
$$D(u,v) = \alpha(u)\alpha(v) \sum_{x=0}^{N-1} \sum_{y=0}^{M-1} f(x,y) \cos\left[\frac{\pi(2x+1)u}{N * M}\right] \cos\left[\frac{\pi(2y+1)v}{N * M}\right] \quad (8-5)$$

که $\alpha(u)$ و $\alpha(v)$ به صورت زیر تعریف می‌شوند:

$$\alpha_u = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{2}} & u = 0 \\ 1 & u = 1, 2, \dots, N - 1 \end{cases} \quad (9-5)$$

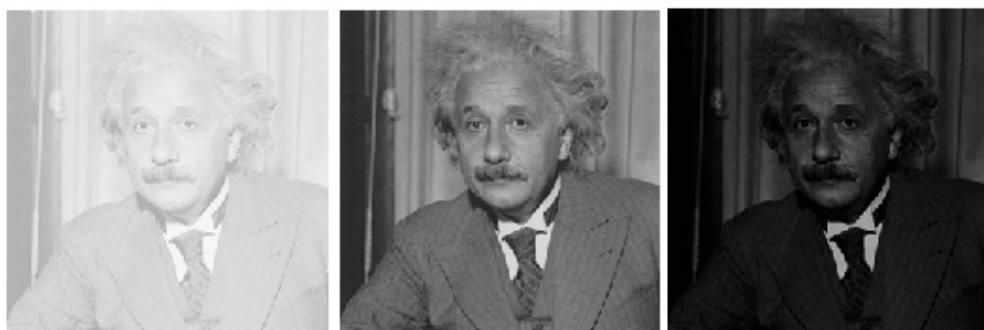
$$\alpha_v = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{2}} & v = 0 \\ 1 & v = 1, 2, \dots, M - 1 \end{cases}$$

شکل (۳-۵) مولفه‌های اصلی برای تبدیل DCT در ابعاد 8×8 را نشان می‌دهد. مولفه $D(0,0)$ ، ضریب DC که بیانگر میانگین تصویر و مابقی ضرایب، مقادیر AC هستند که بیان‌کننده میزان تغییرات مقادیر سطح خاکستری در جهت و نرخ مشخص می‌باشند [۵۱].

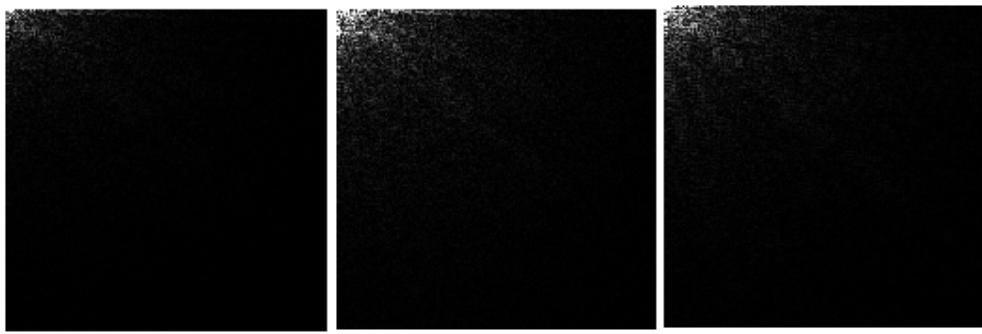


شکل (۳-۵): مولفه‌های اصلی تبدیل کسینوسی گسسته.

شکل (۴-۵)، سه تصویر با مقادیر گامای متفاوت به همراه ماتریس DCT هر یک را نشان می‌دهد. هر چه کیفیت تصویر بهتر باشد، جزئیات تصویر، مشخص‌تر هستند. بسیاری از جزئیات در تصاویر (۴-۵) (الف) و (۴-۵) (ب) مشخص نیستند.



(الف) تصویر تیره ($\gamma=2.4$) (ب) تصویر استاندارد ($\gamma=1$) (ج) تصویر روشن ($\gamma=0.2$)



(ه) ماتریس DCT تصویر (الف) و ماتریس DCT تصویر (ب) ز) ماتریس DCT تصویر (ج)

شکل (۴-۵): نمایش سه تصویر با مقادیر گام‌ای متفاوت به همراه ماتریس DCT هر یک.

چهار ویژگی زیر را از ماتریس DCT تصویر استخراج نمودیم. این ویژگی‌ها میزان پیچیدگی تصویر، درجهت و نرخ مشخص می‌باشند. به ترتیب، این ویژگی‌ها بیانگر مقدار DC تصویر به تغییرات کل تصویر، تغییرات عمودی به تغییرات کل، تغییرات افقی به تغییرات کل و تغییرات قطری به تغییرات کل تصویر می‌باشند.

$$F_{DC} = D(0,0) \quad (10-5)$$

$$\sum_{u} \sum_{v} D(u,v)$$

$$F_{Hor} = \sum_v D(0,v) \quad (11-5)$$

$$\sum_u \sum_{v} D(u,v)$$

$$F_{Ver} = \sum_u D(u,0) \quad (12-5)$$

$$\sum_u \sum_{v} D(u,v)$$

$$F_{Diag} = \sum_{\substack{u \\ u=v}} \sum_{v} D(u,v) \quad (13-5)$$

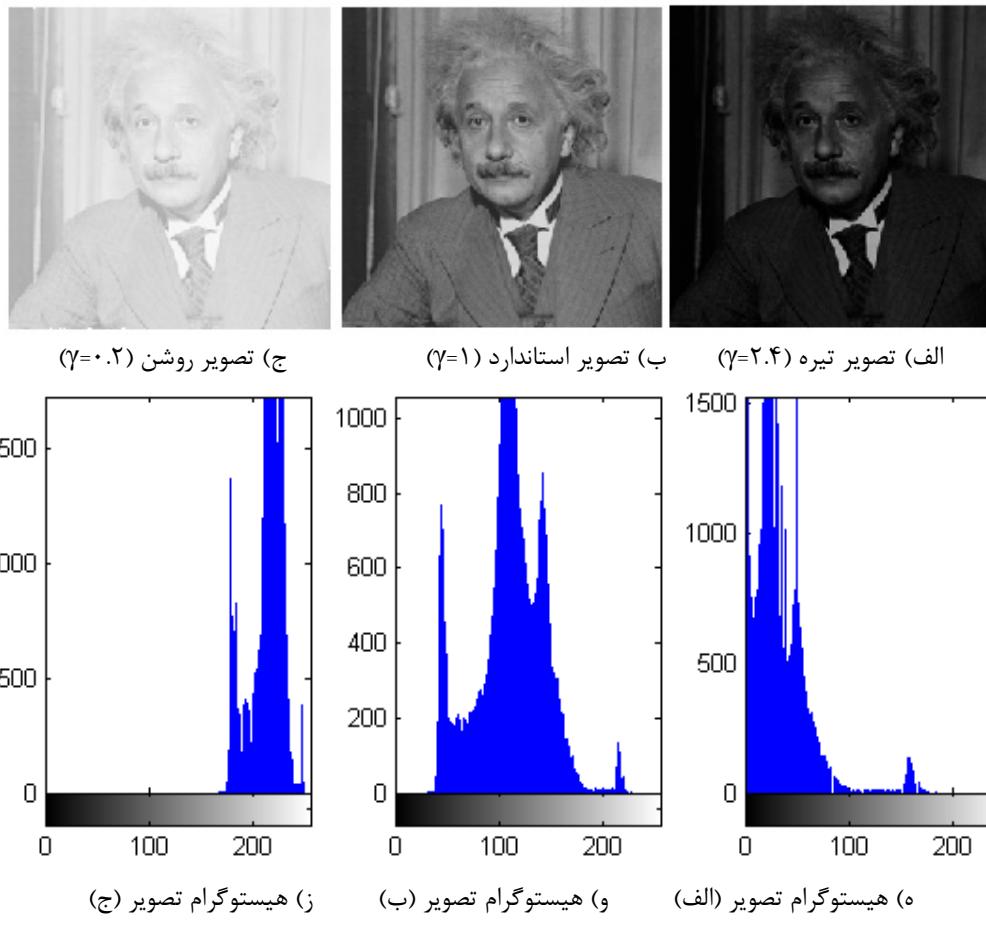
$$\sum_u \sum_{v} D(u,v)$$

۵-۵- استخراج ویژگی به کمک هیستوگرام تصویر

روشنایی یک تصویر به کمک هیستوگرام آن قابل ارزیابی است. بدین معنی که، اگر تصویر روشن باشد هیستوگرام آن متمایل به راست و برای تصویر تیره، هیستوگرام متمایل به چپ و هیستوگرام تصویر با روشنایی مناسب، متمایل به نواحی میانی سطح خاکستری می‌باشد. این موضوع در شکل (۵-۵)، برای سه تصویر با مقادیر گام‌ای متفاوت نشان داده شده است. بر این اساس می‌توان از ویژگی میانگین تصویر که میان هیستوگرام است، به عنوان یک ویژگی مناسب، جهت تعیین میزان روشنایی تصویر

استفاده نمود. معادله (۱۴-۵) میانگین تصویر را از هیستوگرام استخراج می‌نماید. در این معادله، k مقادیر سطوح خاکستری و H هیستوگرام نرمال شده می‌باشد.

$$Mean = \sum_k kH(k) \quad (14-5)$$



(ه) هیستوگرام تصویر (الف) (و) هیستوگرام تصویر (ب) (ز) هیستوگرام تصویر (ج)

شکل (۵-۵): نمایش سه تصویر با مقادیر گامای متفاوت به همراه هیستوگرام هر یک.

۶-۵- روشن پیشنهادی مبتنی بر پنجره‌گذاری و ویژگی همگنی ماتریس همرخداد (روش اول)

همان‌طور که قبلاً اشاره شد، با توجه به ماتریس هم رخداد، می‌توان به اطلاعات بافت تصویر دست یافت. در روشن پیشنهادی از این اطلاعات بافت، به منظور اصلاح گامای تصویر استفاده شده است.

به منظور اصلاح محلی، تصویر به پنجره‌های همپوشان تقسیم‌بندی می‌شوند. هر چه ابعاد پنجره کوچکتر در نظر گرفته شود، الگوریتم پیشنهادی بهتر عمل می‌نماید، ولی موجب کندی الگوریتم می‌شود. برای نمونه، برای تصاویر با ابعاد 256×256 ، ابعاد پنجره 32×32 در نظر گرفته شده است. ابعاد پنجره‌هایی که در انتهای راست و یا پایین تصویر قرار می‌گیرند، ممکن است کمتر از ابعاد پنجره‌های دیگر باشند.

برای کارایی الگوریتم، از پنجره‌های همپوشان استفاده شده است. میزان همپوشانی هر پنجره با پنجره‌های مجاور، 50% در صد ابعاد پنجره در نظر گرفته شده است. نمونه‌ای از این پنجره‌گذاری در شکل (۶-۵) نشان داده شده است.



شکل (۶-۵): تقسیم تصویر به پنجره‌های همپوشان.

