

نقش مبانی هندسی در ایجاد ویژگی های فضاهای معماری (۲)

هندسه ها و تناسبات در طبیعت و معماری

بسیاری از تحلیل گران بر این نظرنند که با مطالعه طبیعت، وجود هندسه و تناسبات ویژه ای در آن کاملاً مشهود است. جالب اینکه بشر از دوره کهن این هندسه و تناسبات را می شناخت و در هنر و معماری خود از آن استفاده می کرد. آیت الله^۱ در این باره می گوید:

«اساس طبیعت بر تناسبات و اندازه های ویژه ای پی افکنی شده است که در نظمی خاص جریان تکوینی و کیهان را شامل گشته، سیر تکاملی اش را به سوی کمال رهنمون می کند. هر اثری که در این عالم به وجود می آید اگر از اندازه های اساسی به کار گرفته شده در طبیعت بیرون باشد، غیرعادی، ناخوشایند و ناپذیرا می گردد و نمی تواند راهی به سوی کمال مطلوب داشته باشد. چشم انسان از آغاز گشایش بر گیتی با اندازه های آشنا می گردد که خداوند تبارک و تعالی در پی ریزی طبیعت و در سرشت خلقت خود انسان به کار برد است. آشنایی و اخت شدن با این اندازه ها سبب می شود ما ناخودآگاه هر چه را که در بر این اندازه ها تطبیق و هماهنگی نماید زیبا حس کنیم و غیر از آن را ناخوشایند بشماریم. بنابراین اگر برای هنر و اثر هنری وظيفة ارشادی قائل باشیم، پس هر اثر هنری که به آن وظيفة ارشادی جامه عمل بپوشاند باید براساس اندازه ها استوار باشد و این اندازه ها قرن هاست که ذهن بشر پژوهشگر و آفریننده را از زمانی که به شمردن آغاز دیده است به خود مجدوب ساخته است.» (آیت الله^۱، ۱۳۷۶، ۱۸۰ و ۱۸۱)

۱- عدد ۴ بعنوان ثبات و آرامش

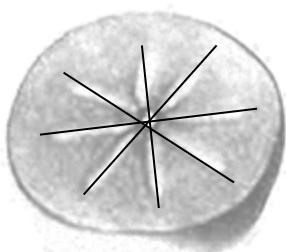
اردلان عدد ۴ را نماد جهات چهار گانه، چهار باد، چهار فصل، چهار دروازه متنه می بهشت و تقسیمات چهار گانه اصلی روز و نشان ثبات و آرامش می داند. (اردلان، ۱۳۸۰، ۲۶)

اخوان الصفا در رساله پنجمشان به زیربنای نظری عدد چهار و رمز پردازی آن پرداخته اند و نوشتند:

خداؤند با خرد خود این جهان هستی را خلق فرموده و در آن فنا ناپذیری مربعات یا (چهارها) را به وجود آورده است. که شامل جفت های ناهمگون یا ناموافق می باشد. رموز این کار فقط توسط خالق متعال دانسته شده است و بس. (السعید، ۲۰، ۱۳۶۳)
آنان برای اثبات نظر خود به آیه «و من کل شیء خلقنا زوجین لعلکم تذکرون» (سوره ۵۱، آیه ۴۹) استناد می کنند و به دنبال آن شواهد فراوانی از طبیعت عالم کبیر و صغیر را از قبیل چهار عنصر، چهارجهت عرضی، چهارمزه، چهار فصل سال و ... بر می شمند.

این نوع تقسیم بیش از آن که در گیاهان دیده شود، در حیوان و انسان و حتی بیش از همه در دسته بندی صفات الهی در اندیشه اسلامی نمود دارد به طوری که می توان آن را ساختاری آرمانی در هستی تلقی کرد. چرا که عرش الهی و کعبه هم چهار وجه از خدا را به نمایش گذارده اند. در گیاهان بیشتر نظام تقسیم ۳ و ۵ مشهود است، حتی میوه های تقسیم پذیر افزاینده، نیز براساس الگوی اعداد فیبوناچی افزایش می یابند که از ۳ به ۵ و ۸ تکامل می یابند و هیچ گاه ۴ بخشی نمی شوند.

۱. حمیدرضا آیت الله^۱ (متولد ۱۹ فروردین ۱۳۳۸، کرمان) استاد تمام دانشگاه علامه طباطبائی در رشته فلسفه و مدیر سابق گروه فلسفه این دانشگاه است. او همچنین ریاست پژوهشگاه علوم انسانی و مطالعات فرهنگی و انجمن علمی فلسفه دین ایران را بر عهده دارد.



تصویر ۹۵-Error! No text of specified style in document. تقسیمات عدد ۴ در گل، هندسه داخلی و هندسه خارجی خرمالو

استفاده از هندسه ۴ در تقسیمات گل، هندسه داخلی و هندسه خارجی خرمالو بسیار قابل توجه و نشان دهنده ساختار ذاتی ۴ بخشی آن است. در اینجا ۸ قسمت موجود به تعداد هسته‌های آن ارتباطی ندارند.

علاوه بر طبیعت، این تقسیم و تنشیبات مبنای مهمی در ماوراء طبیعه اسلامی و برخی ادیان دیگر دارد. پیش از اسلام دائوئیسم^۱ و کنفوشیوس^۲ هستی را دارای ساختار دوگانه **بین و یانگ**^۳ می‌کردند. در اسلام نیز خدا با دو دسته صفات جمالی و جلالی توصیف شده است. ساختار عرش خدا که جایگاه اداره عالم است به شکل نمادین دارای ۴ پایه توصیف شده و به آن **بیت المعمور** گفته و خانه کعبه نیز ۴ **صلعی** می‌باشد. در سوره حلقه حمل کنندگان عرش الهی ۸ نفر توصیف شده‌اند. همچنین بهشتی که برای مؤمن در نظر گرفته شده دو باغ درون دو باغ، یعنی چهار باغ معرفی شده است. به این ترتیب اصل مهم وحدت در اسلام با تقسیم صفات دوگانه او و چهار پایه عرش و ۸ نفر حمل کننده آنها، ساختار استقرار عالم ماوراء طبیعت را تشریح می‌کند که بهشت قیامت نیز جلوه‌ای از آن خواهد بود.

۲- عدد ۴ نماد آرامش در معماری اسلامی

اردلان عدد ۴ را نماد ماده و متناظر با چهار گوش کعبه و نشان ثبات و آرامش می‌داند. (اردلان، ۱۳۸۰، ۲۶) السعید^۴ تلاش می‌کند، تجلی بهره‌گیری از دایره واستخراج مربع از آن را در معماری اسلامی (خصوصاً در کشورهای عربی) به اثبات برساند. (همان، ۱۹۵-۰۰)

اما در معماری ایران اسلامی نیز این موضوع به طور کامل قابل مشاهده است اولین جلوه‌گاه تقسیم‌های

۱. دین متداول چین، و آن ترکیبی است از پرستش طبیعت (نیاکان) و عقاید لاثوتسه ئو و خرافات مختلف. (دهخدا، در ذیل واژه دائوئیسم، ۱۳۷۳)

۲. نامی‌ترین فیلسوف و دانشمند چینی. اوی موحد طریقه اخلاقی بسیار عالی بود که اساس آن بر صمیمیت نسبت به سنن ملی و قومی و خانوادگی است. این دانشمند در چین به مقام رهبر دینی رسید. (دهخدا، در ذیل واژه کنفوشیوس، ۱۳۷۳)

۳. طرحی چینی مرسوم به بین و یانگ است. در این طرح، قطبی مشکی د رمارپیچی سفید و قطبی سفید در مارپیچی مشکی قرار دارد. به نشانه وجود حالت انفعالی در فاعلی و حالت فاعلی در انفعالی درست همانگونه که مرد در طبیعت زن قرار دارد و زن در طبیعت مرد.

