

سوالات ریاضی ۳ (معادلات دیفرانسیل)

فصل اول

۱- مرتبه معادلات را تعیین و جواب معادله را امتحان کنید؟

**مجموعه مسائل فصل اول**

مرتبه معادلات دیفرانسیل زیر را بیان کنید و تحقیق کنید تابع داده شده یک جواب می‌باشد.

$$1) y = ce^{-\Delta x}, \quad y' + \Delta y = 0$$

$$2) y = e^{-\gamma x}(A \cos x + B \sin x), \quad y'' + \gamma^2 y' + \Delta y = 0$$

$$3) y = ce^{\gamma x} + \frac{\gamma}{\gamma}, \quad y' - \gamma y + \gamma^2 = 0$$

$$4) y = c \ln x, \quad y' x \ln x - y = 0$$

$$5) x^{\gamma} - xy + y^{\gamma} = c^{\gamma}, \quad (x - \gamma)y' = \gamma x - y$$

$$6) y = x + ce^y, \quad (x - y + 1)y' = 1$$

$$7) y = \ln(xy), \quad (xy - x)y'' + xy'^{\gamma} + yy' - \gamma y' = 0$$

$$8) y = x \int_{\cdot}^x \frac{\sin t}{t} dt, \quad xy' - x \sin x = y$$

$$9) y = x \left( \int \frac{e^x}{x} dx + c \right), \quad y' = \frac{y}{x} + e^x$$

$$10) y = e^{x^{\gamma}} \left( \int e^{-x^{\gamma}} dx + c \right), \quad y' - \gamma xy = 1$$

۲- معادلات توابع زیر را تشکیل بدهید؟

معادله دیفرانسیل دسته مختصی های زیر را تشکیل دهد.

$$11) y = c_1 e^x + c_2 e^{-\gamma x} \quad 12) y^{\gamma} + \frac{1}{x} = \gamma + ce^{-y^{\gamma}/\gamma}$$

$$13) x^{\gamma} = c(x^{\gamma} - y^{\gamma}) \quad 14) \ln \frac{x}{y} = 1 + cy$$

$$15) y = (c_1 + c_2 x)e^x + c_3$$