برای تعیین گامای مناسب هر پنجره، طبق معادله اصلاح گاما در رابطه (۵-۲)، به هر یک از پنجره‌های ایجاد شده، گاما_۱ تا 0.1 با گاما_۰ اعمال می‌شود. از اینرو به‌ازای هر پنجره، سی پنجره با کیفیت‌های مختلف به‌دست می‌آید. یکی از این مقادیر اعمال شده، گاما مناسب برای اصلاح این پنجره می‌باشد. برای تعیین این گاما مناسب، ابتدا ماتریس هم‌رخداد برای هر یک از این سی پنجره ایجاد شده، محاسبه می‌شود. سپس ویژگی همگنی هر یک از این ماتریس‌ها استخراج می‌گردد. همان‌طور که گفته شد، ویژگی همگنی، نزدیکی مکانی توزیع عناصر در P (ماتریس هم‌رخداد نرمال) را به قطر، اندازه‌گیری می‌کند. ماکریزیم وقتی به‌دست می‌آید که P ماتریس قطری باشد. چنین

ماتریسی متناظر با تصویری با محتوای سطح خاکستری غنی و ناحیه‌هایی که مقادیر سطح خاکستری آن به کندی تغییر می‌کند (تصویر با وضوح پایین). بدین معنی که جزئیات تصویر، مشخص نمی‌باشد و بر عکس، تصویری که سطوح خاکستری آن به شدت تغییر می‌کند (تصویر با وضوح بالا)، دارای مینیمم مقدار همگنی می‌باشد. از اینرو با توجه به مقدار این ویژگی، می‌توان به کیفیت تصویر پی برد. بنابراین، تصویر با کیفیت بالا، دارای مینیمم مقدار همگنی می‌باشد. از اینرو گامای مرتبط با مینیمم مقدار همگنی، گامای مناسب آن پنجره می‌باشد. با اعمال این گاما طبق رابطه (۵-۲) به پنجره، این ناحیه از تصویر اصلاح می‌شود. این فرآیند برای تمام پنجره‌های ایجاد شده از تصویر تکرار می‌گردد تا کل تصویر به صورت محلی اصلاح شود.

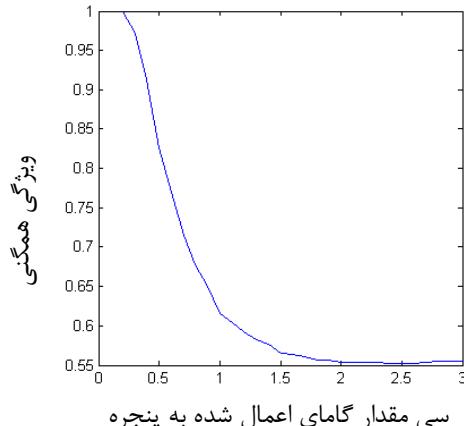
شكل (۷-۵) (الف)، یک پنجره استخراج شده از شکل (۶-۵) می‌باشد. برای اصلاح پنجره، همان‌طور که گفته شد سی مقدار گاما از محدوده ۰/۱ تا ۳ با گام ۰/۱ مطابق رابطه (۵-۲) به آن اعمال می‌شود. سپس ماتریس هم‌رخداد برای هر یک از این سی پنجره ایجاد شده، محاسبه می‌شود. گامای مناسب برای این پنجره، با توجه به مینیمم مقدار همگنی استخراج شده از هر یک از این سی ماتریس، تقریب زده می‌شود. شکل (۷-۵) (ج)، نمودار مقادیر همگنی یک پنجره به‌ازای سی گامای متفاوت را نشان می‌دهد. محور افقی، سی گامای اعمال شده به پنجره و محور عمودی، مقادیر همگنی استخراج شده می‌باشند. این نمودار نشان می‌دهد که، مینیمم مقدار همگنی به‌ازای گامای ۲/۵ حاصل شده است. از اینرو با اعمال این گاما به پنجره طبق رابطه (۵-۲)، این ناحیه از تصویر بهبود می‌یابد (شکل (۷-۵) (ب)). همان‌طور که در شکل (۷-۵) (ب) مشاهده می‌شود جزئیات تصویر، به‌وضوح قابل رویت است.



الف) استخراج یک پنجره از تصویر

ب) اصلاح گاما تصویر (الف) با اعمال گاما

معکوس $\cdot ۰۴/۵$



سی مقدار گاما اعمال شده به پنجره

ج) نمودار مقادیر همگنی بهازای مقادیر گاما متفاوت اعمال شده به پنجره.

شکل(۷-۵): اصلاح گاما یک پنجره از تصویر.

اگر این فرآیند برای تمام پنجره‌های موجود در تصویر تکرار گردد، گاما مناسب برای هر پنجره به دست می‌آید. به علت وجود پنجره‌های همپوشان ممکن است بهازای هر پیکسل، چندین مقدار گاما به دست آید که با میانگین گرفتن از این مقادیر، مقدار گاما واقعی برای هر پیکسل به دست می‌آید. از اینرو بهازای هر پیکسل از تصویر یک گاما مناسب حاصل می‌شود (به عبارتی دیگر ماسکی از مقادیر گاما در ابعاد تصویر به دست می‌آید).

جهت بهبود کیفیت تصویر طبق رابطه (۵-۲)، گاما به دست آمده به ازای هر پیکسل، به تک تک آن اعمال می‌شود. نتیجه اصلاح گاما در شکل (۸-۵) (الف) نشان داده شده است. همان‌طور که مشاهده می‌شود، اثر بلوکی که ناشی از پنجره‌گذاری می‌باشد، بر روی تصویر اصلاح شده باقی مانده است. در این مرحله برای از بین بردن اثر بلوکی، از ماسک به دست آمده از مقادیر گاما، فیلتر میانگین می‌گیریم. سپس این ماسک گاما به پیکسل‌های تصویر اعمال می‌شود، تا اثر بلوکی در تصویر بهبود یافته از بین رود (شکل (۸-۵) (ب)).



الف) اصلاح گامای تصویر با جاماندن اثر بلوکی ب) اصلاح گامای تصویر با از بین بردن اثر بلوکی

شکل (۸-۵): اصلاح گامای تصویر براساس روش پیشنهادی اول.

روش پیشنهادی اول به طور خلاصه، به صورت مراحل زیر بیان می‌شوند:

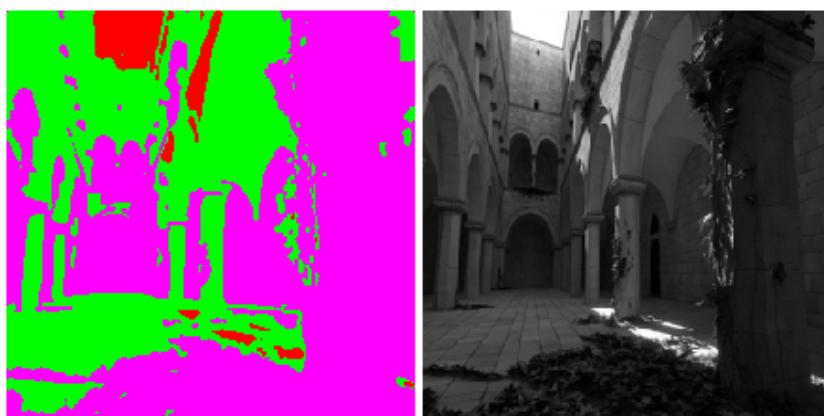
۱. تقسیم تصویر به پنجره‌های همپوشان.
۲. اعمال سی مقدار گاما به هر پنجره از تصویر.
۳. محاسبه ماتریس هم‌خداد برای هر پنجره.
۴. استخراج ویژگی همگنی از هر ماتریس.
۵. انتخاب گامای مناسب برای هر پنجره، با توجه به مینیمم مقدار ویژگی همگنی.
۶. میانگین گرفتن از مقادیر گامای موجود در پنجره‌های همپوشان.
۷. اعمال فیلتر میانگین به کل مقادیر گامای به دست آمده.
۸. اعمال این مقادیر گامای به دست آمده به تک تک پیکسل‌های تصویر.

این روش پیشنهادی برای تصاویر طبیعت و نیز تصاویر پزشکی کاربرد دارد. یکی از اشکالات این روش، تقسیم تصویر به پنجره‌هایی در ابعاد ثابت می‌باشد، که بهتر است از پنجره‌هایی در ابعاد متغیر برای قسمت‌های مختلف تصویر استفاده شود. البته می‌توان به جای پنجره‌گذاری تصویر، از بخش‌بندی تصویر استفاده کرد. از این‌رو در روش پیشنهادی دوم، از بخش‌بندی تصویر استفاده شده است. البته روش پیشنهادی اول، کمی زمان بر نیز می‌باشد.

۷-۵- روش پیشنهادی مبتنی بر بخش‌بندی و ویژگی همگنی ماتریس

هم‌رخداد (روش دوم)

این روش مشابه روش قبل می‌باشد، با این تفاوت که، به جای تقسیم تصویر به پنجرهای همپوشان، از بخش‌بندی تصویر استفاده شده است. در این روش، ابتدا با استفاده از الگوریتم بخش‌بندی شرح داده شده در بخش ۴-۶، تصویر را بخش‌بندی نموده، سپس مشابه هر پنجره در روش قبل، گام‌ای مناسب برای هر بخش را تعیین می‌نماییم. ولی از آنجایی که در این روش، همپوشانی بین پیکسل‌ها وجود ندارد، به‌ازای هر پیکسل دقیقاً یک گاما به‌دست می‌آید. در این روش هم برای از بین بردن اثر بلوکی، از ماسک به‌دست آمده از مقادیر گاما فیلتر میانگین می‌گیریم. شکل‌های (۹-۵) و (۱۰-۵) دو نمونه از نتایج این روش را نشان می‌دهند. اشکال این روش در این است که به تعداد نواحی در نظر گرفته شده برای بخش‌بندی تصویر وابسته است و ممکن است به‌ازای یک تعداد نواحی خاص، جواب مناسبی ندهد. ولی از آنجایی که تعداد نواحی تصاویر پزشکی مربوط به هر قسمت بدن مشخص است، این روش برای تصاویر پزشکی مناسب‌تر است. همچنین این روش از سرعت نسبتاً بالایی برخوردار است.



(ب)

(الف)



(د)

(ج)

الف) تصویر اولیه، ب) بخش‌بندی تصویر به سه ناحیه، ج) اصلاح تصویر با جا ماندن اثر بلوکی، د) اصلاح تصویر با از بین بردن اثر بلوکی

شکل (۹-۵): اصلاح گام‌ای تصویر براساس روش پیشنهادی دوم.



الف) تصویر اولیه (نمونه‌ای از تصویر رادیولوژی دندان)



ب) تصویر اصلاح شده

شکل (۱۰-۵): اصلاح گام‌ای تصویر براساس روش پیشنهادی دوم.