۴. عصام السعید (Issam el-Said) و عایشه برمان (Ayse Parman) دو معمار عراقی اند که در دانشگاه کمبریج انگلستان دوره معماری خود را گذرانده‌اند. السعید علاوه بر معماری در نقاشی نیز قدرت بالایی دارد و نمایشگاه‌های متعددی در آمریکا، اروپا و خاورمیانه برگزار کرده است. رساله نهایی آنها با مقدمه بورکهارت و ترجمه مسعود رجب نیا در سالهای ۱۳۶۳ و ۱۳۷۷ توسط انتشارات سروش به چاپ رسیده است.

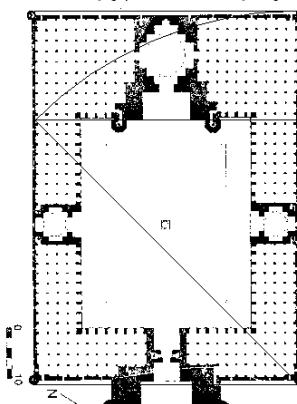
چهارگانه در مقیاس‌های طولی آنهاست. آنها هر ۶/۶۶ سانتی متر امروز را یک گره می‌دانستند و چهارگره یک چارک (۲۶/۶۶ سانتی متر) و چهار چارک یک گز (۱۰/۶۶ متر) که معادل شانزده گره بود را تشکیل میداد. (ابوالقاسمی، ۳۵۹، ۱۳۶۶). اما در مورد نظام تقسیم چهارگانه دایره نیز تحقیقات **مهندس مولوی** بسیار جالب و راهگشا است. به نظر او اگر چه ریشه‌های تقسیم چهارگانه دایره در تمدن‌های کهن هم وجود دارد، تمدن اسلامی به شیوه‌ای ویژه به بهره گیری از آن پرداخته است. (مولوی، ۱۳۶۹، ۷۴). کار جالب مولوی تداوم همین نظام در روند طراحی نما و ارائه گونه‌های اصلی ناماها در معماری سنتی است که نیاز به دقت و احتیاط فراوان دارد.

۳- کاربرد مستطیل ۷/۲ در معماری ایرانی

آیت‌الله‌ی در کتاب مبانی نظری هنرهای تجسمی در مورد این مستطیل می‌نویسد:

«مستطیل ۷/۲ از دوران کهن در معماری و در هنرها کاربرد وسیعی داشته است و پس از کشف و شناخت اندازه‌های طلایی و اهمیت بیشتر از اندازه آن، تدریجاً جای خود را به مستطیل طلایی داده است.» (آیت‌الله‌ی، ۱۳۷۶، ۱۸۵). **واب گریو** نیز این نسبت را ناشی از تقسیم دایره به چهار یا هشت قسمت معرفی می‌کند و نمونه‌های زیادی از کاربرد این نسبت را در معماری بررسی نموده است. (کریر، ۱۳۸۰، ۸۳)

«بیان این مطلب که از نقطه نظر طبیعی و ما بعد از طبیعی، شخص برای رسیدن به دو باید «دو یک» را روی هم بگذارد تا عدد ۲ حاصل شود، اشتباه است. لازم است فقط به نحوه تکثیر سلول زنده که به «دو» تبدیل می‌گردد، بنگرید. برای اینکه یک در معنی منفرد است، یگانه است و بنابراین جامع و کل نیز هست. دو یک نمی‌تواند وجود داشته باشد. واحد به عنوان نماد کامل خداوند، خود را از درون خویشن تقسیم می‌کند، با این بیان که آفریننده یکتاست و آفریده بسیار.» (ولر، ۱۳۶۸، ۴۲)



تصویر ۹۶- مزار بی خانم، سمرقند، سبک تیموری- ۷۷۸ تا ۷۸۵ هجری شمسی، نمونه از تناسب مستطیل طلایی (هیلن براند، ۱۳۷۷: ۵۸۵).

۴- کاربرد عدد ۳ در موجودات طبیعت

در طبیعت نمونه‌های زیادی از هندسه ۳ بخشی قابل مطالعه است. یک ویژگی مشترک آنها این است که سه بخشی‌ها، دارای ۳ فضا و ۳ محور برای قرارگیری دانه‌ها، یعنی اندام زایشی هستند. به طور مثال می‌توان خربزه، طالبی، فلفل، خیار، گوجه فرنگی، بادمجان و ... را نام برد که در همه آنها، تخمه‌ها در طول ۳ محور، اطراف محور اصلی قرار گرفته‌اند. در فلفل دلمه‌ای تشابه هندسه ۳ را در گل، تقسیمات داخلی و نیز تقسیمات خارجی این میوه می‌بینیم. در انار این تقسیمات در گلبرگ، کاسبرگ، گل، هندسه داخلی و هندسه خارجی دیده می‌شود.



تصویر. ۹۷-Error! No text of specified style in document. تقسیمات ۳ در گل، هندسه داخلی و هندسه

خارجی فلفل دلمه‌ای



تصویر. ۹۸-Error! No text of specified style in document. تقسیمات ۶ در گلبرگ، کاسبرگ، گل، هندسه داخلی و

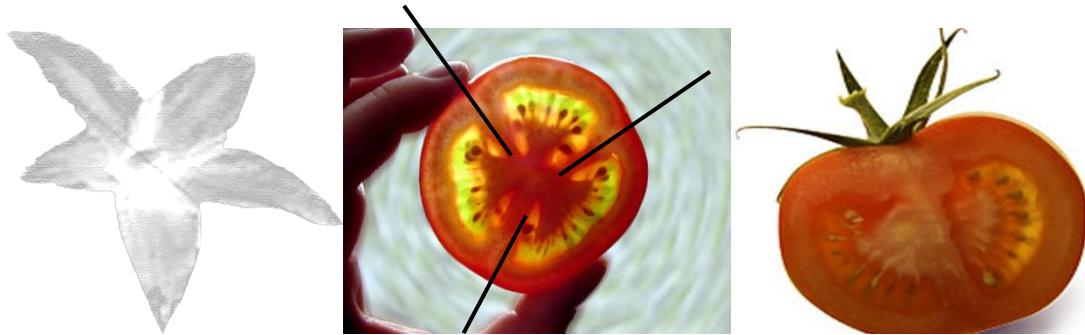
هندسه خارجی انار

۵-نمایش ترکیب هندسه ۳ و ۵ در موجودات طبیعت

در برخی میوه‌ها هندسه داخلی ۳ و هندسه خارجی ۵ وجود دارد. در این گیاهان هندسه خارجی مضرب ۵ با گل آنها و ویژگی مشترک خوراکی بودنشان سازگار است. به نظر می‌رسد هندسه داخلی ۳ باید ریشه در ویژگی مشترک، بیش دانه بودنشان داشته باشد، چرا که در همه آنها اندام زایشی با تعداد زیاد در ۳ محور در اطراف محور اصلی چیده شده‌اند. معمولاً این محورها مرکب بوده و به ۶ یا ۹ محور تقسیم شده و انبویی از بذر زایشی را کنار هم قرار داده‌اند. در بیشتر نمونه‌ها حجم بافت اصلی میوه نسبت به کل میوه، با توجه به تعداد زیاد دانه‌ها و فضای مرتبط اطراف آن چندان زیاد نیست. به خاطر همین ساختار محوری، در بیشتر موارد شکل کلی هندسی آنها کشیده و دراز است. در برخی نمونه‌ها همچون گوجه فرنگی، محورهای ۳ گانه بذرها با بافت دوری اتصالی ندارند، بلکه از یک محور مرکزی تعذیبه می‌کنند و این سبب وجود یک اتصال ۳ پری محکم از حاشیه تا مرکز اصلی است تا کل اندام زایشی را در مرکز نگه دارد. (از این جهت شباهتی با فلفل دلمه‌ای پیدا می‌کند.)

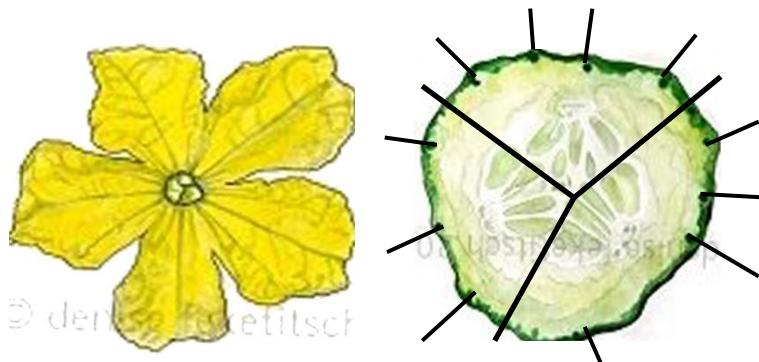


تصویر ۵ در طالبی هندسه داخلی ۳ و هندسه خارجی ۵ Error! No text of specified style in document.



تصویر ۶ در گل هندسه داخلی ۳ و هندسه خارجی ۵ Error! No text of specified style in document.

چهره فرنگی



تصویر ۷ در گل خیار هندسه داخلی ۳ و هندسه خارجی ۵ Error! No text of specified style in document.

۵ در گل خیار

۶-نمایش هندسی عدد ۶ و مستطیل ۷/۳ در معماری

ابتدا یی ترین و قدیمی ترین شیوه درجه بندی، تقسیم دایره به شش قسمت بود. زیرا با شعاع دایره می‌توان این کار را کرد و سپس با استفاده از روش‌های هندسی آن را به ۳ یا ۱۲ تقسیم و سپس به ۶۰ قسمت تقسیم نمود. این تقسیم هنوز هم در بسیاری از مسائل رایج است. مصریان باستان دستگاه اندازه‌گیری خود را در معماری بر این اساس تنظیم می‌کردند، خصوصاً اینکه عدد دوازده که در این نظام ایجاد می‌شود، در دید آنها عددی کامل بود و مجموع اعداد مثلث قائم الزاویه او سیریس (۳، ۴، ۵) را ایجاد می‌کرد. این نظام در بین مسلمین به «نظام ستینی» مشهور است و هنوز هم در بسیاری از حوزه‌ها از جمله ساعت، نجوم و ... به این سیستم طبقه‌بندی می‌شوند. (مولوی، ۱۳۶۹، ۷۶)

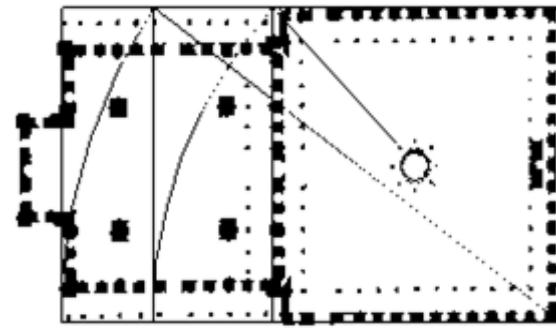
السعید با تفصیل بیشتری سعی کرده به کارگیری **نظام ستینی** را در معماری کهن مصر و خصوصاً در معبد بزرگ آنها (معبد سوستریس اول، معبد آنکاب شمالی و معبد رامسس چهارم) نشان دهد. **مصریان معماری خود را**

براساس نظام مقدس دوازدهتایی شکل می‌دادند. البته ریشه دوازده هم به عدد سه می‌رسد و خصوصاً مثلث اوسیریس که در نزد مصریان جایگاهی مقدس داشت و **فیشاغورس** این مطلب را بعدها از مصریان آموخت. اصلاح این مثلث با اعداد (۳، ۴ و ۵) متناظر بودند که مجموع آنها عدد ۱۲ یعنی کلید اندازه‌گیری مصری‌ها را ایجاد می‌کرد. (السعید، ۱۳۶۳، ۱۹۲)

آیت‌الله‌ی مستطیل ۷/۳ را مستطیل افلاطونی می‌نامد و در مورد آن می‌نویسد: «نسبت ۷/۳ در هنر کهن غرب در دوران‌های پیش از تسلط «نسبت طلایی» بعد از نسبت ۷/۲، رایج‌ترین اندازه‌ها بوده است. نکته جالب توجه این است که در خرد نگاره‌های ایرانی نیز پس از نسبت طلایی بیشتر از این اندازه استفاده شده است.» (آیت‌الله‌ی، ۱۳۷۶، ۹۱)

به گفته لول:

«۷/۲، سطح مربع را تقسیم می‌کند، ۷/۳ شکل حجم‌دار مکعب را تقسیم می‌کند و در آن هنگام به یاد می‌آوریم که همه چیز در جهان آفرینش یک حجم است. از نظر ساختاری در تشکیل هر حجم، سه گوشه ضرورت پیدا می‌کند. از این روست که تثلیث اصل آفریننده کلیه اشکال است. مکعب یکی از نمادهای نخستین جهان صوری است» (همان، ۶۷)

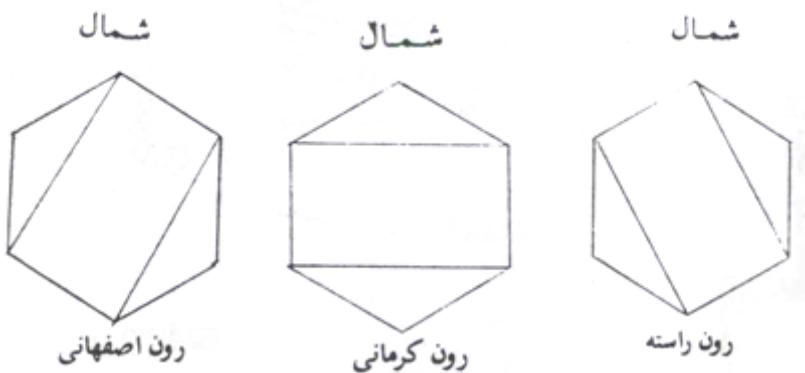


تصویر ۱۰۲-Error! No text of specified style in document. (راست) نمونه‌ای از تناسب ۱/۷، یکی از مساجد عثمانی (ترکیه)
تصویر ۱۰۳-Error! No text of specified style in document. (چپ) نمایش نظام ستینی در مسجد شیخ لطف الله اصفهان توسط دکتر پیرنیا