روش پیشنهادی دوم به طور خلاصه، به صورت مراحل زیر بیان می‌شوند:

۱. هموار سازی تصویر با استفاده از آستانه‌گذاری نرم ویولت.
۲. پیکسون‌بندی تصویر هموار شده.
۳. بخش‌بندی تصویر پیکسونی با استفاده از FCM.
۴. اعمال سی مقدار گاما به هر بخش از تصویر.
۵. محاسبه ماتریس هم‌رخداد برای هر بخش و استخراج ویژگی همگنی از هر ماتریس.
۶. انتخاب گامای مناسب برای هر بخش، با توجه به مینیمم مقدار این ویژگی.
۷. اعمال فیلتر میانگین به کل مقادیر گامای به دست آمده.
۸. اعمال این مقادیر گاما به تک تک پیکسل‌های تصویر.

۸-۵- روش پیشنهادی مبتنی بر کلاسیفایر SVM (روش سوم)

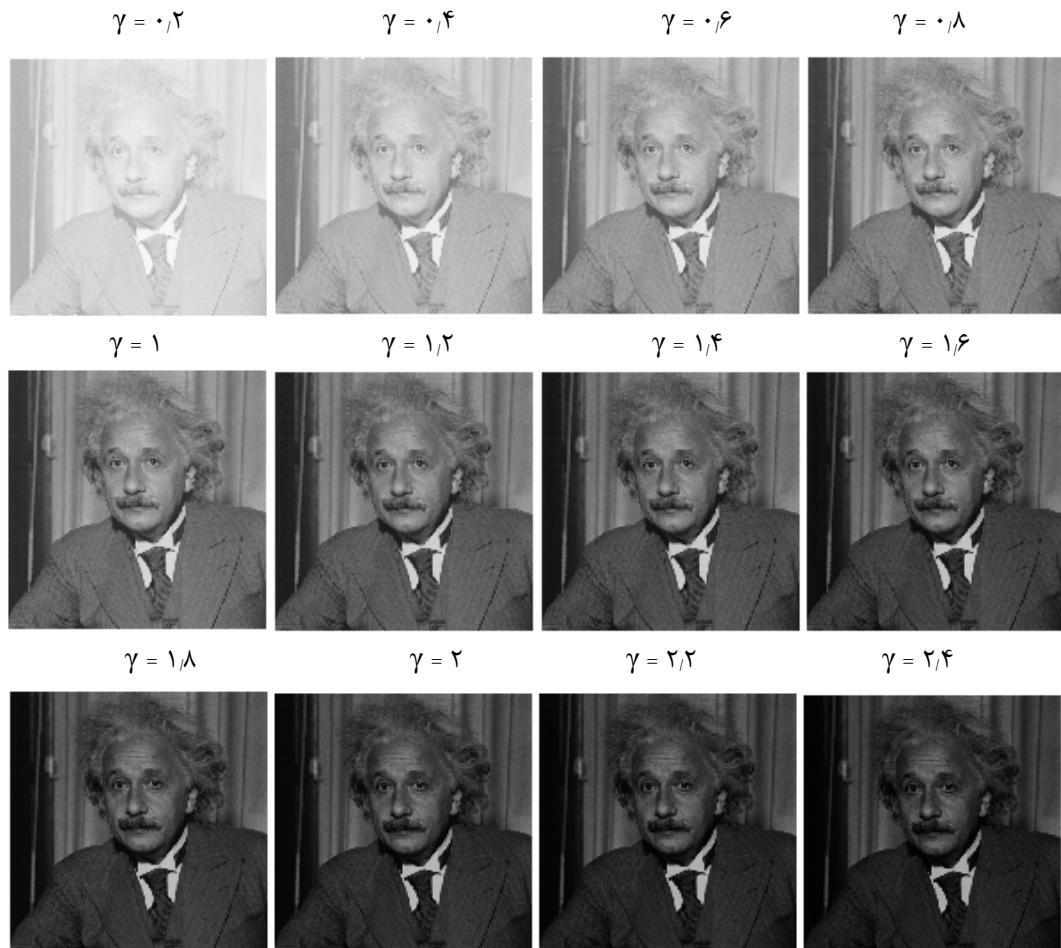
برای پیاده‌سازی این الگوریتم پیشنهادی، پایگاه‌داده‌ای از تصاویر با میزان گاماهای مشخص نیاز داریم.

برای این منظور، ما از تصاویر استاندارد نشان داده شده در شکل (۱۱-۵) استفاده نمودیم. برای کارایی مطلوب‌تر، در انتخاب این تصاویر بهتر است که از تصاویر متنوعی استفاده شود.



شکل (۱۱-۵): نمونه‌ای از تصاویر استاندارد با کیفیت مناسب.

طبق معادله قانون توان، به هر یک از تصاویر شکل (۱۲-۵)، گاماهای $0, \frac{1}{2}, 1, \frac{3}{2}, 2$ با گام $0, 2, 4, 6, 8$ اعمال می‌کنیم. درنتیجه بهازی هر تصویر، دوازده تصویر با کیفیت مختلف بهدست می‌آید (شکل (۱۲-۵)). از اینرو پایگاه داده‌ای شامل صد و هفت تصویر آموزشی با دوازده کلاس از مقادیر متفاوت گاما ایجاد می‌شود، که نه تصویر برای هر کلاس وجود دارد. به عبارتی دیگر، پایگاهداده‌ای از تصاویر آموزشی با گاماهای مشخص ایجاد نمودیم.



شکل (۱۲-۵): ایجاد دوازده کلاس از تصویر با مقادیر گامای مختلف.

به منظور اصلاح محلی تصویر، هر یک از تصاویر موجود در پایگاه داده را به پنجره‌های همپوشان تقسیم‌بندی نموده، به طوری که هر پنجره با پنجره‌های مجاور خود، پنجاه درصد همپوشانی داشته باشد. ابعاد پنجره، مشابه روش اول در نظر گرفته شده است.

در این مرحله، از هر یک از این پنجره‌های ایجاد شده با گامای مشخص، نه ویژگی ذکر شده را استخراج می‌نماییم. این ویژگی‌ها از ماتریس هم‌رخداد، تبدیل کسینوسی و هیستوگرام هر پنجره استخراج می‌گردند. همان‌طور که نشان دادیم، این ویژگی‌ها بیانگر محتوای هر پنجره یعنی میزان روشنایی، وضوح و میزان جزئیات تصویر هستند. از اینرو با توجه به این ویژگی‌ها می‌توان به کیفیت هر پنجره پی برد. این نه ویژگی را برای تمامی پنجره‌های ایجاد شده از تصاویر آموزشی استخراج می‌نماییم. این بردارهای ویژگی به همراه کلاس گامای مشخص را به کلاسیفایر SVM، جهت آموزش می‌دهیم.

برای اصلاح یک تصویر جدید، باید همانند تصاویر پایگاه داده، تصویر را به پنجره‌های همپوشان تقسیم نمود، و ویژگی‌های ذکر شده را برای هر پنجره از این تصویر محاسبه کرد. جهت تعیین مقدار گامای هر پنجره از تصویر جدید، بردار ویژگی به دست آمده از هر پنجره را به SVM می‌دهیم تا یکی از دوازده مقدار گاما را تخمین زند. مشابه روش اول، به علت وجود پنجره‌های همپوشان ممکن است بهازای هر پیکسل، چندین مقدار گاما به دست آید، که با میانگین گرفتن از این مقادیر، مقدار گامای واقعی برای هر پیکسل به دست می‌آید. برای از بین بردن اثر بلوکی نیز، از ماسک به دست آمده از مقادیر گاما، فیلتر میانگین می‌گیریم.

جهت بهبود کیفیت تصویر، طبق رابطه (۵-۲)، گامای به دست آمده بهازای هر پیکسل را به آن اعمال می‌کنیم. نتیجه اصلاح گاما در شکل (۵-۱۳) نشان داده شده است.



(ب)

(الف)

الف) تصویر اولیه، ب) تصویر بهبود یافته

شکل (۱۳-۵): اصلاح گام‌ای تصویر براساس روش پیشنهادی سوم.

روش پیشنهادی سوم به طور خلاصه، به صورت مراحل زیر بیان می‌شوند:

۱. انتخاب نه تصویر اولیه با کیفیت مناسب.
۲. اعمال دوازده مقدار گاما به هر تصویر برای ایجاد تصاویر آموزشی.
۳. تقسیم هر یک از این تصاویر آموزشی به پنجره‌های همپوشان.
۴. استخراج نه ویژگی ذکر شده از هر یک از پنجره‌ها.
۵. اعمال این بردارهای ویژگی به همراه گام‌ای مشخص هر پنجره، به کلاسیفایر SVM
۶. تقسیم تصویر جدید به پنجره‌های همپوشان و استخراج نه ویژگی ذکر شده.
۷. تخمین مقادیر گام‌ای هر پنجره از تصویر جدید با استفاده از SVM.
۸. اعمال فیلتر میانگین به کل مقادیر گام‌ای به دست آمده.
۹. اعمال معکوس مقادیر گاما به هر پیکسل.

از آنجایی که آموزش کلاسیفایر SVM، توسط تصاویر طبیعت انجام شده است، این روش برای تصاویر طبیعت نتایج بهتری دارد، و برای تصاویر پزشکی ممکن است نتایج، قابل قبول نباشند. این روش با استخراج نه ویژگی مناسب شرح داده شده، بهتر از هر دو روش دیگر، قادر به تخمین مقادیر گام‌ای

مناسب برای اکثر تصاویر می‌باشد. همچنین از آنجایی که به‌ازای تصاویر مختلف، مرحله آموزش فقط یک بار انجام می‌شود، سرعت این روش بالا است.

در ادامه نتایج حاصل از این الگوریتم‌ها را بر روی تصاویر طبیعت و پزشکی بررسی می‌کنیم.

۹-۵- نتایج شبیه‌سازی بر روی تصاویر طبیعت

همان‌طور که گفته شد، روش‌های پیشنهادی اول و سوم برای بهبود تصاویر طبیعت کاربرد بهتری دارند. این دو روش پیشنهادی بر روی مجموعه‌ی وسیعی از تصاویر، آزمایش شده‌اند، و در این بخش تعدادی از آنها، به عنوان نمونه در شکل‌های (۱۴-۵) تا (۱۸-۵) آورده شده‌اند. برای بررسی و ارزیابی عملکرد روش‌های پیشنهادی، این نتایج با روش‌های ارائه شده در [۱۳] و [۱۸] مقایسه شده‌اند. همان‌طور که دیده می‌شود، این دو روش تنها روی تعداد محدودی تصویر قابل انجام است و روش ارائه شده در [۱۳]، در بسیاری از موارد موجب از بین رفتان وضوح تصویر نیز می‌شود. این نتایج نشان می‌دهند که هر دو روش پیشنهادی در این پایان‌نامه، به میزان قابل توجهی کیفیت تصویر را بهبود می‌بخشند و به مراتب بهتر از روش‌های موجود می‌باشند. همان‌طور که قبل اشاره شد، روش پیشنهادی سوم بهتر از روش پیشنهادی اول می‌باشد.



الف) تصویر اولیه



ج) روش پیشنهادی در [۱۸]



ب) روش پیشنهادی در [۱۳]



ه) روش پیشنهادی سوم



د) روش پیشنهادی اول

شکل (۱۴-۵): مقایسه روش‌های پیشنهادی با روش‌های ارائه شده در [۱۳] و [۱۸].



الف) تصویر اولیه



ج) روش پیشنهادی در [۱۸]



ب) روش پیشنهادی در [۱۳]



ه) روش پیشنهادی سوم



د) روش پیشنهادی اول

شکل (۵-۵): مقایسه روش‌های پیشنهادی با روش‌های ارائه شده در [۱۳] و [۱۸].



الف) تصویر اولیه



ج) روش پیشنهادی در [۱۸]



ب) روش پیشنهادی در [۱۳]



ه) روش پیشنهادی سوم



د) روش پیشنهادی اول

شکل (۱۶-۵): مقایسه روش‌های پیشنهادی با روش‌های ارائه شده در [۱۳] و [۱۸].



الف) تصویر اولیه



ج) روش پیشنهادی در [۱۸]



ب) روش پیشنهادی در [۱۳]



ه) روش پیشنهادی سوم

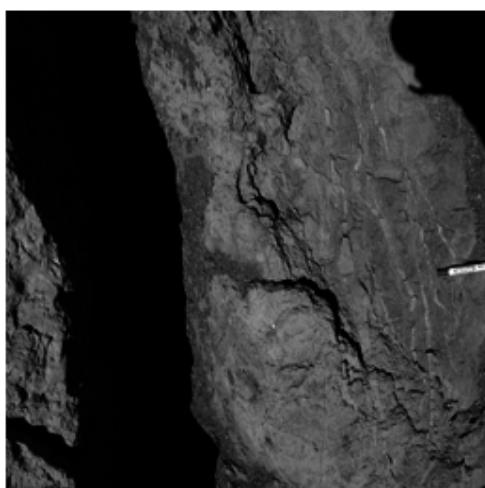


د) روش پیشنهادی اول

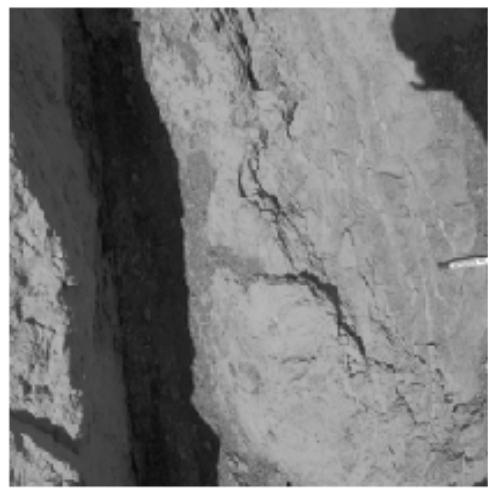
شكل (۱۷-۵): مقایسه روش‌های پیشنهادی با روش‌های ارائه شده در [۱۳] و [۱۸].



الف) تصویر اولیه



ج) روش پیشنهادی در [۱۸]



ب) روش پیشنهادی در [۱۳]



ه) روش پیشنهادی سوم



د) روش پیشنهادی اول

شکل (۱۸-۵): مقایسه روش‌های پیشنهادی با روش‌های ارائه شده در [۱۳] و [۱۸].

۱۰-۵- نتایج شبیه‌سازی بر روی تصاویر پزشکی

همان‌طور که گفته شد، در روش سوم، آموزش SVM براساس تصاویر طبیعت انجام شده است، از این‌رو این روش برای تصاویر پزشکی ممکن است، مناسب نباشد. دو نمونه از نتایج حاصل از روش‌های پیشنهادی اول و دوم بر روی تصاویر پزشکی در شکل‌های (۱۹-۵)، (۲۰-۵) نشان داده شده است.

همان‌طور که مشاهده می‌شود، روش‌های پیشنهادی توانسته، کیفیت تصاویر پزشکی را بهبود دهد و تشخیص بیماری برای پزشک آسان‌تر شده است.



الف) تصویر اولیه



ج) روش پیشنهادی دوم

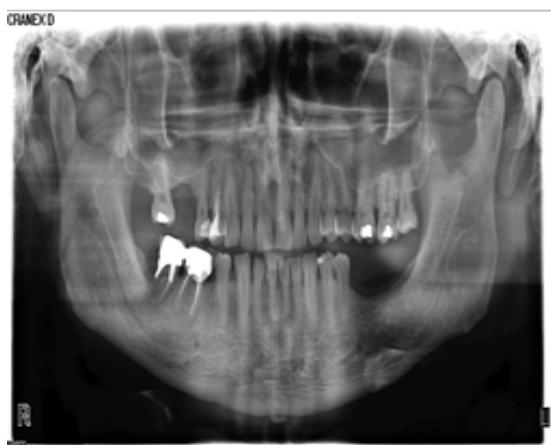


ب) روش پیشنهادی اول

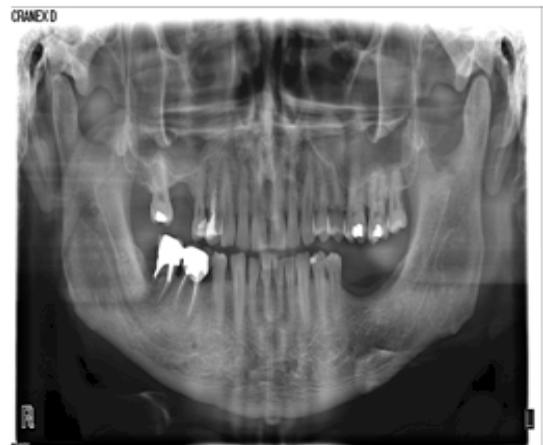
شکل (۱۹-۵): . نمونه‌ای از نتایج حاصل از روش‌های پیشنهادی اول و دوم بر روی تصویر رادیولوژی.



الف) تصویر اولیه



ب) روش پیشنهادی اول



ج) روش پیشنهادی دوم

شکل (۲۰-۵): نمونه‌ای از نتایج حاصل از روش‌های پیشنهادی اول و دوم بر روی تصویر رادیولوژی دندان.

۱۱-۵- ارزیابی عددی روش‌های مطرح شده

برای مقایسه عددی کارایی روش‌های پیشنهادی از معیار SSIM استفاده شده است. همان‌طور که در فصل سوم گفته شد، SSIM یکی از معیارهای قدرتمند ارزیابی کیفیت تصویر با داشتن تصویر مرجع است. از آنجایی که نسخه مرجع تصاویر قبل موجود نیستند، از معیار SSIM نمی‌توان استفاده نمود. از این‌رو برای استفاده از معیار SSIM، از مجموعه‌ای از تصاویر استاندارد که در کاربردهای پردازش تصویر مورد استفاده قرار می‌گیرند، استفاده شده است. این تصاویر مرجع را با گاماهای متفاوت، خراب نمودیم، و با استفاده از این چهار الگوریتم، کیفیت تصاویر خراب را بهبود دادیم. نتایج اعمال این الگوریتم‌ها به همراه SSIM در شکل‌های (۲۱-۵)، (۲۲-۵) و (۲۳-۵) نشان داده شده‌اند. مشاهده می‌شود که مقدار SSIM در هر دو روش پیشنهاد شده در این تحقیق برای تصاویر طبیعت (روش اول و روش سوم) بیشتر از دو روش دیگر است. همچنین همان‌طور که قبلاً اشاره شد، روش پیشنهادی سوم بهتر از روش پیشنهادی اول بر روی تصاویر طبیعت عمل می‌کند. از این‌رو مقدار SSIM برای روش سوم بیشتر از روش اول است. شکل (۲۴-۵) به‌وضوح این مطالب بیان شده را به صورت نمودار نشان می‌دهد.



ب) تصویر خراب شده با گاما، $SSIM = 0.599$

الف) تصویر مرجع



د) بهبود تصویر (ب) با روش [۱۸]، $SSIM = 0.759$

ج) بهبود تصویر (ب) با روش [۱۳]، $SSIM = 0.772$



و) بهبود تصویر (ب) با روش پیشنهادی سوم،

$SSIM = 0.97$



ه) بهبود تصویر (ب) با روش پیشنهادی اول،

$SSIM = 0.953$

شکل (۲۱-۵): مقایسه روش‌های پیشنهادی با روش‌های ارائه شده در [۱۳] و [۱۸] بهمراه مقادیر $SSIM$



ب) تصویر خراب شده با گاما، $SSIM = 0.538$



الف) تصویر مرجع



د) بهبود تصویر (ب) با روش [۹۶، ۷۳]



ج) بهبود تصویر (ب) با روش [۱۳]



و) بهبود تصویر (ب) با روش پیشنهادی سوم،

$SSIM = 0.967$



ه) بهبود تصویر (ب) با روش پیشنهادی اول،

$SSIM = 0.959$

شکل (۲۲-۵): مقایسه روش‌های پیشنهادی با روش‌های ارائه شده در [۱۳] و [۱۸] بهمراه مقادیر $SSIM$



ب) تصویر خراب شده با گاما، $SSIM = 0.739$



الف) تصویر مرجع



د) بهبود تصویر (ب) با روش [۱۸]، $SSIM = 0.663$



ج) بهبود تصویر (ب) با روش [۱۳]، $SSIM = 0.828$



و) بهبود تصویر (ب) با روش پیشنهادی سوم،

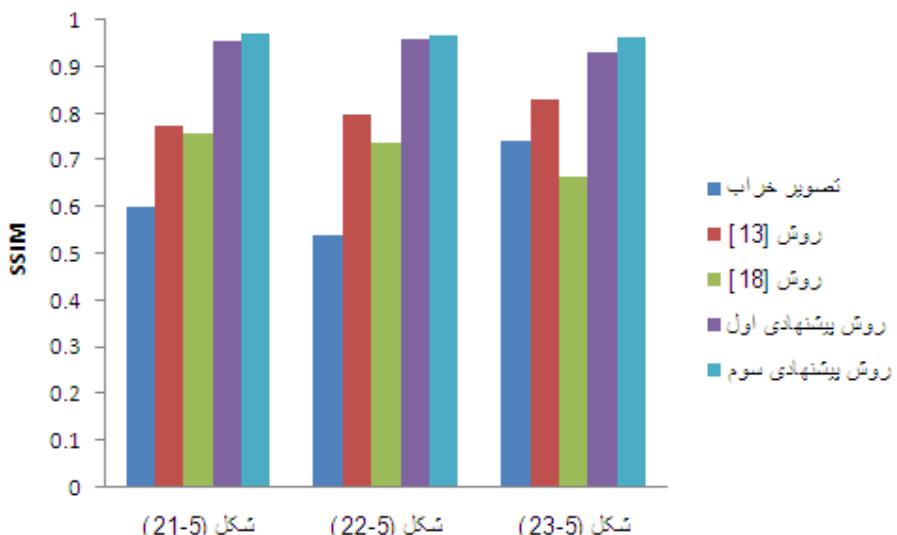
$SSIM = 0.962$



ه) بهبود تصویر (ب) با روش پیشنهادی اول،

$SSIM = 0.931$

شکل (۲۳-۵): مقایسه روش‌های پیشنهادی با روش‌های ارائه شده در [۱۳] و [۱۸] بهمراه مقادیر $SSIM$

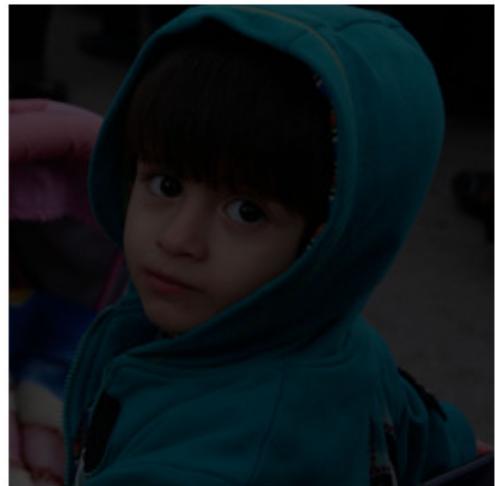


شکل (۲۴-۵): نمودار معیار SSIM برای شکل‌های (۲۱-۵)، (۲۲-۵) و (۲۳-۵).