البته توجه به نظام عدد ۳ در تمدن‌های کهن دیگر هم نمونه‌هایی داشته است که **گریچلو** به برخی از آنها اشاره دارد. به طور مثال **دوفرنگ** **ذن^۱ ژاپنی** و **چین** باستان مثلث نشان از سه قطب یعنی انسان، بهشت و زمین بوده است. در هندسه تمثیلی هندو، شش ضلعی به عنوان دو مثلث در هم آمیخته به نام «چاکای روشنیو» خوانده می‌شد که یکی از آنها مثلث «شیوا» و دیگری مثلث «شاگی» نامیده شده‌اند. (نوایی و حاج فاسمی، ۱۳۷۵، ۱۲۹) نهایتاً حضور همین مثلث را در فرهنگ یهود و مسیح و تثلیث آنها می‌توان مشاهده کرد. مثلث‌های در هم آمیخته هندو در فرهنگ یهود به عنوان مهر حضرت داود، ستاره داوودی لقب می‌گیرند و مطابق تأویلات آنها با **شش صفت الهی** یعنی قدرت، **عزمت، عقل، عشق، ترحم و عدالت** تناظر می‌یابد. نهایتاً در فرهنگ گوییک به شکل بارزتری تثلیث پدر، پسر و روح القدس به عرصه هندسه و معماری راه پیدا می‌کند. (همان)

برخی از صاحب‌نظران از جمله دکتر **پیرنیا** و دکتر **لطیف ابوالقاسمی** نمونه‌هایی از نظام ستینی را در معماری سنتی ایران هم نشان داده‌اند. پیرنیا آن را نسبت طلایی ایرانی نام نهاده است. این نسبت به کرات در بناها و مساجد ایرانی یافت می‌شود و نمونه آن نیز نمای مسجد شیخ لطف‌الله می‌باشد.

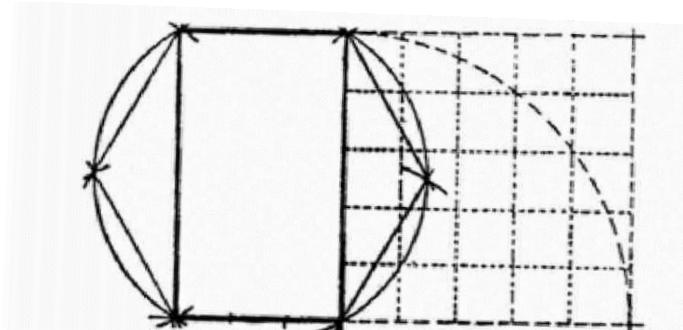
ظاهراً مطابق مباحث مرحوم پیرنیا اساس توجه به نظام عدد سه و شش، بحث اقلیم و جهتگیری نسبت به آن است که او با اصطلاح سنتی «رون»^۱ بیان می‌کند. به نظر مرحوم پیرنیا معماران ایرانی برای تعیین جهت خانه یا رون آن، از شکل شش ضلعی استفاده می‌کردند. شش ضلعی شکلی است که چون در ساخت آن از مثلث متساوی اضلاع استفاده می‌شود، نمی‌توان آن را اشتباه کشید.



تصویر ۱۰۴-Error! No text of specified style in document. تعیین مستطیل سازنده نسبت طلایی ۱/۶۶ در

رون‌های مختلف

این به آن جهت است که مستطیلی که در داخل یک شش ضلعی منتظم ایجاد می‌شود، یک مستطیل با تنشیبات طلایی است. یعنی نسبت اضلاع آن ۱/۶۶ خواهد بود. **ابوضیاء و قزلباش** نهایتاً تلاش می‌کنند تا همین هندسه ۳ و ۶ را به نظام ۱۲ و ۲۴ تسری دهند و شکل گیری فضای داخلی هر اتاق را هم بر اساس چرخش این مستطیل در دایره اصلی نمایش دهند که این اساس تیپ شناسی اتاق‌های سنتی آنها را تشکیل می‌دهد. (قزلباش، ۱۳۶۴، ۴۳)



تصویر ۱۰۵-Error! No text of specified style in document. پیرنیا مبنای اتاق ایرانی را بر اساس مستطیلی با تنشیب ۷/۳ تعریف می‌نمود و آن را نهاد خانه می‌نامید. (ابوضیاء و قزلباش، ۱۳۶۴)

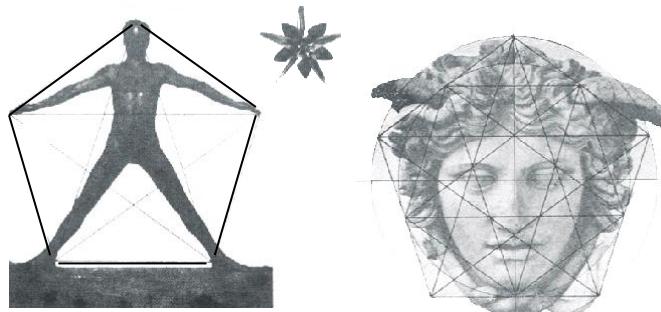
۷-نمایش هندسی عدد ۵ در موجودات طبیعت

بیشتر میوه‌های خوراکی دارای گل و هندسه خارجی ۵ بخشی هستند. در هندسه داخلی ۵ بخشی، دانه‌ها در اطراف محور اصلی و در مرکز میوه به صورت مضربی از ۵ چیده شده است. به گفته لولر:

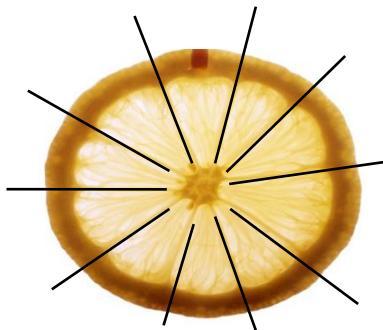
«تیره گل سرخ مانند کلیه گیاهان که میوه خوراکی دارند پنج گلبرگی است. از این رو عدد ۵ نشانه‌هایی از غذاهای کامل را در نزد انسان تداعی می‌کند. از طرفی گیاهان همچون گل‌های عشق، ارکیده و آزالیا و گل ساعتی عموماً از تقارن پنج ضلعی تأثیر پذیرفته‌اند. پنج ضلعی

۱. واژه «رون» که توسط استاد پیرنیا برابر با واژه «جهت» بسیار مطرح شده است، در دهخدا به معنی سبب، دلیل، باعث آمده است که منظور ایشان دلیل جهت یابی اقلیمی بناست.