همان‌طور که از این نمودار مشخص است، هر دو روش پیشنهادی در این پایان نامه برای تصاویر طبیعت، بهتر از روش‌های [۱۸] و [۱۳] می‌باشند، و همچنین روش پیشنهادی سوم بهتر از روش اول می‌باشد.

۱۲-۵- نتایج شبیه‌سازی بر روی تصاویر رنگی طبیعت

همان‌طور که قبلاً اشاره شد، روش پیشنهادی اول و سوم بر روی تصاویر طبیعت نتیجه مناسب‌تری تولید نموده است. در این قسمت، این دو روش پیشنهادی را بر روی تصاویر رنگی که نیاز به اصلاح گاما دارند، بررسی می‌کنیم. ابتدا تصویر رنگی داده شده را Gray scale نموده، سپس مشابه قبل، روش‌های پیشنهادی را بر روی این تصویر اعمال می‌کنیم. البته یکی از پیشنهادات آینده برای ادامه این تحقیق کار، برآید. در این مرحله، برای بهبود کیفیت تصویر، مقادیر گاما‌ی بهدست آمده به‌ازای هر پیکسل به‌دست سه بعد رنگی R، G و B اعمال می‌نماییم. البته یکی از پیشنهادات آینده برای ادامه این تحقیق کار، بر روی تصاویر رنگی است. چند نمونه از اصلاح گاما‌ی تصاویر رنگی در شکل‌های (۲۵-۵) تا (۲۷-۵) نشان داده شده است. همان‌طور که از این نتایج مشخص است، روش‌های پیشنهادی بر روی تصاویر رنگی نیز نتایج بسیار مطلوبی تولید نموده است.



الف) تصویر اولیه



ب) تصویر بهبود یافته توسط روش پیشنهادی اول
ج) تصویر بهبود یافته توسط روش پیشنهادی سوم

شکل (۵-۵): اصلاح گامای تصویر رنگی (نمونه اول).



الف) تصویر اولیه



ج) تصویر بهبود یافته توسط روش پیشنهادی اول



ب) تصویر بهبود یافته توسط روش پیشنهادی اول

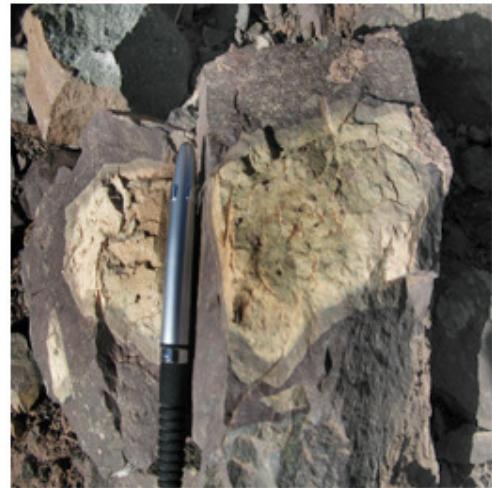
شکل (۲۶-۵): اصلاح گام‌ای تصویر رنگی (نمونه دوم).



الف) تصویر اولیه



ج) تصویر بهبود یافته توسط روش پیشنهادی اول



ب) تصویر بهبود یافته توسط روش پیشنهادی اول

شكل (۲۷-۵): اصلاح گامای تصویر رنگی (نمونه سوم).

فصل ۶ :

جمع‌بندی و پیشنهادات برای ادامه کار

۱-۶- جمع‌بندی

بهسازی تصویر، یکی از عملیات‌های مهم و اساسی در اکثر کاربردهای پردازش تصویر می‌باشد. همان‌طور که قبلاً اشاره شد، بسیاری از دستگاه‌هایی که برای گرفتن تصویر، چاپ یا نمایش آن به کار می‌روند، به علت وجود محدودیت‌های فنی تبدیلی معروف به "قانون توان" را بر روی مقدار پیکسل‌های تصویر اعمال می‌کنند که موجب کاهش کیفیت تصویر می‌شوند. فرآیندی که برای تصحیح این پدیده انتقال، انجام می‌گیرد را "اصلاح گاما" می‌گویند. در بسیاری از موارد، گامای اعمال شده به تصویر مشخص نمی‌باشد، از این‌رو تکنیکی برای تصحیح مقدار گاما بدون در دست داشتن اطلاعات فنی از دستگاه گیرنده تصویر، ضروری است. در این پایان نامه سه روش متفاوت، برای بهبود کیفیت تصویر به صورت محلی توسط اصلاح گاما پیشنهاد شده است که موجب بهبود وضوح، بهبود روش‌نایابی و نمایش بهتر جزئیات تصویر می‌گردد.

در روش اول، از اطلاعات بافت تصویر که از ماتریس هم‌رخداد استخراج می‌شود، برای تعیین گامای مناسب قسمت‌های مختلف تصویر استفاده شده است. به‌منظور اصلاح محلی تصویر، تصویر به پنجره‌های هم‌پوشان تقسیم می‌شود، سپس با توجه به ویژگی همگنی ماتریس هم‌رخداد که بیانگر میزان جزئیات تصویر می‌باشد، گامای مناسب برای هر پنجره از تصویر تقریب زده می‌شود. در روش دیگر، به جای پنجره‌گذاری تصویر، از بخش‌بندی تصویر استفاده شده و با توجه به ویژگی همگنی ماتریس هم‌رخداد، گامای مناسب برای هر بخش از تصویر محاسبه می‌شود. روش سوم، گامای مناسب برای قسمت‌های مختلف از یک تصویر را با استفاده از کلاسیفایر SVM تخمین می‌زند. بدین‌صورت که ابتدا تعدادی تصویر با گامای مشخص را پنجره‌گذاری کرده و نه ویژگی مرتبط با میزان روش‌نایابی، وضوح و جزئیات تصویر را از هر پنجره، برای آموزش SVM استخراج می‌نماید. این ویژگی‌ها از هیستوگرام، ماتریس هم‌رخداد و تبدیل کسینوسی هر پنجره استخراج می‌گردند. به‌همین ترتیب پنجره‌گذاری و استخراج ویژگی را برای تصویر جدید (تصویری که نیاز به اصلاح گاما دارد) نیز انجام

می‌دهد. سپس بردار ویژگی به دست آمده از هر پنجره به SVM اعمال می‌گردد، تا گام‌های مناسب برای هر پنجره از تصویر جدید تخمین زده شود.

روش پیشنهادی اول برای تصاویر پزشکی و نیز تصاویر طبیعت کاربرد دارد. از آنجایی که تصاویر طبیعت دارای پیچیدگی زیادی هستند، ممکن است بخش‌بندی این‌گونه تصاویر به منظور تعیین گام‌های هر بخش، نتیجه مطلوبی برای برخی از این تصاویر ندهد. زیرا تعداد بخش‌بندی لازم، برای تصاویر متنوع طبیعت، یکسان نمی‌باشد. از آنجایی که تعداد بخش‌های مورد نیاز برای تصاویر پزشکی مشخص است، این روش برای تصاویر پزشکی مناسب‌تر است. همچنین در روش پیشنهادی سوم، از آنجایی که آموزش SVM، براساس تصاویر طبیعت انجام شده است، ممکن است این روش برای تصاویر پزشکی نتیجه مناسبی ندهد، ولی این روش بر روی تصاویر طبیعت نتیجه بسیار مطلوبی ایجاد نموده است. در انتها نیز مقایسه‌ای بین روش‌های پیشنهادی و روش‌های [۱۳] و [۱۸]، با معیار عددی SSIM صورت گرفته است. همان‌گونه که نتایج این مقایسه نشان می‌دهد، روش‌های پیشنهادی، عملکرد بسیار بهتری نسبت به سایر روش‌ها ارائه داده‌اند.

۲-۶- پیشنهادات برای ادامه کار

۱. یکی از مواردی که برای کارهای آتی پیشنهاد می‌شود استفاده از قضیه حد مرکزی و عکس قضیه حد مرکزی، برای اصلاح گام‌ای تصویر است. بر طبق قضیه حد مرکزی، ترکیب چندین متغیر تصادفی (تصویر، سیگنال)، دارای توزیعی خواهد بود که نسبت به توزیع هر یک از متغیرهای اولیه گویی تر است. حال عکس قضیه حد مرکزی به این‌گونه است که تجزیه متغیر تصادفی به چند متغیر، سبب می‌شود که توزیع متغیرهای حاصل غیر گویی تر از توزیع تصویر اولیه شود. از این‌رو باید معیار مناسبی برای میزان توزیع گویی مطلوب تصویر تعیین کرد. یعنی تا زمانی که توزیع تصویر به حالت گویی مطلوب برسد، از قضیه حد مرکزی و یا عکس آن استفاده شود.

۲. تقسیم تصویر به پنجره‌هایی در ابعاد متغیر، در صورتی که در دو روش پیشنهاد شده از پنجره‌های با ابعاد یکسان استفاده شده است.
۳. ارائه الگوریتمی برای معیار ارزیابی تصویر بدون داشتن تصویر مرجع.
۴. اعمال روش‌های پیشنهادی روی تصاویر نویزی.
۵. تحقیق بیشتر در مورد اصلاح گامای تصاویر رنگی.

(۱) پیوست

I-1- کلاسیفایر SVM

در ابتدا SVM تنها برای حالت خاصی که داده‌های آموزشی، بدون خط، و به شکل خطی، قابلیت تفکیک شدن را داشتند تعریف شد (خطی و تفکیک پذیر)؛ در ادامه SVM برای حالتی تعمیم یافت که داده‌ها کاملاً تفکیک پذیر نبودند. در این حالت SVM بهترین ابرصفحه را با لحاظ کمترین مقدار خطاب دست می‌آورد؛ اما SVM زمانی تکمیل شد که توانست داده‌های آزمایشی را به شکل غیرخطی نیز از هم تفکیک کند. به عبارت دیگر نهایتاً SVM توانست الگوهای آموزشی را با استفاده از یک تابع تفکیک‌گر غیر خطی در فضای ورودی بطوری که خطاب حداقل شود، تفکیک کند.

I-1-1- SVM خطی و تفکیک پذیر

حالت ساده SVM، ماشین SVM خطی است که ایده اصلی SVM نیز در آن بهوضوح توصیف می‌شود. در این قسمت، روش بدست آوردن ابر صفحه بهینه را برای وقتی که بردارهای آموزشی می‌توانند بدون خطاب از هم تفکیک شوند، بیان می‌کنیم. فرض کنید یک مجموعه آموزشی به شکل رابطه (I-1) در اختیار داریم.

$$(\mathbf{y}_1, \mathbf{x}_1), \dots, (\mathbf{y}_l, \mathbf{x}_l) \quad \mathbf{y}_i \in \{-1, 1\} \quad \mathbf{x}_i \in \Re^n \quad (I-1)$$

فرض کنید، ابر صفحه‌ای در فضای ورودی داریم که می‌تواند دو دسته مثبت و منفی رابطه (I-1) را از هم تفکیک کند. معادله این ابرصفحه تفکیک‌گر، مطابق رابطه (I-2) می‌باشد.

$$\mathbf{w} \cdot \mathbf{x} + b = 0 \quad (I-2)$$

\mathbf{w} در این رابطه، بردار نرمال ابرصفحه خواهد بود که بر آن عمود است. فاصله این ابرصفحه تا مبدا برابر $\|\mathbf{w}\|$ خواهد بود، $\|\mathbf{w}\|$ نرم اقلیدسی است. حال فرض کنید $+d$ و $-d$ برابر فاصله نزدیکترین نمونه‌های دسته‌های مثبت و منفی تا ابرصفحه باشند، آنگاه "حاشیه"²² برابر خواهد بود با $(+d) - (-d)$. فرض می‌شود تمام داده‌های آموزشی در این شرط‌ها صدق کنند. هنوز \mathbf{w} و b انتخاب نشده‌اند، با این

²² Margin

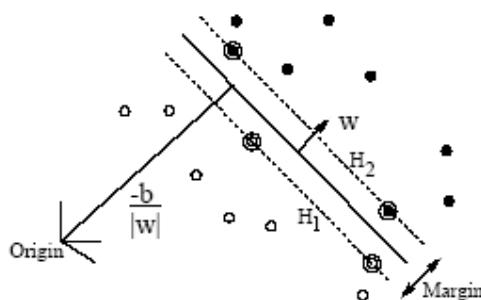
فرضها \mathbf{w} و b را بدست می‌آوریم و بنابراین \mathbf{w} و b این خواص را ارضا خواهند کرد. چگونه می‌توان یک ابرصفحه جدا کننده‌ای پیاده سازی کرد که به خوبی قابلیت تعمیم یافتگی را ایجاد کند، چرا که هر ابرصفحه جدا کننده‌ای، لزوماً به خوبی تعمیم نمی‌یابد. به عبارت دیگر هر ابرصفحه، بسیار وابسته به دسته آموزشی ما می‌باشد و نهایتاً طوری خواهد بود که برای همین ورودی‌ها، خوب جواب دهد و تضمینی نیست که برای هر داده آزمایشی نیز به خوبی جواب دهد. پس در اینجا SVM به دنبال ابرصفحه‌ای است که مقدار حاشیه را حداقل کند. به این منظور، روش ریاضی زیر را در پیش می‌گیرد: در ادامه فرض می‌کند که تمامی بردارهای آموزشی روابط (I-۳) (قیدهای مربوط به ابرصفحه بهینه) را ارضا می‌کنند.

$$\begin{aligned} \mathbf{w} \cdot \mathbf{x}_i + b &\geq 1 & \text{if } \mathbf{y}_i = 1 \\ \mathbf{w} \cdot \mathbf{x}_i + b &\leq -1 & \text{if } \mathbf{y}_i = -1 \end{aligned} \quad (3-I)$$

یا بطور خلاصه

$$\mathbf{y}_i(\mathbf{w} \cdot \mathbf{x}_i + b) \geq 1 \quad i = 1, \dots, l$$

و فرض کنید نزدیکترین نقاط، نقاطی هستند که، رابطه تساوی فوق را ایجاد می‌کنند. به این ترتیب رابطه (I-۲) تنها صفحه‌ای است که داده‌های آموزشی را با لحاظ ماکریم حاشیه، از هم تفکیک می‌کند (چون داده‌ها تفکیک پذیرند، می‌توان فرض‌های فوق را با هم داشت).



شکل (I-۱): دو دسته داده آموزشی قابل تفکیک، دایره‌های مشکی و سفید نقاط دو دسته اند. بردارهای تکیه گاه با دو دایره مشخص شده اند. H ها خطوط مرز حاشیه را نشان می‌دهند.

به این ترتیب داریم: $\|\mathbf{w}\| = d = \frac{1}{\mathbf{w} \cdot \mathbf{w}}$ ، و حاشیه برابر خواهد بود با $\frac{1}{\|\mathbf{w}\|}$. این فاصله نزدیکترین نقاط بین نقاط دو دسته مثبت و منفی از هم است که به نام حاشیه خوانده می‌شود. ابرصفحه جدا

کننده بهینه^{۲۳}(OSH)، ابرصفحه ای خواهد بود که حاشیه را ماقزیم کند. ابرصفحه و مرزهای حاشیه همگی با هم موازی‌اند (شکل(I-۱)) چون همه از یک W ساخته می‌شوند. در فضای حاشیه، هیچ داده آموزشی قرار نمی‌گیرد. برای حداکثر کردن حاشیه، کافی است $\|w\|^2$ را حداقل کنیم، با لحاظ قیدهای رابطه (I-۳).

پس صورت مساله مشخص شد. برای حل این مساله مینیمم‌یابی مقید، به فرم لاگرانژ مراجعه می‌کنیم. به این ترتیب، قیدهای مساله ما تبدیل خواهند شد به قیودی روی ضرایب لاگرانژ. با استفاده از فرم لاگرانژ، داده‌های آموزشی تنها به فرم ضرب داخلی در فرمول‌ها ظاهرخواهند شد. در لاگرانژ به ازای هر قید، یک ضریب معروفی می‌شود و بنا به قیدی که در اینجا داریم (رابطه(I-۳)) باید ضرایب لاگرانژ نامنفی باشند، و نهایتاً فرم تابع لاگرانژ به شکل رابطه (I-۴) خواهد شد. در این رابطه a_i ، ضریب لاگرانژ قید i است.

$$L_p = \frac{1}{2} w \cdot w - \sum_{i=1}^l \alpha_i [y_i (x_i \cdot w + b) - 1] \quad (4-I)$$

حال حداقل این تابع را برحسب w و b ، با قید ضرایب نامنفی باید بیابیم. به این منظور باید مشتق L_p نسبت به تمام ضرایب آلفا، برابر صفر شود، و در عین حال ضرایب نامنفی هم هستند. به جای حل این مساله، می‌توان دوگان آن را حل کرد. یعنی به جای آنکه L_p را مینیمم کنیم نسبت به w و b با ضرایب لاگرانژ نامنفی، حال L_p را ماقزیم کنیم نسبت به ضرایب و با قید آنکه گرادیان L_p نسبت به w و b برابر صفر شود و ضرایب هم نامنفی‌اند. به عبارت دیگر این دو مساله دوگان، جوابهای یکسانی برای w و b بدست خواهند آورد (مساله دوگان را با L_d نشان می‌دهیم).

پس داریم:

$$\frac{\partial L_p}{\partial w} = (w - \sum_{i=1}^l \alpha_i y_i x_i) = 0 \quad (5-I)$$

²³ Optimum Separating Hyperplane

$$\frac{\partial L_p}{\partial b} = \sum_{i=1}^l \alpha_i y_i = 0 \quad (6-I)$$

و بنابراین از رابطه (5-I) به رابطه زیر (7-I) خواهیم رسید :

$$w = \sum_{i=1}^l \alpha_i y_i x_i \quad (7-I)$$

یعنی می‌توان ابر صفحه بهینه را بر حسب یک رابطه خطی از روی بردارهای آموزشی ساخت.

از آنجا که α_i ها غیر منفی هستند، می‌توان دید که در رابطه آخر تنها x_i هایی موثر خواهند بود که α_i های آنها صفر نباشند، اینها همان بردارهای تکیه گاه خواهند بود که آلفای غیر صفر دارند. با جایگذاری دو رابطه اخیر در لاغرانژ، رابطه دوگان (8-I) بدست می‌آید که باید نسبت به ضرایب ماکزیمم شود.

$$L_d = \sum_{i=1}^l \alpha_i - \frac{1}{2} \sum_{i=1}^l \sum_{j=1}^l \alpha_i \alpha_j y_i y_j x_i \cdot x_j \quad (8-I)$$

در نقطه جواب مساله فوق، w و b و هر ضریب لاغرانژ α_i و قید مربوط به آن بنا به رابطه زیر به هم مربوط می‌باشند:

$$\alpha_i [y_i (x_i \cdot w + b) - 1] = 0 \quad i = 1, \dots, l \quad (9-I)$$

از روی این تساوی، بنابر این به ازای ضرایب غیر صفر خواهیم داشت:

$$y_i (x_i \cdot w + b) - 1 = 0 \quad \Rightarrow \quad y_i (x_i \cdot w + b) = 1 \quad (10-I)$$

به زبان دیگر $\alpha_i \neq 0$ خواهد بود زمانی که نامساوی رابطه (3-I) به حالت تساوی برسد، بنابراین x_i هایی که در این معادله صدق می‌کنند همان "بردارهای تکیه گاه"^{۲۴} هستند که روی مرز حاشیه قرار دارند. مقدار b نیز به همین صورت بدست می‌آید. به این ترتیب سعی شد تا حل مساله، در قالب حل یک مساله بهینه سازی ساده تر بیان شود اما بدست آوردن جواب برای مسائل واقعی معمولاً نیاز به روش‌های عددی دارد.

²⁴ Support Vectors

• آزمایش داده:

در بالا نحوه آموزش، ارائه شد. با آموزش سیستم، \mathbf{w} و b مشخص خواهند شد و بنابراین ابرصفحه تفکیک‌گر، معلوم خواهد شد. اکنون در فاز آزمایش برای یک بردار ورودی \mathbf{x}_i جدید، کافی است علامت تابع تصمیم‌گیر بدست آید تا مشخص شود ورودی مربوط به کدام دسته است (مثبت یا منفی):

$$f(\mathbf{x}) = \text{sgn}(\mathbf{w} \cdot \mathbf{x} + b) \quad (11-I)$$

اگر داده‌های آموزشی را نتوان با یک ابرصفحه از هم تفکیک کرد، حاشیه‌الگوهای دو کلاس، مطلقاً کوچک می‌شود و در نتیجه L_d مطلقاً بزرگ می‌شود. بنابراین با حداکثر کردن معادله L_d با لحاظ قیدهایش، نهایتاً یا به یک مقدار ماکزیمم می‌رسیم و یا اینکه نتیجه می‌گیریم که امکان تفکیک داده‌های آموزشی با استفاده از یک ابرصفحه و حاشیه فرض شده، وجود ندارد. البته برای حل چنین مسائلی از ابرصفحه با حاشیه نرم و از SVM‌های غیرخطی استفاده خواهد شد که در ادامه توضیح داده می‌شود.