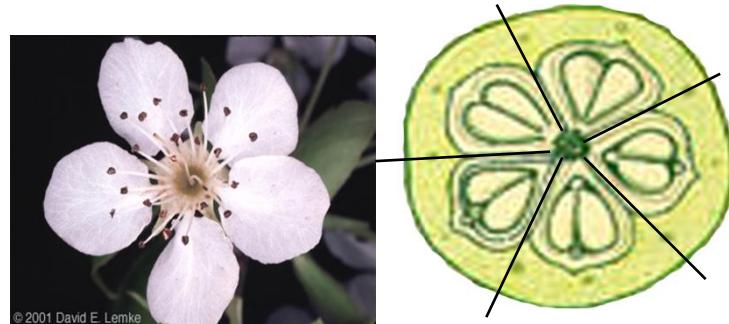
به منزله نماد زندگی است خاصه انسان. همچنین اساس بسیاری از پنجره‌های گل سرخ ماندala در دوره گوتیک به شمار می‌رود.» (لور، ۱۲۲، ۱۳۶۸)



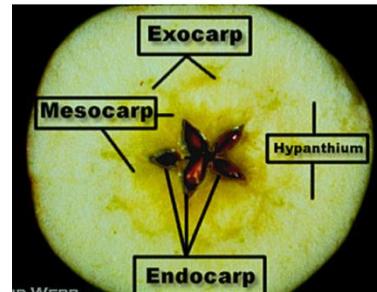
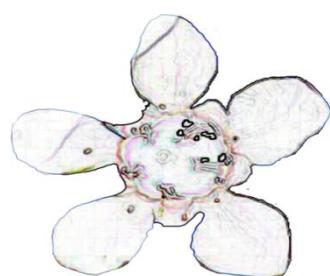
تصویر ۱۰۶-Error! No text of specified style in document. تنشیات ۵ و ۱۰، پنج ضلعی به منزله نماد زندگی است خاصه زندگی انسان و همچنین تقسیمات زرین جای گرفته برای ماسک قدیمی هرمیس (لور، ۱۱۱، ۱۳۶۸ و ۱۲۲) در برخی میوه‌ها هر دانه در یک بخش جدا شده با مواد غذایی جدا وجود دارد مثل مرکبات. دانه‌ها در نارنگی بسیار کمتر، اما در پرتقال، لیموی شیرین و ترش، دانه‌ها در هر پره میوه قرار گرفته‌اند. اما در نمونه‌هایی همچون سیب و گلابی ۵ دانه در مرکز میوه در کنار هم درون بافت میوه قرار گرفته‌اند.



تصویر ۱۰۷-Error! No text of specified style in document. تقسیمات ۵ در گل و هندسه داخلی لیمو



تصویر ۱۰۸-Error! No text of specified style in document. تقسیمات ۵ در گل و هندسه داخلی گلابی



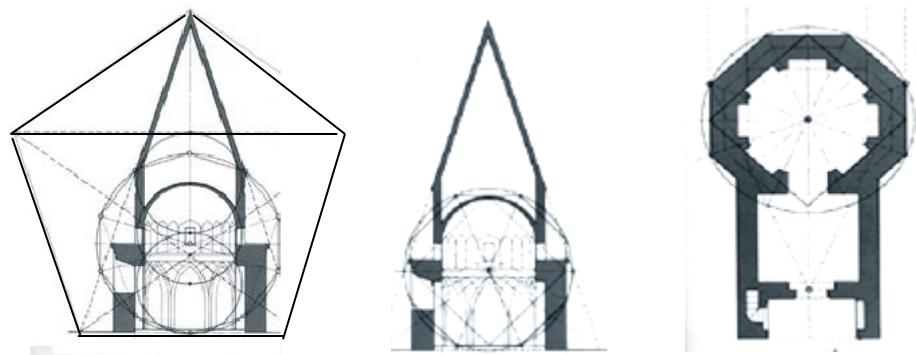
تصویر ۱۰۹-Error! No text of specified style in document. تقسیمات ۵ در گل و هندسه داخلی سیب

۸-نمایش هندسی عدد ۱۰ در معماری اسلامی

ویژگی این نظام این است که می‌توان تناسبات طلایی را در آن به دست آورد. به همین جهت در **نظام مدولار لوکوبوزیهای** خصوصاً بر نظام تقسیم ۱۰ تأکید می‌شود. کریر تأکید می‌کند که این نظام نسبت به دیگر هندسه‌ها تعادل بیشتری دارد. ولی با وجود این نیاز به مکملی از تقسیمات دیگر هم دارد. (کریر، ۱۳۸۰) البته در نظام اسلامی هم عدد ده به عنوان عددی کامل مطرح شده و گاه با تعبیر «تلک عشرة كاملة» و گاه با بیان موارد ده گانه، همچون شب‌های مقدس، این مطالب را تأکید می‌کند. اما ویژگی‌های کامل این هندسه سبب شده که برخی وجود آن را در معماری اسلامی (که هرگز قابل انکار نیست)، به نحو اغراق آمیزی برجسته کنند.^۱

به عنوان نمونه‌ای از استفاده از این تناسبات در معماری اسلامی می‌توان به بررسی و تحلیل هندسی بنای امام زاده عبدالله پرداخت که کریچلو استفاده پنهان از هندسه پنج را در نمای آن نشان داده است. اگرچه پلان آن هم ساختاری ۸ ضلعی دارد. (نوایی و حاج قاسمی، ۱۳۷۵، ۱۷۲) اما ناگفته مشخص است که با توجه به چند نمونه جزیی هرگز نباید حکم کلی صادر کرد و پنج ضلعی و هندسه پنج را زیربنای معماری اسلامی دانست. بدیهی است نمونه‌های بسیار دیگری در پلان و نما و مقطع و حجم خارجی وجود دارد که نظریه فوق را به طور قطع زیر سؤال می‌برد.

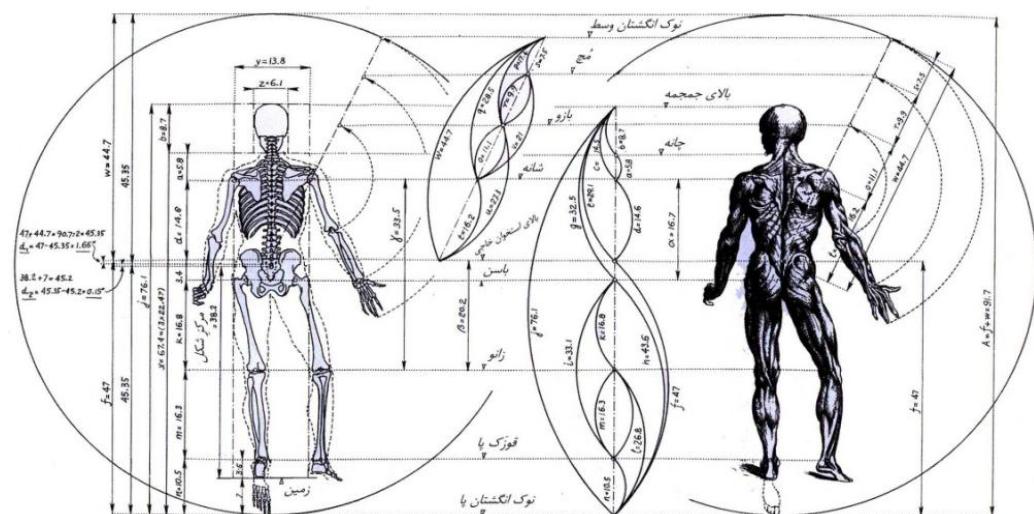
۱. به عنوان مثال، می‌توان به نمایش نظریه «پنج ضلعی، اساس تناسبات طلایی در اسلام» در نمای مسجد شیخ لطف الله توسط مهندس نوایی و مهندس حاج قاسمی اشاره کرد.



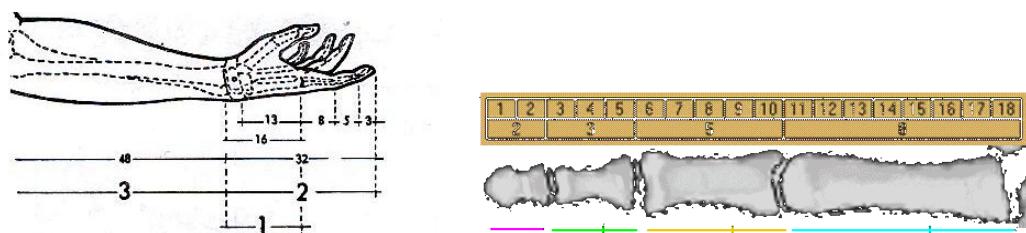
۱۱۰-Error! No text of specified style in document. تصویر (کتاب جام نواز می کهن)

۹- تناسبات طلایی در اجزای بدن انسان و بعضی از حیوانات

این نسبت مهم‌ترین نسبت موجود در طبیعت می‌باشد و رایج‌ترین نسبت حتی در شکل‌گیری اجزای بدن انسان نیز می‌باشد. راب کریر در کتاب تناسبات در معماری، تحلیل‌های دقیقی از اجزای بدن انسان‌های مختلف (از ریزترین اجزا تا کلی‌ترین آنها) به عمل آورده و وجود تناسبات طلایی را در آنها نشان داده است. وی حتی فیگورهای مختلف حرکت انسان را نیز در حالات گوناگون با تناسبات طلایی مطابقت داده است. (کریر، ۱۳۸۰)



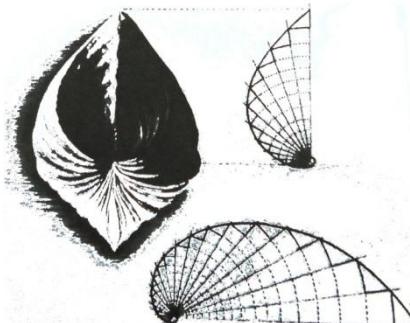
۱۱۱-Error! No text of specified style in document. تصویر (دکزی، ۱۳۸۸)



۱۱۲-Error! No text of specified style in document. و ۱۱۳-Error! No text of specified style in document. تصویر (کتاب جام نواز می کهن)

اشکال صدف‌ها، موضوعی بحث برانگیز در بسیاری از مطالعات بوده است زیرا همه اشکال هماهنگ آنها به

وسیله نسبت طلایی وصف شده‌اند و هر کدام از مراحل پی در پی رشد به وسیله یک مستطیل با ابعاد طلایی محاط شده است. (دکزی، ۱۳۸۸، ۵۳)



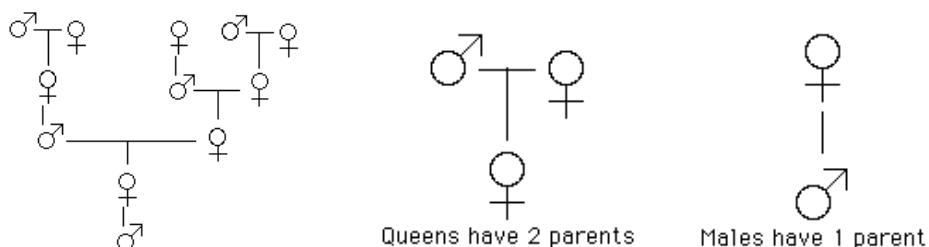
تصویر. ۱۱۴-Error! No text of specified style in document. صدف‌ها-سری فیبوناچی و نسبت‌های طلایی در صدف پنجه خرسی(دکزی، ۱۳۸۸، ۵۴ و ۵۶)

از کاربرد این نسبت می‌توان الگوی **رشد گل‌ها، تولد خرگوش‌ها، جفت‌گیری زنبور عسل و رفتار نور** را نام برد.

۱۰-روش بدست آوردن عدد طلایی توسط فیبوناچی

دکتر آیت‌الله‌ی درباره روش بدست آوردن این نسبت می‌نویسد:

در سده سیزدهم، فیبوناچی^۱ ریاضیدان ایتالیایی درباره تکثیر خرگوش‌ها مطالعه‌ای کرد و چنین نتیجه گرفت که اگر یک جفت خرگوش بتوانند تا نوه خود زنده باشند و تعداد اولاد مساوی با تعداد والدین و تعداد نوه‌ها برابر با تعداد فرزندان بعلاوه والدین باشد اعداد ساده زیر بدست می‌آید: ۱، ۱، ۲، ۳، ۵، ۸، ۱۳، ۲۱، ۳۴، ۵۵، ۸۹. (آیت‌الله‌ی، ۱۳۷۶، ۱۸۰ و ۱۸۱)



تصویر. ۱۱۵-Error! No text of specified style in document. فیبوناچی در زاد و ولد زنبور عسل و نسبت نرینه‌ها به مادینه‌ها در هر کندو عسل

افلاطون نیز این نسبت را به عنوان لازم‌ترین جزء در بین همه روابط ریاضی قلمداد کرده است و آن را به

عنوان کلیدی برای درک فیزیک گیتی نام برد.^۲

لولو در کتاب هندسه مقدس می‌نویسد: «از یوهان کپلر سامان دهنده قوانین حرکت سیارات نقل شده است

که: هندسه دارای دو گنجیه بزرگ است: یکی قضیه فیثاغورث و دیگری تقسیم یک خط در نسبت‌های نهایی و میانی که همان ϕ و میانگین زرین است. نخستین این دو طریق می‌تواند با طلا مقایسه شود و دومین با گوهری گران‌بها.»

۱. دنباله فیبوناچی از فرمول روبرو بدست می‌آید. در این دنباله هر عدد از جمع دو عدد قبلی بدست می‌آید.

$$F(n) := \begin{cases} 0 & \text{if } n = 0; \\ 1 & \text{if } n = 1; \\ F(n - 1) + F(n - 2) & \text{if } n > 1. \end{cases}$$

(لولر، ۱۳۶، ۱۱۱)

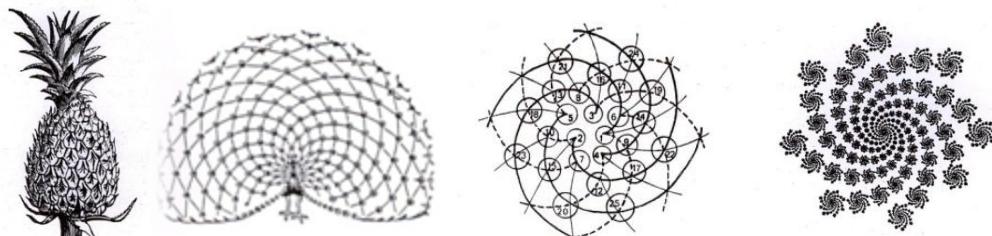
مقدار عددی نسبت طلائی $\phi = 1/618$ در نظر گرفته شده است که برای محاسبه آن نیز روش‌های مختلفی پیشنهاد شده است. متداول‌ترین روش محاسبه، روش سری‌ها می‌باشد که توسط فیبوناچی محاسبه شد، وی در ایتالیا متولد شد و ریاضی را نزد یکی از شاگردان خوارزمی فرا گرفت. دکتر حسین کشی‌افشار در مورد وی می‌نویسد: «جوان پر شور ایتالیایی در سال‌های ۱۲۰۰ تا ۱۲۳۰ میلادی با بکارگیری اعداد زرین، بدین گونه که با جمع ارقام اول و دوم بخش بر عدد دوم، جمع ارقام دوم و سوم بخش بر رقم سوم، جمع ارقام سوم و چهارم بخش بر رقم چهارم الی آخر، سرانجام توانست عدد $1/6180339$ را بدست آورد و آن را عدد طلائی ϕ نامید که عکس آن نیز ϕ می‌باشد.