۱-۲-۱-SVM با حاشیه نرم

حالتی را در نظر می‌گیریم که داده‌های آموزشی را نتوان بدون خطای خطا به شکل خطی دسته بندی کرد. در این حالت می‌توان مساله را به گونه‌ای دیگر مطرح کرد. به این ترتیب که می‌خواهیم بردارهای آموزشی را به گونه‌ای تفکیک کنیم که خطای خطا، حداقل شود. به این منظور شرط حاشیه را آرام می‌کنیم: $y_i(\mathbf{w} \cdot \mathbf{x}_i + b) \geq 1 - \xi_i$ را تعریف می‌کنیم و این بار خواهیم داشت:

$$y_i(\mathbf{w} \cdot \mathbf{x}_i + b) \geq 1 - \xi_i \quad i = 1, \dots, l \quad (12-I)$$

حال به جای مینیمم کردن $(\|\mathbf{w}\|^2/2)$, رابطه(I-13) را مینیمم می کنیم، با در نظر گرفتن قید فوق و به ازای $0 \leq \xi_i$.

$$(\|\mathbf{w}\|^2/2) + C \left(\sum_{i=1}^l \xi_i \right) \quad (I-13)$$

C یک پارامتر انتخابی است که توسط کاربر انتخاب می شود. C بزرگتر به این معنی است که می خواهیم جبران سازی بیشتری برای خطاهای ایجاد شده در نظر بگیریم. با حداقل کردن رابطه(I-13)، می توان به کوچکترین مجموعه خطای داده های آموزشی دست یافت.

این مساله هم، مشابه قبل است و به مدل دوگان لاغرانژ تبدیل می شود. نهایتاً دوگان لاغرانژ به صورت

زیر خواهد بود (ماکزیمم کردن L_d با شروط روابط(I-15)):

$$L_d = \sum_{i=1}^l \alpha_i - \frac{1}{2} \sum_{i=1}^l \sum_{j=1}^l \alpha_i \alpha_j \mathbf{y}_i \mathbf{y}_j \mathbf{x}_i \cdot \mathbf{x}_j \quad (I-14)$$

$$\sum_{i=1}^l \alpha_i Y_i = 0 \quad 0 \leq \alpha_i \leq C \quad (I-15)$$

با حل این مساله نیز نهایتاً برای ابرصفحه نرم، \mathbf{w} بر حسب بردارهای تکیه گاه بدست می آید (

$$N_s, \mathbf{w} = \sum_{i=1}^{N_s} \alpha_i \mathbf{y}_i \mathbf{x}_i$$

مرزی برای ضرایب آلفا وجود دارد و آن مقدار C است (رابطه(I-15)). اگر مجموعه خطاهای از مجموعه داده های آموزشی حذف شود، بقیه داده های آموزشی را می توان بدون خطا از هم تفکیک کرد؛ و این کار را می توان با تشکیل یک ابرصفحه بهینه انجام داد. بردار \mathbf{w} و ثابت b که از روابط فوق بدست می آیند، مشخص کننده همان ابرصفحه ای هستند که به ازای آن تعداد خطاهای داده های آموزشی پس از تفکیک، حداقل می شود. این ابرصفحه بقیه بردارها را (به جز بردارهای مربوط به خطاهای) با لحاظ حداقل حاشیه، تفکیک می کند. ابرصفحه بدست آمده از این روش را "ابرصفحه حاشیه نرم" می نامند. به عبارت دیگر این، ابرصفحه ای است که مجموع انحراف معیارها $(C \left(\sum_{i=1}^l \xi_i \right))$ را مینیمم می کند. همچنین حاشیه را برای بردارهایی که قابلیت تفکیک، دارند حداقل می کند. اگر

مجموعه خطای تهی باشد، یعنی بتوان بدون خطای دسته‌بندی کرد، آنگاه ابرصفحه بدست آمده از روش فوق همان ابرصفحه بهینه با حداکثر حاشیه خواهد بود.

نقش پارامترهای α_i و γ_i در دسته‌بندی نمونه‌ها:

- \mathbf{x}_i -هایی که ضرایب $\alpha_i > 0$ دارند، بردار تکیه گاه می‌باشند.
- در اینجا بردارهای تکیه‌گاه دو نوعند: یکی $C < \alpha_i < 1$ که \mathbf{x}_i مربوطه این ضرایب، آنهایی هستند که فاصله آنها تا ابرصفحه، برابر $\|W\|_2 / 2$ است یعنی دقیقاً روی مرز حاشیه قرار دارند.
- دوم $\alpha_i = C$ که اینها اگر $\gamma_i > 1$ باشد، \mathbf{x}_i -ها بردارهایی هستند که اشتباه دسته بندی شده‌اند (خارج حاشیه‌اند) و اگر $1 \geq \gamma_i > 0$ آنگاه بردارهایی هستند که در فاصله داخل حاشیه قرار دارند، ولی درست دسته بندی شده‌اند و اگر حالت خاص $\gamma_i = 0$ باشد باز یعنی روی مرز حاشیه قرار دارند.

SVM - ۳-۱-I غیر خطی

ماشین‌های بردار پشتیبان ذکر شده در قسمتهای قبلی برای دسته‌بندی الگوهای یک مساله دو کلاسه، از مرزهای جدا کننده خطی و از یک ابر صفحه استفاده می‌کنند. با این وجود، می‌توان مسائلی که بصورت خطی جدایی پذیر نیستند را با نگاشت نقاط نمونه‌ها، به فضایی با بعد بیشتر با استفاده از یک نگاشت غیرخطی حل نمود. یعنی یک نگاشت $\phi: \mathbb{R}^d \rightarrow H$ انتخاب شود به گونه‌ای که بعد H از d بیشتر باشد. سپس به دنبال ابر صفحه متمایز کننده در این فضایی گردیم که معادل سطح غیرخطی متمایزکننده در فضای \mathbb{R}^d است.

بطور کلی SVM بردارهای ورودی را با استفاده از یک کرنل به یک فضای بزرگتری می‌برد که تفکیک پذیری خطی در آن بهتر و قاطع‌تر است. با استفاده از کرنل‌های مختلف، می‌توان روش‌های فراگیری مختلفی با انواع سطوح تصمیم‌گیری دلخواه، ساخت. به این ترتیب است که SVM به عنوان یک کلاس جدید از دسته بندی کننده‌ها و ماشینهای تشخیص الگو در می‌آید.

کرnel‌های مختلفی وجود دارند که برخی از نمونه‌های مشهور آن در جدول (I-1) آمده است.

جدول(I-1) انواع کرnel‌های مشهور

Kernel	Formula
Sigmoid	$K(u, v) = \tanh(\alpha u \cdot v + b)$
Polynomial	$K(u, v) = (1 + u \cdot v)^d$
RBF	$K(u, v) = \exp(-\alpha \ u - v\ ^2)$

I-1-4- ماشین بودار پشتیبان در حالت چند کلاسه

SVM یک دسته بندی کننده باینری است و نمی توان از آن برای تفکیک چند دسته، بطور مستقیم استفاده کرد. بنابراین برای دسته بندی چندین دسته، نیاز است که مساله به تعداد زیادی دسته بندی کننده دو تایی تبدیل شود. بطور کلی دو راه برای حل مسأله q دسته ای، برای SVM ها عمومیت دارد:

۱- روش "یکی در برابر همه"^{۲۵}: در روش اول تعداد q تا دسته بندی کننده SVM، ساخته می شوند که هر کدام از آنها یک دسته را از بقیه دسته ها جدا می کنند. برای تست یک داده ورودی، تمامی توابع (q تابع) تصمیم گیر، محاسبه می شوند و نهایتا در مقایسه نتایج، آن دسته‌ای انتخاب می شود که مقدار تابع برای آن از بقیه بیشتر بوده است.

۲- روش دوم "یک به یک"^{۲۶}: در این روش تمام حالت‌های ممکن انتخاب شدن دو دسته برای مقایسه با هم، در نظر گرفته می شود $(q-1)/2$ و به ازای هر حالت، ابرصفحه تفکیک‌گر ساخته می شود. در این روش هر SVM تنها بین دو دسته مشخص تصمیم گیری می کند. بنا به این روش، برای q دسته، به آموزش تعداد $2(q-1)/2$ دسته‌بندی کننده SVM نیاز خواهیم داشت.

²⁵ One-verses-All

²⁶ One-to-One

مراجع

- [1] R. C. Gonzalez, R. E.Woods, 2004, “Digital Image Processing”, Prentice Hall.
- [2] E.Nadernejad and H.hassanpour, 2007, “Evaluating Diffusion-based Image De-noising techniques”, International Conference on Intelligent & Advance Systems (ICIAS), Malaysia.
- [3] Yongjian Yu and Scott T. Acton, 2002, “Speckle Reducing Anisotropic Diffusion” , *IEEE TRANSACTIONS ON IMAGE PROCESSING*, VOL. 11, NO. 11.
- [4] Ukil, S., Reinhardt, J.M., 2009, “Anatomy-guided lung lobe segmentation in X-ray ct images”, *IEEE Transactions on Medical Imaging* 28 (2),pp. 202–214.
- [5] Gooya, A., Liao, H., Matsumiya, K., Masamune, K., Masutani, Y., Dohi, T.,2008, “A variational method for geometric regularization of vascular segmentation in medical images.” *IEEE Transactions on Image Processing* 17 (8), pp.1295–1312.
- [6] Wen M -L, Liang Y, Pan Q, Zhang H-C.,2005, “A Gabor filter based fingerprint enhancement algorithm in wavelet domain”. In: Communications and information technology (ISCIT), , vol. 2., pp. 1421–4, Beijing, China.
- [7] Areekul V, Watchareeruetai U, Suppasriwasuseth K, Tantaratana S . Separable,2005, “Gabor filter realization for fast fingerprint enhancement.” In: Proceedings of the IEEE international conference on image processing (ICIP), vol. 3., pp. 253–6, Genova, Italy.
- [8] A.N. Stein, M. Hebert, 2006, “Using spatio-temporal patches for simultaneous estimation of edge strength, orientation, and motion”, in: Beyond Patches Workshop at IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition (CVPR), p. 19.
- [9] Shelley, E. L. & Blumstein, D. T., 2005, “The evolution of vocal alarm communication in rodents”, *Behavioral Ecology*, 16 , pp. 169–177.
- [10] Philipp I; Rath T ,2002, Improving plant discrimination in image processing by use of different colour space transformatio ns. *Computers and Electronics in Agriculture*, 35 (1),pp. 1–15.
- [11] Tsukagoshi H, Sasaki M, Kitagawa A, Tanaka T., 2005, “Jumping robot for rescue operation with excellent traverse ability”, In: ICRA05 Proceedings, 12th international conference on advanced robotics; pp. 841–8.
- [12] S.-F. Chang, T. Sikora, A. Puri, 2001, “Overview of the MPEG-7 standard”, *IEEE Transactions on Circuits and Systems for Video Technology*, pp. 688– 695.
- [13] Shi Y., Yang J. and Wu R., 2007,"Reducing illumination based on nonlinear gamma correction," In Proc. ICIP, San Antonio, vol. 1, pp. 529-539.
- [14] A. Pizurica, W. Philips, 2006, “Estimating the probability of the presence of a signal of interest in multiresolution single- and multiband image denoising”, *IEEE Trans. Image Process*, pp. 654–665.
- [15] S. Schulte, V.D. Witte, E.E. Kerre, 2007, “A fuzzy noise reduction method for color images”, *IEEE Trans. Image Process* . , Vol. 16, pp. 1425–1436.
- [16] J. H. Money, S. H. Kang, 2008, ”Total variation minimizing blind deconvolution with shock filter reference”, *Image and Vision Comput*, vol. 26, pp. 302-314.
- [17] H. Fu, M. Ng, M. Nikolova, J. Barlow, 2006,” Efficient minimization methods of mixed L1_L1 and L2_L1 norms for image restoration”, *SIAM Journal on Scientific Computing*, vol. 27,pp. 1881-1902.
- [18] Farid, H., "Blind inverse gamma correction", 2001, in Proc, *IEEE Transactions on Image Processing*, vol. 10, pp. 1428-1433.