$$\phi' = \frac{1}{\phi} = \frac{1}{1/6180339} = 6180339$$

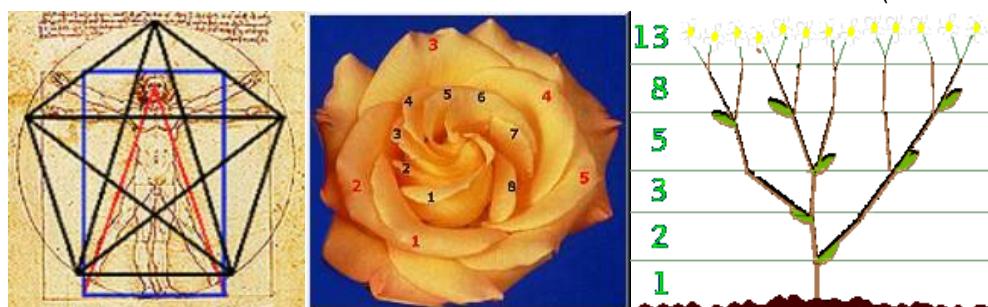
جدول ۱۸-Error! No text of specified style in document. برسی سری فیبوناچی و ارتباط آنها با اعداد

زرین توسط خود او

۱	۱	۲	۳	۵	۸	۱۳	۲۱	۳۴	۵۵	۸۹
	$\frac{2}{1}$	$\frac{3}{2}$	$\frac{5}{3}$	$\frac{8}{5}$	$\frac{13}{8}$	$\frac{21}{13}$	$\frac{34}{21}$	$\frac{55}{34}$	$\frac{89}{55}$	$\frac{144}{89}$	$\frac{233}{144}$
	۲	$1/5$	$1/66$	$1/6$	$1/625$	$1/615$	$1/619$	$1/617$	$1/618$	$1/618$	$1/618$



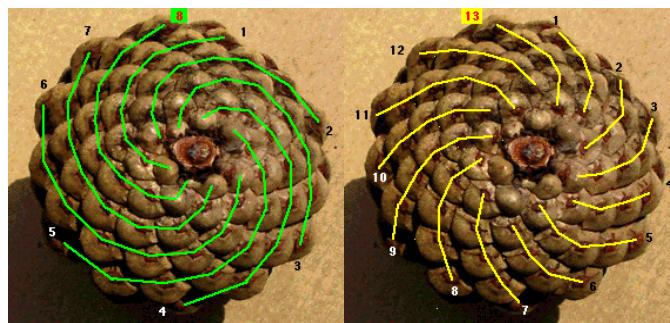
تصویر ۱۱۶-Error! No text of specified style in document. الگوی تقسیم برگهای آناناس بر اساس دنباله فیبوناچی (nature and architecture)



تصویر ۱۱۷-Error! No text of specified style in document. برسی نسبت طلائی در بدن انسان و نمایش سری فیبوناچی در طرز قرارگیری گلبرگها و انشعابات شاخه‌ها

لولر می‌نویسد: «از نظر هندسی تناسب زرین ϕ به نحوی جدا ناشدنی با تابع $\sqrt{5}$ و پنج ضلعی ارتباط دارد.» (همان، ۱۰۴) طبق اثبات لولر نسبت قطر یک پنج ضلعی به هر ضلع آن برابر با عدد زرین ϕ یا $\sqrt{5} + 1/2$ می‌باشد.

همانطور که اشاره شد، مجموعه فیبوناچی الگوی کامل تولید مثل خرگوش یعنی نماد باروری و نسبت جنس مذکور به مؤنث را در کندوهای زنبور عسل مشخص می‌کند. همینطور لولر اشاره می‌کند که پراکندگی برگ‌ها در گرد ساقه‌ای مرکزی بر اساس سلسله اعداد فیبوناچی قرار گرفته است. همچنین وی می‌نویسد: «انشعاب الگوی کنشی مهم در رشد طبیعی است که به وسیله فیبوناچی یا مجموعه ϕ کنترل می‌شود و به خاطر حضور آن در پنج ضلعی برش زرین می‌تواند در کلیه گل‌هایی که پنج گلبرگی‌اند یا مضرب پنج دارند یافت می‌شود و در تیره داودی همواره تعداد گلبرگ از مجموعه فیبوناچی وجود دارد.» (لولر، ۱۳۶۸، ۲۲۱)



تصویر ۱۱۸-Error! No text of specified style in document. میوه کاج (عدد ۸ و ۱۳) بررسی سری فیبوناچی در طرز قرارگیری دانه‌های

۱۱-بکارگیری تناسبات طلایی در معماری

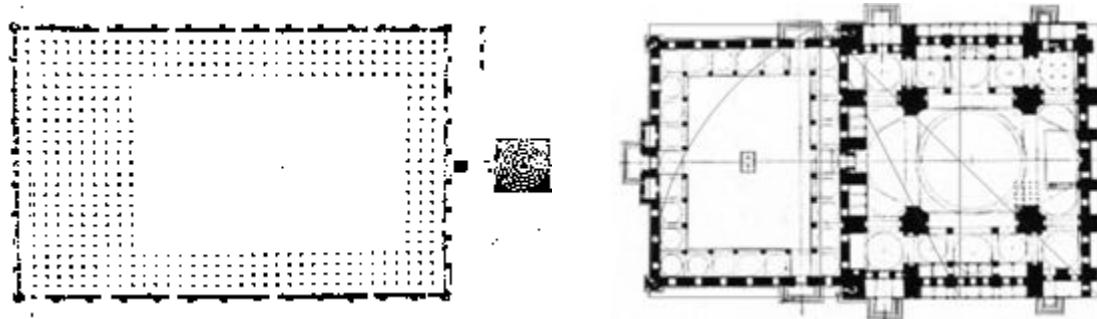
این نسبت طلایی در طول تاریخ نامهای مختلفی به خود گرفته است. **نسبت خدایی و نسبت لاہوتی** نمونه‌هایی از آن هستند. آیت‌الله‌ی در این باره می‌نویسد:

«اصطلاح نسبت لاہوتی به مصریان باستان، مصری‌های آفرینش‌گر اهرام و ابوالهول نسبت داده می‌شود. اصطلاح نسبت خدایی از ویتروویوس معمار ایتالیایی سده دوم میلادی بر جا مانده است و اندازه‌های طلایی نامی است که از اواخر سده نوزدهم و اوایل سده بیستم میلادی که طلا معيار سنجش‌های اقتصادی و مادی شد به این نسبت اطلاق شده است.» (آیت‌الله‌ی، ۱۳۷۶، ۱۹۴)