- [19] Dong-U R., Cheung L., Villasenor J., 2007, "A Flexible Architecture for Precise Gamma Correction", in Proc. Very Large Scale Integration (VLSI) Systems, IEEE Transactions on, San Francisco, CA, USA, vol. 15, pp. 474-478.
- [20] Rovatti R., Franchi E., Manaresi N., Bellini A., Tartagni M., 1998, "Analog implementation of gamma- correction for CMOS cameras", in proc. Electronics, Circuits and Systems, IEEE International Conference on Lisboa, Portugal, vol.1 pp. 419-422.
- [21] Moroney N., Alto P., 2000, "Local Color Correction Using Non-Linear Masking," IS & T/SID Eighth Color Imaging Conference, pp. 108-111.
- [22] Laurence Meylan, Sabine Süsstrunk, 2006, "High Dynamic Range Image Rendering With a Retinex-Based Adaptive Filter," IEEE TRANSACTIONS ON IMAGE PROCESSING, VOL. 15, NO. 9.
- [23] LiU-TEK-LIC, 2004, "A Bayesian Framework for Image Denoising" thesis, Department of Biomedical Engineering Linköpings universitet SE-581 85 Linköping Sweden .
- [24] J. Bunting, S. Chalup, and M. Freeston et.al, 2003, "Return of the NUBots! The 2003 NUBots Team Report," Tech. Rep. N.N., Newcastle Robotics Laboratory, the University of Newcastle, Australia.
- [25] A. Ben Hamza, P. Luque, J. Martinez, and R. Roman, 1999, "Removing noise and preserving details with relaxed median filters," J. Math. Imag. Vision, vol. 11, no. 2, pp. 161–177.
- [26] S.G. Chang, B.Yu and M.Vetterli, 2000, "Adaptive Wavelet Thresholding for image Denoising and compression". *IEEE Trans. Image Processing*, vol.9, no.9, pp.1532-1545.
- [27] Maarten Jansen, 2001, "Noise Reduction by Wavelet Thresholding ", Springer –Verlag New York Inc.
- [28] D.L. Donoho, 1993, "De-Noising by Soft Thresholding", *IEEE Trans. Info. Theory* 43, pp. 933-936.
- [29] M. Lang, H. Guo and J.E. Odegard, 1995, "Noise reduction Using Undecimated Discrete wavelet transform", *IEEE Signal Processing Letters*.
- [30] D.L. Donoho and I.M. Johnstone, 1994, "Ideal spatial adaptation via wavelet shrinkage", *Biometrika*, Vol. 81., pp. 425-455.
- [31] Zhou Wang, Alan C. Bovik, 2006," Modern image quality assessment".
- [32] Paolo Gastaldo, Rodolfo Zunino, Ingrid Heynderickx, " Objective quality assessment of displayed image by using neural networks".
- [۳۳] فرزین یغمایی، ۱۳۸۵، "معیاری جدید برای تشخیص افت کیفیت تصاویر در مدل‌های با مرجع بر اساس ویژگی‌های محلی و مشابهت‌های ساختاری" ، چهارمین کنفرانس ماشین بینایی و پردازش تصویر ایران، مشهد.
- [34] Zhou Wang and Eero P. Simoncelli, 2005, "Reduced-Reference Image Quality Assessment Using A Wavelet-Domain Natural Image Statistic Model", IS&T/SPIE's 17th Annual Symposium on Electronic Imaging San Jose, CA.
- [35] Z. Wang, A. C. Bovik, H. R. Sheikh, and E. P. Simoncelli, 2004, "Image quality assessment: From error visibility to structural similarity" *IEEE Transactions on Image Processing*, vol. 13, no. 4, pp.600-612.
- [۳۶] احسان نادرنژاد، ۱۳۸۵، "قطعه بندی تصاویر با استفاده از میدان های تصادفی مارکوف" ، پایان نامه‌ی کارشناسی ارشد مهندسی برق، دانشگاه صنعتی نوشیروانی بابل ،

- [37] D. Shen, 2007. "Image registration by local histogram matching" , *Pattern recognition* , Volume 40, Issue 4, pp. 1161-1172.
- [38] N. Bonnet, J. Cutrona and M. Herbin, 2002, "A 'no-threshold' histogram-based image segmentation method", *Pattern Recognition*, Volume 35, Issue 10, pp. 2319-2322.
- [39] Li Peihua, 2006. "A clustering-based color model and integral images for fast object tracking ", *Signal Processing, Image Communication*, Volume 21, Issue 8, pp. 676-687.
- [40] B. Ma and H.S. Wong, 2006, "2D clustering based discriminant analysis for 3D head model lassification", *Pattern Recognition*, Volume 39, Issue 3, pp. 491-494.
- [41] G. P. Papamichail and D. P. Papamichail, 2007, "The k-means range algorithm for personalized data clustering in e-commerce " , *European Journal of Operational Research*, Volume 177, pp. 1400-1408.
- [42] F. de A.T. de Carvalho, 2007, "Fuzzy c-means clustering methods for symbolic interval data", *Pattern Recognition Letters*, Volume 28, Issue 4, 1, pp. 423-437.
- [43] R. K. Piña and R. C. Pueter, 1993 "Bayesian image reconstruction: the pixon and optimal image modeling" P. A. S. P., 105, pp. 630-637.
- [44] F. Yang, T. Jiang, 2003, "Pixon-based image segmentation with Markov random fields", *IEEE Trans. Image Process.* 12, pp. 1552–1559.
- [٤٥] حمید حسن پور ، احسان نادرنژاد و حسین میار نعیمی، ۱۳۸۶ و "استفاده از ساختار پیکسونی و مفهوم میدان تصادفی مارکوف جهت تسهیل در قطعه بندی تصاویر" ، پانزدهمین کنفرانس مهندسی برق ایران.
- [٤٦] هادی یوسفیان، ۱۳۸۸، "طراحی الگوریتمی برای بخش بندی تصاویر با استفاده از مفهوم پیکسون و بررسی اثرات نویز بر روی آن" ، پایان نامه‌ی کارشناسی ارشد مهندسی برق، دانشگاه علم و صنعت ایران.
- [47] C. J. Burges, 1998 "A tutorial on support vector machines for pattern recognition," *Knowledge Discovery and Data Mining*, vol. 2, pp. 121–167.
- [48] M. N. Wernick, 1991 , "Pattern classification by convex analysis," *J. Opt. Soc. Amer. A*, vol. 8, pp. 1874–1880.
- [49] B. Park1; Y. R. Chen2 ,2001, "Co-occurrence Matrix Texture Features of Multi-spectral Images on Poultry Carcasses " , *Automation and Emerging Technologies*, pp. 127-139.
- [50] R.M. Haralick, K. Shanmugan, I. Dinstein, 1973, "Textural features for image classification", *IEEE Trans. SMC* 3 ,pp. 610–621.
- [51] J. lee, N. Irwin, M. J ,2006, "Inverse Discrete Cosine Transform Architecture Exploiting Sparseness and Symmetry Properties", *IEEE Transaction on Circuits and Systems for Video Technology*, pp. 655-662.

Abstract

Image enhancement is one of the most important preprocessing operations especially in medical and astronomical imaging and some other applications. Due to technical limitations and deficiencies, some of imaging systems used to take, print or display the pictures, apply non-uniform changes on the images which lead to a reduction in quality. This artifact is called the “effect of gamma” and the recovery process is named “gamma correction” respectively. As the imaging systems are not fully able to represent the true color, depth and texture of the objects, the gamma effect is not equal for different parts of the image. In order to recover the real scene, the correction process should be adaptive and estimate the gamma value in a local way. In the present thesis, we present an adaptive gamma correction approach for image enhancement. Here image enhancement process affects the image’s brightness, contrast and the details. We propose three methods for this purpose. Most of existing gamma correction methods apply a uniform gamma correction across the image. Considering the fact that gamma variation for a single image is actually nonlinear, the recommended approaches in this thesis consider local and adaptive gamma correction.

The first method uses windowing technique and texture features extracted by co-occurrence matrix to determine the appropriate gamma value for different parts of the image. In order to get local estimations of gamma value, the image is divided to overlapping windows with 30 different gammas (0.1 to 3) applied to each window. One of these gammas is the closest value to the real gamma and thus enhances the image. In chapter 5 it will be discussed that an image with varying intensity levels has a minimum homogeneity value which indicates the amount of image details. Using the homogeneity feature of the co-occurrence matrix to measure the amount of image details, a proper gamma value will be assigned to each window. In the next method, segmentation is used instead of windowing. Again the homogeneity feature of the co-occurrence matrix is used to define the gamma value for each segment.

The third method uses SVM classifier for local estimation of gamma. At first, the training images are constructed from various standard images applying different gammas on them. After windowing each of the training images, a set of nine features that characterize the image contents are computed from its pixel intensity histogram, co-occurrence matrix, and discrete cosine transform (DCT) domain. Along with the applied

gamma value, these features are fed to SVM to estimate gamma values of each associated window of new image.

Various experiments were done on natural and medical images to testify the applicability of our proposed methods. In this thesis, subjective and objective measures are used to evaluate the efficiency of the proposed methods. The results confirm that these methods outperform other common approaches.

Key-words:

Image enhancement, Gamma correction, Image quality assessment, Co-occurrence matrix, Discrete cosine transform, Histogram, Windowing, Segmentation, SVM classifier.



**Shahrood University of Technology
Faculty Computer Engineering & Information Technology
M. Sc. Thesis**

Image Enhancement Using Adaptive Gamma Correction

Sekineh Asadi Amiri

Supervisors:
Dr. Hamid Hassanpour
Dr. Ali Akbar Pouyan

February 2011