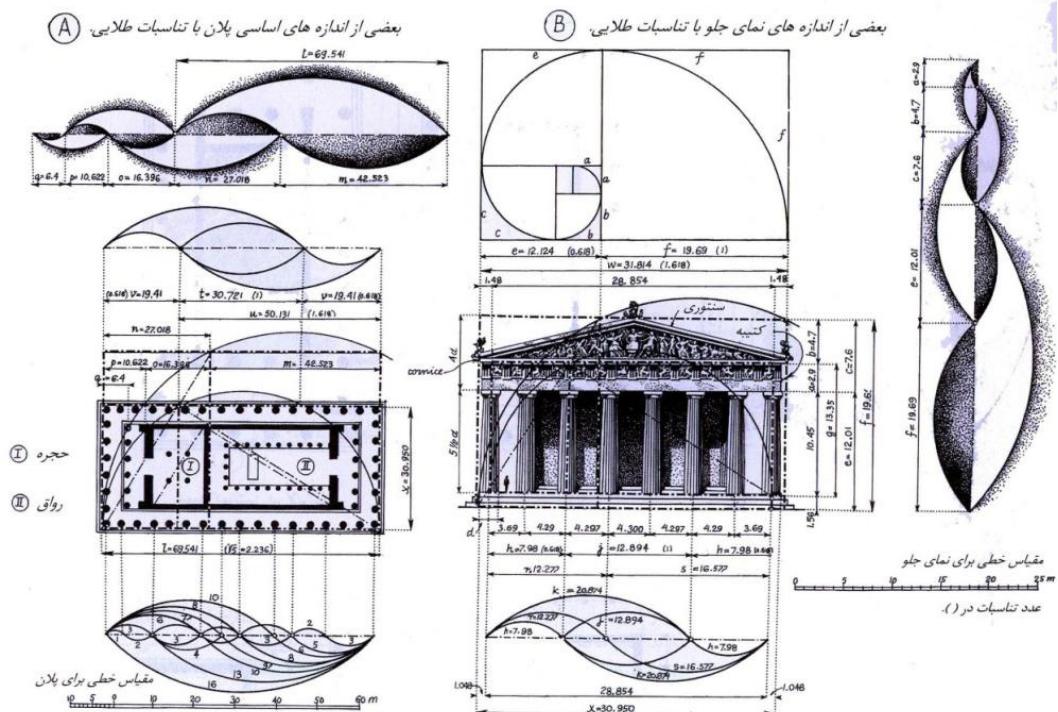
این نسبت را همچنین ϕ می‌نامند که به گفته کاترین رنورد^۱ از حروف بیست و یکم الفبای یونانی گرفته شده که نخستین حرف نام مجسمه‌ساز یونانی phidias را شکل می‌دهد. او در مقاله‌اش به عنوان نخستین کسی که این نسبتها را مطالعه کرده معرفی شده است.

وی صریحاً اشاره کرده است که نسبت طلایی توسط یونانیان کشف شده است و در طراحی پارتونون نیز به وضوح به کار گرفته شده است. مصریان باستان نیز از آن در طراحی اهرام خود استفاده کردند. مکریکیان باستانی نیز از آن در طراحی هرم خورشید در Teotihuacan استفاده کرده‌اند.

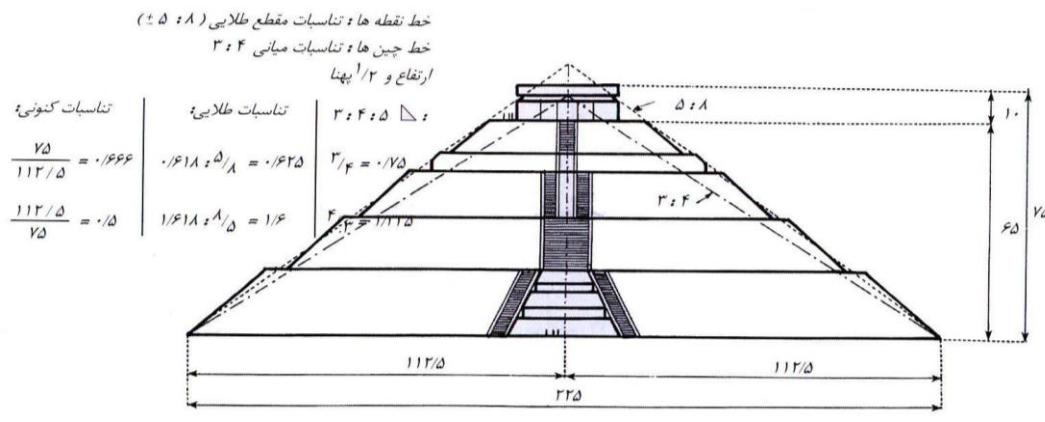
مسجد بزرگ سامرنا نمونه‌ای از استفاده از این تناسبات است که ابعاد کل ساختمان ۱۵۰ در ۲۴۰ متر و حیاط آن با نسبت ۱۰۰ در ۱۶۰ متر، در هر دو تقریباً تناسب طلایی $1/6$ دیده می‌شود.



تصویر ۱۱۹-Error! No text of specified style in document. (راست) مسجد بزرگ استانبول، نمونه‌ای از تناسب ۱/۶۱۸ (الاسعد، ۱۹۹۴)
تصویر ۱۲۰-Error! No text of specified style in document. (چپ) مسجد بزرگ سامرا، نمونه‌ای از تناسب ۱/۶۱۸ (پاپادوبولو، ۱۳۶۸)، (۲۳۰)



تصویر ۱۲۱-Error! No text of specified style in document. تناسبات طلایی در نمای معبد پارتونون یونان - ۴۶۵ ق میلاد - طرح ایکتینوس و کالکراتس، معماران کلاسیک یونانی، (دکری، ۱۳۸۸؛ ۱۰۸)



تصویر ۱۲۲-Error! No text of specified style in document. نسبت طلایی در هرم خورشید-نما و تنشیات آنالیز شده از نما که نسبت های طلایی را نشان می دهد. (دکزی، ۱۳۸۸، ۴۲)

پرسش ها و پژوهش ها (طبیعت - فصل دهم)

- ۱) آیا اساس طبیعت بر **وابط هندسی** استوار است؟ در این رابطه با مثال هایی موضوع را تشریح نمایید؟
- ۲) کدام نمود ها در طبیعت **عدد چهار** را تشکیل می دهند؟ چهار مثال ارائه نمایید؟
- ۳) نظر اخوان الصفا در باره نقش عدد چیست؟
- ۴) در فرهنگ و تمدن اسلامی **عدد چهار** چه نقشی دارد؟ باختصار بیان کنید؟
- ۵) کاربرد **مستطیل رادیکال ۲** در معماری را با ذکر مثال بیان کنید؟
- ۶) کاربرد **عدد ۳** در طبیعت موجودات با ذکر مثال هایی تشریح نمایید؟
- ۷) نمایش **عدد ۶** در معماری کهن در کجاها خود را نشان داده است؟
- ۸) آیت الله‌ی در باره **مستطیل رادیکال ۳** چه سخنی دارد؟
- ۹) منظور از **مثلث** در فرهنگ ذن در ژاپن و چین شامل چه موضوعاتی می شده است؟
- ۱۰) از نگاه استاد پیرنیا **دون** چیست؟ و در کجاها در معماری ایرانی استفاده می شده است؟
- ۱۱) نمایش **عدد ۵** در ساختار موجودات طبیعت را با ذکر مثال هایی بیان کنید؟
- ۱۲) نظام هندسی **عدد ۱۰** در کجای معماری و به چه شکلی نقش داشته است؟
- ۱۳) **تناسبات طلایی هندسی** در بدن انسان و بعضی از موجودات چگونه است؟
- ۱۴) **فیبوناچی** عدد طلایی را چگونه و بر چه اساسی بدست آورده است؟
- ۱۵) **تناسبات طلایی هندسی** در معماری چگونه بکار گرفته می شده است؟